Année académique 2023-2024

Production d' H_2 par reformage catalytique de CH_4 et captage de CO_2 dans un réacteur.

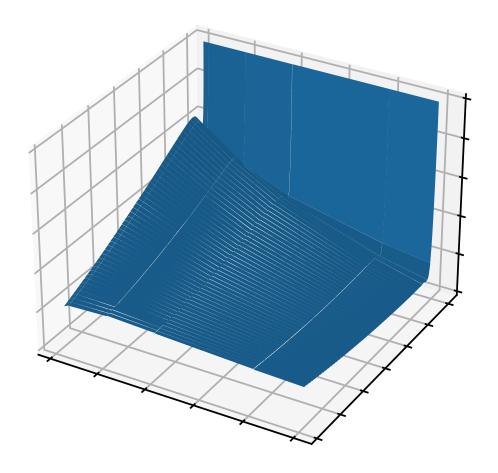




Table des matières

\mathbf{Questi}	on 1	2
1.1	Méthode de la sécante	2
1.2	Méthode de la bissection	2
Questi		3
2.1	Création d'odefunction	3
2.2	Résolution d'équation différentielle	3
Questi	on 3	5
3.1	Modèle sans capture de CO_2	5
3.2	Effet du flux de CaO sur le modèle	5
3.3	Effet du flux des gaz sur le modèles	
3.4	Effet de la composition du gaz d'entrer sur le modèle	
\mathbf{Questi}		7
4.1	Fonction du taux de CO_2 par rapport à us	7
4.2	Recherche d'un us optimal	
4.3	Effet de la température sur le us optimale	7

1.1 Méthode de la sécante

Notre fonction sécante requiert trois arguments nécessaires au bon fonctionnement de la méthode qui sont :

- fun, la fonction dont on recherche les racines,
- -x, un tableau contenant les deux valeurs de x de départ
- tol, la tolérance qui permet de gérer la précision des résultats (la boucle s'arrète lorsque abs(x0-x1)>=tol)

Logiquement nous devons donc compromettrefonction la précision pour limiter les calculs et donc ne pas mettre une tolérance trop faible. Nous avons opté, après une multitude d'essais, pour une valeur de 5×10^{-4} qui nous permet de garder une bonne précision pour un temps d'exécution faible.

Nous avons implémenté la fonction en s'assurant tout d'abord que toutes les conditions initiales soient bonnes et, pour que la fonction n'itère pas à l'infini, nous avons introduit max_i en arguments kwargs avec une valeur par défaut élevée qui restreint la fonction à ne pas faire plus d'itérations que ce nombre tout en laissant une marge afin de ne pas arrêter trop vite l'exécution. Après avoir pris nos précautions, une boucle va itérer tant que l'évaluation de la fonction en x1 est plus petite ou égale à notre tol (nous utilisons la tolérance car il est quasiment impossible que la valeur soit exactement égale à 0 par les méthodes numériques).

Nous avons décidé de séparer le calcul du numérateur et du dénominateur : si le numérateur $y1 \times (x1-x0)$ est égal à 0, x0 et x1 doivent avoir la même valeur du coup la fonction retourne -1 pour indiquer que la fonction ne converge pas. Si le dénominateur y1-y0 est égal à 0, la fonction ne converge pas vu la méthode de la sécante : la droite passe par deux points qui forment une droite parallèle à l'abscisse. La boucle se finira soit par le non-respect de sa condition ou bien si la boucle fait un nombre anormalement grand d'itérations.

1.2 Méthode de la bissection

Les arguments sont les mêmes que dans la méthode de la sécante avec la même tolérance de 5×10^{-4} mais sans introduire max_i car si les conditions initiales sont respectées, la fonction convergera toujours. Nous nous assurons donc que les conditions initiales sont respectées en posant l'hypothèse que la fonctions traitée est continue.

Pour se rapprocher de la racine nous allons itérer pendant k itérations égal à $log_2(\frac{x_1-x_0}{2\times tol})$ comme vu dans le cours. Dans cette boucle, on calcule la moyenne des abscisses des deux points qui sera celle de notre nouveau point. Si la valeur de la fonction en ce point est positive, on remplace x1 (à image positive) par cette moyenne et inversement. Après toutes les itérations, la valeur de xi sera la valeur de notre racine.

2.1 Création d'odefunction

Notre fonction odefunction est une fonction qui reçois trois arguments :

- z, la distance axiale du réacteur
- C0, le tableau avec les valeurs initiales des huit variables d'état : les concentrations initiales en CH_4 , H_2O , H_2 , CO, CO_2 la conversion fractionnaire X, la température T et la pression P
- mode et param, qui nous serviront plus tard

La fonction odefunction calcule la dérivée du tableau $\frac{dC}{dz}$ et retourne ces valeurs. Pour plus de clarté et de flexibilité, les constantes ont été placées dans le fichier constants.py. Certaines constantes sont implémentées sous forme de fonction, cela n'est pas optimisé pour le temps mais nous avons opté pour cette option par soucis de lisibilité et de flexibilité, ce qui nous a aidé pour la question 3.

2.2 Résolution d'équation différentielle

Notre fonction calculConcentrationEuler est une fonction qui suit la méthode d'Euler explicite au premier ordre pour résoudre approximativement l'équation contenue dans odefunction. Cette fonction prend cinq arguments en entrée :

- fun, la fonction à résoudre
- x, un tableau contenant les bornes pour lesquels l'équation doit être résolue
- $-y_0$, les valeurs initiales de la fonction
- step, le pas qui est par défault à 5e-8
- mode et param, qui nous serviront plus tard.

La fonction renvoie une approximation de la résolution de la fonction.

La fonction $solve_ivp$ prend les mêmes arguments que calculConcentrationEuler. Nous avons aussi modifier les valeurs de la tolérance relative rtol et de la taille maximum du pas max_step qui ont tous deux pour but d'augmenter la précision de notre approximation. Nous avons choisi notre rtol égale à 5×10^{-7} et notre max-step égale à 1×10^{-6} , ces valeurs sont les meilleurs compromis que nous avons trouvé entre une précision correcte et une durée d'exécution minimale.

tol	${ m Temps}$	Taux d'erreur
5e-1	$19.7~\mu s$	61.41%
5e-2	$20.9~\mu s$	61.41%
5e-7	$9.32 \ s$	64.52%
5e-8	$1\ min\ 56\ s$	0.98%
5e-9	$20\ min\ 21\ s$	0.01%
5e - 10	$3\ h\ 3\ min$	0.0003%

FIGURE 2.1 – Taux d'erreur par tolérance

Après plusieurs tests, nous pouvons conclure que $solve_ivp$ est beaucoup plus efficace que notre fonction. Notre fonction prend environs (((x minutes))) pour résoudre l'équation tandis que $solve_ivp$ ne prend que (((x secondes))), $solve_ivp$ va donc (((x))) fois plus vite. Ceci est probablement dû au fait que $solve_ivp$ utilise un pas variable mais pas notre fonction. $solve_ivp$ est également beaucoup plus précis puisqu'elle utilise une méthode d'ordre suprérieur. Nous concluons que $solve_ivp$ est beaucoup plus efficace, que ce soit pour le temps d'exécution que pour la précision.

Pour cette question 3, nous avons introduit les arguments optionnels mode et param à odefunction. mode nous permet de tester différentes conditions de notre réacteur. Lorsque mode est à 0, le système fonctionne avec les paramètres de base, lorsqu'il est à 1, le modèle ne prend pas en compote la carbonatation, lorsqu'il est à 2, on remplace us par la valeur de param et lorsqu'il est à 3, on remplace ug par la valeur de param.

3.1 Modèle sans capture de CO_2

Afin de comparer un modèle de réacteur avec et sans capture de CO_2 , nous avons mis le mode de odefunction à 3, soit un modèle sans capture de CO_2 . Pour simuler ceci, nous avons remplacé la conversion fractionnaire (X), le taux de consommation de CO_2 par carbonatation (rcbn) et la vitesse d'entré du CaO dans le réacteur (us) par 0 car ils n'interviennent plus dans le modèle sans capture de CO_2 .

FIGURE 3.2 – Variation des concentrations avec carbonatation

FIGURE 3.3 – Variation des concentrations sans carbonatation

Pour comparer un système avec et sans carbonatation, il est difficile d'utiliser des graphiques car, comme on peut le voir aux figures 3.2 et 3.3, la tendance générale du graphique ne varie pas énormément avec ou sans carbonatation. C'est pour cela que nous allons nous fier aux valeurs finales des concentrations (voir figure 3.4). Donc quand on bloque la capture de CO_2 : le CH_4 , le CO_2 et le CO le augmentent de 14.7%, 12.6% et 6.5% respectivement. Le H_2 et la température diminuent seulement de 0.9% et 0.5% respectivement.

Nom	mode 0	mode 1	Différence
CH_4	$0,00417 \frac{mol}{L}$	$0,00478 \frac{mol}{L}$	+14,7%
H_2	$0,02322 \frac{mol}{L}$	$0,02302 \frac{mol}{L}$	-0.9%
CO	$0,00235 \frac{mol}{L}$	$0,00250 \frac{mol}{L}$	+6.5%
CO_2	$0,00344 \frac{mol}{L}$	$0,00387 \frac{mol}{L}$	+12.6%
T°	920, 23 K	915, 85 K	-0.5%

FIGURE 3.4 – Effet de la carbonatation sur le modèle

3.2 Effet du flux de CaO sur le modèle

Pour analyser l'effet du flux d'entré de CaO, nous avons fait varier la valeur de us à l'aide du mode 2. Nous l'avons fait varié de 0.001 à $0.025~m.s^{-1}$.

(((EXPLIQUER GRAPHIQUES)))

3.3 Effet du flux des gaz sur le modèles

Pour analyser le flux des gaz, nous avons fait varier ug à l'aide du mode 3 en changeant la valeur de 1 à 3 $m.s^{-1}$ avec un pas de 0.5.

(((EXPLIQUER GRAPHIQUES)))

3.4 Effet de la composition du gaz d'entrer sur le modèle

Dans le but de modifier les compositions initiales de gaz, nous avons fait varier le rapport des concentrations initiales en H_2O et CH_4 de 3 à 0.3.

(((EXPLIQUER GRAPHIQUES)))

4.1 Fonction du taux de CO_2 par rapport à us

 $optimise_us$ crée la fonction du pourcentage de CO_2 en sortie par rapport à us, ce qui nous permet de déterminer un us optimal. Cette fonction prend 5 arguments en entrée :

- Y, le pourcentage de CO_2 souhaité à la sortie du réacteur
- -us, la valeur de us
- C0, le tableau des conditions initiales pour odefunction
- mode_ et param1, équivalents du mode et param de odefunction

Cette fonction résout odefunction grâce à $solve_ivp$ et retourne la concentration finale de CO_2 divisé par la somme des concentration finale de CH_4 , H_2 , CO et de CO_2 . Le tout est ensuite soustrait par Y pour corriger le décalage vertical.

4.2 Recherche d'un us optimal

FIGURE
$$4.5 - (((Graph us)))$$

Dans ce cas, nous devons trouvez la valeur optimale de us pour une concentration en CO_2 de 7.5%. On peut voir le résultat de $optimise_us$ sur la figure 4.5 qui représente us-Y en fonction du pourcentage de CO_2 parmis les gaz secs. Notre fonction 'Hybrid' nous renvoit une racine située en x=0.101.

La méthode utilisée pour trouver la racine est une méthode hybride qui est simplement la méthode de la sécante légèrement modifiée : si la sécante ne converge pas dû aux valeurs de la fonction en x0 et x1 égales, alors on s'inspire de la méthode de la bissection pour débloquer la situation. Ce faisant, on bénéficie de la précision accrue de la méthode de la sécante ainsi que sa vitesse bien supérieure a la bissection mais si ladite erreur se produit, on effectue la moyenne de ces deux points et on utilise ce nouveau point pour relancer la fonction sécante.

4.3 Effet de la température sur le us optimale

Le graphique ci-dessous illustre la variation du us optimal en fonction de la température. Il est clair que us dépend de la température, nous le voyons décroitre très rapidement, presque exponentiellement. Donc, plus la température est élevée, plus la vitesse d'entrée optimale des gaz pour un pourcentage de CO_2 donné est petite. (((Graphique manquant)))