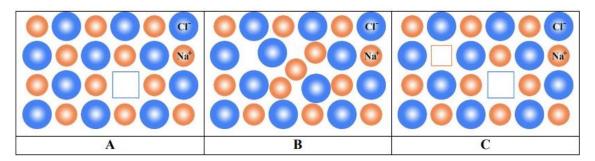
Задача 6.

Кристаллохимия — наука о кристаллических структурах веществ и о том, как связаны особенности кристаллической структуры вещества с его химическими и физическими свойствами. Обычно кристаллохимия имеет дело с идеальными кристаллическими структурами, в которых каждая позиция занята правильным атомом или ионом. Однако такое состояние возможно лишь при температуре, равной 0 К, поэтому в реальности мы почти всегда имеем дело не с идеальными кристаллами, а с дефектными, хотя эти дефекты и бывают незаметны. Внутренними дефектами называют дефекты, которые возникают в чистых веществах в отсутствие примесей.

Выделяют три основных типа внутренних дефектов:

- Дефект Шоттки, при котором в позициях, соответствующих катионам и анионам, отсутствуют атомы, причём для стехиометрии A_mB_n на каждые n отсутствующих атомов B приходятся m отсутствующих атомов A.
- Дефект Френкеля, при котором атом занимает одну из пустот кристалла, оставляя узел решётки свободным.
- **F-центр**, который возникает, если электрон оказывается локализован в одной из позиций атома в кристаллической решётке («F» от немецкого *Farbe* цвет).
- 1. На рисунке ниже изображены три типа дефектов решётки NaCl (в одном слое). Соотнесите изображения дефектов с их названиями.



2. Влияют ли дефекты Френкеля и Шоттки и F-центры на стехиометрию вещества?

Чтобы определять наличие и концентрацию дефектов используют разнообразные спектральные и дифракционные методы анализа. Так, для определения концентрации F-центров очень мощным методом является спектроскопия электронного парамагнитного резонанса (ЭПР). Она основывается на том, что в достаточно сильном магнитном поле неспаренные электроны могут находиться на двух энергетических уровнях: более выгодном по энергии, при котором спин электрона параллелен вектору магнитного поля, создаваемого прибором, и менее выгодном, при котором спин электрона антипараллелен вектору магнитного поля. По интенсивности сигнала в спектре ЭПР образца можно судить о количестве неспаренных электронов в нём.

3. Какие из следующих чистых веществ ($CuSO_4 \cdot 5H_2O$, $CrCl_3$, $Cr_2(CH_3COO)_4$, $KMnO_4$, $CdCl_2$, $V(CO)_6$) можно обнаружить методом ЭПР?

Образец NaCl в течение 10 часов облучали рентгеновским излучением с энергией 50 кэВ. По результатам исследования полученного образца с помощью метода спектроскопии ЭПР концентрация F-центров составила $10^{18}~{\rm cm}^{-3}$.

- 4. Приведите уравнения процессов, протекающих при облучении NaCl и приводящих к образованию F-центров.
- 5. Формулу облучённого хлорида натрия можно записать в общем виде как Na_xCl . Рассчитайте величину x (либо её отклонение от целочисленного значения), если известно, что плотность NaCl равна 2,165 $r \cdot cm^{-3}$.
- 6. Обычные электронные аналитические весы имеют предел взвешивания 80 г и дискретность измерения массы 0,1 мг. Возможно ли с помощью этих весов по изменению массы найти концентрацию F-центров в описанном выше образце NaCl? Если да, то чему будет равна минимальная абсолютная погрешность величины x?
- 7. Каким ещё способом можно получить хлорид натрия с F-центрами?

Решение

- 1. На изображении **A** нет только аниона, но электронейтральность кристалла нужно как-то сохранять, поэтому на его месте останется электрон, а значит, что это F-центр. На изображении **B** и анион, и катион присутствуют, однако катион находится не в своей позиции, а в междоузлии, поэтому это дефект Френкеля. На изображении **C** отсутствуют как анион, так и катион, поэтому это дефект Шоттки. Итого: **A** F-центр, **B** дефект Френкеля, **C** дефект Шоттки.
- 2. Дефекты Френкеля **не влияют**, так как общее число атомов в решетке остаётся таким же, как и в случае идеального кристалла и стехиометрия сохраняется. Дефекты Шоттки **не влияют**, так как при удалении из решетки атомов в стехиометрическом соотношении стехиометрическое соотношение в дефектном кристалле сохраняется. F-центры **влияют**, так как их образование вызвано потерей одного типа атомов/ионов, однако другой тип сохраняется, что приводит к нарушению стехиометрии.
- 3. В медном купоросе содержится атом меди с конфигурацией d^9 , что соответствует четырем парам электронов и одному неспаренному электрону, а значит его можно наблюдать в спектре ЭПР, хлорид хрома (III) имеет конфигурацию атома хрома d^3 , поэтому хотя бы один из трёх электронов будет неспаренным и CrCl₃ мы тоже увидим в спектре ЭПР. Cr₂(CH₃COO)₄ существует в виде димера, в котором все d-электроны хрома спарены и образуют связь Cr-Cr. Соединение в итоге диамагнитно и не проявляется в спектре ЭПР. В перманганате калия все атомы обладают устойчивой оболочкой идеальных газов, поэтому неспаренных электронов нет и соединение диамагнитно, а значит оно не проявляется в спектре ЭПР. В хлориде кадмия конфигурация 4d-подуровня атома кадмия d^{10} , то есть все электроны спарены, а значит, что хлорид кадмия тоже диамагнитен и не появится в спектре ЭПР. В гексакарбониле ванадия 6 молекул СО донируют 12 электронов на орбитали ванадия, у которого изначально было 5 валентных электронов. В итоге на валентном слое у ванадия всего 17 электронов, то есть останется хотя бы один неспаренный, поэтому V(CO)₆ мы увидим в спектре ЭПР.

Итого: $CuSO_4 \cdot 5H_2O - ДА$, $CrCl_3 - ДА$, $Cr_2(CH_3COO)_4 - HET$, $KMnO_4 - HET$, $CdCl_2 - HET$, $V(CO)_6 - ДА$.

4. При облучении высокоэнергетическим электромагнитным излучением происходит ионизация. В кристалле хлорида натрия проще всего ионизировать анион хлора, причём образующийся электрон останется в кристаллической решетке на месте атома хлора:

$$Cl^{-}_{(KPИСТ.)} + hv = Cl^{-}_{(\Gamma.)} + e^{-}_{(KPИСТ.)}$$

Получающиеся атомы хлора затем будут рекомбинировать:

$$2Cl_{(r.)} = Cl_{2(r.)}$$

5. Судя по уравнениям процессов, формулу хлорида натрия можно записать в виде: $Na^+Cl_{1-y}(e^-)_y$. Для упрощения расчёта разумно предположить, что плотность хлорида натрия осталась примерно такой же, то есть, если объем хлорида натрия равен 1 см³, то

$$u_{NaCl} = \frac{m_{NaCl}}{M_{NaCl}} = \frac{V_{NaCl} \rho_{NaCl}}{M_{NaCl}} = \frac{1 \text{ cm}^3 \cdot 2.165 \frac{\Gamma}{\text{см}^3}}{58.44 \frac{\Gamma}{\text{моль}}} = 0.037 \text{ моль}$$

При этом на каждый F-центр приходится один электрон, то есть

$$u_{e^-} = \frac{N_F}{N_A} = 1.66 \cdot 10^{-6}$$
моль

И тогда у можно найти как отношение количества электронов к количеству атомов натрия:

$$y = \frac{\nu_{e^-}}{\nu_{NaCl}} = \frac{1.66 \cdot 10^{-6} \text{ моль}}{0.037 \text{ моль}} = 4.5 \cdot 10^{-5}$$

6. Если изначально взять максимально возможную навеску NaCl, то

$$u_{NaCl} = \frac{80 \text{ г}}{58.44 \frac{\Gamma}{\text{моль}}} = 1.369 \text{ моль, } \nu_{e^-} = 1.369 \text{ моль} \cdot 4.5 \cdot 10^{-5} = 6.16 \cdot 10^{-5} \text{моль} = \Delta \nu_{Cl}$$

$$\Delta m_{Cl} = \Delta \nu_{Cl} \cdot M_{Cl} \approx 2.2 \cdot 10^{-3} \text{ г}$$

Полученное значение изменения массы хлора и будет разностью между массами образца до и после облучения. Эта разность масс существенно выше, чем дискретность весов, поэтому в целом рассчитать x для образца из измерений масс возможно. Чтобы найти абсолютную погрешность для x, достаточно пересчитать x для изменения массы, равного 0.1 мг:

$$\Delta x \approx \Delta y = \frac{\Delta \Delta \nu_{Cl}}{\nu_{NaCl}} = \frac{\Delta m}{M_{Cl} \cdot \nu_{NaCl}} = \frac{10^{-4} \text{г}}{35.45 \frac{\Gamma}{\text{моль}} \cdot 1.369 \text{ моль}} \approx 2 \cdot 10^{-6}$$

(относительная погрешность относительно отклонения от единицы оказалась равна 4.4%, что неплохо)

 Хлорид натрия с F-центрами можно также получить реакцией хлорида натрия с кипящим натрием. Натрий при этом ионизируется и образующиеся заряженные частицы входят в структуру кристалла:

$$Na_{(\kappa)} = Na^{+}_{(\kappa p \mu c \tau.)} + e^{-}_{(\kappa p \mu c \tau.)}$$

Критерии оценивания

- По 1 баллу за правильно соотнесенный тип дефекта (итого 3).
- 2. По **1 баллу** за правильный ответ про стехиометрию (**итого 3**) [если участник ответил «влияют» без привязки к конкретному типу дефекта, то ответ оценивается в 1 балл, если участник ответил «не влияют» без без привязки к конкретному типу дефекта, то ответ оценивается в 2 балла].
- 3. По **0,5 балла** за каждый правильный ответ про ЭПР (**итого 3**) [если участник указал соединения без явного пояснения, можно или нельзя их определить с помощью ЭПР, то этим соединениям соотносится ответ ДА, а всем неуказанным НЕТ и оценка выставляется, исходя из правильности этих ответов].
- 4. 1 балл за приведенное уравнение ионизации иона хлора.
- 5. **4 балла** за правильно рассчитанную величину х [если отклонение такое же по модулю, но противоположное по знаку, то пункт оценивается тремя баллами].
- 6. **2 балла** за обоснованный ответ про возможность определения х из весового эксперимента, **2 балла** за расчёт абсолютной погрешности (**итого 4**) [в первой части пункта 1 балл выставляется за предположение, что масса хлорида натрия равна 80 г, 1 балл за верный расчёт изменения массы хлора. Если вместо изменения массы хлора правильно вычислено изменение массы натрия, ставится полный балл. При расчёте погрешности ответы 3,2•10⁻⁶ (если считать, что изменение массы вызвано потерей атомов натрия), 1•10⁻⁶ (если считать, что изменение массы вызвано потерей атомов хлора, а погрешность равна половине дискретности) и 1.6•10⁻⁶ (если считать, что изменение массы вызвано потерей атомов клора, а погрешность равна половине дискретности) оцениваются полным баллом].

7. **2 балла** за реакцию с металлическим натрием [Электролиз и подачу тока через хлорид натрия не оценивают, поскольку поваренная соль в кристаллическом состоянии — диэлектрик и не проводит ток, а в расплавленном состоянии создать дефект невозможно, так как нет определенной кристаллической структуры. Ответ «провести реакцию хлора и натрия с небольшим избытком натрия» оценивается в 1 балл, так как обычно эта реакция протекает между твердым натрием и газообразным хлором, а для получения NaCl с F-центрами необходим газообразный натрий. Использование других типов ионизирующих излучений и ядерных реакций также не оценивается].

Итого 20 баллов.