# Ηλεκτρονικά Ισχύος

4η Άσκηση

## Ζαφειράκης Κωνσταντίνος 2019030035 Δούνης Λουκάς 2018030127 Σταυρόπουλος Αλέξανδρος Ανδρέας 2019030109

Διδάσχων: Φώτιος Κανέλλος

Υπεύθυνος εργαστηρίου: Δήμητρα Κυριακού



ΗΜΜΥ Πολυτεχνείο Κρήτης Εαρινό εξάμηνο 2022-2023

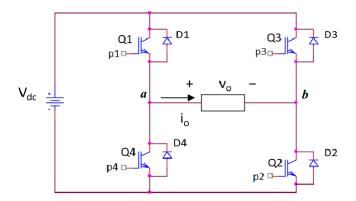
# Πίναχας Περιεχομένων

1	Περιγραφή Λειτουργίας Αντιστροφέων					
	1.1 Μονοφασικός Αντιστροφέας	1				
	1.1.1 Μονοφασικός Αντιστροφέας Γέφυρας Τετραγωνικού Παλμού	1				
	1.1.2 Μονοφασικός Αντιστροφέας Γέφυρας με μονοπολική ΡWM	1				
2	Μονοφασικός Αντιστροφέας Γέφυρας Τετραγωνικού Παλμού	2				
	2.1 Κυματομορφές Κυκλώματος	2				
	2.2 Συντελεστής Ισχύος	2				
	Συντελεστής Ισχύος	2				
3	Μονοφασικός Αντιστροφέας Γέφυρας με μονοπολική ΡWM	3				
	3.1 Κυματομορφές Κυκλώματος	3				
	3.2 Συντελεστής Ισχύος	6				
	3.3 Αρμονικές Τάσης Εξόδου	6				
4	Τριφασικός Αντιστροφέας Γέφυρας Εξαπαλμικής Λειτουργίας	8				
	4.1 Κυματομορφές Κυκλώματος	8				
	4.2 Συντελεστής Ισχύος	8				
5	Τριφασικός Αντιστροφέας Γέφυρας με μονοπολική ΡWM	9				
	5.1 Κυματομορφές	9				
	5.2 Συντελεστής Ισχύος	9				

## 1 Περιγραφή Λειτουργίας Αντιστροφέων

## 1.1 Μονοφασικός Αντιστροφέας

Ο μονοφασικός Αντιστροφέας αποτελεί μία συσκευή η οποία μετατρέπει DC τάση και ρεύμα σε AC. Το κύκλωμα κατασκευάζεται από τέσσερεις ελεγγόμενους διακόπτες και τέσσερεις διόδους συνδεδεμένες ως εξής:



## 1.1.1 Μονοφασικός Αντιστροφέας Γέφυρας Τετραγωνικού Παλμού

### 1.1.2 Μονοφασικός Αντιστροφέας Γέφυρας με μονοπολική PWM

Για την παραγωγή της AC τάσης και AC ρεύματος εξόδου, σε αυτή την περίπτωση, δημιουργούνται τετραγωνικοί παλμοί διαφορετικού εύρους μέσω των οποίων, ανάλογα με το εύρος τους, ελέγχεται το πλάτος της τάσης εξόδου.

Στην παραπάνω διάταξη τα transistor ενεργοποιούνται με συγχεχριμένο σειρά ώστε οι παλμοί ελέγχου να κατασχευάζουν την επιθυμητή τάση εξόδου εξόδου, ενώ οι δίοδοι χρησιμοποιούνται για την ροή ρεύματος προς αντίθετη φορά από αυτή των ενεργοποιημένων transistor, λόγω της εναλλασσόμενης μορφής του ρεύματος.

Για την παραγωγή των παλμών ελέγχου, κατασκευάζεται το επιθυμητό ημιτονοειδές σήμα εξόδου καθώς και ένας τριγωνικός παλμός (Φέρον) πλάτους  $V_{dc}$ , συχνότητας ίση με την διακοπτική  $(m_f \cdot f)$ . Συγκρίνοντας το φέρον με το θετικό ημίτονο εξόδου προκύπτουν οι παλμοί ελέγχου των transistor  $Q_1$ ,  $Q_4$  ενώ συγκρίνοντάς το με το αρνητικό προκύπτουν οι παλμοί ελέγχου των transistor  $Q_2$ ,  $Q_3$ , όπως αυτοί φαίνονται στον πίνακα που ακολουθεί:

Condition	$Q_1$	$Q_2$	$Q_3$	$Q_4$
$\overline{V_{ref} > V_{carrier}}$	ON	-	-	OFF
$V_{ref} < V_{carrier}$	OFF	-	-	ON
$-V_{ref} > V_{carrier}$	-	OFF	ON	-
$-V_{ref} < V_{carrier}$	_	ON	OFF	-

Σύμφωνα με τα παραπάνω δεδομένα προκύπτει η τιμή της τάσης στο κόμβο a και στον κόμβο b, εφόσον τα ενεργά transistor δρουν ως βραχυκύκλωμα. Μέσω των τάσεων  $V_a$  και  $V_b$  η τάση εξόδου στο φορτίο:

$$V_{out} = V_a - V_b \tag{1}$$

Τέλος, για την καλύτερη ανάλυση του συστήματος ορίζεται ο δείκτης διαμόρφωσης πλάτους  $(m_a)$  και ο δείκτης διαμόρφωσης συχνότητας  $(m_f)$ . Ο  $m_a$  ορίζεται ως το πηλίκο μεταξύ του πλάτους του σήματος αναφοράς και του πλάτους του φέροντος και σύμφωνα με την θεωρία, για τιμές μικρότερες της μονάδας επηρεάζει το πλάτης της βασικής αρμονικής ως εξής:

$$V_1 = m_a \cdot V_{dc} \tag{2}$$

Αντίστοιχα, ο  $m_f$  ορίζεται ως το πηλίκο μεταξύ της συχνότητας του σήματος αναφοράς και της συχνότητας του φέροντος και σύμφωνα με την θεωρία, αυξάνοντας τον οι αρμονικές του σήματος μετατοπίζονται σε μεγαλύτερες συχνότητες.

# 2 Μονοφασικός Αντιστροφέας Γέφυρας Τετραγωνικού Παλμού

- 2.1 Κυματομορφές Κυκλώματος
- 2.2 Συντελεστής Ισχύος



(a) subcaption 1



(b) subcaption 1

Figure 1: Caption 1

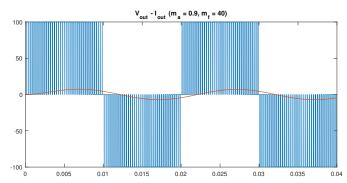
$$a \le \tan^{-1}\left(\frac{\omega L}{R}\right) \tag{3}$$

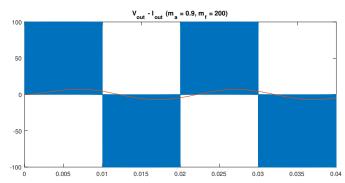
## 3 Μονοφασικός Αντιστροφέας Γέφυρας με μονοπολική ΡWΜ

Μοντελοποιήθηκε ένας μονοφασικός αντιστροφέας γέφυρας με μονοπολική PWM τάσης εισόδου  $100\rm V$  και συχνότητα  $50\rm Hz$  στο οποίο εφαρμόζεται το ίδιο RL φορτίο (R =  $10\Omega$ , L =  $0.025\rm H$ ). Για την καλύτερη κατανόηση του, προσομοιώθηκε η λειτουργία του για  $m_a=0.9$  και  $m_f=40$  και  $m_f=200$  και καταγράφηκαν οι ακόλουθες κυματομορφές.

## 3.1 Κυματομορφές Κυκλώματος

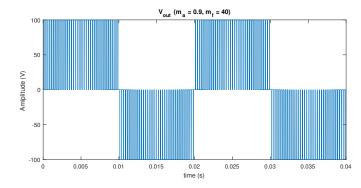
#### Τάση και Ρεύμα εξόδου

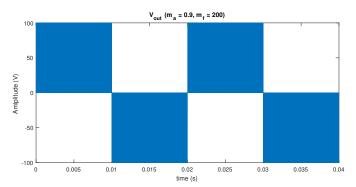




Σύμφωνα με τα παραπάνω figures, τόσο η τάση όσο και το ρεύμα εξόδου έχουν την αναμενόμενη μορφή εφόσον το σήμα της τάσης αποτελείται από διακριτούς παλμούς και το ρεύμα εξόδου παρουσιάζει ημιτονοειδή μορφή.

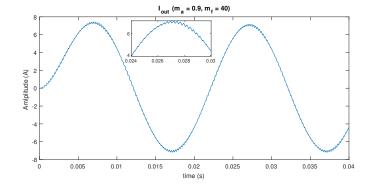
#### Τάση εξόδου

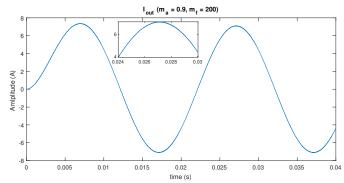




Όπως προαναφέρθηκε, η τάση εξόδου αποτελείται από διακριτούς παλμούς διαφορετικού εύρους. Αυξάνοντας τον  $m_f$  παρατηρείται ανάλογη αύξηση του αριθμού των παλμών τάσης. Η συμπεριφορά αυτή ήταν αναμενόμενη καθώς όπως προαναφέρθηκε στην υποενότητα 1.1.2, αυξάνοντας τον  $m_f$  αυξάνεται ανάλογα η συχνότητα του τριγωνικού παλμού και σε συνδυασμό με την σταθερή συχνότητα του επιθυμητού ημιτόνου. Έτσι, εφόσον οι παλμοί προκύπτουν μέσω σύγκρισης των δύο σημάτων οι παλμοί αυξάνονται.

#### Ρεύμα εξόδου

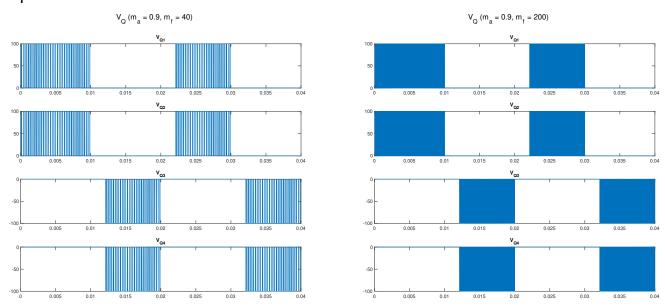




Όσον αφορά το ρεύμα εξόδου παρουσιάζει την αναμενόμενη ημιτονοειδή μορφή. Αυξάνοντας το  $m_f$  παρατηρείται μείωση των διαχυμάνσεων η οποία συνεπάγεται με μείωση των αρμονικών στο σήμα.

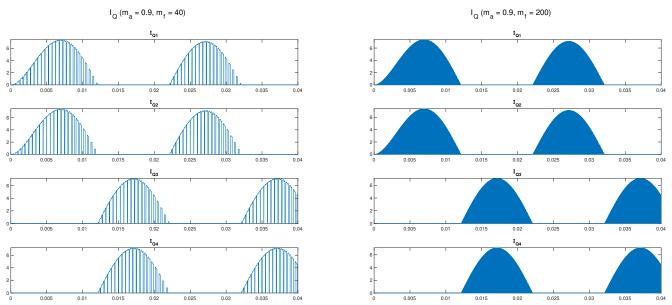
Η μείωση αυτή οφείλεται εν μέρη στο γεγονός πως το φορτίο είναι ωμιχοεπαγωγικό και όπως είναι γνωστό, η σύνθετη αντίσταση του ισούται με  $R+j\omega L$ , οπότε αυξάνοντας τον  $m_f$ , αυξάνοντας δηλαδή την συχνότητα του φέροντος, αυξάνεται και η σύνθετη αντίσταση του φορτίου, μειώνοντας έτσι την επίδραση των ανώτερων αρμονικών. Ο δεύτερος λόγος μείωσης των αρμονικών είναι πως αυξάνοντας τον  $m_f$  οι αρμονικές του σήματος εμφανίζονται σε μεγαλύτερες συχνότητες με αποτέλεσμα να έχουν μικρότερη επιρροή στο σήμα.

### Τάση Transistor



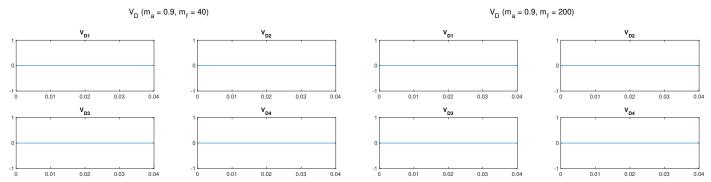
Μέσω της τάσης των transistor, παρατηρείται πως άγουν σε ζεύγη (1-2 και 3-4) όπως ήταν αναμενόμενο καθώς και πως αποτελείται από παλμούς διαφορετικού εύρους. Αυξάνοντας τον  $m_f$  παρατηρείται και πάλι πενταπλασιασμός των παλμών. Ακόμα, σε σχέση με τον **Μετατροπέα Quasi**, οι παλμοί έχουν τό ίδιο πλάτος τις αντίστοιχες χρονικές στιγμές καθώς προκύπτουν ακολουθώντας την ίδια διαδικασία.

#### Ρεύμα Transistor



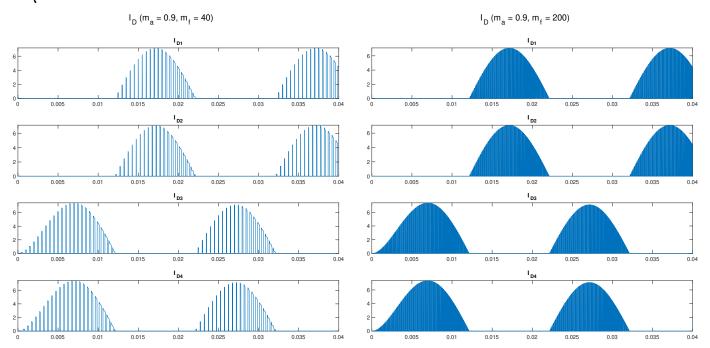
Παρατηρώντας τις κυματομορφές ρεύματος των transistor είναι και πάλι εμφανές πως άγουν σε ζεύγη ανάλογα την φάση λειτουργίας. Επίσης, ομοίως με την τάση, για πενταπλασιασμό του  $m_f$  πενταπλασιάζονται οι παλμοί.

### Τάση Διόδων



Ομοίως με τον **Quasi wave** (υποενότητα ??), η τάση των διόδων είναι ίση με 0 καθώς οι δίοδοι άγουν μόνο στις περιπτώσεις όπου η τάση εξόδου είναι ίση με 0.

## Ρεύμα Διόδων



Σε αντίθεση με την τάση των διόδων, το ρεύμα δεν είναι μηδενικό αλλά παρουσιάζει όμοια μορφή με το ρεύμα των transistor. Βασική διαφορά μεταξύ των δύο σημάτων είναι πως όταν ρέει ρεύμα μέσω transistor, το ρεύμα της διόδου είναι μηδέν και αντίστροφα ενώ και πάλι για αύξηση του  $m_f$ , αυξάνεται το πλήθος των παλμών.

## Ισχύς Εισόδου - Εξόδου

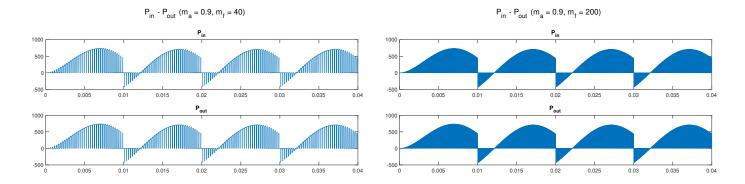
Για τον υπολογισμό της ισχύς απαιτείται γνώση του ρεύματος. Όσον αφορά την έξοδο του κυκλώματος, το ρεύμα είναι γνωστό ωστόσο όσον αφορά την είσοδο, το ρεύμα είναι απαραίτητο να βρεθεί.

Εφαρμόζοντας νόμο ρευμάτων του Kirchhoff, προχύπτει η εξής σχέση για το ρεύμα εισόδου  $I_{in}$ :

$$I_{in} - I_{Q_1} + I_{D_1} - I_{Q_3} + I_{D_3} = 0 \Rightarrow I_{in} = I_{Q_1} - I_{D_1} + I_{Q_3} - I_{D_3}$$
 (4)

οπότε εφόσον η ισχύς υπολογίζεται ως το γινόμενο μεταξύ τάσης και ρεύματος, οι ισχύς προκύπτουν ως εξής:

$$P_{in} = V_{in} \cdot I_{in} = V_{dc} \cdot I_{in}$$
$$P_{in} = V_{out} \cdot I_{out}$$



Παρατηρώντας τις χυματομορφές ισχύς εισόδου εξόδου για τις δύο περιπτώσεις, είναι εμφανές και πάλι πως αυξάνοντας τον  $m_f$  το πλήθος των παλμών αυξάνεται. Αχόμα, συγχρίνοντας την ισχύ εισόδου με την ισχύ εξόδου χάθε περίπτωσης παρατηρείται πως είναι αχριβώς ίδιες, χάτι το οποίο οφείλεται στην παραδοχή πως οι δίοδοι χαι τα transistor θεωρούνται ιδανιχά.

## 3.2 Συντελεστής Ισχύος

Σύμφωνα με την θεωρία ο υπολογισμός του συντελεστή ισχύος υπολογίζεται ως εξής:

$$PF = \frac{P}{S} = \frac{I_{out,rms}^2 \cdot R}{I_{out,rms} \cdot V_{out,rms}} = \frac{I_{out,rms} \cdot R}{V_{out,rms}} \text{ find } \begin{cases} I_{out,rms} = \sqrt{\frac{1}{T} \int^T I_{out}^2(t) dt} \\ V_{out,rms} = \sqrt{\frac{1}{T} \int^T V_{out}^2(t) dt} \end{cases}$$

Αντικαθιστώντας, προκύπτουν τιμές με πολύ μικρή διαφορά (0.6630 και 0.6633 αντίστοιχα για τις δύο περιπτώσεις) η οποία μπορεί να θεωρηθεί αμελητέα.

## 3.3 Αρμονικές Τάσης Εξόδου

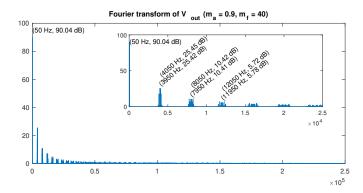
Είναι γνωστό από την θεωρία πως η αρμονικές πέραν της βασικής εμφανίζονται σε συχνότητες με:

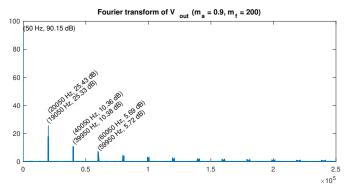
$$f_i = f_s \cdot (2m_f \pm 1) \tag{5}$$

οπότε αναμένεται να εμφανίζονται αρμονικές στις εξής συχνότητες:

	$f_2$ (Hz)	$f_4$ (Hz)	$f_6$ (Hz)
$m_f = 40$	3950	7950	11950
	4050	8050	12050
$m_f = 200$	19950	39950	59950
	20050	40050	60050

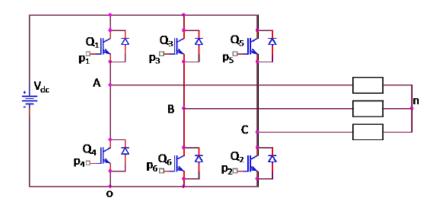
Εφαρμόζοντας μετασχηματισμό Fourier στη σήμα της τάσης εξόδου, προκύπτουν οι ακόλουθες κυματομορφές:





Παρατηρώντας τις δύο χυματομορφές είναι εμφανές πως οι θεωρητικές τιμές εμφάνισης αρμονικών που εμφανίζονται στο πίναχα συμφωνούν τα αποτελέσματα της προσομοίωσης. Όπως ήταν αναμενόμενο, για πενταπλασιασμό του  $m_f$ , οι αρμονικές πέραν της βασικής εμφανίζονται σε πενταπλάσιες συχνότητες μειώνοντας έτσι την επίδρασης του στο σήμα εξόδου. Η ιδιότητα αυτή συναρτήσει του ωμιχοεπαγωγιχού φορτίου το οποίο δρα ως low-pass φίλτρο έχουν ως αποτέλεσμα το σήμα ρεύματος να προσεγγίζει αρχετά αυτό του ημιτόνου, όπως είναι εμφανές παρατηρώντας την αντίστοιχη χυματομορφή.

4 Τριφασικός Αντιστροφέας Γέφυρας Εξαπαλμικής Λειτουργίας



- 4.1 Κυματομορφές Κυκλώματος
- 4.2 Συντελεστής Ισχύος

- 5 Τριφασικός Αντιστροφέας Γέφυρας με μονοπολική PWM
- 5.1 Κυματομορφές
- 5.2 Συντελεστής Ισχύος