Contrôle TD 2 (45 minutes)

Nom:	Prénom :	Classe:
N.B. : Le barème est sur	r 10. La note sera ramenée à une note sur 20.	
Questions de co	ours (3 points)	
Soit $(a,b) \in \mathbb{Z} \times \mathbb{Z}^*$.		
	n le théorème de la division euclidienne de a par b .	
	•	,
2. On donne l'égalite	$\acute{e}: 1208 = 23 \times 51 + 35.$	
(a) Donner le quo	ptient et le reste de la division euclidienne de 1208 par 2	3 en justifiant votre réponse.
(,		
		£
(b) Donner le quo	tient et le reste de la division euclidienne de -1208 par	51 en justifiant votre réponse.
Exercice 1 (2,5	points)	
En utilisant obligatoirem de $n = 39^{129}$ par 7.	aent le petit théorème de Fermat que vous énoncerez avec	soin, trouver le reste de la division euclidie
		\

lundi 29 novembre 2021

Exercice 2 (3 points)

On considère $a = 2 \times 3^2 \times 5 \times 6$ et $b = 2^4 \times 3^3 \times 7$.

1. Trouver $a \wedge b$ le pgcd de a et de b.

2. Écrire sous forme de facteurs premiers la forme générale d'un diviseur commun (et positif) de a et de b. En déduire le nombre de diviseurs communs (positifs) de a et de b. Expliquer brièvement.

3. Soit $c \in \mathbb{N}^*$ tel que 77 | ac. Montrer avec soin que 77 | c.

Exercice 3 (1,5 points)

Soit $n \in \mathbb{N}^*$. Montrer que la fraction $\frac{n}{2n+1}$ est irréductible.