## Задача 10-5

## Оксиды азота и равновесия

1. Оксид азота NO<sub>2</sub> находится в равновесии со своим димером:

$$N_2O_4(\Gamma) \rightleftarrows 2NO_2(\Gamma)$$
.

**Выразите** степень диссоциации ( $\alpha$ ) оксида  $N_2O_4$  через общее давление (P) в реакторе и константу равновесия этой реакции, выраженную через давления ( $K_P$ ).

Как изменятся константа равновесия и степень диссоциации при увеличении давления? Как изменятся константа равновесия и степень диссоциации при увеличении температуры? Объясните свой ответ в каждом случае.

2. Константа равновесия реакции

$$N_2O_4(\Gamma) \rightleftarrows 2NO_2(\Gamma)$$

при 25 °C равна  $K_p = 0,142$ .

Примечание: При расчёте констант равновесия  $K_P$  давления газов следует выражать в барах (1 бар =  $10^5$  Па).

В вакуумированный сосуд объёмом 5 л поместили 4,6 г  $N_2O_4$  и выдержали при 25 °C до установления равновесия.

<u>Рассчитайте</u> степень диссоциации  $N_2O_4$ , состав смеси газов в сосуде (в мольных долях), парциальные давления газов и общее давление (в бар), среднюю молярную массу и плотность смеси. Газы считайте идеальными.

**3.** Оксид азота  $N_2O_3$  в газовой фазе подвергается термической диссоциации по реакции

$$N_2O_3(\Gamma) \rightleftarrows NO(\Gamma) + NO_2(\Gamma)$$
.

В свою очередь, образующийся в этой реакции оксид азота  $NO_2$  димеризуется с образованием  $N_2O_4$ :

$$2NO_2(\Gamma) \rightleftarrows N_2O_4(\Gamma)$$
.

При температуре 33 °C константа равновесия первой реакции равна  $K_{P1} = 3.0$ .

В вакуумированный реактор объёмом 1,25 л поместили 15,7 г чистого оксида  $N_2O_3$ , нагрели до 33 °C и дождались установления равновесия. Равновесное давление NO оказалось равно 3,5 бар.

<u>Рассчитайте</u> равновесные парциальные давления всех газов (в бар) и общее равновесное давление газов в реакторе, а также константу равновесия второй реакции  $K_{P2}$ . Считайте все газы идеальными.

## Решение задачи 10-5 (авторы: Каргов С.И.)

1.

$$N_2O_4(\Gamma) = 2NO_2(\Gamma)$$

0

Исходное количество: 1

Равновесное количество:  $1-\alpha$  2 $\alpha$  Всего моль:  $1+\alpha$ 

Равновесная мольная доля:  $\frac{1-\alpha}{1+\alpha}$   $\frac{2\alpha}{1+\alpha}$ 

Равновесное давление:  $\frac{1-\alpha}{1+\alpha} \cdot P$   $\frac{2\alpha}{1+\alpha} \cdot P$  P – общее давление.

$$K_P = \frac{P^2(\text{NO}_2)}{P(\text{N}_2\text{O}_4)} = \frac{4\alpha^2 P}{(1-\alpha)(1+\alpha)} = \frac{4\alpha^2 P}{1-\alpha^2}.$$

Отсюда

$$\alpha = \left(\frac{K_P}{K_P + 4P}\right)^{0.5}.$$

Константа равновесия не зависит от давления, поэтому не изменится. Степень диссоциации при увеличении давления уменьшится в соответствии с принципом Ле Шателье (т. к. количество газов слева меньше, чем справа).

Разрыв связи в молекуле  $N_2O_4$  — эндотермическая реакция, поэтому константа равновесия и степень диссоциации при увеличении температуры увеличатся в соответствии с принципом Ле Шателье.

2.

$$N_2O_4(\Gamma) = 2NO_2(\Gamma)$$

Исходное количество: n = 0

Равновесное количество:  $n(1-\alpha)$   $2n\alpha$  Всего моль: $n(1+\alpha)$ 

Равновесная мольная доля:  $\frac{1-\alpha}{1+\alpha}$   $\frac{2\alpha}{1+\alpha}$ 

Равновесное давление:  $\frac{1-\alpha}{1+\alpha} \cdot P = \frac{2\alpha}{1+\alpha} \cdot P$  P – общее давление.

n = 4,6 / 92 = 0,05 моль.

$$K_P = \frac{P^2(NO_2)}{P(N_2O_4)} = \frac{4\alpha^2 P}{(1-\alpha)(1+\alpha)}.$$

Общее давление  $P = \frac{n(1+\alpha)RT}{V}$ . Тогда

$$K_P = \frac{4\alpha^2 nRT}{(1-\alpha)V}$$

Подставляем величины в системе СИ (1 бар =  $10^5$  Па,  $5 \pi$  =  $0.005 \text{ м}^3$ ):

$$0.142 \cdot 100000 = \frac{4 \cdot \alpha^2 \cdot 0.05 \cdot 8.31 \cdot 298}{(1 - \alpha) \cdot 0.005},$$

откуда  $\alpha = 0.314$ .

Примечание: можно не переводить л в  $м^3$ , если давление подставить в кПа (1 бар = 100 кПа):

$$0.142 \cdot 100 = \frac{4 \cdot \alpha^2 \cdot 0.05 \cdot 8.31 \cdot 298}{(1 - \alpha) \cdot 5}.$$

Общее давление:

$$P = \frac{n(1+\alpha)RT}{V} = \frac{0.05 \cdot (1+0.314) \cdot 8.31 \cdot 298}{5} \approx 32,5 \text{ к}$$
 па = 0,325 бар

Мольные доли газов:

$$x(N_2O_4) = \frac{1-\alpha}{1+\alpha} = 0,523, x(NO_2) = \frac{2\alpha}{1+\alpha} = 0,477.$$

Парциальные давления газов:

$$P(N_2O_4) = 0.523 \cdot P = 0.170 \text{ fap}, P(NO_2) = 0.477 \cdot P = 0.155 \text{ fap}.$$

Средняя молярная масса смеси:

$$M = 0.523 \cdot 92 + 0.477 \cdot 46 = 70.0$$
 г/моль.

Плотность смеси:  $\rho = 4.6 \ \Gamma / 5 \ \pi = 0.92 \ \Gamma / \pi$ .

**3.** Давление N<sub>2</sub>O<sub>3</sub> (г) в отсутствие диссоциации было бы равно:

$$P_0 = \frac{mRT}{MV} = \frac{15.7 \cdot 8.31 \cdot 306}{76 \cdot 1.25} = 420$$
 κΠa = 4,2 бap.

Парциальные давления газов после установления равновесия:

$$N_2O_3(\Gamma) \rightleftarrows NO(\Gamma) + NO_2(\Gamma).$$
  
 $4,2-x x x-y$   
 $2NO_2(\Gamma) \rightleftarrows N_2O_4(\Gamma).$   
 $x-y 0,5y$ 

По условию P(NO) = 3,5 бар.

Константа равновесия первой реакции

$$K_{P1} = \frac{P(\text{NO}) \cdot P(\text{NO}_2)}{P(\text{N}_2\text{O}_3)} = \frac{x \cdot (x - y)}{4.2 - x}$$
$$3.0 = \frac{x \cdot (x - y)}{4.2 - x} = \frac{3.5 \cdot (3.5 - y)}{4.2 - 3.5},$$

откуда y = 2,9 бар.

Равновесные давления газов:

$$P(N_2O_3) = 4,2 - x = 0,7 \text{ fap},$$
  
 $P(NO_2) = x - y = 0,6 \text{ fap},$   
 $P(N_2O_4) = 0,5y = 1,45 \text{ fap}.$ 

Общее давление газов:

$$P(\text{общ}) = P(\text{N}_2\text{O}_3) + P(\text{NO}) + P(\text{NO}_2) + P(\text{N}_2\text{O}_4) = 6,25 \text{ бар.}$$

Константа равновесия второй реакции:

$$K_{P2} = \frac{P(N_2O_4)}{P^2(NO_2)} = \frac{1.45}{0.6^2} = 4.0.$$

## Система оценивания:

1	За правильное выражение α	4 балла
	Зависимость $K_p$ и $\alpha$ от $P$ : за правильный ответ с	1 балл
	объяснением $2 \cdot 0.5 = 1$ балл, без объяснения 0	
	баллов	
	Зависимость $K_p$ и $\alpha$ от $T$ : за правильный ответ с	1 балл
	объяснением $2 \cdot 0.5 = 1$ балл, без объяснения 0	
	баллов	
	Всего за п. 1	6 баллов
2	За правильный расчёт α	3 балла
	За правильный расчёт общего давления	1 балл
	За правильный расчёт парциальных давлений 1 + 1	2 балла
	балл	
	За правильный расчёт средней молярной массы	1 балл
	За правильный расчёт плотности смеси	1 балл
	Всего за п. 2	8 баллов
3	За правильный расчёт парциальных давлений трёх	3 балла
	газов по 1 баллу	
	За правильный расчёт общего давления	1 балл
	За правильный расчёт константы равновесия	2 балла
	Всего за п. 3	6 баллов
	Итого:	20 баллов