Departamento de Matemática Cálculo Diferencial e Integral I 17.02.2021

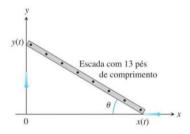
1. Encontre a derivada da função dada USANDO A DEFINIÇÃO. Diga o domínio da função e da derivada. (1,0 ponto)

a)
$$g(t) = \frac{1}{\sqrt{t}}$$

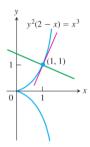
2. Encontre equações para as retas tangente e normal à curva no ponto dado. (1,0 ponto)

a)
$$y = x^2 - x^4$$
, $(1, 0)$

- 3. Encontre h'(π), dado que h(x) = 2.f(x).g(x); f(π) = 10; f'(π) = -1, g(π) = -3 e g'(π) = 2. (1,0 ponto)
- **4.** Uma escada com 13 pés de comprimento está apoiada verticalmente em uma casa quando sua base começa a escorregar (veja a figura a seguir), afastando-se da parede. No momento em que a base está a 12 pés da casa, ela escorrega a uma taxa de 5 pés/s. **(2,0 pontos)**



- a. A que velocidade o topo da escada escorrega para baixo na parede?
- b. Qual a taxa de variação da área do triângulo formado pela escada, parede e solo?
- c. Qual a taxa de variação do ângulo θ , formado pela escada e pelo solo?
- 5. Usando a diferenciação implícita, encontre as equações para a tangente e normal à curva $y^2(2 x) = x^3$ no ponto (1, 1). (2,0 pontos)



5. Encontre o volume do maior cone circular reto que pode ser inscrito em uma esfera de raio 3. (3,0 pontos)

