# Algoritmos e Estruturas de Dados I

## Variáveis Indexadas

Pedro O.S. Vaz de Melo

# Por que índices são importantes?

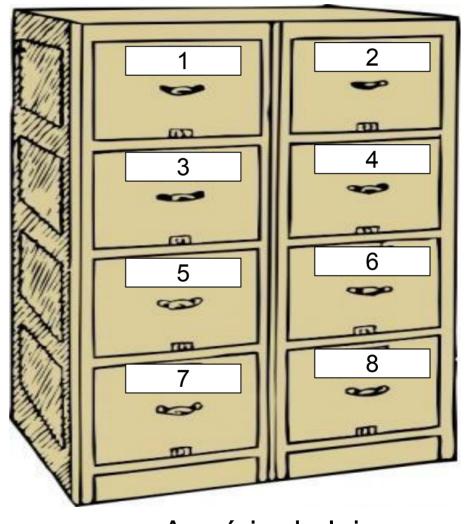
- Como uma loja de sapatos artesanais deve guardar os seus produtos?
- Tamanhos entre 35 e 42
- Produz um par por tamanho, em ordem aleatória
  - Ex: 39, 35, 42, 41, 37, 36, 38, 40



Armário da loja

# Por que índices são importantes?

- Como uma loja de sapatos artesanais deve guardar os seus produtos?
- Tamanhos entre 35 e 42
- Produz um par por tamanho, em ordem aleatória
  - Ex: 39, 35, 42, 41, 37, 36, 38, 40
- Gaveta = tamanho 34



Armário da loja

### Problema 1

- Uma loja pretende simular um dia de suas vendas. Sabe-se que os preços dos produtos vendidos nesta loja variam de R\$5,00 a R\$100,00 e que cada cliente compra apenas um produto.
- O número e o preço de cada produto, o número de clientes e os produtos comprados pelos clientes devem ser gerados aleatoriamente.
- No máximo 200 produtos.
- No máximo 50 clientes.

# Entendendo o problema

 Preciso de uma lista de produtos (max: 200) e de clientes (max: 50)

#### Preços dos produtos

Id Produto	Valor
0	5.99
1	7.04
2	99.99
3	1.99
4	42.50

#### Clientes

Id Cliente
0
1
2
3
4

#### Problema 1

- Uma loja pretende simular um dia de suas vendas. Sabe-se que os preços dos produtos vendidos nesta loja variam de R\$5,00 a R\$100,00 e que <u>cada cliente compra apenas</u> <u>um produto.</u>
- O número e o preço de cada produto, o número de clientes e os produtos comprados pelos clientes devem ser gerados aleatoriamente.
- No máximo 200 produtos.
- No máximo 50 clientes.

# Entendendo o problema

 Preciso de uma lista de produtos (max: 200) e de clientes (max: 50)

#### Preços dos produtos

Id Produto	Valor
0	5.99
1	7.04
2	99.99
3	1.99
4	42.50

#### Clientes

Id Cliente
0
1
2
3
4

# Entendendo o problema

 Preciso de uma lista de produtos (max: 200) e de clientes (max: 50)

#### Preços dos produtos

Valor
5.99
7.04
99.99
1.99
42.50

#### Compras dos clientes

Id Cliente	Id Produto
0	3
1	0
2	45
3	12
4	30

### Codificando o Problema

```
#define MAX PRODUTOS 200
#define MAX CLIENTES 50
pvoid main() {
float precos[MAX PRODUTOS];
int compras[MAX CLIENTES];
```

### Entendendo o Problema

Como popular os vetores precos e compras?

#### Preços dos produtos

Id Produto	Valor
0	5.99
1	7.04
2	99.99
3	1.99
4	42.50

#### Compras dos clientes

Id Cliente	Id Produto
0	3
1	0
2	45
3	12
4	30

### Codificando o Problema

```
//define o numero de produtos da loja
num produtos = 50;
//define o preco de cada produto
for(i=0; i<num produtos; i++) {</pre>
    preco = 9.99;
    precos[i] = preco;
```

### Codificando o Problema

```
//define o numero de clientes que farao compras em um dia
num clientes = 5;
//simula o que cada cliente comprou
for(i=0; i<num clientes; i++) {</pre>
    id produto = 32;
    compras[i] = id produto;
```

### Entendendo o Problema

Como calcular o valor total das compras feitas em um dia?

#### Preços dos produtos

Id Produto	Valor
0	9.99
1	9.99
2	9.99
3	9.99
4	9.99
32	9.99

#### Compras dos clientes

Id Cliente	Id Produto
0	32
1	32
2	32
3	32
4	32

### Codificando o Problema

```
total vendas = 0;
for(i=0; i<num clientes; i++) {</pre>
    int cliente = i;
    id produto = compras[cliente];
    float valor = precos[id produto];
    printf("%3d\t%3d\t%7.2f\n",cliente, id produto, valor);
    total vendas = total vendas + valor;
```

### Codificando o Problema

```
Cliente Produto Valor(R$)
    32 9.99
      32
         9.99
   32
          9.99
 3
   32
          9.99
      32
           9.99
TOTAL DE VENDAS:
                  49.95
```

#### Problema 1

- Uma loja pretende simular um dia de suas vendas. Sabe-se que os preços dos produtos vendidos nesta loja variam de R\$5,00 a R\$100,00 e que cada cliente compra apenas um produto.
- O número e o preço de cada produto, o número de clientes e os produtos comprados pelos clientes devem ser gerados aleatoriamente.
- No máximo 200 produtos.
- No máximo 50 clientes.

# Entendendo o problema

Como gerar números aleatórios???

#### Preços dos produtos

Id Produto	Valor
0	5.99
1	7.04
2	99.99
3	1.99
4	42.50

#### Compras dos clientes

Id Cliente	Id Produto
0	3
1	0
2	45
3	12
4	30

- A linguagem C dispõe da função rand para a geração de um inteiro aleatório no intervalo de 0 até RAND\_MAX (constante definida em stdlib.h).
- Especificamente:  $RAND_MAX = 0x7FFF = 32767$ .
- Para gerar números aleatórios em um intervalo específico podemos escrever uma função:

```
int random(int n)
{
  return (rand()%n;
}

Um inteiro pertencente
ao intervalo: [0,n-1]
```

 Sendo assim, para a geração do número de produtos, podemos utilizar:

```
num_produtos = 1 + random(MAX_PRODUTOS);
```

- Se MAX\_PRODUTOS é uma constante que vale 200, tem-se: num\_produtos ∈ [1,200]
- Para a geração dos preços dos produtos, podemos escrever:

```
preco = 5 + random(96);
preco[i] = preco;
```

• ou seja,  $p \in [5,100]$ .

- Ao trabalhar com números aleatórios, busca-se em cada execução do programa, gerar novos números.
- Para isso, ao se usar a função rand, é necessário fornecer uma semente à mesma... Como assim?
- Para uma dada semente, a função rand fará brotar uma determinada sequência de números.
- Para garantir que a sequência gerada seja sempre diferente, deve-se mudar a semente a cada execução.

- Mas como mudar a semente?
- Uma boa ideia é usar o valor retornado pela função time (definida em time.h).
- A função time retorna como valor o número de segundos transcorridos desde 01/01/1970 e pode armazenar este valor num parâmetro.

```
t = time(p); Ou t = time(NULL);
```

Caso não seja necessário o parâmetro p.

- A função srand é responsável pela inicialização da semente a ser usada pela função rand.
- A função srand exige como parâmetro um valor inteiro do tipo unsigned.
- Podemos escrever:

```
srand((unsigned) time(NULL));
```

# Análise do programa

```
#define MAX PRODUTOS 200
   #define MAX CLIENTES 50
 5
 6
  pint random(int n) {
       return rand()%n;
10
  Pvoid main() {
12
13
   float precos[MAX PRODUTOS];
   int compras[MAX CLIENTES];
14
15
   int num produtos, num clientes, i, preco, id produto;
16
   float total vendas = 0;
```

# Análise do programa

```
//inicializar gerador de numeros aleatorios
19
20
    srand((unsigned) time(NULL));
21
    //define o numero de produtos da loja
22
    num produtos = random(MAX PRODUTOS)+1;
23
    //define o preco de cada produto
24
   for(i=0; i<num produtos; i++) {</pre>
25
26
        preco = 5 + random(96);
27
        precos[i] = preco;
28
29
30
    //define o numero de clientes que farao compras em um dia
31
    num clientes = random(MAX CLIENTES)+1;
    printf("Simulacao para:\n %d produtos\n %d clientes\n", num produtos, num clientes);
32
33
    //simula o que cada cliente comprou
34
    for(i=0; i<num clientes; i++) {</pre>
        id produto = random(num produtos);
35
36
        compras[i] = id produto;
37
38
```

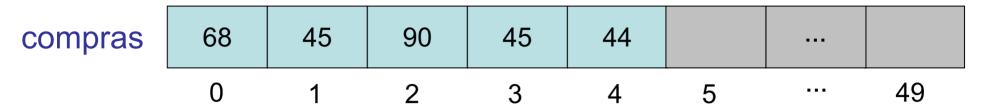
# Análise do programa

```
39
    //exibe resultado da simulação
40
    printf("----\n");
    printf("Cliente\tProduto\tValor(R$)\n");
41
    printf("----\n");
42
43
44
    total vendas = 0;
45
   pfor(i=0; i<num clientes; i++) {</pre>
46
        int cliente = i;
47
        id produto = compras[cliente];
48
        float valor = precos[id produto];
        printf("%3d\t%3d\t%7.2f\n",cliente, id produto, valor);
49
        total vendas = total vendas + valor;
50
51
   }
52
    printf("----\n");
53
    printf("TOTAL DE VENDAS: \t%7.2f\n", total vendas);
54
55
56
    getch();
57
```

Considere a seguinte execução do programa:

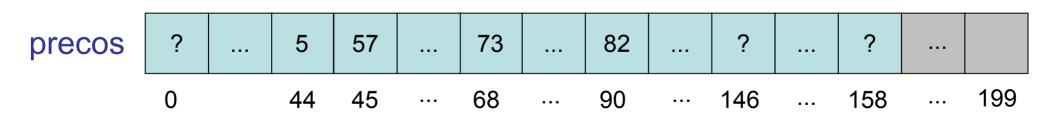
- Para esta simulação, observa-se 5 clientes (0 a 4)
- Os produtos comprados por estes clientes estão armazenados na variável indexada compras.

Ou seja:



• Exemplo: o cliente 0 comprou o produto 68.

Os preços estão armazenados na variável precos:



 Exemplo: o produto 68 tem preço igual a 73 reais e foi comprado pelo cliente 0.

- Observe que o valor de uma variável indexada pode ser o índice de uma outra variável indexada.
- Veja, por exemplo, o caso do cliente 0:

```
compras[0] = 68
precos[68] = precos[compra[0]] = 73
```

 Ou seja, o índice de uma variável indexada precisa ser um inteiro com valor limitado ao número de posições de memória declaradas para a variável.

- O valor deste inteiro pode ser o valor de uma constante, o valor de uma expressão, o valor de uma variável ou o valor retornado por uma função.
- Assim, são válidas as expressões:

```
int x[10], i = 5, a;

a = x[3];
a = x[i];
a = x[x[a]];
a = x[random(10)];
```

## Atenção!

- Ao utilizar variáveis indexadas, temos que controlar o valor do índice no intervalo 0 a n-1, onde n é o número de posições de memória.
- Caso contrário, podemos ter invasão de memória.

```
#include <stdio.h>
#include <ctype.h>
void main ()
₽ {
   int vec[]=\{10, 20, 30, 40\};
   int i=0;
   for(i=0; i<5; i++) {
      vec[i] = 1;
      printf("\nValor de vec[%d]: %d", i, vec[i]);
      getchar();
```

```
#include <stdio.h>
#include <ctype.h>
void main ()
₽ {
   int vec[]=\{10, 20, 30, 40\};
   int i=0;
   for(i=0;(i<5;) i++) {
      vec[i] 1;
      printf("\nValor de vec[%d]: %d", i, vec[i]);
      getchar();
```

invasão de memória!

```
Valor de vec[0]: 1
Valor de vec[1]: 1
Valor de vec[2]: 1
Valor de vec[3]: 1
Valor de vec[1]: 1
Valor de vec[2]: 1
Valor de vec[3]: 1
Valor de vec[1]: 1
Valor de vec[2]: 1_
```

```
#include <stdio.h>
#include <ctype.h>
                                                        End.
                                                                <u>Variável</u>
                                                                            Valor
void main ()
₽{
                                                                             10
                                                         #1
                                                                 vec[0]
   int vec[]=\{10, 20, 30, 40\};
   int i=0;
                                                         #2
                                                                 vec[1]
                                                                             20
   for(i=0; i<5; i++) {
                                                         #3
                                                                             30
                                                                 vec[2]
      vec[i] = 1;
                                                         #4
                                                                             40
                                                                 vec[3]
      printf("\nValor de vec[%d]: %d", i, vec[i]);
      getchar();
                                                                              0
                                                         #5
```

```
#include <stdio.h>
#include <ctype.h>
                                                        End.
                                                                <u>Variável</u>
                                                                           Valor
void main ()
₽{
                                                         #1
                                                                 vec[0]
   int vec[]=\{10, 20, 30, 40\};
   int i=0;
                                                         #2
                                                                 vec[1]
   for(i=0; i<5; i++) {
                                                         #3
                                                                 vec[2]
      vec[i] = 1;
                                                         #4
      printf("\nValor de vec[%d]: %d", i, vec[i]);
                                                                 vec[3]
      getchar();
                                                                             3
                                                         #5
```

```
#include <stdio.h>
#include <ctype.h>
                                                        End.
                                                                <u>Variável</u>
                                                                           Valor
void main ()
₽{
                                                         #1
                                                                 vec[0]
   int vec[]=\{10, 20, 30, 40\};
   int i=0;
                                                         #2
                                                                 vec[1]
   for(i=0; i<5; i++) {
                                                         #3
                                                                 vec[2]
      vec[i] = 1;
                                                         #4
      printf("\nValor de vec[%d]: %d", i, vec[i]);
                                                                 vec[3]
      getchar();
                                                         #5
                                                                  vec[4]
```

### Variáveis indexadas

```
#include <stdio.h>
#include <ctype.h>
                                                        End.
                                                                <u>Variável</u>
                                                                           Valor
void main ()
₽{
                                                         #1
                                                                 vec[0]
   int vec[]=\{10, 20, 30, 40\};
   int i=0;
                                                         #2
                                                                 vec[1]
   for(i=0; i<5; i++) {
                                                         #3
                                                                 vec[2]
      vec[i] = 1;
                                                         #4
      printf("\nValor de vec[%d]: %d", i, vec[i]);
                                                                 vec[3]
      getchar();
                                                         #5
                                                                  vec[4]
```

### Variáveis indexadas

```
Valor de vec[0]: 1
Valor de vec[1]: 1
Valor de vec[2]: 1
Valor de vec[3]: 1
Valor de vec[1]: 1
Valor de vec[2]: 1
Valor de vec[3]: 1
Valor de vec[1]: 1
Valor de vec[2]: 1_
```

End.	<u>Variável</u>	<u>Valor</u>
#1	vec[0]	1
#2	vec[1]	1
#3	vec[2]	1
#4	vec[3]	1
#5	i	1

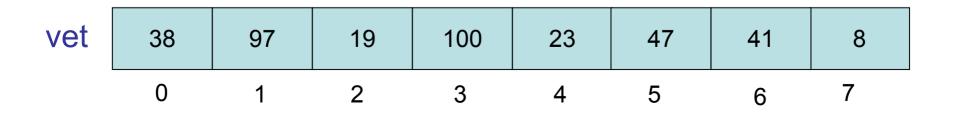
vec|4|

### Problema 2

- Uma grande empresa armazena em uma variável indexada os números dos cheques emitidos num dia pelo setor financeiro.
- Considere que os números dos cheques são valores inteiros de 1 a 100 e que os cheques são emitidos em uma ordem aleatória.
- Ao final do dia, para facilitar o controle, a empresa precisa ordenar estes dados em ordem crescente.

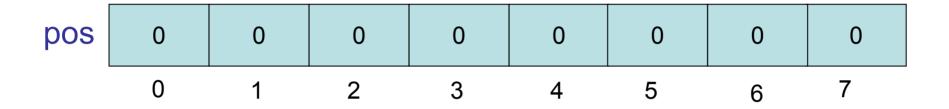
# Ordenação por contagem

- A ordenação de dados é uma aplicação importante em computação, existindo vários algoritmos eficientes de ordenação.
- O algoritmo que veremos para resolver este problema é um dos mais simples e menos eficientes: ordenação por contagem.
- Exemplo: imagine uma variável indexada vet contendo os seguintes valores:



## Ordenação por contagem

 Considere ainda uma outra variável pos, de mesmo tamanho, com valores inicialmente iguais a zero:



- O propósito da variável pos[i] é armazenar a posição que o elemento vet[i] deve ter na ordenação.
- Para determinar esta posição, basta contar para cada elemento vet[i], quantos elementos menores do que ele existem na variável vet e armazenar em pos[i].

# Ordenação por contagem

### • Exemplo:

vet

38	97	19	102	23	47	41	8
0	1	2	3	4	5	6	7

i	vet[i]	Elementos menores do que vet[i]	pos[i]
0	38	19, 23, 8	3
1	97	38, 19, 23, 47, 41, 8	6
2	19	8	1
3	102	38, 97, 19, 23, 47, 41, 8	7
4	23	19,8	2
5	47	38, 19, 23, 41, 8	5
6	41	38, 19, 23, 8	4
7	8	-	0

```
// Programa p18.c
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#define MAX TAM 50
int random(int n)
  return rand() % n;
int existe(int n, int v[],int k)
  int i;
  for (i = 0; i < n; i++)
    if (v[i] == k)
      return 1:
  return 0;
int main(int args, char * arg[])
  int i,j,n,r;
  int vet[MAX TAM],pos[MAX TAM],v ord[MAX TAM];
  // Inicializar gerador de números aleatórios
  srand((unsigned) time(NULL));
```

Veja o parâmetro v[]!!!

Esta função verifica se existe no vetor v (que tem n elementos) um elemento igual a k. Se existir, retorna 1. Do contrário, retorna 0.

```
// Gerar o vetor inicial
                              // tamanho do vetor
n = random(MAX TAM) + 1;
i = 0;
do
  r = random(100) + 1;
  if (existe(i,vet,r) == 0)
    vet[i] = r;
    1++;
while (i < n);
printf("Vetor inicial:\n");
for (i = 0; i < n; i++)
  printf("%d ",vet[i]);
printf("\n\n");
```

•Observe que um valor r gerado aleatoriamente, será incluído no vetor v somente se ele ainda não estiver no vetor.

```
// Determinar posicao no vetor ordenado
for (i = 0; i < n; i++)
  pos[i] = 0;
  for (j = 0; j < n; j++)
    if (vet[i] > vet[j])
      pos[i]++;
  v ord[pos[i]] = vet[i];
// Exibir o vetor ordenado
printf("Vetor ordenado:\n");
for (i = 0; i < n; i++)
  printf("%d ",v ord[i]);
printf("\n\n");
system ("PAUSE");
return 0;
```

Função existe:
 Usada para evitar a geração
 de números de cheques
 repetidos.

```
int existe(int n, int v[],int k)
{
  int i;

  for (i = 0; i < n; i++)
    if (v[i] == k)
     return 1;
  return 0;
}</pre>
```

- Observe que a variável indexada parâmetros como int v[], ou seja, não se especificou o número de posições.
- Isto é possível somente em listas de parâmetros de funções.
- Neste caso, o número de posições da variável indexada declarada como parâmetro na função corresponde ao valor de um outro parâmetro (n).

### Vetores e matrizes

Uma variável indexada pode ter uma ou mais dimensões.
 Considere, por exemplo, as declarações:

```
int a[10];
char b[3][5];
double c[2][2][3];
```

- Dizemos que a tem uma dimensão, b tem duas dimensões e c tem três dimensões.
- Para as declarações anteriores, temos:

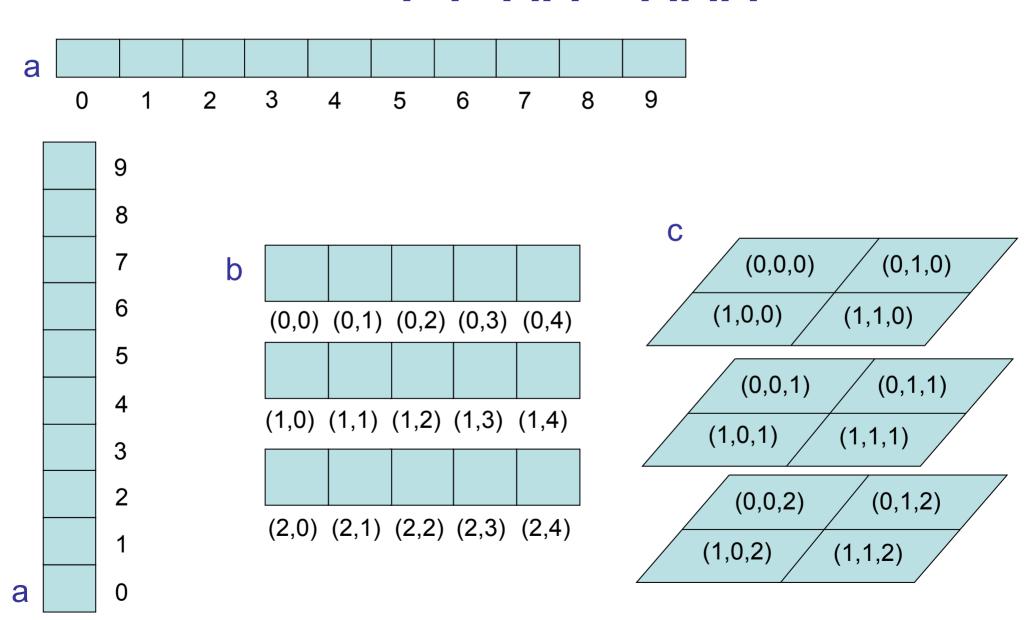
Variável	Nº de posições	Memória alocada (bytes)	Exemplo de referência
а	10	10 * 4 = 40	a[i]
b	3 * 5 = 15	15 * 1 = 15	b[i][j]
С	2 * 2 * 3 = 12	12 * 8 = 96	c[i][j][k]

### Vetores e matrizes

- Em programação, os termos vetor e matriz são usados como sinônimos de variável indexada.
- O termo vetor é usado para uma variável indexada de uma única dimensão e o termo matriz para variáveis indexadas de duas ou mais dimensões.
- Para uma melhor compreensão das variáveis indexadas, utiliza-se abstrações a respeito da disposição espacial de seus elementos.

### Vetores e matrizes

Considere as variáveis a[10], b[3][5] e c[2][2][3]

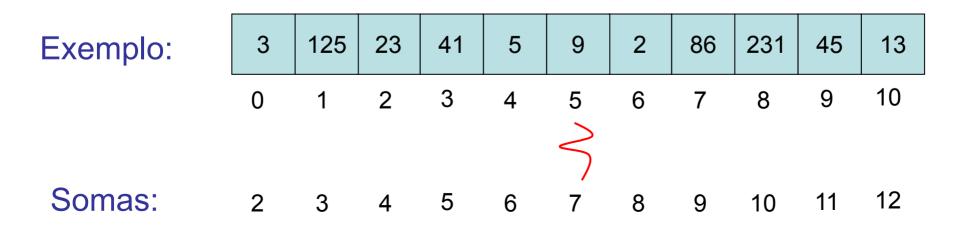


#### Problema 3

- Construa uma matriz para armazenar os resultados da simulação da rolagem de dois dados. O elemento [i][j] da matriz armazena o número de vezes que o valor do primeiro dado é i e o valor do segundo dado é j.
- Considere que um vetor armazena a frequência de cada soma possível dos valores dos dados. Determinar qual é a soma mais frequente após rolar os dados 36.000 vezes. Imprima a matriz que armazena os resultados das rolagens dos dados.

## Análise preliminar do problema

- Pergunta:
  - Quais são as somas possíveis para os valores dos dados?
- Resposta: 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, ou seja, existem
   11 possibilidades.
- Ou seja, precisamos de um vetor de 11 posições para armazenar as freqüências das somas acima.



```
int main(int args, char * arg[])
                                                      •Observe que:
 int i,j,d1,d2;
 int rmf, val;
 int mat[6][6],res[11];
                                                      •O elemento mat[0][0]
                                                      armazena quantas vezes
 // Inicializar gerador de números aleatórios
                                                      o resultados foi:
 srand((unsigned) time(NULL));
                                                          dado1 = 1
 // Zerar a matriz de resultados e o vetor de somas
                                                          dado2 = 1.
 for (i = 0; i < 6; i++)
   for (j = 0; j < 6; j++)
                                                      •O elemento mat[3][5]
     mat[i][j] = 0;
                                                      armazena quantas vezes
 for (i = 0; i < 11; i++)
   res[i] = 0;
                                                      o resultados foi:
                                                          dado1 = 4
 // Simular os jogos de dados
                                                          dado2 = 6
 for (i = 0; i < 36000; i++)
                                                      •E assim por diante...
   d1 = random(6); // dado 1
   d2 = random(6); // dado 2
   mat[d1][d2]++;
   res[d1+d2]++;
  }
```

```
// Exibir a matriz de resultados
printf("Matriz de resultados:\n");
for (i = 0; i < 6; i++)
 for (j = 0; j < 6; j++)
    printf("%5d ",mat[i][j]);
  printf("\n");
}
// Exibir o vetor de somas
printf("Vetor de somas:\n");
for (i = 0; i < 11; i++)
 printf("%5d ",res[i]);
printf("\n");
// Determinar a soma mais frequente
val = 0;
for (i = 0; i < 11; i++)
  if (res[i] > val)
   val = res[i];
                                                Entendeu?
    rmf = i+2;
printf("\nResultado mais frequente: %d\n",rmf);
system("PAUSE");
return 0;
```

 Lembre-se que o valor da soma corresponde ao valor do índice do vetor + 2.

 Por isso, se a soma mais frequente está em res[i], o resultado (soma) mais frequente será i+2:

```
if (res[i] > val)
{
   val = res[i];
   rmf = i + 2;
}
```

Resultado da execução:

```
D:\Documentos\Cursos\Graduacao\LP\C\Livro\Fontes\p19.exe
Matriz de resultados:
 960
       1007
              1011
                    1032
                            956
                                 1042
        997
                     983
                                   960
 983
               985
                            985
               994
1007
        978
                     976
                           1011
                                   973
1056
              1011
        996
                    1030
                           1007
                                  1086
1019
        987
              1043
                    1012
                           1012
                                   976
                                   966
 998
        996
              1032
                     963
                            970
Vetor de somas:
 960
      1990
              3015
                    4051
                           4948
                                  5999
                                        5040
                                               4024
                                                     3061
                                                            1946
                                                                    966
Resultado mais frequente: 7
Pressione qualquer tecla para continuar. . . 🗕
```