# РАСЧЕТНО-ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

## К КУРСОВОЙ РАБОТЕ

# НА ТЕМУ: «Локальная оценка потока»

Студент <u>ФН4-81</u>		В.К. Сафонова	
(Группа)	(Подпись, дата)	(И.О.Фамилия)	
Руководитель курсовой работы	(Подпись, дата)	(килимаФ.О.И)	
Консультант	——————————————————————————————————————	(ПОФ:	
	(Подпись, дата)	(И.О.Фамилия)	

# Министерство науки и высшегообразования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана (национальный исследовательский университет)» (МГТУ им. Н.Э. Баумана)

	УТВ	ЕРЖДАЮ
		кафедрой <u>ФН-4 «Физика»</u>
		(Индекс) <b>Л. И. Моро</b> гог
		А.Н. Морозов (И.О.Фамилия)
	<b>«</b>	»2021 г
ЗАДАІ	нив	
на выполнение ку	рсовой работь	J
по дисциплине: «Вычислительная физика»		
Студент группы ФН4-81		
	С. Сафонова	
(Фамилия, имя,	отчество)	
Гема курсовой работы: <u>«Локальная оценка потока»</u> _		
Направленность КР (учебная, исследовательская, пра	актическая, производ	- · ·
Источник тематики (кафедра, предприятие, НИР)		
График выполнения работы: 25% к нед., 50% к _	нед., 75% к нед	ц., 100% к нед.
Задание: Плоский изотропный источник $\gamma$ -квант половины диска, накрыт свинцовым и алюминисцентры основания цилиндров и диска совпадают цилиндров $H_{Pb} = 5$ см, $H_{al} = 8$ см. Радиус диска $R$	евым цилиндрамию г. Радиус цилиндра	Геометрические
Оформление курсовой работы:	•	
Расчетно-пояснительная записка на листах фо	nyozo AA	
гасчетно-пояснительная записка на листах фо	рмата А4.	
Дата выдачи задания « » 20 г.		
Руководитель курсовой работы		Р.Х. Хасаншин
Студент	(Подпись, дата)	(И.О.Фамилия) <b>В.К. Сафонова</b>
Ciyaciii	(Подпись, дата)	(И.О.Фамилия)
п р 1		U

<u>Примечание</u>: Задание оформляется в двух экземплярах: один выдается студенту, второй хранится на кафедре.

## Оглавление

Теоретическая часть	4
Решение уравнения Фредгольма 2-го рода посредством метода Монте-Карло	
Локальная оценка потока	5
Определение параметров частицы после столкновения	
Алгоритм программы	
Условие задачи	9
Результаты	10
Выводы	15
Приложения	16
Программа для решения задачи на языке С++	16

#### Теоретическая часть

## Решение уравнения **Фредгольма 2-го рода посредством метода Монте-**Карло

$$\Psi(\vec{r},\vec{E}) = q(\vec{r},\vec{E}) + \iint K(\vec{r'},\vec{E'},\vec{r},\vec{E}) d\vec{r'} d\vec{E'} \Psi(\vec{r'},\vec{E'})$$
(1)

Это – уравнение Фредгольма 2-го рода. Здесь:  $\Psi(x)$  – решение уравнения (1)

Исследования и вероятностная интерпретация многомерных интегральных уравнений Фредгольма 2-го рода имеет существенное значение для метода Монте-Карло. С другой стороны, использование алгоритмов случайного блуждания частиц позволяет построить эффективный модифицированный метод Монте-Карло.

Обозначим точку в 6-мерном фазовом пространстве через  $x = (\vec{r}, \vec{E}) \in \Gamma$ . Случайное блуждание частиц в некоторой среде представляет собой конечное число состояний  $(x_1, x_2, ..., x_k)$ .

Для описания траектории частиц достаточно ввести следующий набор параметров:

- 1. плотность вероятности первого столкновения  $P_1(x_1)$ ;
- 2. плотность вероятности перехода из точки  $x' \in \Gamma$  в точку  $x \in \Gamma P(x', x)$ ;
- 3. плотность вероятности поглощения P(x).

На предложенные функции накладывают следующие условия:

$$\int_{\Gamma} P_1(x) dx = 1; P_1(x) > 0$$
$$\int_{\Gamma} P(x',x) dx' = 1 = P(X); P(x) \ge 0$$

Таким образом, столкновения в окрестности точки x может быть первым или последующим после столкновения в точке x'.

$$x: \Psi(x) = P_1(x) + \int_{\Gamma} P(x', x) \Psi(x') dx'$$
(2)

Уравнение (2) является вероятностным аналогом уравнения (1).

Моделирование называется аналоговым, если при расчёте методом Монте-Карло используются реальные вероятностные законы. При построении схемы использовали аналоговый метод.

Рассмотрим функционал:

$$I_{q} = \iint \Psi(\vec{r}, \vec{E}) g(\vec{r}, \vec{E}) d\vec{r} d\vec{E}$$
(3)

Наша задача – построить случайную величину (оценку), математическое ожидание которой будет совпадать со значением формулы (3).

Для решения в методе Монте-Карло используют разностную оценку. Рассмотрим оценку по столкновению:

$$\eta(\alpha) = \sum_{m=1}^{k} W_m(\alpha) g(x_m)$$

Эта оценка рассчитывается по всем точкам траектории, где  $W_m$  – вес частицы, испытавшей m столкновений.

$$W_{m} = \frac{q_{1}(x_{1})}{p_{1}(x_{1})} W(x_{1}, x_{2}) W(x_{2}, x_{3}) ... W(x_{m-1}, x_{m}),$$

где  $q_1(x_1)$  – плотность первых столкновений;

$$W(x',x) = \begin{cases} \frac{K(x',x)}{p(x',x)}, & p(x',x) \neq 0 \\ 0, & p(x',x) = 0 \end{cases}$$

#### Локальная оценка потока

В методе Монте-Карло доказывается, что оценка:

$$\eta(x) = \sum_{m=1}^{k} W_m(\alpha) g(x_m)$$

является несмещенной оценкой  $I_g$  для плотности столкновений, так как вклад рассеянного излучения  $q_1(\vec{r},\vec{E})$  всегда можно оценить аналитически. При дальнейшем рассмотрении это слагаемое опустим.

$$q_1(\vec{r},\vec{E}) = \int d\vec{r'} q(\vec{r},\vec{E}) T(\vec{r'},\vec{r} \vee \vec{E})$$

#### Функционалы типа

$$I_g = \int_{\Gamma} \Psi(x) g(x) dx$$

позволяют вычислить среднее значение плотности столкновения и плотности потоков по всей области задачи интересующей функции и если градиент поля велик, то оценки дадут очень грубый результат.

Для повышения точности разбивают пространство на подпространства, которые позволяют стянуть оценку детектора в точку, при этом в каждой точке взаимодействия с детектором учитываются виртуальные вклады из каждой точки взаимодействия.

Построим локальную оценку потока. Нас интересует плотность потока  $\Psi$ . Поставим точку в уравнение плотности столкновений. Так как будут интересовать рассеянные фотоны, то поделим обе части (1) на  $\Sigma_s$ .

$$\varphi(x^*) = \int \frac{K(x', x^*)}{\Sigma_s(x^*)} \Psi(x') dx'$$

$$\eta(\alpha) = \sum_{m=1}^k W_m(\alpha) \frac{K(x', x^*)}{\Sigma_s(x^*)}$$

Ядро интегрального уравнения имеет  $\delta$ -функцию, от которой можно избавиться путем интегрирования по некоторой области  $\overrightarrow{\Delta\Omega}^*$ . Для оценки потока получим величину:

$$\begin{split} \eta_{1}(\alpha) &= \sum_{m=1}^{k} W_{m}(\alpha) \frac{\exp\left[-\tau(\overrightarrow{r_{m}}; \overrightarrow{r^{*}}; E_{m})\right]}{\left|\overrightarrow{r_{m}} - \overrightarrow{r^{*2}}\right|} \frac{\Sigma_{d}(\overrightarrow{r_{m}}; E_{m} \to E_{m}^{*})}{\Sigma(\overrightarrow{r_{m}}; E_{m}^{*})} \\ &\Delta(E_{m}; \Delta E_{m}) \Delta(\overrightarrow{\Omega_{m}}; \Delta \overrightarrow{\Omega_{m}}), \\ \Delta(x; \Delta x) &= \begin{cases} 1, x \in (x'; x' + \Delta x) \\ 0, x \notin (x'; x' + \Delta x) \end{cases} \end{split}$$

#### Определение параметров частицы после столкновения

Параметры после столкновения включают энергию и направление движения рассеянной первичной частицы. Они определяются ядром столкновений и поперечными сечениями (дифференциальными и интегральными).

фотоэффект Если произошёл И нас интересует не история фотоэлектрона, то мы переходим к следующему фотону из заданной статистики. Если же произошло комптоновское рассеяние, то мы вынуждены рассматривать историю рассеянного фотона и направление его движения. При комптоновском рассеянии фотон с первоначальной энергией Е' в результате взаимодействия с электроном передаёт ему часть энергии изменяет направление своего движения. Поскольку скорость атомных электронов очень мала по сравнению со скоростью света, то можно считать электрон свободным и покоящимся.

Энергия рассеянного фотона и угол рассеяния связаны формулой:

$$E = \frac{E'}{1 + \frac{E'}{mc^2}(1 - \cos\theta)}.$$

Введя обозначение  $\alpha = \frac{E}{m_0 c^2}$  и  $\alpha' = \frac{E'}{m_0 c^2}$  получим выражение энергии

рассеянного фотона в единицах энергии массы покоя электрона

$$\alpha = \frac{\alpha'}{1 + \alpha'(1 - \cos\theta)}.$$

#### Алгоритм программы

- 1. W = 1; N = 0;
- 2. N = N+1;
- 3. Розыгрыш точки  $x_0$ ,  $y_0$ ,  $z_0$  рождения, энергии и направления вылета фотона;
- 4. Розыгрыш длины свободного пробега;
- 5. Расчёт координат точки взаимодействия  $x_1, y_1, z_1$ ;
- 6. Проверка нахождения частицы в области задачи, если в области, то выполняется следующий шаг, иначе переходим в пункт 3;
- 7. Розыгрыш типа взаимодействия. Если взаимодействие комптоновское, то продолжаем, иначе переходим в пункт 3;
- 8. Расчёт параметров рассеянного фотона. Определение энергетической группы k; проверка разыгранной удельной энергии, если она не входит в заданные пределы, то переходим в пункт 3;
- 9. Переход к старой системе координат;
- 10. Расчёт веса частицы  $W(k) = W\frac{(k)*\Sigma_d}{\Sigma}$ . Если  $W(k) > 10^{-11}$  , то переходим на следующую ступень, иначе в пункт 3;
- 11. Вычисление отношения дифференциальной и полной сечений комптоновского рассеяния, а также расстояние до детектора
- 12. Суммирование виртуальных вкладов в показание детектора
- 13. Розыгрыш длины свободного пробега L2
- 14.  $x_0=x_1$ ;  $y_0=y_1$ ;  $z_0=z_1$ ;  $L_1=L_2$ ;
- 15. Если  $N < N_{MAX}$ , то переходим в пункт 5, иначе рассчитываем и выводим оценку плотности потока

#### Условие задачи

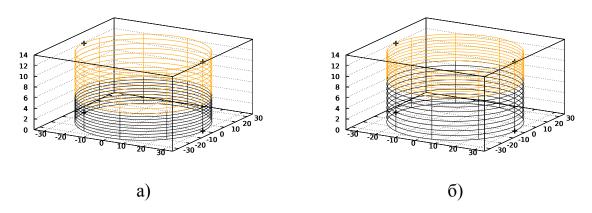


Рис. 1: Границы сред и положение детекторов:

- а). Снизу свинцовый цилиндр высотой  $h=5\,$  см, сверху алюминиевый высотой  $h=8\,$  см;
- б). Снизу алюминиевый цилиндр высотой  $h=8\,$  см, сверху свинцовый высотой  $h=5\,$  см;

Источник (см. рис. 2) представляет из себя половину круга радиуса R=20 см, центр которого совпадает с центром основания цилиндра.

## Результаты

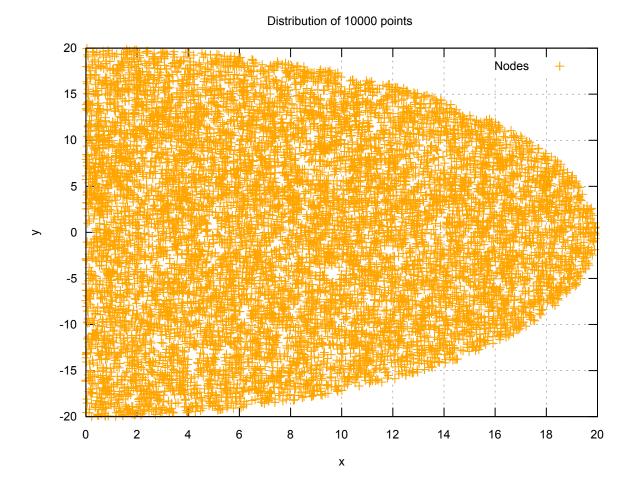


Рис. 2: Равномерное распределение точек рождения.

Все результаты, представленные ниже, кроме траекторий (рис. 3) получены посредством моделирования с  $10^4$  частиц.

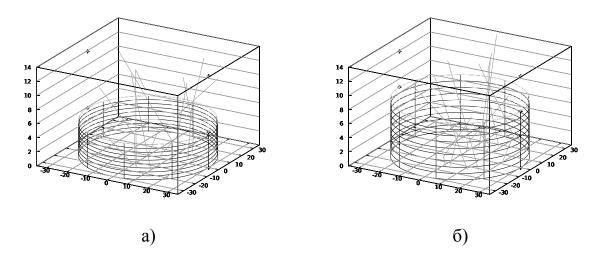


Рис. 3: Траектории движения частиц для небольшого числа точек.

- а). Снизу свинцовый цилиндр высотой  $h=5\,$  см, сверху алюминиевый высотой  $h=8\,$  см;
- б). Снизу алюминиевый цилиндр высотой  $h=8\,$  см, сверху свинцовый высотой  $h=5\,$  см;

Для удобства представления результатов частицы были разделены на энергетические группы «шириной» по  $0.1~{
m M}{
m 9B}$  каждая. Первой группе соответствует значение  $0.1~{
m M}{
m 9B}$ , последней –  $2~{
m M}{
m 9B}$ .

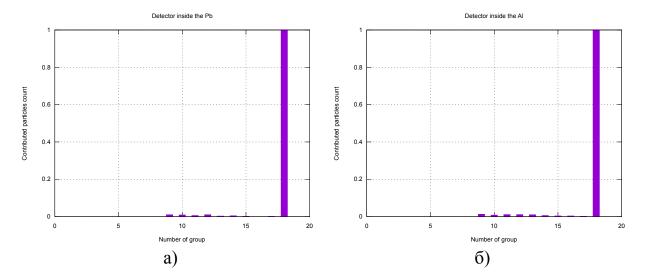


Рис. 4: Гистограмма количества частиц, распределённых по энергетическим группам, вклад которых зафиксировали нижние детекторы относительно начального количества частиц.

- а). Снизу свинцовый цилиндр высотой h = 5 см, сверху алюминиевый высотой h = 8 см;
- б). Снизу алюминиевый цилиндр высотой h = 8 см, сверху свинцовый высотой h = 5 см;

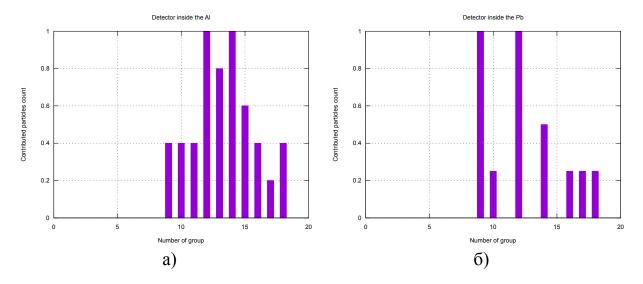


Рис. 5: Гистограмма количества частиц, распределённых по энергетическим группам, вклад которых зафиксировали верхние детекторы относительно начального количества частиц.

- а). Снизу свинцовый цилиндр высотой  $h=5\,$  см, сверху алюминиевый высотой  $h=8\,$  см;
- б). Снизу алюминиевый цилиндр высотой  $h=8\,$  см, сверху свинцовый высотой  $h=5\,$  см;

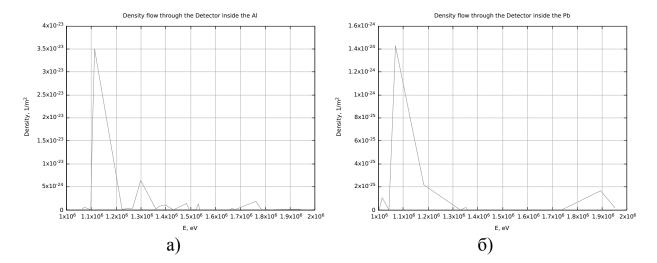


Рис. 5: Вклад в детекторы, находящиеся в сверху слева:

- а). Снизу свинцовый цилиндр высотой h = 5 см, сверху алюминиевый высотой h = 8 см;
- б). Снизу алюминиевый цилиндр высотой  $h=8\,$  см, сверху свинцовый высотой  $h=5\,$  см;

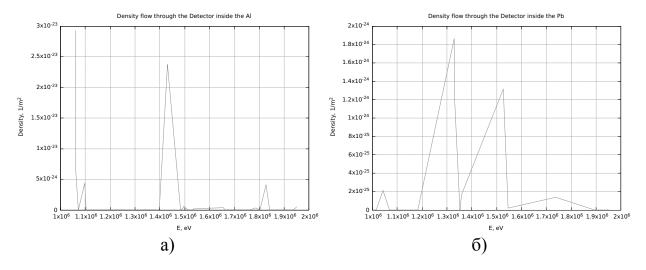


Рис. 6: Вклад в детекторы, находящиеся в сверху справа:

- а). Снизу свинцовый цилиндр высотой  $h=5\,$  см, сверху алюминиевый высотой  $h=8\,$  см;
- б). Снизу алюминиевый цилиндр высотой  $h=8\,$  см, сверху свинцовый высотой  $h=5\,$  см;

Показания детекторов снизу не репрезентативны, поскольку вклад от вновь родившихся частиц на порядки превосходит вклад от остальных частиц, но значения будут представлены в таблицах ниже.

Поскольку практический смысл имеет только оценка по всей траектории, представление графика без последней энергетической группы так же не даёт значимых данных.

Также ниже представлена таблица средних значений потока сквозь детекторы, указанные в условии задачи.

 $\it Tаблица~1:~$  Снизу свинцовый цилиндр высотой h=5~ см, сверху – алюминиевый высотой h=8~ см.

№ детектора	Среда, в которой находится детектор	Координаты детектора (x, y, z)	Среднее значение потока
1.	Алюминий	(30, 0, 13)	2.26849e-24
2.	Алюминий	(-30, 0, 13)	2.10229e-24
3.	Свинец	(30, 0, 0)	3.35341e-09
4.	Свинец	(-30, 0, 0)	1.89882e-18

*Таблица 2:* Снизу алюминиевый цилиндр высотой h=8 см, сверху – свинцовый высотой h=5 см;

№ детектора	Среда, в которой находится детектор	Координаты детектора (x, y, z)	Среднее значение потока
5.	Свинец	(30, 0, 13)	2.07167e-25
6.	Свинец	(-30, 0, 13)	8.25445e-26
7.	Алюминий	(30, 0, 0)	3.39158e-09
8.	Алюминий	(-30, 0, 0)	1.802e-18

#### Выводы

Посредством метода «Монте-Карло» было смоделировано явление прохождения частиц ( $\gamma$ -квантов) сквозь дисперсную систему, представленную двумя цилиндрами из алюминия (Al) и свинца (Pb).

Была проведена локальная оценка потока в указанных точках.

В обеих представленных задачах видно, что поток, проходящий через наиболее удалённый детектор, находящийся в нижней плоскости области решения задачи значительно отличается от потока, проходящего через наиболее близкий детектор.

Для верхней же плоскости области решения задачи результаты отличаются в туже сторону, но не так сильно.

#### Приложения

#### Программа для решения задачи на языке С++

```
/* Note that you need the GNUPlot.
 * macOS
 * The easiest way to install it thought the Homebrew.
 * If you are not familiar with homebrew, read more about it here:
https://brew.sh/
 * To install GNUPlot:
 * brew install gnuplot
 * Linux
 * You know how this works, don't you?
#include <iostream>
#include <cmath>
#include <random>
#include <vector>
#include <utility>
#include <fstream>
#include <string>
#include <tuple>
#include <array>
#include <algorithm>
#include <iterator>
#include <memorv>
#include <stdexcept>
const int N = 1.0e4; //Number of points. //Do not use more than 0.5e4 on old
computers!
const double R_source = 20;
const int R_sarcophagus = 30;
const double pi = 3.14159265359;
const double h_Pb = 5;
const double h_Al = 8;
const std::string down_cyl_matter = "Al"; //Define down environment;
const std::string up_cyl_matter = "Pb";
const double down_cyl_height = (down_cyl_matter == "Pb") ? h_Pb : h_Al;
double E_min = 1.0e5;
const double E_0 = 2.0e6;
const double E_e = 0.51099895e6;
const double group_range = 1.0e5;
const int number_of_energy_groups = (E_0 - E_min) / group_range + 1; //Well,
it's not safe I know.
std::vector<double> borders_of_groups (number_of_energy_groups);
std::array<std::vector<double>, N> Energies;
```

```
typedef std::tuple<double, double, double> coord;
typedef std::tuple<double, double, double, double> longDoubleTuple;
//There's a plane equation presented like Ax+By+Cz+D=0.
std::vector<longDoubleTuple> planes;
void border panes creation (std::vector<longDoubleTuple>& borders);
void data_file_creation (std::string DataType, std::vector<coord>& xx);
void data_file_creation (std::string DataType, std::vector<double>& xx,
std::vector<coord>& yy);
void data_file_creation (std::string DataType, std::vector<std::pair<int,</pre>
int>>& xx);
void data_file_creation (std::string DataType, std::vector<std::pair<int,</pre>
double>>& xx);
void data_file_creation (std::string DataType, std::vector<std::pair<double,</pre>
double>>& xx);
void default_distribution_plot (std::string& name, std::string& data,
std::string xlabel,
                                std::string ylabel, std::string title);
longDoubleTuple beam_direction (double sigma);
coord coordinates_of_the_interaction (longDoubleTuple& beams);
int energy_group (double& E);
std::array<std::vector<coord>, N> interactions (std::vector<coord>& points);
double cos_t (coord& A, coord& B, coord& C);
void plot (std::array<std::vector<coord>, N>& points, double R);
std::vector<longDoubleTuple> database_read (std::string name);
double linear_interpolation (double& x_0, double& y_0, double& x_1, double&
y_1, double& x);
std::vector<std::tuple<double, double, double>> interpolated_database
(std::vector<longDoubleTuple>& default_database);
std::string exec (std::string str);
std::string PATH = exec("echo $PWD");
std::vector<std::tuple<double, double, double>> sigmas_air, sigmas_Al,
sigmas_Pb;
```

```
std::tuple<double, double, double> interpolation_for_single_particle (int&
group, double& E,
std::vector<std::tuple<double, double, double>>& sigmas);
std::vector<coord> detectors_definition ();
std::vector<coord> detectors = std::move(detectors_definition());
const int detectors_number = detectors.size(); //It's just a crunch, 'cause i
don't sure that it will work with size() in this case.
std::vector<std::vector<double>>> eta (detectors_number);
std::vector<std::pair<double, double>>> particle_eta
(detectors_number);
std::vector<std::vector<int>> groups_in_detector (detectors_number);
std::vector<std::pair<int, int>>> detector_readings ();
void interpolation_plot (std::string matter, std::vector<double>& E,
                        std::vector<std::tuple<double, double, double>>&
sigmas);
void path_def (std::string& path);
void detector_statistics_plot (std::string data, std::string& title);
coord vector_creation (coord& A, coord& B);
void coordinates_from_tuple (double& x, double& y, double& z, coord& point);
std::vector<std::vector<std::pair<int, double>>> flow_through_detector
(std::array<std::vector<coord>, N>& interactions);
void detector_plot (std::string data, std::string title);
std::vector <coord> polar ();
std::vector <coord> coordinate_transformation (std::vector<coord>& coords);
std::random_device rd; //Will be used to obtain a seed for the random number
std::mt19937 gen (rd ()); //Standard mersenne_twister_engine seeded with rd()
int main() {
   std::cout << "Databases collecting...\t";</pre>
   path_def(PATH);
   borders_of_groups.at(0) = (E_min);
   double E = E_min;
   std::generate(borders_of_groups.begin()+1, borders_of_groups.end(), [&] {
return E += group_range; });
```

```
std::vector<longDoubleTuple> air_data = std::move(database_read(PATH +
"air_sigmas_database"));
    sigmas_air = std::move(interpolated_database(air_data));
    data_file_creation("air", borders_of_groups, sigmas_air);
    std::vector<longDoubleTuple> Al_data = std::move(database_read(PATH +
"Al_sigmas_database"));
    sigmas_Al = std::move(interpolated_database(Al_data));
    data_file_creation("Al", borders_of_groups, sigmas_Al);
    std::vector<longDoubleTuple> Pb_data = std::move(database_read(PATH +
"Pb_sigmas_database"));
    sigmas_Pb = std::move(interpolated_database(air_data));
    data_file_creation("Pb", borders_of_groups, sigmas_Pb);
    std::cout << "Done!" << std::endl;</pre>
    std::cout << "Computing..." << std::endl;</pre>
    std::vector<coord> borning = std::move(polar());
    std::vector<coord> born points =
std::move(coordinate transformation(borning));
    std::string name = "Distribution of " + std::to_string(N) + " points";
    data_file_creation(name, born_points);
    border_panes_creation(planes);
    for (int i = 0; i < detectors_number; i++) //Did not allocate memory -</pre>
died.
        eta[i].resize(number_of_energy_groups);
    std::array<std::vector<coord>, N> interaction_points =
std::move(interactions(born_points));
    std::vector<std::pair<int, int>>> detectors_data =
std::move(detector_readings());
    std::vector<std::string> names;
    std::vector<std::pair<int, double>>> density =
flow_through_detector (interaction_points);
    for (int i = 0; i < detectors_number; i++) {</pre>
        names.emplace_back("detector_" + std::to_string(i));
        data_file_creation(names[i], detectors_data[i]);
        std::sort(particle_eta[i].begin(), particle_eta[i].end(), [] (auto&
left, auto& right)
        {return left.first < right.first;});</pre>
        //data_file_creation(names[i]+"_density", density[i]);
        data_file_creation(names[i] + "_density", particle_eta[i]);
    }
    std::cout << "Done!" << std::endl;</pre>
    std::cout << "Plotting...\t";</pre>
    default_distribution_plot(name, name, "x", "y", name);
    data_file_creation("detectors", detectors);
    for (int i = 0; i < detectors_number; i++) {</pre>
        double x, y, z;
        coordinates_from_tuple(x,y, z, detectors[i]);
        std::string title = "Detector inside the"
        title += (z <= down_cyl_height) ? down_cyl_matter : up_cyl_matter;
        detector_statistics_plot(names[i], title);
        detector_plot(names[i] + "_density", "Density flow through the " +
title);
```

```
plot(interaction_points, R_sarcophagus);
    std::cout << "Done!" << std::endl;</pre>
    return 0;
}
std::vector<coord> detectors_definition () {
    std::vector<coord> det = {std::make_tuple(R_sarcophagus, 0, h_Al+h_Pb),
                               std::make_tuple(-R_sarcophagus, 0, h_Al+h_Pb),
                               std::make_tuple(R_sarcophagus, 0, 0),
                              std::make_tuple(-R_sarcophagus, 0, 0)};
    return det;
}
//The function bellow using for creating border_planes.
void border_panes_creation (std::vector<longDoubleTuple>& borders) {
    borders.emplace_back((down_cyl_matter == "Pb") ? std::make_tuple(0, 0, 1,
-h_Pb) : std::make_tuple(0, 0, 1, -h_Al));
    borders.emplace_back(std::make_tuple(0, 0, 1, -(h_Pb + h_Al)));
//Function returns random points generated in polar coordinate system.
std::vector<coord> polar () { //source
    std::vector <coord> coordinates;
    std::uniform_real_distribution<> dis(0.0, 1.0);
    for (int i = 0; i < N; i++) {
        double rho = R_source * std::sqrt(dis(gen));
        double phi = 2.0 * pi * dis(gen);
        double z = 0;
        coordinates.emplace_back(std::move(std::make_tuple(phi, rho, z)));
    return coordinates;
}
//Function transform coordinates of points in polar system to Descart
coordinate system.
std::vector<coord> coordinate_transformation (std::vector<coord>& coords) {
    std::vector<coord> x0y;
    for (int i = 0; i < coords.size(); i++) {</pre>
        double phi = std::get<0>(coords[i]);
        double rho = std::get<1>(coords[i]);
        double x = std::abs(rho * cos(phi));
        double y = rho * sin(phi);
        x0y.emplace_back(std::move(std::make_tuple(x, y,
std::get<2>(coords[i]))));
    return x0y;
}
//Function creates a data-file with coordinates. It's useful for plotting.
void data_file_creation (std::string DataType, std::vector<coord>& xx) {
    //For reading created files via Matlab use command: M =
dlmread('/PATH/file'); xi = M(:,i);
    std::ofstream fout;
    fout.open(PATH + DataType);
    for (int i = 0; i < xx size(); i++)</pre>
        fout << std::get<0>(xx[i]) << '\t' << std::get<1>(xx[i]) << '\t'
```

```
<< std::get<2>(xx[i]) << '\t' << std::endl;
    fout.close();
int norm (std::vector<std::pair<int, int>>& data) {
    int max_count = 0;
    for (int i = 0; i < data.size(); i++)</pre>
        if (data[i].second > max_count)
            max_count = data[i].second;
    return max_count;
}
void data_file_creation (std::string DataType, std::vector<std::pair<int,</pre>
int>>& data) {
    std::ofstream fout;
    DataType = PATH + DataType;
    fout.open(DataType);
    double n = norm(data);
    for (int i = 0; i < data.size(); i++)
       fout << std::get<0>(data[i]) << '\t' << std::get<1>(data[i]) / n <<
std::endl;
    fout.close();
}
void data_file_creation (std::string DataType, std::vector<std::pair<int,</pre>
double>>& data) {
    std::ofstream fout;
    DataType = PATH + DataType;
    fout open(DataType);
    for (int i = 0; i < data.size(); i++)</pre>
        fout << (std::get<0>(data[i]) * group_range + borders_of_groups[0])
<< '\t' << std::get<1>(data[i]) << std::endl;
    fout.close();
}
void data_file_creation (std::string DataType, std::vector<std::pair<double,</pre>
double>>& data) {
    std::ofstream fout;
    DataType = PATH + DataType;
    fout.open(DataType);
    for (int i = 0; i < data.size(); i++)</pre>
        fout << std::get<0>(data[i]) << '\t' << std::get<1>(data[i]) <<
std::endl;
    fout.close();
}
//Function plots points of borning. It shows the initial distribution.
void default_distribution_plot (std::string& name, std::string& data,
std::string xlabel, std::string ylabel, std::string title) {
    //if you have problems with ".svg", you have to change ".svg" to ".pdf"
in strings bellow.
    FILE *gp = popen("gnuplot -persist", "w");
    if (!gp)
        throw std::runtime_error ("Error opening pipe to GNUplot.");
    "set xlabel \'" + xlabel + "\'",
                                      "set ylabel \'" + ylabel + "\'",
                                      "set grid xtics ytics",
```

```
"set title \'" + title + "\'".
                                         "plot \'" + PATH + data + "\' using 1:2
lw 1 lt rgb 'orange' ti \'Nodes\'",
                                         "set key box top right",
                                         "set terminal pop",
                                         "set output"
                                         "replot", "q"};
    for (const auto& it : stuff)
        fprintf(gp, "%s\n", it.c_str());
    pclose(gp);
}
template<typename T, size_t... Is>
auto abs_components_impl(T const& t, std::index_sequence<Is...>) {
    return std::sqrt((std::pow(std::get<Is>(t), 2) + ...));
}
template <class Tuple>
double abs_components(const Tuple& t) {
    constexpr auto size = std::tuple_size<Tuple>{};
    return abs_components_impl(t, std::make_index_sequence<size>{});
}
//Function returns the beam direction and free run length for particle.
/* Note: always cos_gamma > 0, but it's n*/
longDoubleTuple beam_direction (double SIGMA) {
    std::uniform_real_distribution<> dis(0.0, 1.0);
    double L, mu, a, b, cos_psi, cos_gamma, d = 10;
    do {
        mu = 2 * dis(gen) - 1;
        do {
            a = 2 * dis(gen) - 1;
            b = 2 * dis(gen) - 1;
            d = std::pow(a, 2) + std::pow(b, 2);
            L = -\log(\operatorname{dis}(\operatorname{gen})) / \operatorname{SIGMA};
        } while (d > 1 || !std::isfinite(L));
        cos_psi = a / std::sqrt(d);
        cos_gamma = std::sqrt(1.0 - (std::pow(mu, 2) + std::pow(cos_psi,
2)));
    } while (std::pow(mu, 2) + std::pow(cos_psi, 2) > 1);
    return std::make_tuple(cos_gamma, mu, cos_psi, L);
}
//Function returns vector of beam direction.
coord coordinates_of_the_interaction (longDoubleTuple& beam) {
    double x = std::get<2>(beam) * std::get<3>(beam);
double y = std::get<1>(beam) * std::get<3>(beam);
    double z = std::get<0>(beam) * std::get<3>(beam);
    return std::make_tuple(x, y, z);
}
void coordinates_from_tuple (double& x, double& y, double& z, coord& point) {
    x = std::get<0>(point);
    y = std::get<1>(point);
    z = std::get<2>(point);
}
//The functions bellow using for solving systems of linear equations via LU-
decomposition.
```

```
void LU_decomposition (std::vector<std::array<double, 3>>& default_matrix,
                        std::vector<std::array<double, 3>>& L,
                        std::vector<std::array<double, 3>>& U) {
    U = default_matrix;
    for (int i = 0; i < default_matrix.size(); i++) {</pre>
        for (int j = 0; j < default_matrix[i].size(); j++) {</pre>
            U.at(i).at(j) = 0;
            L.at(i).at(j) = 0;
        L_at(i)_at(i) = 1;
    for (int i = 0; i < default_matrix.size(); i++) {</pre>
        for (int j = 0; j < default_matrix[i].size(); j++) {</pre>
            double sum = 0;
            for (int k = 0; k < i; k++)
                sum += L[i][k]*U[k][j];
            if (i <= j)
                U.at(i).at(j) = default_matrix[i][j] - sum;
                L.at(i).at(j) = (default_matrix[i][j] - sum) / U[j][j];
        }
    }
}
std::vector<double> direct (std::vector<std::array<double, 3>>& L,
std::vector<double>& b) {
    std::vector<double> y;
    for (int i = 0; i < L.size(); i++) {</pre>
        double sum = 0;
        for (int j = 0; j < i; j++)
            sum += L[i][j] * y[j];
        y.emplace_back(b[i] - sum);
    return y;
}
std::vector<double> reverse (std::vector<std::array<double, 3>>& U,
std::vector<double>& y) {
    std::vector<double> x = y;
    for (int i = y.size()-1; i >= 0; i--) {
        for (int j = i + 1; j < y.size(); j++)</pre>
            x.at(i) -= U[i][j] * x[j];
        x.at(i) /= U[i][i];
    }
    return x;
}
coord solve (std::vector<std::array<double, 3>> matrix, std::vector<double>&
free_numbers_column) {
    std::vector<std::array<double, 3>> L(3), U(3);
    LU_decomposition(matrix, L, U);
    std::vector<double> straight_run_results = std::move(direct(L,
free_numbers_column));
    std::vector<double> x = std::move(reverse(U, straight_run_results));
    return std::make_tuple(x[0], x[1], x[2]);
}
```

```
//Function returns roots of quadratic equation (a*t^2 + b^2*t + c == 0)
taking coefficients.
std::vector<double> quadratic_equation_solve (double& a, double& b, double&
c) {
    double D = std::pow(b, 2) - 4*a*c;
    double t_1, t_2;
    if (D >= 0 && !std::isnan(D)) {
        t_1 = (-b + std::sqrt(D)) / 2.0 / a;
        t_2 = (-b - std::sqrt(D)) / 2.0 / a;
    } else
        t_1 = t_2 = 0;
    return {t_1, t_2};
}
//Rewrite this shit
coord definition_of_intersection_points_cylinder (coord& initial_point,
longDoubleTuple& beam) {
    double x, x_init, y, y_init, z, z_init, cos_alpha, cos_beta, cos_gamma;
    cos_alpha = std::get<2>(beam);
    cos_beta = std::get<1>(beam);
    cos qamma = std::qet<0>(beam);
    coordinates_from_tuple(x_init, y_init, z_init, initial_point);
    //a*t^2 + b*t + c == 0
    double a = std::pow(cos_alpha, 2) + std::pow(cos_beta, 2);
    double b = 2*(cos_alpha*x_init + cos_beta*y_init);
    double c = std::pow(x_init, 2) + std::pow(y_init, 2) - R_sarcophagus;
    std::vector<double> roots = std::move(quadratic_equation_solve(a, b, c));
    for (int i = 0; i < roots.size(); i++) {</pre>
            x = x_init + roots[i] * cos_alpha;
            y = y_init + roots[i] * cos_beta;
            z = z_init + roots[i] * cos_gamma;
            if (z > 0 \&\& z \le down_cyl_height \&\& z_init \le down_cyl_height ||
            z >= down_cyl_height && z <= h_Al+h_Pb && z_init >=
down_cyl_height) break;
    return (z > 0 && z <= down_cyl_height && z_init <= down_cyl_height ||</pre>
    z >= down_cyl_height \&\& z <= h_Al+h_Pb \&\& z_init >= down_cyl_height) ?
std::make_tuple(x, y, z) : initial_point;
coord definition_of_intersection_points_cap (coord& initial_point,
longDoubleTuple& beam) {
    double x, x_init, y, y_init, z, z_init, cos_alpha, cos_beta, cos_gamma,
A, B, C, D;
    cos_alpha = std::get<2>(beam);
    cos_beta = std::get<1>(beam);
    cos_gamma = std::get<0>(beam);
    coordinates_from_tuple(x_init, y_init, z_init, initial_point);
    coord intersection_coordinate;
    int i = 0;
    do {
        A = std::get<0>(planes[i]);
        B = std::get<1>(planes[i]);
        C = std::get<2>(planes[i]);
        D = std::get<3>(planes[i]);
        std::vector<std::array<double, 3>> matrix = {{cos_beta, -cos_alpha,
0},
                                                      {₀, cos_gamma,
cos_beta},
```

```
{A,
                                                                 Β,
C}};
        std::vector<double> right_part = {x_init*cos_beta - y_init*cos_alpha,
                                           y_init*cos_gamma - z_init*cos_beta,
                                           -D};
        intersection_coordinate = std::move(solve(matrix, right_part));
        coordinates_from_tuple(x, y, z, intersection_coordinate);
        i++;
    } while (i < planes.size() && (std::pow(x, 2) + std::pow(y, 2) >
R_sarcophagus ||
            !(z > 0 \& z \le down_cyl_height || z >= down_cyl_height \& z <=
h_Pb+h_Al) || intersection_coordinate == initial_point));
    if (intersection_coordinate == initial_point || !(std::pow(x, 2) +
std::pow(y, 2) <= R_sarcophagus</pre>
    && !(z > 0 \&\& z \le down_cyl_height || z >= down_cyl_height \&\& z <=
h_Pb+h_Al)))
        return initial_point;
    else
        return intersection_coordinate;
}
//Just a function for creating vector with two points.
coord vector_creation (coord& A, coord& B) {
    return std::make_tuple(std::get<0>(B) - std::get<0>(A),
                           std::get<1>(B) - std::get<1>(A),
                           std::get<2>(B) - std::get<2>(A));
}
template<typename T, size_t... Is>
auto scalar_prod_components_impl (T const& t, T const& t1,
std::index_sequence<Is...>, std::index_sequence<Is...>) {
    return ((std::get<Is>(t) * std::get<Is>(t1)) + ...);
}
template <class Tuple>
double scalar_prod_components (const Tuple& t, const Tuple& t1) {
    constexpr auto size = std::tuple_size<Tuple>{};
    return scalar_prod_components_impl(t, t1,
std::make_index_sequence<size>{}, std::make_index_sequence<size>{});
}
template<typename T, size_t... Is>
auto sum_components_impl (T const& t, std::index_sequence<Is...>) {
    return (std::get<Is>(t) + ...);
}
template <class Tuple>
double sum_components (const Tuple& t) {
    constexpr auto size = std::tuple_size<Tuple>{};
    return sum_components_impl(t, std::make_index_sequence<size>{});
}
coord vector_offset (coord& frame_of_reference, coord& vector) {
    return std::make_tuple(std::get<0>(frame_of_reference) +
std::get<0>(vector),
                           std::get<1>(frame_of_reference) +
std::get<1>(vector),
                           std::get<2>(frame_of_reference) +
std::get<2>(vector));
```

```
}
coord definition_of_intersection_points (coord& initial_point,
longDoubleTuple& beam) {
    coord intersection_coordinate;
    intersection_coordinate =
std::move(definition_of_intersection_points_cylinder(initial_point, beam));
    double error = 1.0e-15;
    if (std::abs(abs_components(intersection_coordinate) -
abs_components(initial_point)) < error)</pre>
        intersection_coordinate =
std::move(definition_of_intersection_points_cap(initial_point, beam));
    return intersection_coordinate;
}
/* Function returns coordinate of interaction for particles.
 * If it interaction outside the sarcophagus functions returns the point of
intersection with one of the planes,
 * otherwise it returns the interaction point in air. */
coord definition_of_interaction_points (coord& initial_point,
longDoubleTuple& direction) {
    double x_init, y_init, z_init, x, y, z;
    double error = 1.0e-15;
    coordinates_from_tuple(x_init, y_init, z_init, initial_point);
    coord intersection_point =
definition_of_intersection_points(initial_point, direction);
    coord intersection_vector = vector_creation(initial_point,
intersection_point);
    coord free_run_direction = coordinates_of_the_interaction(direction);
    coord free_run = vector_offset(initial_point, free_run_direction);
    coordinates_from_tuple(x, y, z, free_run);
    if (std::pow(x_init, 2) + std::pow(y_init, 2) <= R_sarcophagus && (z_init</pre>
>= 0 && z_init <= down_cyl_height ||
        z_init >= down_cyl_height && z_init <= h_Al+h_Pb))</pre>
        if (abs_components(intersection_vector) < abs_components(free_run))</pre>
            return intersection_point;
        else
            return free_run;
    else
        if (abs_components(intersection_vector) < error)</pre>
            return free_run;
        else
            return intersection_point;
}
//Function returns the probability for types of interaction for environment
(which defines with argument).
std::vector<std::pair<double, std::string>> statistical_weight
(std::tuple<double, double, double>& sigma,
                                                                  double& sum)
{
    std::vector<std::pair<double, std::string>> ans;
    double p_Compton = std::get<0>(sigma) / sum;
    double p_ph = std::get<1>(sigma) / sum;
    double p_pp = std::get<2>(sigma) / sum;
    ans = {std::make_pair(p_Compton, "Compton"), std::make_pair(p_ph, "ph"),
std::make_pair(p_pp, "pp")};
    return ans;
}
```

```
//Function return random interaction type.
std::string interaction_type (std::vector<std::pair<double, std::string>>& p)
{
    std::sort(p.begin(), p.end());
    std::uniform_real_distribution<> dis(0.0, 1.0);
    double gamma = dis(gen);
    return (gamma \leq p[0].first) ? p[0].second : (gamma \leq p[1].first) ?
p[1].second : p[2].second;
//Function returns cos(a, b), where a, b -- vectors;
double cos_t (coord& A, coord& B, coord& C) {
    coord a = std::move(vector_creation(A, B));
    coord b = std::move(vector_creation(B, C));
    return scalar_prod_components(a, b) / (abs_components(a) *
abs_components(b));
//Function returns linear interpolation of interaction cross section for
particles among neighboring borders.
double linear_interpolation (double& x_0, double& y_0, double& x_1, double&
y_1, double& x) {
    return y_0 + (y_1 - y_0)/(x_1 - x_0) * (x - x_0);
}
double density_estimation (double& W, double sigma_0, double sigma_1, int
group, int& detector_number,
                           double& distance, std::tuple<double, double,</pre>
double>& particle_sigma) {
    double tmp = (W * std::exp(-distance) / std::pow(distance, 2) *
                  std::get<0>(particle_sigma) / ((sigma_0 + sigma_1) / 2.0));
    eta[detector_number][group].emplace_back((distance != 0) ? tmp : 0);
    return tmp;
}
void flow_detection (double& sigma_sum, std::vector<std::pair<double,</pre>
std::string>>& p, std::string& type,
                     double& E, std::string environment, coord&
particle_coordinate, double& W, double& h) {
    //Well, we have to rewrite this function for all cases.
    int group = energy_group(E);
    std::vector<std::tuple<double, double, double>> sigma;
    sigma = (environment == "air") ? sigmas_air : (environment == "Pb") ?
sigmas Pb : sigmas Al;
    std::tuple<double, double, double> particle sigma =
(interpolation_for_single_particle(group, E, sigma));
    sigma_sum = sum_components(particle_sigma);
    p = statistical_weight(particle_sigma, sigma_sum);
    type = interaction_type(p);
    W = p[0].first;
    if (type == "Compton" && W > 1.0e-11) {
        double x_det, y_det, z_det;
        for (int i = 0; i < detectors.size(); i++) {</pre>
            coordinates_from_tuple(x_det, y_det, z_det, detectors[i]);
            coord tau = vector_creation(particle_coordinate, detectors[i]);
            double distance = abs_components(tau);
            if (z_det <= down_cyl_height) {</pre>
                if (environment == down_cyl_matter) {
```

```
groups_in_detector.at(i).emplace_back(group);
                    double contribution = (density_estimation(W,
std::get<0>(sigma[group]), std::get<0>(sigma[group+1]),
                                                                group, i,
distance, particle_sigma));
                    particle_eta[i].emplace_back(std::make_pair(E,
contribution));
            } else { // Only outside particles.
                if (environment == up_cyl_matter) {
                    if (E == E_0) continue;
                    groups_in_detector.at(i).emplace_back(group);
                    double contribution = density_estimation(W,
std::get<0>(sigma[group]), std::get<0>(sigma[group+1]),
                                                               group, i,
distance, particle_sigma);
                    particle_eta[i].emplace_back(std::make_pair(E,
contribution));
                }
            }
    } else E = 0;
}
//The function returns energy steps for every particle.
std::array<std::vector<coord>, N> interactions (std::vector<coord>& points) {
    std::vector<std::pair<double, std::string>> p_air, p_Al;
    std::vector<std::tuple<double, double, double>> sigmas;
    std::vector<double> Energy;
    std::array<std::vector<coord>, N> interaction_points;
    double sigma_2_air_sum = sum_components(sigmas_air[sigmas_air.size()-1]);
    double x, y, z, alpha, E, sigma_sum, cos_ab;
    for (int i = 0; i < points.size(); i++) {</pre>
        double h = (down_cyl_matter == "Pb") ? h_Pb : h_Al; //we have to
create an statement dor air!
        interaction_points.at(i).emplace_back(points[i]);
        alpha = E_0 / E_e;
        std::string type;
        double W = 1.0;
        bool flag = false;
        coord A, C, B;
        longDoubleTuple direction;
        do {
            if (flag == 1) {
                E = alpha * E_e;
                Energy.emplace_back(E);
                interaction_points.at(i).emplace_back(B);
                if (std::pow(x, 2) + std::pow(y, 2) \le R_sarcophagus \&\& z >=
0 && z <= down_cyl_height)</pre>
                    flow_detection(sigma_sum, p_air, type, E,
down_cyl_matter, B, W, h);
                else if (std::pow(x, 2) + std::pow(y, 2) \le R_sarcophagus \&\&
z >= down_cyl_height && z <= h_Pb+h_Al) {
                    flow_detection(sigma_sum, p_Al, type, E, up_cyl_matter,
B, W, h);
                    } else
                        flow_detection(sigma_sum, p_Al, type, E, "air", B, W,
h);
                direction = std::move(beam_direction(sigma_sum));
                C = definition_of_interaction_points(B, direction);
```

```
coordinates_from_tuple(x, y, z, C);
                cos_ab = cos_t(A, B, C);
                A = B;
                B = C;
                alpha /= 1 + (1 - cos_ab)*alpha;
            } else {
                A = points[i];
                direction = std::move(beam_direction(sigma_2_air_sum));
                B = definition_of_interaction_points(A, direction);
                for (int j = 0; j < detectors_number; j++) {</pre>
                    double x_det, y_det, z_det;
                    coordinates_from_tuple(x_det, y_det, z_det,
detectors[j]);
                    coord tau = vector_creation(A, detectors[j]);
                    double distance = abs_components(tau);
                    if (z_det < h) { // Just for born including.</pre>
                         sigmas = (down_cyl_matter == "Pb") ? sigmas_Pb :
sigmas_Al;
                        double contribution = (density_estimation(W,
std::get<0>(sigmas[sigmas.size() - 2]),
std::get<0>(sigmas[sigmas.size() - 1]),
number_of_energy_groups - 1, j, distance,
sigmas[sigmas.size() - 1]));
                        particle_eta[j].emplace_back(std::make_pair(E_0,
contribution));
                    }
                flag = true;
            if (std::isnan(alpha)) break;
            coordinates_from_tuple(x, y, z, B);
            std::cout << std::endl;</pre>
        } while (type.empty() == 1 || type == "Compton" && E > E_min);
        Energies.at(i) = Energy;
        std::cout << std::endl;</pre>
    }
    return interaction_points;
}
//The function plots the trajectories of particles. So it not fast, so you
can comment it in main().
void plot(std::array<std::vector<coord>, N>& points, double R_cylinder) {
    std::string R = std::to_string(R_cylinder);
    std::string height = std::to_string(down_cyl_height);
    FILE *gp = popen("gnuplot -persist", "w");
    if (!gp)
        throw std::runtime_error("Error opening pipe to GNUplot.");
    std::vector<std::string> stuff = {"set term pdf"
                                       "set output \'" + PATH + "Hedgehog" +
down_cyl_matter + ".pdf\'",
                                       //"set term pop",
                                       "set multiplot",
                                       "set grid xtics ytics ztics",
                                       "set xrange [-35:35]",
                                       "set yrange [-35:35]",
                                       "set zrange [0:14]",
```

```
"set key off",
                                        "set ticslevel 0"
                                        "set border 4095"
                                        "splot \'" + PATH + "detectors\' u
1:2:3 lw 3 lt rgb 'black'",
                                        "set parametric",
                                        "set urange [0:2*pi]",
                                        "set vrange [0:" + height + "]",
                                        "splot " + R + "*cos(u)," + R +
"*sin(u),v lw 1 lt rgb \'black\' title \'Pb-cylinder\'"
                                        "set vrange [" + height + ":13]",
                                        "splot " + R + "*cos(u)," + R +
"*sin(u),v lw 1 lt rgb \'orange\' title \'Al-cylinder\'"
                                        "unset parametric",
                                        "splot '-' u 1:2:3 w lines"};
    for (const auto& it : stuff)
        fprintf(gp, "%s\n", it.c_str());
    double x, y, z;
    for (int i = 0; i < N; i++) {
        for (int j = 0; j < points[i].size(); j++) {</pre>
            coordinates_from_tuple(x, y, z, points[i][j]);
std::cout << x << '\t' << y << '\t' << z << std::endl;</pre>
            fprintf(gp, "%f\t%f\t%f\n", x, y, z);
        }
        std::cout << std::endl;</pre>
        fprintf(gp, "%c\n%s\n", 'e', "splot '-' u 1:2:3 w lines");
    fprintf(gp, "%c\n", 'q');
    pclose(gp);
}
//Function return the number of energy group for particle.
int energy_group(double& E) {
    for (int i = borders_of_groups.size() - 1; i > 0; i--)
        if (E >= borders_of_groups[i-1] && E <= borders_of_groups[i])</pre>
            return i - 1;
}
namespace std {
    istream& operator >> (istream& in, longDoubleTuple& data) {
        double first, second, third, fourth;
        in >> first >> second >> third >> fourth;
        data = {first, second, third, fourth};
        return in;
    }
    ostream& operator << (ostream& out, const longDoubleTuple& data) {</pre>
        auto [first, second, third, fourth] = data;
        out << first << ' ' << second << ' ' << third << ' ' << fourth << '
١;
        return out;
    }
}
/* Function returns data in std::vector of std::tuple from text file include
the interaction cross section for particle
 * with determined energy in environment. File looks like matrix 3xN. */
std::vector<longDoubleTuple> database_read (std::string name) {
    std::ifstream inFile(name);
    std::vector<longDoubleTuple> tuples_vector;
```

```
copy(std::istream_iterator<longDoubleTuple> {inFile},
         std::istream_iterator<longDoubleTuple> {},
         back_inserter(tuples_vector));
    //copy(tuples_vector.begin(), tuples_vector.end(),
    return tuples_vector;
//Function returns database received via linear interpolation. It will be
useful for presentation of results.
std::vector<std::tuple<double, double, double>> interpolated_database
(std::vector<longDoubleTuple>& default_database) {
    std::vector<std::tuple<double, double, double>> new_data;
    int i, j, k;
    for (j = 0; j < default_database.size(); j++)
        if (std::get<0>(default_database[j]) == borders_of_groups[0])
            k = j;
    i = 0;
    j = k;
    double 1b E, 1b Compton, 1b ph, 1b pp, rb E, rb Compton, rb ph, rb pp,
Compton, ph, pp;
    while (j < default_database.size()) {</pre>
        if (std::get<0>(default_database[j + 1]) -
std::get<0>(default_database[j]) == group_range) {
new_data.emplace_back(std::make_tuple(std::qet<1>(default_database[j]),
std::get<2>(default_database[j]),
std::get<3>(default_database[j])));
            j++;
            i = (k == 0) ? j : j - k;
            continue;
        lb_E = std::get<0>(default_database[j]);
        lb_Compton = std::get<1>(default_database[j]);
        lb_ph = std::get<2>(default_database[j]);
        lb_pp = std::get<3>(default_database[j]);
        rb_E = std::get<0>(default_database[j+1]);
        rb_Compton = std::get<1>(default_database[j+1]);
        rb_ph = std::get<2>(default_database[j+1]);
        rb_pp = std::get<3>(default_database[j+1]);
        do {
            Compton = linear_interpolation(lb_E, lb_Compton, rb_E,
rb_Compton, borders_of_groups[i]);
            ph = linear_interpolation(lb_E, lb_ph, rb_E, rb_ph,
borders_of_groups[i]);
            pp = linear_interpolation(lb_E, lb_pp, rb_E, rb_pp,
borders_of_groups[i]);
            new_data.emplace_back(std::make_tuple(Compton, ph, pp));
        } while (borders_of_groups[i] < rb_E && i <</pre>
borders_of_groups.size());
        j++;
    return new_data;
}
```

//The group determines by left border. The function returns interpolated interaction cross sections for single particle.

```
std::tuple<double, double, double> interpolation_for_single_particle (int&
group, double& E,
std::vector<std::tuple<double, double, double>>& sigmas) {
    double lb_E = borders_of_groups[group];
    double lb_Compton = std::get<0>(sigmas[group]);
   double lb_ph = std::get<1>(sigmas[group]);
   double lb_pp = std::get<2>(sigmas[group]);
   double rb_E = borders_of_groups[group+1];
   double rb_Compton = std::get<0>(sigmas[group+1]);
    double rb_ph = std::get<1>(sigmas[group+1]);
    double rb_pp = std::get<2>(sigmas[group+1]);
    double Compton = Compton = linear_interpolation(lb_E, lb_Compton, rb_E,
rb_Compton, E);
    double ph = linear_interpolation(lb_E, lb_ph, rb_E, rb_ph, E);
    double pp = linear_interpolation(lb_E, lb_pp, rb_E, rb_pp, E);
    return std::make_tuple(Compton, ph, pp);
}
void interpolation_plot(std::string matter, std::vector<double>& E,
                       std::vector<std::tuple<double, double, double>>&
sigmas) {
    std::string data_location = PATH + matter;
    FILE *gp = popen("gnuplot -persist", "w");
    <u>if</u> (!gp)
        throw std::runtime_error("Error opening pipe to GNUplot.");
    Sections for " + matter + ".svg\'",
                                     "set grid xtics ytics",
                                     "set title \'Photon Cross Sections for
" + matter + "\'",
                                     "plot \'" + data_location + "\' u 1:2 w
lines ti \'Compton Scattering\',\'"
                                     + data_location + "\' u 1:2 lw 1 lt rgb
'black' ti \'Compton Scattering nodes\
                                     + data_location + "\' u 1:3 w lines ti
\'Photoelectric\',\'"
                                     + data_location + "\' u 1:3 lw 1 lt rgb
'black' ti \'Photoelectric nodes\',\'"
                                     + data_location + "\' u 1:4 w lines ti
\'Pair Production\',\'"
                                     + data_location + "\' u 1:4 lw 1 lt rgb
'black' ti \'Pair Production nodes\'",
                                     "set xlabel \'Energy, eV\'",
                                     "set vlabel \'Cross sections.
cm^2/a\'",
                                     "set terminal wxt",
                                     "set output",
                                     "replot", "q"};
    for (const auto& it : stuff)
        fprintf(gp, "%s\n", it.c_str());
    pclose(gp);
}
void data_file_creation (std::string DataType, std::vector<double>& xx,
std::vector<coord>& yy) {
    //For reading created files via Matlab use command: M =
dlmread('/PATH/file'); xi = M(:,i);
    std::ofstream fout;
```

```
DataType = PATH + DataType;
    fout.open(DataType);
    for(int i = 0; i < xx.size(); i++)</pre>
        fout << xx[i] << '\t' << std::get<0>(yy[i]) << '\t' <<
std::get<1>(yy[i])
             << '\t' << std::get<2>(yy[i]) << '\t' << std::endl;
    fout.close();
}
//Just a function for returning the terminal output.
std::string exec (std::string str) {
    const char* cmd = str.c_str();
    std::array<char, 128> buffer;
    std::string result;
    std::unique_ptr<FILE, decltype(&pclose)> pipe(popen(cmd, "r"), pclose);
    if (!pipe) throw std::runtime_error("popen() failed!");
    while (fgets(buffer.data(), buffer.size(), pipe.get()) != nullptr)
        result += buffer.data();
    result = result.substr(0, result.length()-1);
    return result;
/* When you use cmake, files located in "cmake-build-debug",
 * when you use smth like "g++ -o %project_name main.cpp",
* files located in root-directory of project.
* So this function allows store files in root-directory of project
* in both cases described. */
void path_def (std::string& path) {
    if (path.find("cmake-build-debug") != std::string::npos)
       path += "/../";
        path += '/';
}
//Function returns number of particles of every group for every detector.
std::vector<std::pair<int, int>>> detector_readings () {
    std::vector<std::vector<std::pair<int, int>>> ans (detectors_number);
    for (int i = 0; i < detectors_number; i++) {</pre>
        std::vector<std::pair<int, int>> data (number_of_energy_groups);
        for (int j = 0; j < number_of_energy_groups; j++) {</pre>
            data.at(j).first = j;
            data.at(j).second = 0;
            for (int k = 0; k < groups_in_detector[i].size(); k++)</pre>
                if (groups_in_detector[i][k] == j)
                    data.at(j).second++;
        ans.at(i) = data;
    }
    return ans;
}
void detector_statistics_plot (std::string data, std::string& title) {
    data = PATH + data;
    FILE *gp = popen("gnuplot -persist", "w");
        throw std::runtime_error("Error opening pipe to GNUplot.");
    std::vector<std::string> stuff = {"set term svg"
                                       "set output \\'" + data + ".svg\'",
                                       "set key off",
                                       "set grid xtics ytics",
```

```
"set xlabel \'Number of group\'",
                                                                                "set ylabel \'Contributed particles
count\'",
                                                                                "set title \'" + title + "\'",
                                                                           //"set yrange [0:" + std::to_string(N) +
                                                                                "set xrange [0:" +
std::to_string(number_of_energy_groups) + "]",
                                                                                 'set ar{	extsf{b}}oxwidth 0.5",
                                                                                "set style fill solid",
                                                                                "plot \'" + data + "\' using 1:2 with
boxes",
                                                                                "set terminal pop",
                                                                                "set output",
                                                                                "replot", "q"};
        for (const auto& it : stuff)
                fprintf(gp, "%s\n", it.c_str());
        pclose(gp);
}
//We have Energies for every particle and coordinates of intersection there.
std::vector<std::vector<std::pair<int, double>>> flow_through_detector
(std::array<std::vector<coord>, N>& interactions) {
        std::vector<std::pair<int, double>>> ans (N);
        std::vector<std::vector<double>> eta_sum (N); //Consists sum for every
        std::vector<int> number_of_contributed_particles;
        for (int i = 0; i < eta.size(); i++) {</pre>
                 int contributed_particles = 0
                 for (int j = 0; j < eta[i].size(); j++) {</pre>
                         contributed_particles += eta[i][j].size();
                         double sum_of_elems = 0;
                         std::for\_each(eta.at(i).at(j).begin(), eta.at(i).at(j).end(), [\&]
(double n) { sum_of_elems += (std::isnan(n)) ? 0 : n; });
                         eta_sum.at(i).emplace_back(sum_of_elems);
                number_of_contributed_particles.emplace_back(contributed_particles);
        for (int i = 0; i < detectors_number; i ++) {</pre>
                double sum = 0;
                for (int j = 0; j < eta_sum[i].size(); j++) {</pre>
                         sum += (std::isnan(eta_sum[i][j])) ? 0 : eta_sum[i][j];
                         ans.at(i).emplace_back(std::make_pair(j, eta_sum[i][j]));
                double x, y, z;
                \label{eq:coordinates_from_tuple} $$ coordinates_from_tuple(x, y, z, detectors[i]); $$ std::cout << "Average flow trough (" << x << ", " << y << ", " << z << z << ", " << x << ", " << x << z << ", " << x << ", " << z << z << ", " << x << ", " << x << z << ", " << x <> " << ", " << x <> " << x << ", " << x <> " << ", " <<
<< "):\t"
                                     << sum / number_of_contributed_particles[i] << std::endl;</pre>
        return ans;
void detector_plot (std::string data, std::string title) {
        data = PATH + data;
        FILE *gp = popen("gnuplot -persist", "w");
        <u>if</u> (!gp)
                 throw std::runtime_error("Error opening pipe to GNUplot.");
        std::vector<std::string> stuff = {"set term svg"
                                                                                "set output \'" + data + ".svg\'",
```