LAP (Linear Assignment Problem)

Программная документация

1 LAP - Linear Assignment Problem / Линейная дискретная оптимизационная задача (задача о назначениях)	1
1.1 1. Brief / Обзор	1
1.2 2. References / Ссылки	1
1.3 3. Dependencies / Зависимости	2
1.4 4. Tests / Tecты	2
2 Алфавитный указатель групп	5
2.1 Группы	5
3 Алфавитный указатель пространств имен	7
3.1 Пространства имен	7
3.1 пространства имен	'
4 Алфавитный указатель классов	9
4.1 Классы	9
5 Группы	11
5.1 Spml	11
5.1.1 Подробное описание	11
6 Пространства имен	13
6.1 Пространство имен SPML	13
6.1.1 Подробное описание	13
6.2 Пространство имен SPML::Compare	13
6.2.1 Подробное описание	13
6.2.2 Функции	14
6.3 Пространство имен SPML::LAP	16
6.3.1 Подробное описание	18
6.3.2 Типы	18
6.3.3 Перечисления	18
6.3.4 Функции	18
6.4 Пространство имен SPML::Sparse	29
6.4.1 Подробное описание	30
6.4.2 Функции	30
7 Классы	37
7.1 Структура SPML::Sparse::СКеуСОО	37
7.1.1 Подробное описание	37
7.1.2 Конструктор(ы)	37
7.1.3 Методы	38
7.2 Шаблон структуры SPML::Sparse::CMatrixCOO< T > $\dots$	38
7.2.1 Подробное описание	38
7.2.2 Данные класса	39
7.3 Шаблон структуры SPML::Sparse::CMatrixCSC< T >	39
7.3.1 Подробное описание	39
7.3.2 Данные класса	39

7.4 Шаблон структуры SPML::Sparse::CMatrixCSR< T >	40
7.4.1 Подробное описание	40
7.4.2 Данные класса	40
Предметный указатель	43

# LAP - Linear Assignment Problem / Линейная дискретная оптимизационная задача (задача о назначениях)

## 1.1 1. Brief / Обзор

Solving linear assignment problem using / Решение задачи о назначениях методами:

- Jonker-Volgenant-Castanon method (JVC) for dense and sparse (CSR compressed sparse row) matrices / Метод Джонкера-Волгенанта-Кастаньона для плотных и разреженных матриц в CSR формате
- Mack method / Метод Мака
- Hungarian (Munkres) method / Венгерский алгоритм

## 1.2 2. References / Ссылки

## Papers / Статьи:

- R.Jonker and A.Volgenant A Shortest Augmenting Path Algorithm for Dense and Sparse Linear Assignment Problems Computing 38, 325-340 (1987)
- A. Volgenant Linear and Semi-Assignment Problems: A Core Oriented Approach
- Банди Б. Основы линейного программирования: Пер. с англ. М.:Радио м связь, 1989, стр 113-123

#### Sites / Сайты:

- $\bullet \quad http://www.assignmentproblems.com/linear AP.htm$
- https://www.mathworks.com/matlabcentral/fileexchange/26836-lapjv-jonker-volgenant-algorithm-for-linear-assignment-problem-v3-0

#### Repositories / Репозитории:

- https://github.com/yongyanghz/LAPJV-algorithm-c
- $https://github.com/RcppCore/rcpp-gallery/blob/gh-pages/src/2013-09-24-minimal-assignment. {\it example of the pages} and the pages of the pages of$
- https://github.com/fuglede/linearassignment

## 1.3 3. Dependencies / Зависимости

Armadillo for matrices, Boost for testing / Armadillo для работы с матрицами, Boost для тестирования.

## 1.4 4. Tests / Тесты

- Comparison of calculation speed on dense and sparse matrices / Сравнение скорости работы на плотных и разреженных матрицах
- Simple assignment problem matrices are provided / Дополнительные тесты на простых матрицах
- test JVC algorithm for looping / Тест алгоритма JVCdense на зацикливание

(Sparsity is  ${\sim}20\%$  / В разреженной матрице  ${\sim}20\%$  назначенных ячеек)

Results for time measuring / Результаты замеров скорости работы:

<? <?

2

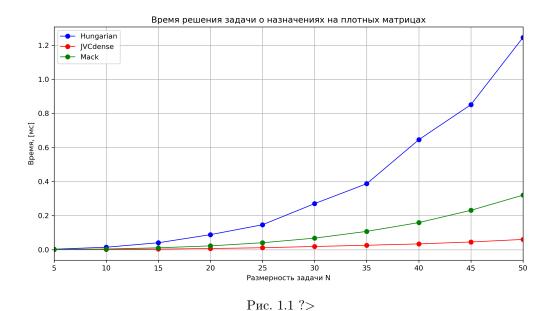


Fig.1 - Execution time for dense matrices (small dimensions)

Рис.1 - Время выполнения на плотных матрицах (малые размернсти)

<? <?

1.4 4. Tests / Tecты 3

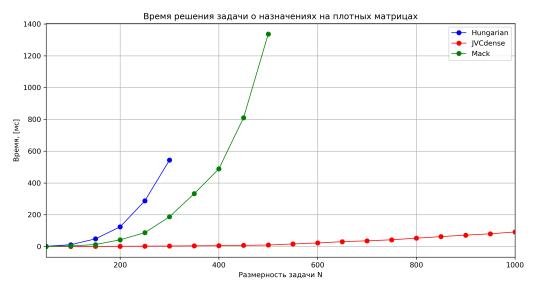


Рис. 1.2 ?>

Fig.2 - Execution time for dense matrices (large dimensions)

Рис.2 - Время выполнения на плотных матрицах (большие размерности)



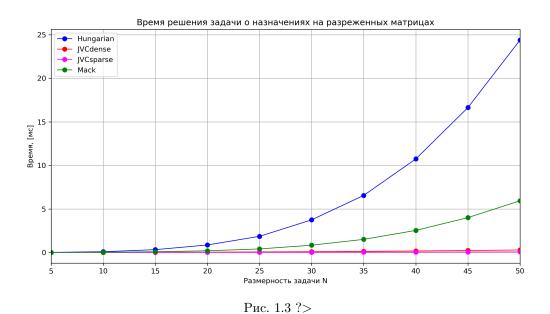


Fig.3 - Execution time for sparse matrices (small dimensions)

Рис.3 - Время выполнения на разреженных матрицах (малые размеристи)

<? <?

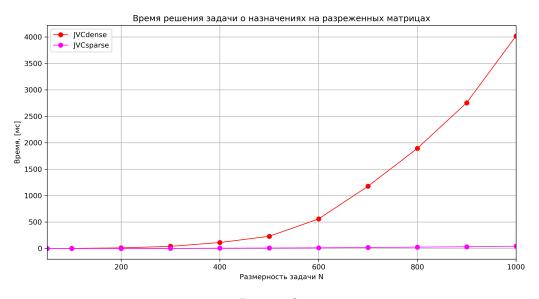


Рис. 1.4 ?>

Fig.4 - Execution time for sparse matrices (large dimensions)

Рис.4 - Время выполнения на разреженных матрицах (большие размерности)

# Алфавитный указатель групп

2.1	Группы	
Полн	ий список групп.	
Sp	nl	 11

Алфавитный	указатель	групп
11/14/april 11pril	ymasarcon	1 P.y 1111

# Алфавитный указатель пространств имен

## 3.1 Пространства имен

Полный список пространств имен.	
SPML	
Специальная библиотека программных модулей (СБ ПМ)	13
SPML::Compare	
Сравнение чисел	13
SPML::LAP	
Решение задачи о назначениях	16
SPML::Sparse	
Разреженные матрицы	29

Алфавитный у	указатель	пространств	имен
--------------	-----------	-------------	------

# Алфавитный указатель классов

## 4.1 Классы

Классы с их кратким описанием.	
SPML::Sparse::CKeyCOO	
Ключ элемента Aij матрицы A в COO формате (Coordinate list)	37
SPML::Sparse::CMatrixCOO< T >	
Структура хранения матрицы в СОО формате (Coordinate list)	38
SPML::Sparse::CMatrixCSC< T >	
Структура хранения матрицы в CSC формате (Compressed Sparse Column Yale	
format)	39
SPML::Sparse::CMatrixCSR< T >	
Структура хранения матрицы в CSR формате (Compressed Sparse Row Yale format)	40

Алфавитный	указатель	классов

# Группы

# 5.1 Spml

Пространства имен

• namespace SPML Специальная библиотека программных модулей (СБ  $\Pi$ М)

#### 5.1.1 Подробное описание

12 Группы

# Пространства имен

## 6.1 Пространство имен SPML

Специальная библиотека программных модулей (СБ ПМ)

#### Пространства имен

• namespace Compare

Сравнение чисел

• namespace LAP

Решение задачи о назначениях

• namespace Sparse

Разреженные матрицы

#### 6.1.1 Подробное описание

Специальная библиотека программных модулей (СБ ПМ)

## 6.2 Пространство имен SPML::Compare

Сравнение чисел

#### Функции

- bool Are EqualAbs (float first, float second, const float &eps=EPS\_F)

Сравнение двух действительных чисел (по абсолютной разнице)

• bool AreEqualAbs (double first, double second, const double &eps=EPS D)

Сравнение двух действительных чисел (по абсолютной разнице)

• bool AreEqualRel (float first, float second, const float &eps=EPS REL)

Сравнение двух действительных чисел (по относительной разнице)

• bool AreEqualRel (double first, double second, const double &eps=EPS REL)

Сравнение двух действительных чисел (по относительной разнице)

• bool IsZeroAbs (float value, const float &eps=EPS F)

Проверка действительного числа на равенство нулю (по абсолютной разнице)

• bool IsZeroAbs (double value, const double &eps=EPS D)

Проверка действительного числа на равенство нулю (по абсолютной разнице)

#### 6.2.1 Подробное описание

Сравнение чисел

## 6.2.2 Функции

#### 6.2.2.1 AreEqualAbs() [1/2]

#### Аргументы

in	first	- первое число
in	second	- второе число
in	eps	- абсолютная точность сравнения

#### Возвращает

true - если разница меньше точности, иначе false

См. определение в файле compare.h строка 48

#### 6.2.2.2 AreEqualAbs() [2/2]

```
bool SPML::Compare::AreEqualAbs ( float first, float second, const float & eps = EPS_F ) [inline] Сравнение двух действительных чисел (по абсолютной разнице) Возвращает результат: abs( first - second ) < eps
```

#### Аргументы

in	first	- первое число
in	second	- второе число
in	eps	- абсолютная точность сравнения

#### Возвращает

true - если разница меньше точности, иначе false

См. определение в файле compare.h строка 35

#### 6.2.2.3 AreEqualRel() [1/2]

#### Аргументы

in	first	- первое число
in	second	- второе число
in	eps	- относительная точность сравнения

#### Возвращает

true - если разница меньше точности, иначе false

См. определение в файле compare.h строка 76

#### 6.2.2.4 AreEqualRel() [2/2]

```
bool SPML::Compare::AreEqualRel (
float first,
float second,
const float & eps = EPS_REL ) [inline]

Сравнение двух действительных чисел (по относительной разнице)
Возарвщает результат: ( abs( ( first - second ) / first ) < eps ) && ( abs( ( first - second ) / second ) < eps )
```

#### Аргументы

in	first	- первое число
in	second	- второе число
in	eps	- относительная точность сравнения

#### Возвращает

true - если разница меньше точности, иначе false

См. определение в файле compare.h строка 62

#### 6.2.2.5 IsZeroAbs() [1/2]

Возвращает результат: abs( value ) < eps

#### Аргументы

in	value	- проверяемое число
in	eps	- абсолютная точность сравнения

#### Возвращает

true - если разница меньше точности, иначе false

См. определение в файле compare.h строка 102

#### 6.2.2.6 IsZeroAbs() [2/2]

```
bool SPML::Compare::IsZeroAbs ( \label{eq:const} \mbox{float value,} \mbox{const float \& eps} = \mbox{EPS\_F} \; ) \quad [\mbox{inline}]
```

Проверка действительного числа на равенство нулю (по абсолютной разнице)

Возвращает результат: abs( value ) < eps

#### Аргументы

in	value	- проверяемое число
in	eps	- абсолютная точность сравнения

#### Возвращает

true - если разница меньше точности, иначе false

См. определение в файле compare.h строка 90

#### 6.3 Пространство имен SPML::LAP

Решение задачи о назначениях

#### Определения типов

• typedef int(\* fp\_function\_t) (const unsigned, const std::vector< double > &, const std::vector< int > &, const std::vector< int > &, const int, int \*, double \*, int \*, double, double)

#### Перечисления

• enum TSearchParam { SP Min , SP Max }

Критерий поиска - минимум/максимум для задачи о назначениях

• enum TFindPath { FP 1, FP 2, FP DYNAMIC }

Способ нахождения пути в алгоритма JVC для ленточных матриц

#### Функции

• void JVCdense (const arma::mat &assigncost, int dim, TSearchParam sp, double maxcost, double resolution, arma::ivec &rowsol, double &lapcost)

Метод Джонкера-Волгенанта-Кастаньона (Jonker-Volgenant-Castanon) решения задачи о назначениях для плотных матриц

void JVCsparse (const std::vector< double > &cc, const std::vector< int > &kk, const std::vector< int > &ii, unsigned dim, TSearchParam sp, double maxcost, double resolution, arma::ivec &rowsol, double &lapcost, TFindPath fp=TFindPath::FP\_1)

Метод Джонкера-Волгенанта-Кастаньона (Jonker-Volgenant-Castanon) решения задачи о назначениях для разреженных матриц

- int JVCsparseNEW (const std::vector< double > &cc, const std::vector< int > &kk, const std 
  ::vector< int > &first, TSearchParam sp, double maxcost, double resolution, arma::ivec &rowsol, double &lapcost)
- void JVCsparse (const SPML::Sparse::CMatrixCSR< double > &csr, unsigned dim, TSearchParam sp, double maxcost, double resolution, arma::ivec &rowsol, double &lapcost, TFindPath fp=TFindPath::FP DYNAMIC)

Метод Джонкера-Волгенанта-Кастаньона (Jonker-Volgenant-Castanon) решения задачи о назначениях для разреженных матриц

• void Mack (const arma::mat &assigncost, int dim, TSearchParam sp, double maxcost, double resolution, arma::ivec &rowsol, double &lapcost)

Метод Мака решения задачи о назначениях

• void Hungarian (const arma::mat &assigncost, int dim, TSearchParam sp, double maxcost, double resolution, arma::ivec &rowsol, double &lapcost)

Венгерский метод решения задачи о назначениях (Метод Мункреса)

- void hungarian step 1 (unsigned int &step, arma::mat &cost, const unsigned int &N)
- void hungarian\_step\_2 (unsigned int &step, const arma::mat &cost, arma::umat &indM, arma ← ::ivec &rcov, arma::ivec &ccov, const unsigned int &N)
- void hungarian\_step\_3 (unsigned int &step, const arma::umat &indM, arma::ivec &ccov, const unsigned int &N)
- void <a href="https://hungarian\_find\_noncovered\_zero">hungarian\_find\_noncovered\_zero</a> (int &row, int &col, const arma::mat &cost, const arma::mat &cost, const arma::ivec &rcov, const arma::ivec &ccov, const unsigned int &N)
- bool hungarian star in row (int &row, const arma::umat &indM, const unsigned int &N)
- void hungarian\_find\_star\_in\_row (const int &row, int &col, const arma::umat &indM, const unsigned int &N)
- void hungarian\_step\_4 (unsigned int &step, const arma::mat &cost, arma::umat &indM, arma ::ivec &rcov, arma::ivec &ccov, int &rpath 0, int &cpath 0, const unsigned int &N)
- void <a href="https://hungarian\_find\_star\_in\_col">hungarian\_find\_star\_in\_col</a> (const int &col, int &row, const arma::umat &indM, const unsigned int &N)
- void hungarian\_find\_prime\_in\_row (const int &row, int &col, const arma::umat &indM, const unsigned int &N)
- void hungarian\_augment\_path (const int &path\_count, arma::umat &indM, const arma::imat &path)
- void hungarian clear covers (arma::ivec &rcov, arma::ivec &ccov)
- void hungarian erase primes (arma::umat &indM, const unsigned int &N)
- void hungarian\_step\_5 (unsigned int &step, arma::umat &indM, arma::ivec &rcov, arma::ivec &ccov, arma::imat &path, int &rpath\_0, int &cpath\_0, const unsigned int &N)
- void <a href="https://hungarian\_find\_smallest">hungarian\_find\_smallest</a> (double &minval, const arma::mat &cost, const arma::ivec &rcov, const arma::ivec &ccov, const unsigned int &N)
- void hungarian\_step\_6 (unsigned int &step, arma::mat &cost, const arma::ivec &rcov, const arma::ivec &ccov, const unsigned int &N)
- int jvc\_sparse\_ccrrt\_sparse\_ (const unsigned n, const std::vector< double > &cc, const std::vector< int > &ii, const std::vector< int > &kk, int \*free\_rows, int \*x, int \*y, double \*v, double maxcost, double resolution)
- int jvc\_sparse\_carr\_sparse (const unsigned n, const std::vector< double > &cc, const std::vector< int > &ii, const std::vector< int > &kk, const unsigned n\_free\_rows, int \*free\_rows, int \*x, int \*y, double \*v, double maxcost, double resolution)
- unsigned jvc\_sparse\_find\_sparse\_1 (const unsigned n, unsigned lo, double \*d, int \*cols, int \*y, double resolution)
- int jvc\_sparse\_find\_sparse\_2 (double \*d, int \*scan, const unsigned n\_todo, int \*todo, bool \*done, double maxcost, double resolution)
- int jvc\_sparse\_scan\_sparse\_1 (const unsigned n, const std::vector< double > &cc, const std::vector< int > &ii, const std::vector< int > &kk, unsigned \*plo, unsigned \*phi, double \*d, int \*cols, int \*pred, int \*y, double \*v, double resolution)
- int jvc\_sparse\_scan\_sparse\_2 (const unsigned n, const std::vector< double > &cc, const std::vector< int > &ii, const std::vector< int > &kk, unsigned \*plo, unsigned \*phi, double \*d, int \*pred, bool \*done, unsigned \*pn\_ready, int \*ready, int \*scan, unsigned \*pn\_todo, int \*todo, bool \*added, int \*y, double \*v, double resolution)
- int jvc\_sparse\_find\_path\_sparse\_1 (const unsigned n, const std::vector< double > &cc, const std::vector< int > &ii, const std::vector< int > &kk, const int start\_i, int \*y, double \*v, int \*pred, double maxcost, double resolution)
- int jvc\_sparse\_find\_path\_sparse\_2 (const unsigned n, const std::vector< double > &cc, const std::vector< int > &ii, const std::vector< int > &kk, const int start\_i, int \*y, double \*v, int \*pred, double maxcost, double resolution)
- int jvc\_sparse\_find\_path\_sparse\_dynamic (const unsigned n, const std::vector< double > &cc, const std::vector< int > &ii, const std::vector< int > &kk, const int start\_i, int \*y, double \*v, int \*pred, double maxcost, double resolution)
- fp function t jvc sparse get better find path (const unsigned n, const std::vector < int > &ii)

- int jvc\_sparse\_ca\_sparse (const unsigned n, const std::vector< double > &cc, const std::vector< int > &ii, const std::vector< int > &kk, const unsigned n\_free\_rows, int \*free\_rows, int \*x, int \*y, double \*v, int fp\_version, double maxcost, double resolution)
- void updateDual (int nc, arma::vec &d, arma::vec &v, arma::ivec &todo, int last, double min\_)
- void updateAssignments (arma::ivec &lab, arma::ivec &y, arma::ivec &x, int j, int i0)
- int solveForOneL (std::vector< double > &cc\_, const std::vector< int > &kk, const std::vector< int > &first, int l, int nc, arma::vec &d, arma::ivec &ok, arma::ivec &free, arma::vec &v, arma::ivec &lab, arma::ivec &todo, arma::ivec &y, arma::ivec &x, int td1, double resolution, double maxcost, bool &fail)

#### 6.3.1 Подробное описание

Решение задачи о назначениях

#### 6.3.2 Типы

#### 6.3.2.1 fp function t

typedef int(\* SPML::LAP::fp\_function\_t) (const unsigned, const std::vector< double > &, const std::vector< int > &, const std::vector< int > &, const int, int \*, double \*, int \*, double, double)

См. определение в файле lap jvc sparse.cpp строка 538

#### 6.3.3 Перечисления

#### 6.3.3.1 TFindPath

enum SPML::LAP::TFindPath

Способ нахождения пути в алгоритма JVC для ленточных матриц

Элементы перечислений

FP_1	
FP_2	
FP_DYNAMIC	

См. определение в файле lap.h строка 41

#### 6.3.3.2 TSearchParam

enum SPML::LAP::TSearchParam

Критерий поиска - минимум/максимум для задачи о назначениях

Элементы перечислений

SP_Min	Поиск минимума
SP_Max	Поиск максимума

См. определение в файле lap.h строка 31

#### 6.3.4 Функции

#### 6.3.4.1 Hungarian()

Венгерский метод решения задачи о назначениях (Метод Мункреса)

Источник: https://github.com/RcppCore/rcpp-gallery/blob/gh-pages/src/2013-09-24-minimal-assignment.cpp

#### Аргументы

in	assigncost	- квадратная матрица ценности, размер [dim,dim]
in	dim	- порядок квадратной матрицы ценности и размерность результата res
		соответственно
in	sp	- критерий поиска (минимум/максимум)
out	rowsol	- результат задачи о назначениях, размерность [dim] (индекс макс/мин элемента в i-ой строке) rowsol[i] = j> в i-ой строке выбран j-ый элемент

At last, we must create a function that enables us to jump around the different steps of the algorithm. The following code shows the main function of the algorithm. It defines also the important variables to be passed to the different steps.

См. определение в файле lap hungarian.cpp строка 384

```
6.3.4.2 hungarian augment path()
```

In addition we need a function to augment the path, one to clear the covers from rows and one to erase the primed zeros from the indicator matrix indM.

См. определение в файле lap hungarian.cpp строка 261

```
6.3.4.3 \quad hungarian\_clear\_covers()
```

```
6.3.4.4 hungarian erase primes()
```

```
6.3.4.5 \quad hungarian\_find\_noncovered\_zero()
```

```
void SPML::LAP::hungarian_find_noncovered_zero (
```

```
int & row,
int & col,
const arma::mat & cost,
const arma::ivec & rcov,
const arma::ivec & ccov,
const unsigned int & N)
```

20

We cover a column by looking for 1s in the indicator matrix indM (See step 2 for assuring that these are indeed only starred zeros).

Step 4 finds noncovered zeros and primes them. If there are zeros in a row and none of them is starred, prime them. For this task we program a helper function to keep the code more readable and reusable. The helper function searches for noncovered zeros.

См. определение в файле lap hungarian.cpp строка 110

Then we need a function to find a primed zero in a row. Note, that these tasks are easily performed by searching the indicator matrix indM.

См. определение в файле lap hungarian.cpp строка 247

Recall, if step 4 was successfull in uncovering all columns and covering all rows with a primed zero, it then calls step 6. Step 6 takes the cover vectors row and cov and looks in the uncovered region of the cost matrix for the smallest value. It then subtracts this value from each element in an uncovered column and adds it to each element in a covered row. After this transformation, the algorithm starts again at step 4. Our last helper function searches for the smallest value in the uncovered region of the cost matrix. См. определение в файле lap\_hungarian.cpp строка 342

Notice the rpath\_0 and cpath\_0 variables. These integer variables store the first vertex for an augmenting path in step 5. If zeros could be primed we go further to step 5.

Step 5 constructs a path beginning at an uncovered primed zero (this is actually graph theory - alternating and augmenting paths) and alternating between starred and primed zeros. This path is continued until a primed zero with no starred zero in its column is found. Then, all starred zeros in this path are unstarred and all primed zeros are starred. All primes in the indicator matrix are erased and all rows are uncovered. Then return to step 3 to cover again columns.

Step 5 needs several helper functions. First, we need a function to find starred zeros in columns. См. определение в файле lap hungarian.cpp строка 232

We can detect noncovered zeros by checking if the cost matrix contains at row r and column c a zero and row and column are not covered yet, i.e. rcov(r) == 0, ccov(c) == 0. This loop breaks, if we have found our first uncovered zero or no uncovered zero at all.

In step 4, if no uncovered zero is found we go to step 6. If instead an uncovered zero has been found, we set the indicator matrix at its position to 2. We then have to search for a starred zero in the row with the uncovered zero, uncover the column with the starred zero and cover the row with the starred zero. To indicate a starred zero in a row and to find it we create again two helper functions.

См. определение в файле lap hungarian.cpp строка 153

Note, that we use references for all function arguments. As we have to switch between the steps of the algorithm continously, we always must be able to determine which step should be chosen next. Therefore we give a mutable unsigned integer step as an argument to each step function of the algorithm.

Inside the function we can easily access a whole row by Armadillo's row() method for matrices. In the second step, we then search for a zero in the modified cost matrix of step one.

См. определение в файле lap hungarian.cpp строка 39

```
6.3.4.13 \quad hungarian\_step\_3() void \ SPML::LAP::hungarian\_step\_3 \ ( unsigned \ int \ \& \ step, const \ arma::umat \ \& \ indM, arma::ivec \ \& \ ccov, const \ unsigned \ int \ \& \ N \ )
```

Only the first zero in a row is taken. Then, the indicator matrix indM indicates this zero by setting the corresponding element at (r, c) to 1. A unique zero - the only or first one in a column and row - is called starred zero. In step 2 we find such a starred zero.

Note, that we use here Armadillo's element access via the method at(), which makes no bound checks and improves performance.

Note Bene: This code is thoroughly debugged - never do this for fresh written code!

In step 3 we cover each column with a starred zero. If already N columns are covered all starred zeros describe a complete assignment - so, go to step 7 and finish. Otherwise go to step 4.

См. определение в файле lap hungarian.cpp строка 77

We know that starred zeros are indicated by the indicator matrix containing an element equal to 1. Now, step 4.

См. определение в файле lap hungarian.cpp строка 180

The function to augment the path gets an integer matrix path of dimension 2 \* N x 2. In it all vertices between rows and columns are stored row-wise. Now, we can set the complete step 5:

См. определение в файле lap hungarian.cpp строка 296

```
const std::vector< int > & ii,
               const std::vector< int > & kk,
               const unsigned n_free_rows,
               int * free\_rows,
               int * x,
               int * y,
               double * v,
               int fp_version,
               double maxcost,
               double resolution)
См. определение в файле lap_jvc_sparse.cpp строка 554
6.3.4.18 jvc sparse carr sparse()
int SPML::LAP::jvc_sparse_carr_sparse (
              const unsigned n,
               const std::vector< double > & cc,
               const std::vector< int > & ii,
               const std::vector< int > & kk,
               const unsigned n free rows,
               int * free rows,
               int * x,
               int * y,
               double * v,
               double maxcost,
               double resolution )
См. определение в файле lap_jvc_sparse.cpp строка 86
6.3.4.19 jvc sparse ccrrt sparse ()
int SPML::LAP::jvc_sparse_ccrrt_sparse_ (
               const unsigned n,
               const std::vector< double > & cc,
               const std::vector< int > & ii,
               const std::vector< int > & kk,
               int * free rows,
               int * x,
               int * y,
               double * v,
               double maxcost,
               double resolution )
См. определение в файле lap_jvc_sparse.cpp строка 20
6.3.4.20 jvc sparse find path sparse 1()
int SPML::LAP::jvc_sparse_find_path_sparse_1 (
               const unsigned n,
               const std::vector< double > & cc,
               const std::vector< int > & ii,
               const std::vector< int > & kk,
               const int start_i,
               int * y,
               double * v,
               int * pred,\\
               double maxcost,
               double resolution )
```

```
6.3.4.21 jvc sparse find path sparse 2()
int SPML::LAP::jvc_sparse_find_path_sparse_2 (
              const unsigned n,
              const std::vector< double > & cc,
              const std::vector< int > & ii,
              const std::vector< int > & kk,
              const int start i,
              int * y,
              double * v,
              int * pred,
              double maxcost,
              double resolution )
См. определение в файле lap_jvc_sparse.cpp строка 411
6.3.4.22 jvc sparse find path sparse dynamic()
int SPML::LAP::jvc_sparse_find_path_sparse_dynamic (
              const unsigned n,
              const std::vector< double > & cc,
              const std::vector< int > & ii,
              const std::vector< int > & kk,
              const int start i,
              int * y,
              double * v,
              int * pred,
              double maxcost,
              double resolution )
См. определение в файле lap_jvc_sparse.cpp строка 526
6.3.4.23 jvc sparse find sparse 1()
unsigned SPML::LAP::jvc_sparse_find_sparse_1 (
              const unsigned n,
              unsigned lo,
              double * d,
              int * cols,
              int * y,
              double resolution )
См. определение в файле lap_jvc_sparse.cpp строка 165
6.3.4.24 jvc sparse find sparse 2()
int SPML::LAP::jvc_sparse_find_sparse_2 (
              double * d,
              int * scan,
              const unsigned n todo,
              int * todo,
              bool * done,
              double maxcost,
              double resolution )
См. определение в файле lap_jvc_sparse.cpp строка 185
```

См. определение в файле lap jvc sparse.cpp строка 347

```
6.3.4.25 jvc sparse get better find path()
fp_function_t SPML::LAP::jvc_sparse_get_better_find_path (
              const unsigned n,
              const std::vector< int > & ii )
См. определение в файле lap jvc sparse.cpp строка 541
6.3.4.26 jvc_sparse_scan_sparse_1()
int SPML::LAP::jvc_sparse_scan_sparse_1 (
              const unsigned n,
              const std::vector< double > & cc,
               const std::vector< int > & ii,
               const std::vector< int > & kk,
               unsigned * plo,
              unsigned * phi,
              double * d,
               int * cols,
              int * pred,\\
               int * y,
              double * v,
              double resolution )
См. определение в файле lap_jvc_sparse.cpp строка 207
6.3.4.27 jvc sparse scan sparse 2()
int SPML::LAP::jvc_sparse_scan_sparse_2 (
              const unsigned n,
              const std::vector< double > & cc,
              const std::vector< int > & ii,
              const std::vector< int > & kk,
               unsigned * plo,
               unsigned * phi,
               double * d,
              int * pred,\\
               bool * done,
               unsigned * pn_ready,
               int * ready,
               int * scan,
               unsigned * pn todo,
               int * todo,
              bool * added,
              int * y,
              double * v,
              double resolution )
См. определение в файле lap_jvc_sparse.cpp строка 273
6.3.4.28 JVCdense()
void SPML::LAP::JVCdense (
              const arma::mat & assigncost,
               int dim,
               TSearchParam sp,
              double maxcost,
              double resolution,
              arma::ivec & rowsol,
              double & lapcost )
```

Метод Джонкера-Волгенанта-Кастаньона (Jonker-Volgenant-Castanon) решения задачи о назначениях для плотных матриц

Источники: 1) "A Shortest Augmenting Path Algorithm for Dense and Sparse Linear Assignment Problems," Computing 38, 325-340, 1987 by R. Jonker and A. Volgenant, University of Amsterdam. 2) https://github.com/yongyanghz/LAPJV-algorithm-c 3) https://www.mathworks.com/matlabcentral/fileexchange/26836 lapjv-jonker-volgenant-algorithm-for-linear-assignment-problem-v3-0

#### Прим.

- Оригинальный код R. Jonker and A. Volgenant [1] для целых чисел адаптирован под вещественные
  - Метод подразделен на 4 процедуры в соответствии с модификацией Castanon:
    - COLUMN REDUCTION
    - REDUCTION TRANSFER
    - AUGMENTING ROW REDUCTION аукцион
    - AUGMENT SOLUTION FOR EACH FREE ROW на основе алгоритма Dijkstra
  - Правки из [3] касающиеся точности сравнения вещественных чисел

#### Аргументы

in	assigncost	- квадратная матрица ценности, размер [dim,dim]
in	dim	- порядок квадратной матрицы ценности и размерность результата res
		соответственно
in	sp	- критерий поиска (минимум/максимум)
in	maxcost	- модуль максимального элемента матрицы assigncost
in	resolution	- точность для сравнения двух вещественных чисел
out	rowsol	- результат задачи о назначениях, размерность [dim] (индекс макс/мин элемента в i-ой строке) rowsol[i] = j> в i-ой строке выбран j-ый элемент
out	lapcost	- сумма назначенных элементов матрицы ценности assigncost

См. определение в файле lap jvc dense.cpp строка 18

Метод Джонкера-Волгенанта-Кастаньона (Jonker-Volgenant-Castanon) решения задачи о назначениях для разреженных матриц

#### Аргументы

in	csr	- матрица в CSR формате (Compressed Sparse Row Yale format)
in	dim	- порядок квадратной матрицы ценности и размерность результата res
		соответственно
in	sp	- критерий поиска (минимум/максимум)
in	maxcost	- модуль максимального элемента матрицы assigncost

#### Аргументы

in	resolution	- точность для сравнения двух вещественных чисел
out	rowsol	- результат задачи о назначениях, размерность [dim] (индекс макс/мин элемента в i-ой строке) rowsol[i] = j> в i-ой строке выбран j-ый элемент
out	lapcost	- сумма назначенных элементов матрицы ценности assigncost
in	fp	- find path mode (FP_DYNAMIC - default)

См. определение в файле lap\_jvc\_sparse.cpp строка 649

```
 6.3.4.30 \quad JVCsparse() \ [2/2]      void \ SPML::LAP::JVCsparse( \\ const \ std::vector < \ double > \& \ cc, \\ const \ std::vector < \ int > \& \ kk, \\ const \ std::vector < \ int > \& \ ii, \\ unsigned \ dim, \\ TSearchParam \ sp, \\ double \ maxcost, \\ double \ resolution, \\ arma::ivec \ \& \ rowsol, \\ double \ \& \ lapcost, \\ TFindPath \ fp = TFindPath::FP\_1 )
```

Метод Джонкера-Волгенанта-Кастаньона (Jonker-Volgenant-Castanon) решения задачи о назначениях для разреженных матриц

#### Аргументы

in	cc	-
in	kk	-
in	ii	-
in	dim	- порядок квадратной матрицы ценности и размерность результата res соответственно
in	sp	- критерий поиска (минимум/максимум)
in	maxcost	- модуль максимального элемента матрицы assigncost
in	resolution	- точность для сравнения двух вещественных чисел
out	rowsol	- результат задачи о назначениях, размерность [dim] (индекс макс/мин элемента в i-ой строке) rowsol[i] = j> в i-ой строке выбран j-ый элемент
out	lapcost	- сумма назначенных элементов матрицы ценности assigncost
in	fp	- find path mode (FP_DYNAMIC - default)

См. определение в файле lap jvc sparse.cpp строка 603

#### 6.3.4.31 JVCsparseNEW()

```
double & lapcost )
См. определение в файле lap jvc sparse2.cpp строка 150
6.3.4.32 Mack()
void SPML::LAP::Mack (
              const arma::mat & assigncost,
              int dim,
              TSearchParam sp,
              double maxcost,
              double resolution,
              arma::ivec & rowsol,
              double & lapcost )
```

Метод Мака решения задачи о назначениях

Источник: Банди Б. Основы линейного программирования: Пер. с англ. - М.:Радио м связь, 1989, стр 113-123

#### Аргументы

in	assigncost	- квадратная матрица ценности, размер [dim,dim]
in	dim	- порядок квадратной матрицы ценности и размерность результата res
		соответственно
in	sp	- критерий поиска (минимум/максимум)
out	rowsol	- результат задачи о назначениях, размерность [dim] (индекс макс/мин элемента в i-ой строке) rowsol[i] = j> в i-ой строке выбран j-ый элемент

См. определение в файле lap mack.cpp строка 18

```
6.3.4.33 solveForOneL()
```

```
int SPML::LAP::solveForOneL (
               std::vector < double > \& cc\_,
               const std::vector< int > & kk,
               const std::vector< int > & first,
               int l,
               int nc,
               arma::vec & d,
               arma::ivec & ok,
               arma::ivec & free,
               arma::vec & v,
               arma::ivec & lab,
               arma::ivec & todo,
               arma::ivec & y,
               arma::ivec & x,
               int td1,
               double resolution,
               double maxcost,
               bool & fail )
См. определение в файле lap jvc sparse2.cpp строка 47
6.3.4.34 updateAssignments()
void SPML::LAP::updateAssignments (
```

arma::ivec & lab, arma::ivec & y,

```
arma::ivec & x,
            int j,
            int i0)
См. определение в файле lap jvc sparse2.cpp строка 27
6.3.4.35 updateDual()
void SPML::LAP::updateDual (
            int nc.
            arma::vec & d,
            arma::vec & v.
            arma::ivec & todo,
            int last,
            double min )
См. определение в файле lap_jvc_sparse2.cpp строка 18
6.4
      Пространство имен SPML::Sparse
Разреженные матрицы
Классы
   • struct CKeyCOO
        Ключ элемента Aij матрицы A в COO формате (Coordinate list)

    struct CMatrixCOO

        Структура хранения матрицы в СОО формате (Coordinate list)
   • struct CMatrixCSC
        Структура хранения матрицы в CSC формате (Compressed Sparse Column Yale format)
   • struct CMatrixCSR
        Структура хранения матрицы в CSR формате (Compressed Sparse Row Yale format)
Функции
   • void MatrixDenseToCOO (const arma::mat &A, std::vector< double > &coo val, std::vector< int
     > &coo row, std::vector < int > &coo col)
        Преобразование плотной матрицы в СОО формат (Coordinated list)
   • template<typename T >
     void MatrixDenseToCOO (const arma::mat &A, CMatrixCOO < T > &COO)
        Преобразование плотной матрицы в СОО формат (Coordinated list)
   • void MatrixCOOtoDense (const std::vector< double > &coo val, const std::vector< int > &coo↔
     row, const std::vector< int > &coo col, arma::mat &A)
        Преобразование матрицы из COO формата (Coordinated list) в плотную матрицу
   • template<typename T >
     void MatrixCOOtoDense (const CMatrixCOO < T > &COO, arma::mat &A)
        Преобразование матрицы из COO формата (Coordinated list) в плотную матрицу
   • void MatrixDenseToCSR (const arma::mat &A, std::vector< double > &csr val, std::vector< int
     > &csr first, std::vector< int > &csr kk)
        Преобразование плотной матрицы в CSR формат (Compressed Sparse Row Yale format)
   • template<typename T >
     void MatrixDenseToCSR (const arma::mat &A, CMatrixCSR < T > &CSR)
        Преобразование плотной матрицы в CSR формат (Compressed Sparse Row Yale format)
   • void MatrixCSRtoDense (const std::vector< double > &csr val, const std::vector< int > &csr ←
```

Преобразование матрицы из CSR формата (Compressed Sparse Row Yale format) в плотную матрицу

first, const std::vector< int > &csr kk, arma::mat &A)

template<typename T > void MatrixCSRtoDense (const CMatrixCSR < T > &CSR, arma::mat &A)

Преобразование матрицы из CSR формата (Compressed Sparse Row Yale format) в плотную матрицу

• void MatrixDenseToCSC (const arma::mat &A, std::vector< double > &csc\_val, std::vector< int > &csc\_first, std::vector< int > &csc\_kk)

Преобразование плотной матрицы в CSC формат (Compressed Sparse Column Yale format)

• template<typename T >

30

```
void MatrixDenseToCSC (const arma::mat &A, CMatrixCSC< T > &CSC)
```

Преобразование плотной матрицы в CSC формат (Compressed Sparse Column Yale format)

• void MatrixCSCtoDense (const std::vector< double > &csc\_val, const std::vector< int > &csc← first, const std::vector< int > &csc\_kk, arma::mat &A)

Преобразование матрицы из CSC формата (Compressed Sparse Column Yale format) в плотную матрицу

• template<typename T >

```
void MatrixCSCtoDense (const CMatrixCSC < T > &CSC, arma::mat &A)
```

Преобразование матрицы из CSC формата (Compressed Sparse Column Yale format) в плотную матрицу

• void MatrixCOOtoCSR (const std::vector< double > &coo\_val, const std::vector< int > &coo = row, const std::vector< int > &coo\_col, std::vector< double > &csr\_val, std::vector< int > &csr\_first, std::vector< int > &csr\_kk, bool sorted=false)

Преобразование матрицы в COO формате (Coordinate list) в CSR формат (Compressed Sparse Row Yale format)

• template<typename T >

```
void MatrixCOO<br/>toCSR (const CMatrixCOO<br/>< T > &COO, CMatrixCSR<br/>< T > &CSR, bool sorted=false)
```

Преобразование матрицы в COO формате (Coordinate list) в CSR формат (Compressed Sparse Row Yale format)

• void MatrixCOOtoCSC (const std::vector< double > &coo\_val, const std::vector< int > &coo← \_row, const std::vector< int > &coo\_col, std::vector< double > &csc\_val, std::vector< int > &csc\_first, std::vector< int > &csc\_kk, bool sorted=false)

Преобразование матрицы в COO формате (Coordinate list) в CSC формат (Compressed Sparse Column Yale format)

• template<typename T >

```
void MatrixCOOtoCSC (const CMatrixCOO<br/>< T > &COO, CMatrixCSC<br/>< T > &CSC, bool sorted=false)
```

Преобразование матрицы в СОО формате (Coordinate list) в CSC формат (Compressed Sparse Column Yale format)

#### 6.4.1 Подробное описание

Разреженные матрицы

Решение задачи о назначениях

#### 6.4.2 Функции

#### 6.4.2.1 MatrixCOOtoCSC() [1/2]

Преобразование матрицы в COO формате (Coordinate list) в CSC формат (Compressed Sparse Column Yale format)

#### Аргументы

in	COO	- матрица в СОО формате (Coordinate list)
out	CSC	- матрица в CSR формате (Compressed Sparse Column Yale format)
in	sorted	- признак отсортированности СОО входа по столбцам (даёт ускорение в $\sim 2$ раза)

См. определение в файле sparse.h строка 327

#### 6.4.2.2 MatrixCOOtoCSC() [2/2]

Преобразование матрицы в COO формате (Coordinate list) в CSC формат (Compressed Sparse Column Yale format)

#### Аргументы

in	coo_val	- вектор ненулевых элементов матрицы А, размер равен количеству ненулевых
		элементов nnz
in	coo_row	- индексы строк ненулевых элементов, размер nnz
in	$\cos\_{\operatorname{col}}$	- индексы столбцов ненулевых элементов, размер nnz
in	$\csc\_val$	- вектор ненулевых элементов матрицы А, размер равен количеству ненулевых
		элементов nnz
in	$\csc\_\mathrm{first}$	- вектор индексов строк ненулевых элементов, размер равен количеству
		ненулевых элементов nnz
in	csc_kk	- вектор начальных смещений в векторе CSR, размер m+1
in	sorted	- признак отсортированности СОО входа по столбцам (даёт ускорение в $\sim 2$
		раза)

См. определение в файле sparse.cpp строка 225

#### 6.4.2.3 MatrixCOOtoCSR() [1/2]

```
\label{eq:const_topology} \begin{split} \text{template} < & \text{typename T} > \\ \text{void SPML::Sparse::MatrixCOOtoCSR (} \\ & \text{const CMatrixCOO} < \text{T} > \& \text{COO}, \\ & \text{CMatrixCSR} < \text{T} > \& \text{CSR}, \\ & \text{bool sorted} = \text{false )} \end{split}
```

Преобразование матрицы в COO формате (Coordinate list) в CSR формат (Compressed Sparse Row Yale format)

#### Аргументы

in	COO	- матрица в COO формате (Coordinate list)
out	CSR	- матрица в CSR формате (Compressed Sparse Row Yale format)
in	sorted	- признак отсортированности СОО входа по строкам (даёт ускорение в ~2 раза)

См. определение в файле sparse.h строка 292

#### 6.4.2.4 MatrixCOOtoCSR() [2/2]

Преобразование матрицы в СОО формате (Coordinate list) в CSR формат (Compressed Sparse Row Yale format)

#### Аргументы

in	coo_val	- вектор ненулевых элементов матрицы А, размер равен количеству ненулевых
		элементов nnz
in	$coo\_row$	- индексы строк ненулевых элементов, размер nnz
in	coo_col	- индексы столбцов ненулевых элементов, размер nnz
in	csr_val	- вектор ненулевых элементов матрицы А, размер равен количеству ненулевых
		элементов nnz
in	$\operatorname{csr\_first}$	- вектор индексов колонок ненулевых элементов, размер равен количеству
		ненулевых элементов nnz
in	csr_kk	- вектор начальных смещений в векторе CSR, размер n+1
in	sorted	- признак отсортированности СОО входа по строкам (даёт ускорение в $\sim 2$ раза)

См. определение в файле sparse.cpp строка 153

#### 6.4.2.5 MatrixCOOtoDense() [1/2]

```
template<typename T > void SPML::Sparse::MatrixCOOtoDense ( const~CMatrixCOO < T > \&~COO, \\ arma::mat~\&~A~)
```

Преобразование матрицы из COO формата (Coordinated list) в плотную матрицу

#### Аргументы

in	COO	- структура хранения матрицы в СОО формате (Coordinate list)
out	A	- плотная матрица, размер [n,m] (n - число строк, m - число столбцов)

См. определение в файле sparse.h строка 136

#### 6.4.2.6 MatrixCOOtoDense() [2/2]

Преобразование матрицы из СОО формата (Coordinated list) в плотную матрицу

#### Аргументы

in	coo_val	- вектор ненулевых элементов матрицы А, размер равен количеству	
		ненулевых элементов nnz	
in	coo_row	- индексы строк ненулевых элементов, размер nnz	
in	coo_col	- индексы столбцов ненулевых элементов, размер nnz	
out	A	- плотная матрица, размер [n,m] (n - число строк, m - число столбцов)	

См. определение в файле sparse.cpp строка 43

# 6.4.2.7 MatrixCSCtoDense() [1/2]

Преобразование матрицы из CSC формата (Compressed Sparse Column Yale format) в плотную матрицу

#### Аргументы

in	CSC	- структура хранения матрицы в CSC формате (Compressed Sparse Column Yale format)	
out	A	- плотная матрица, размер [n,m] (n - число строк, m - число столбцов)	

См. определение в файле sparse.h строка 256

# 6.4.2.8 MatrixCSCtoDense() [2/2]

```
\label{eq:const_std::vector} $$\operatorname{SPML}::\operatorname{Sparse}::\operatorname{MatrixCSCtoDense} ($$\operatorname{const} \ \operatorname{std}::\operatorname{vector}< \ \operatorname{double} > \& \ \operatorname{csc\_val}, $$$\operatorname{const} \ \operatorname{std}::\operatorname{vector}< \ \operatorname{int} > \& \ \operatorname{csc\_first}, $$$\operatorname{const} \ \operatorname{std}::\operatorname{vector}< \ \operatorname{int} > \& \ \operatorname{csc\_kk}, $$$$\operatorname{arma}::\operatorname{mat} \ \& \ A \ )$$
```

Преобразование матрицы из CSC формата (Compressed Sparse Column Yale format) в плотную матрицу

#### Аргументы

in	csc_val	- вектор ненулевых элементов матрицы A, размер равен количеству ненулевых элементов nnz	
in	$\csc\_first$	- вектор индексов строк ненулевых элементов, размер равен количеству	
		ненулевых элементов nnz	
in	csc_kk	- вектор начальных смещений в векторе CSR, размер $\mathrm{m}{+}1$	
out	A	- плотная матрица, размер [n,m] (n - число строк, m - число столбцов)	

См. определение в файле sparse.cpp строка 135

# 6.4.2.9 MatrixCSRtoDense() [1/2]

```
\label{eq:const} $$\operatorname{PML}::\operatorname{Sparse}::\operatorname{MatrixCSRtoDense}\ ($$\operatorname{const}\ \operatorname{CMatrixCSR}< T > \&\ \operatorname{CSR}, $$
```

34 Пространства имен

```
arma::mat & A
```

Преобразование матрицы из CSR формата (Compressed Sparse Row Yale format) в плотную матрицу

#### Аргументы

in	CSR	- структура хранения матрицы в CSR формате (Compressed Sparse Row Yale for	
out A - плотная матрица, размер [n,m] (n - число строк, m - число столбцов		- плотная матрица, размер [n,m] (n - число строк, m - число столбцов)	

См. определение в файле sparse.h строка 196

```
6.4.2.10 MatrixCSRtoDense() [2/2]
```

```
void SPML::Sparse::MatrixCSRtoDense ( const\ std::vector < double > \&\ csr\_val, \\ const\ std::vector < int > \&\ csr\_first, \\ const\ std::vector < int > \&\ csr\_kk, \\ arma::mat\ \&\ A\ )
```

Преобразование матрицы из CSR формата (Compressed Sparse Row Yale format) в плотную матрицу

#### Аргументы

in	csr_val	- вектор ненулевых элементов матрицы A, размер равен количеству ненулевых элементов nnz	
in	csr_first	- вектор индексов колонок ненулевых элементов, размер равен количеству ненулевых элементов nnz	
in	csr_kk	- вектор начальных смещений в векторе CSR, размер n+1	
out	A	- плотная матрица, размер [n,m] (n - число строк, m - число столбцов)	

См. определение в файле sparse.cpp строка 87

#### 6.4.2.11 MatrixDenseToCOO() [1/2]

```
template<typename T > void SPML::Sparse::MatrixDenseToCOO (  const~arma::mat~\&~A, \\ CMatrixCOO< T > \&~COO~)
```

Преобразование плотной матрицы в СОО формат (Coordinated list)

#### Аргументы

in	A	- исходная матрица, размер [n,m] (n - число строк, m - число столбцого - структура хранения матрицы в СОО формате (Coordinate list)	
out	COO		

См. определение в файле sparse.h строка 107

#### 6.4.2.12 MatrixDenseToCOO() [2/2]

Преобразование плотной матрицы в СОО формат (Coordinated list)

#### Аргументы

in	A	- исходная матрица, размер [n,m] (n - число строк, m - число столбцов)	
out	coo_val	- вектор ненулевых элементов матрицы A, размер nnz	
out	coo_row	- индексы строк ненулевых элементов, размер nnz	
out	coo_col	- индексы столбцов ненулевых элементов, размер nnz	

См. определение в файле sparse.cpp строка 20

#### 6.4.2.13 MatrixDenseToCSC() [1/2]

```
\label{eq:constant} \begin{split} \text{template} < & \text{typename T} > \\ \text{void SPML} :: & \text{Sparse} :: \text{MatrixDenseToCSC (} \\ & \text{const arma} :: \text{mat \& A,} \\ & \text{CMatrixCSC} < \text{T} > \& \text{CSC )} \end{split}
```

Преобразование плотной матрицы в CSC формат (Compressed Sparse Column Yale format)

#### Аргументы

in	A	- исходная матрица, размер [n,m] (n - число строк, m - число столбцов)	
out	CSC	- структура хранения матрицы в CSC формате (Compressed Sparse Column Yale format)	

См. определение в файле sparse.h строка 227

# 6.4.2.14 MatrixDenseToCSC() [2/2]

Преобразование плотной матрицы в CSC формат (Compressed Sparse Column Yale format) Данный способ хранения эффективен, если кол-во ненулевых элементов NNZ < (m\*(n-1)-1)/2

#### Аргументы

in	A	- исходная матрица, размер [n,m] (n - число строк, m - число столбцов)	
out	$\csc\_val$	- вектор ненулевых элементов матрицы А, размер равен количеству	
		ненулевых элементов nnz	
out	csc_first	- вектор индексов строк ненулевых элементов, размер равен количеству	
		ненулевых элементов nnz	
out	csc_kk	- вектор начальных смещений в векторе CSR, размер $m+1$	

См. определение в файле sparse.cpp строка 105

#### 6.4.2.15 MatrixDenseToCSR() [1/2]

```
\label{eq:constant} \begin{split} \text{template}\!\!<\!\!\text{typename T}> \\ \text{void SPML}\!\!:\!\!\text{Sparse}\!\!:\!\!\text{MatrixDenseToCSR} \ ( \\ \text{const arma}\!\!:\!\!\!\text{mat \& A}, \\ \text{CMatrixCSR}\!\!<\!\!\!\text{T}>\!\!\!\text{\& CSR} \ ) \end{split}
```

Преобразование плотной матрицы в CSR формат (Compressed Sparse Row Yale format)

Пространства имен

# Аргументы

in	A	- исходная матрица, размер [n,m] (n - число строк, m - число столбцов)	
out	CSR - структура хранения матрицы в CSR формате (Compressed Sparse Row Yale fo		

См. определение в файле sparse.h строка 167

# 6.4.2.16 MatrixDenseToCSR() [2/2]

```
\label{eq:constar} \begin{split} \text{void SPML::Sparse::MatrixDenseToCSR (} \\ \text{const arma::mat \& A,} \\ \text{std::vector} < \text{double} > \& \text{ csr\_val,} \\ \text{std::vector} < \text{int} > \& \text{ csr\_first,} \\ \text{std::vector} < \text{int} > \& \text{ csr\_kk )} \end{split}
```

Преобразование плотной матрицы в CSR формат (Compressed Sparse Row Yale format) Данный способ хранения эффективен, если кол-во ненулевых элементов NNZ < (m\*(n-1)-1)/2

### Аргументы

in	A	- исходная матрица, размер [n,m] (n - число строк, m - число столбцов)	
out	$\operatorname{csr}$ _val	- вектор ненулевых элементов матрицы А, размер равен количеству	
		ненулевых элементов nnz	
out	$\operatorname{csr\_first}$	- вектор индексов колонок ненулевых элементов, размер равен количеству	
		ненулевых элементов nnz	
out	csr_kk	- вектор начальных смещений в векторе CSR, размер n+1	

См. определение в файле sparse.cpp строка 57

# Раздел 7

# Классы

#### Структура SPML::Sparse::СКеуСОО 7.1

Ключ элемента Aij матрицы A в COO формате (Coordinate list) #include <sparse.h>

# Открытые члены

```
• int i () const
```

і - индекс строки

• int j () const

ј - индекс столбца

• CKeyCOO ()

Конструктор по умолчанию

• CKeyCOO (int i, int j)

Параметрический конструктор

• bool operator < (CKeyCOO const & other) const

# Подробное описание

Ключ элемента Aij матрицы A в COO формате (Coordinate list)

Внимание

Оператор < перегружен для случая построчного хранения

См. определение в файле sparse.h строка 343

# 7.1.2 Конструктор(ы)

# 7.1.2.1 CKeyCOO() [1/2]

```
SPML::Sparse::CKeyCOO::CKeyCOO ( ) [inline]
Конструктор по умолчанию
См. определение в файле sparse.h строка 359
```

# 7.1.2.2 CKeyCOO() [2/2]

```
SPML::Sparse::CKeyCOO::CKeyCOO (
              int i,
              int j ) [inline]
```

Параметрический конструктор

38 Классы

#### Аргументы

in	i	- индекс строки
in	j	- индекс столбца

См. определение в файле sparse.h строка 366

# 7.1.3 Методы

# 7.2 Шаблон структуры SPML::Sparse::CMatrixCOO< T >

Структура хранения матрицы в СОО формате (Coordinate list) #include <sparse.h>

# Открытые атрибуты

• std::vector< T> coo val

Вектор ненулевых элементов матрицы A[n,m] (n - число строк, m - число столбцов), размер nnz.

• std::vector< int > coo row

Индексы строк ненулевых элементов

• std::vector < int > coo col

Индексы столбцов ненулевых элементов

# 7.2.1 Подробное описание

```
template<typename T> struct SPML::Sparse::CMatrixCOO< T> 
Структура хранения матрицы в СОО формате (Coordinate list) 
Матрица A[n,m] (n - число строк, m - число столбцов) 
См. определение в файле sparse.h строка 33
```

# 7.2.2 Данные класса

```
7.2.2.1 coo col
template < typename T >
std::vector<int> SPML::Sparse::CMatrixCOO< T>::coo col
Индексы столбцов ненулевых элементов
См. определение в файле sparse.h строка 45
7.2.2.2 coo_row
template<typename T >
std::vector<int> SPML::Sparse::CMatrixCOO< T>::coo row
Индексы строк ненулевых элементов
См. определение в файле sparse.h строка 44
7.2.2.3 coo val
template<typename T >
std::vector<T> SPML::Sparse::CMatrixCOO< T>::coo val
Вектор ненулевых элементов матрицы A[n,m] (n - число строк, m - число столбцов), размер nnz.
См. определение в файле sparse.h строка 41
Объявления и описания членов структуры находятся в файле:
   • sparse.h
```

# 7.3 Шаблон структуры SPML::Sparse::CMatrixCSC< T >

Структура хранения матрицы в CSC формате (Compressed Sparse Column Yale format) #include <sparse.h>

# Открытые атрибуты

- std::vector< T> csc val
  - Вектор ненулевых элементов матрицы A[n,m] (n число строк, m число столбцов), размер nnz.
- std::vector< int > csc\_first

Вектор индексов колонок ненулевых элементов, размер равен количеству ненулевых элементов nnz.

• std::vector< int > csc kk

вектор начальных смещений в векторе CSC, размер m+1

#### 7.3.1 Подробное описание

```
template<typename T> struct SPML::Sparse::CMatrixCSC< T > Cтруктура хранения матрицы в CSC формате (Compressed Sparse Column Yale format) Матрица A[n,m] (n - число строк, m - число столбцов) См. определение в файле sparse.h строка 73
```

#### 7.3.2 Данные класса

40 Классы

```
7.3.2.1 csc first
template<typename T >
std::vector<int> SPML::Sparse::CMatrixCSC< T >::csc first
Вектор индексов колонок ненулевых элементов, размер равен количеству ненулевых элементов nnz.
См. определение в файле sparse.h строка 84
7.3.2.2 csc kk
template<typename T >
std::vector<int> SPML::Sparse::CMatrixCSC< T >::csc kk
вектор начальных смещений в векторе CSC, размер m+1
См. определение в файле sparse.h строка 85
7.3.2.3 csc_val
template<typename T >
std::vector<T> SPML::Sparse::CMatrixCSC< T >::csc val
Вектор ненулевых элементов матрицы A[n,m] (n - число строк, m - число столбцов), размер nnz.
См. определение в файле sparse.h строка 81
Объявления и описания членов структуры находятся в файле:
   • sparse.h
      Шаблон структуры SPML::Sparse::CMatrixCSR < T >
Структура хранения матрицы в CSR формате (Compressed Sparse Row Yale format)
#include <sparse.h>
Открытые атрибуты
```

• std::vector< T> csr\_val

Вектор ненулевых элементов матрицы A[n,m] (n - число строк, m - число столбцов), размер nnz.

• std::vector< int> csr\_first

Вектор индексов колонок ненулевых элементов, размер равен количеству ненулевых элементов nnz.

• std::vector< int >  $csr_kk$ 

вектор начальных смещений в векторе CSR, размер n+1

#### 7.4.1 Подробное описание

```
template<typename T> struct SPML::Sparse::CMatrixCSR< T >
```

Структура хранения матрицы в CSR формате (Compressed Sparse Row Yale format) Матрица A[n,m] (n - число строк, m - число столбцов)

См. определение в файле sparse.h строка 53

# 7.4.2 Данные класса

# 7.4.2.1 csr\_first

template < typename T >

std::vector<int> SPML::Sparse::CMatrixCSR< T >::csr first

Вектор индексов колонок ненулевых элементов, размер равен количеству ненулевых элементов nnz. См. определение в файле sparse.h строка 64

```
7.4.2.2 csr_kk

template<typename T >
std::vector<int> SPML::Sparse::CMatrixCSR< T >::csr_kk

вектор начальных смещений в векторе CSR, размер n+1

См. определение в файле sparse.h строка 65

7.4.2.3 csr_val

template<typename T >
std::vector<T> SPML::Sparse::CMatrixCSR< T >::csr_val

Вектор ненулевых элементов матрицы A[n,m] (n - число строк, m - число столбцов), размер nnz.

См. определение в файле sparse.h строка 61

Объявления и описания членов структуры находятся в файле:
```

• sparse.h

42 Классы

# Предметный указатель

```
AreEqualAbs
                                                  SPML::LAP, 20
    SPML::Compare, 14
                                              hungarian find star in row
AreEqualRel
                                                  SPML::LAP, 20
    SPML::Compare, 14, 15
                                              hungarian star in row
                                                  SPML::LAP, 21
CKeyCOO
                                              hungarian step 1
    SPML::Sparse::CKeyCOO, 37
                                                  SPML::LAP, 21
coo col
                                              hungarian step 2
    SPML::Sparse::CMatrixCOO < T >, 39
                                                  SPML::LAP, 21
                                              hungarian step 3
    SPML::Sparse::CMatrixCOO < T >, 39
                                                  SPML::LAP, 21
                                              hungarian_step_4
    SPML::Sparse::CMatrixCOO< T>, 39
                                                  SPML::LAP, 22
csc first
                                              hungarian step 5
    SPML::Sparse::CMatrixCSC< T>, 39
                                                  SPML::LAP, 22
csc kk
                                              hungarian step 6
    SPML::Sparse::CMatrixCSC< T >, 40
                                                  SPML::LAP, 22
    SPML::Sparse::CMatrixCSC< T>, 40
                                              i
csr first
                                                  SPML::Sparse::CKeyCOO, 38
    SPML::Sparse::CMatrixCSR< T>, 40
                                              IsZeroAbs
csr kk
                                                  SPML::Compare, 15
    SPML::Sparse::CMatrixCSR< T>, 40
                                              j
                                                  SPML::Sparse::CKeyCOO, 38
    SPML::Sparse::CMatrixCSR< T>, 41
                                              jvc sparse ca sparse
FP 1
                                                  SPML::LAP, 22
    SPML::LAP, 18
                                              jvc sparse carr sparse
FP 2
                                                  SPML::LAP, 23
    SPML::LAP, 18
                                              jvc sparse ccrrt sparse
FP DYNAMIC
                                                  SPML::LAP, 23
                                              jvc sparse find path_sparse_1
    SPML::LAP, 18
fp function t
                                                  SPML::LAP, 23
    SPML::LAP, 18
                                              jvc \_sparse\_find\_path\_sparse\_2
                                                  SPML::LAP, 24
Hungarian
                                              jvc sparse find path sparse dynamic
    SPML::LAP, 18
                                                  SPML::LAP, 24
hungarian augment path
                                              jvc sparse find sparse 1
    SPML::LAP, 19
                                                  SPML::LAP, 24
hungarian clear covers
                                              jvc\_sparse\_find\_sparse\_2
    SPML::LAP, 19
                                                  SPML::LAP, 24
hungarian erase primes
                                              jvc sparse get better find path
    SPML::LAP, 19
                                                  SPML::LAP, 24
hungarian find noncovered zero
                                              jvc sparse scan sparse 1
    SPML::LAP, 19
                                                  SPML::LAP, 25
hungarian find_prime_in_row
                                              jvc sparse scan sparse 2
    SPML::LAP, 20
                                                  SPML::LAP, 25
hungarian find smallest
                                              JVCdense
    SPML::LAP, 20
                                                  SPML::LAP, 25
hungarian find star in col
```

JVCsparse	hungarian_step_6, 22
SPML::LAP, 26, 27	jvc_sparse_ca_sparse, 22
JVCsparseNEW	jvc_sparse_carr_sparse, 23
SPML::LAP, 27	jvc_sparse_ccrrt_sparse_, 23
	jvc_sparse_find_path_sparse_1, 23
Mack	jvc_sparse_find_path_sparse_2, 24
SPML::LAP, 28	jvc_sparse_find_path_sparse_dynamic, 24
MatrixCOOtoCSC	jvc_sparse_find_sparse_1, 24
SPML::Sparse, 30, 31	jvc_sparse_find_sparse_2, 24
MatrixCOOtoCSR	jvc sparse get better find path, 24
SPML::Sparse, 31, 32	jvc sparse scan sparse 1, 25
MatrixCOOtoDense	jvc sparse scan sparse 2, 25
SPML::Sparse, 32	$\frac{1}{\text{JVCdense}}, \frac{25}{25}$
MatrixCSCtoDense	JVCsparse, 26, 27
SPML::Sparse, 33	JVCsparseNEW, 27
MatrixCSRtoDense	Mack, 28
SPML::Sparse, 33, 34	solveForOneL, 28
MatrixDenseToCOO	SP Max, 18
SPML::Sparse, 34	SP Min, 18
MatrixDenseToCSC	TFindPath, 18
SPML::Sparse, 35	TSearchParam, 18
MatrixDenseToCSR	updateAssignments, 28
SPML::Sparse, 35, 36	updateDual, 29
<b>.</b> , ,	SPML::Sparse, 29
operator<	MatrixCOOtoCSC, 30, 31
SPML::Sparse::CKeyCOO, 38	MatrixCOOtoCSC, 30, 31 MatrixCOOtoCSR, 31, 32
	MatrixCOOtoDense, 32
solveForOneL	
SPML::LAP, 28	MatrixCSCtoDense, 33
SP Max	MatrixCSRtoDense, 33, 34
SPML::LAP, 18	MatrixDenseToCOO, 34
SP Min	MatrixDenseToCSC, 35
SPML::LAP, 18	MatrixDenseToCSR, 35, 36
SPML, 13	SPML::Sparse::CKeyCOO, 37
Spml, 11	CKeyCOO, 37
SPML::Compare, 13	i, 38
AreEqualAbs, 14	j, 38
AreEqualRel, 14, 15	operator<, 38
IsZeroAbs, 15	SPML::Sparse::CMatrixCOO< T >, 38
SPML::LAP, 16	coo_col, 39
FP 1, 18	coo_row, 39
FP_2, 18	coo_val, 39
FP DYNAMIC, 18	SPML::Sparse::CMatrixCSC< T >, 39
fp function t, 18	$\csc$ _first, 39
Hungarian, 18	csc_kk, 40
hungarian augment path, 19	csc_val, 40
hungarian clear covers, 19	SPML::Sparse::CMatrixCSR $<$ T $>$ , 40
hungarian erase primes, 19	csr_first, 40
hungarian find noncovered zero, 19	$\operatorname{csr}_{kk}$ , 40
hungarian find prime in row, 20	$\operatorname{csr}_{\operatorname{\underline{\hspace{1pt}}}}\operatorname{val},41$
hungarian find smallest, 20	mpi in d
hungarian find star in col, 20	TFindPath
hungarian find star in row, 20	SPML::LAP, 18
hungarian star in row, 21	TSearchParam (CD) W. L.A.P. 10
hungarian step 1, 21	SPML::LAP, 18
hungarian step 2, 21	1
hungarian step 3, 21	updateAssignments
hungarian step 4, 22	SPML::LAP, 28
·	updateDual
hungarian_step_5, 22	SPML::LAP, 29