

# Devoir 5 : Théorie des champs I (PHY 6812)

Prof. W. Witzak-Krempa

**À remettre :** mercredi 14 décembre à 16h00.

**Valeur :** les questions ont le même poids.

**1. Fonctions de corrélation pour QFT scalaire interagissante  $\phi^4$ .**

Calculez  $\langle \Omega | T(\hat{\phi}(x)\hat{\phi}(y)\hat{\phi}(z)) | \Omega \rangle$ , où  $\hat{\phi}(x)$  est dans le point de vue d'Heisenberg.

**2. Fonctions de corrélation pour QFT scalaire interagissante  $\phi^3$ .**

Nous allons travailler avec la QFT de Klein-Gordon augmentée du terme d'interaction suivant

$$\hat{H}_{\text{int}} = \int d^3\mathbf{x} \frac{\lambda}{3!} \hat{\phi}(\mathbf{x})^3 \quad (1)$$

L'énergie classique n'est pas bornée par le bas, mais ne vous inquiétez pas. Nous pourrions ajouter un terme  $\phi^4$  pour rectifier la situation, mais ce ne sera pas nécessaire pour cette question.

a) Déterminez  $\langle 0 | T \left\{ \hat{\phi}_I(x) \hat{\phi}_I(y) \exp \left( -i \int_{-\infty}^{\infty} dt \hat{H}_I(t) \right) \right\} | 0 \rangle$  à l'ordre  $\lambda^2$  inclusivement. Exprimez votre réponse en fonction de  $D_F$ . Donnez les diagrammes de Feynman pour chaque terme.

b) Comme (a), mais pour  $\langle 0 | T \exp \left( -i \int_{-\infty}^{\infty} dt \hat{H}_I(t) \right) | 0 \rangle$ .

c) Calculez  $\langle \Omega | T(\hat{\phi}(x)\hat{\phi}(y)\hat{\phi}(z)) | \Omega \rangle$  à l'ordre  $\lambda$  inclusivement. Ici,  $\hat{\phi}(x)$  est dans le point de vue d'Heisenberg.  $|\Omega\rangle$  est l'état fondamental de l'Hamiltonien complet  $\hat{H} = \hat{H}_0 + \hat{H}_{\text{int}}$ .

**3. Scattering of bosons in  $\phi^4$  theory.**

Work in  $D = 4$  spacetime dimensions. Pour la diffusion  $\phi\phi \rightarrow \phi\phi$ , déterminez l'élément de matrice invariant  $\mathcal{M}$  à l'ordre  $\lambda^2$  inclusivement. Pour évaluer certaines intégrales, il peut s'avérer utile de faire la continuation analytique en fréquences imaginaires :  $q^0 \rightarrow iq_E$ , où  $E$  veut dire Euclidien.