

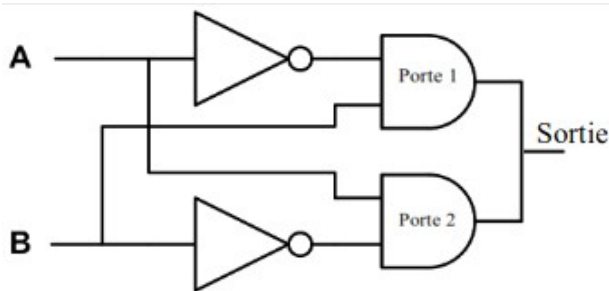
CH1 Exercices d'application

Ex 1 :

- 1) Que renvoient les expressions booléennes suivantes ?
 - a. $5 > 0$ and $-2 > 0$
 - b. $5 > 0$ and $-2 > 0$
 - c. $\text{not}(5 > 0)$
 - d. $\text{not}(-2 > 0)$
- 2) En comparant 2 tables de vérité, montrer que les deux expressions booléennes sont égales : x and $y = \text{not}((\text{not } x) \text{ or } (\text{not } y))$
- 3) Construire la table de vérité de $((\text{not } x) \text{ and } y) \text{ or } (x \text{ and } (\text{not } y))$
 Comment pourrait-on traduire cette fonction booléenne en français ?

Ex 2 :

- 1) Compléter la table de vérité de la porte logique (ou fonction logique) suivante, et donner son expression booléenne.



A	B	\bar{A}	\bar{B}	Porte 1	Porte 2	Sortie
0	0					
0	1					
1	0					
1	1					

- 2) A quoi correspond cette porte « en français » ?
 Donner une expression booléenne pour cette porte

Ex 3 :

Démontrer ou simplifier les expressions booléennes suivantes à l'aide des propriétés des opérateurs booléens :

$$a + \bar{b} \cdot \bar{a} = 1 \quad \overline{a \cdot b + \bar{a} + \bar{b}} = 0 \quad a \cdot (b + c) = a \cdot b \cdot c + a \cdot \bar{b} \cdot c + a \cdot b \cdot \bar{c} \quad \bar{a} \cdot (a + \bar{b}) \cdot (\bar{a} + b) = \bar{a} \cdot \bar{b}$$

$$(b + a \cdot b + c) \cdot (a + \bar{b} + \bar{a} \cdot \bar{c}) = a \cdot b + b \cdot \bar{c} + \bar{b} \cdot c \quad a \cdot \bar{c} + \bar{a} \cdot b \cdot c + a \cdot b = a \cdot \bar{c} + b \cdot c$$

$$A = a \cdot b + a \cdot \bar{b} + \bar{a} \cdot \bar{b} \quad B = \left(\overline{\overline{a+d}} \right) \cdot \left(\overline{a \cdot b + a \cdot \bar{b} \cdot \bar{d}} \right) \quad C = \bar{a} \cdot b \cdot c + a \cdot c + a \cdot \bar{b} \cdot \bar{c} + \bar{a} \cdot \bar{b}$$

Ex 4 : Éclairage d'un escalier

Il s'agit de trouver un circuit logique permettant un éclairage d'un escalier entre trois étages : l'escalier démarre au rez-de-chaussée, arrive au premier étage et aboutit au second étage. Nous voulons un interrupteur à chaque étage et chaque interrupteur doit être capable d'allumer/éteindre l'éclairage de tout l'escalier.

On note respectivement a, b et c les 3 variables booléennes associés aux interrupteurs.

- 1) Écrire la table de vérité de la fonction logique associée à l'éclairage.
- 2) Écrire une première équation logique de cet éclairage.
- 3) En utilisant les règles de distributivité des opérateurs OR et AND, montrer qu'une équation logique simple de l'éclairage est $a + b + c$