

AV2

1. Verifique se o conjunto W abaixo é um subespaço de V que é o conjunto de todas as matrizes 3×2 ; (2,0 pontos)

$$\begin{bmatrix} a & b \\ a + 2b & 0 \\ 0 & c \end{bmatrix}$$
$$V = M_{3,2}$$

2. Seja P_2 o conjunto dos polinômios de grau menor ou igual 2 e β um conjunto dado abaixo, responda: (4,0 pontos)

Seja $B = \{\vec{v}_1, \vec{v}_2, \vec{v}_3\}$ o subconjunto de \mathcal{P}_2 constituído pelos polinômios

$$\vec{v}_1 = 1 + t, \vec{v}_2 = 1 + 2t \text{ e } \vec{v}_3 = t^2.$$

- a) Mostre que B é uma base de \mathcal{P}_2 .
 - b) Qual é o polinômio que nesta base tem coordenadas $(1, 3, -2)$?
 - c) Calcule as coordenadas do vector $2 + 2t - t^2$ nesta base.
 - d) Mediante uma matriz de mudança de base apropriada, calcule as coordenadas de um polinômio $a + bt + ct^2$ nesta base.
3. Calcule uma base e uma dimensão do subespaço linear S abaixo e o represente graficamente; (4,0 pontos)

$$S = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : x + y + z = 0 \text{ e } x + y + 2z = 0\};$$