

ALEXANDRO DE JESUS SILVA

Análise de complexidade de funções de crescimento temporal

- **Função fatorial**
função fatorial sequencial.

```
#include <stdio.h>
int main(){

    int i, fat;
    scanf("%d", &fat);
    for(i = 1; fat > 1; fat = fat - 1){
        i = i * fat;
    }
    printf("\n%d", i);
    return 0;
}
```

parte do estudo para achar o $T(n)$.

```
/*
 $T(n) = 1 + 1 + n + 2(n-1) + 2(n-1)$ 
 $T(n) = 5n - 2$ 
 $O(n)$ 
```

```
//n = 1
1+
(1+1+0)
```

total: 3

```
//n 2
1+
(1+1+2)  -> 2>1
2
(0+1+0)  -> 2>2
```

total: 9

```
//n 3
1+
(1+1+2)  -> 3>1
2+
```

(0+1+2) -> 3>2
2+
(0+1+0) -> 3>3

total: 15

//n 4
1+
(1+1+2) -> 4>1
2+
(0+1+2) -> 4>2
2+
(0+1+2) -> 4>3
2
(0+1+0) -> 4>4

total: 21

*/

função fatorial recursiva

```
#include <stdio.h>
int fatorial(int n){
    int fat;
    if ( n <= 1 ){
        return (1);
    }
    else{
        fat = n * fatorial(n - 1);
        return (fat);
    }
}

int main(void){
    int fat;
    scanf("%d", &fat)
    printf(" %d", fatorial(fat));
    return 0;
}
```

parte do estudo para achar o T(n).

/*

$$T(n) = 1 + n + 3(n-1)$$

$$T(n) = 4n$$

$$o(n)$$

```
// n 1
1+
1+
fim_1
total = 2
```

```
// n 2
1+
1+
(1+1+1)
fim_1
1+
fim_2
```

```
total = 6
```

```
// n 3
1+
1+
(1+1+1)
fim_1
1+
(1+1+1)
fim_2
1+
```

```
total = 10
```

```
*/
```

Professor, seguir todos os passos que o senhor demonstrou nas aulas, porém em algumas pesquisas que fiz na internet e a função fatorial recursiva estava $o(2^n)$, refiz várias vezes, mas não cheguei nesse resultado e sim a $o(n)$ na recursiva e sequencial.

Então, nos dois casos de da função fatorial não há diferença. Por que a complexidade dos dois é o mesmo. Ou seja, $o(n)$.

- **Função Fibonacci**

Função Fibonacci sequência

```
#include<stdio.h>
#include <time.h>
int main(){
    int n, num, a, b, i;
    scanf("%d", &n);
    a = 1;
    b = 0;
    for(i = 0 ; i < n; i++){
        num = a + b;
        b = a;
        a = num;
    }
}
```

parte do estudo para achar o $T(n)$.

```
/*
 $T(n) = 1+1+1+1+n+1+2n+2n+n+n$ 
 $T(n) = 7n + 5$ 
 $O(n)$ 

```

```
// n = 0
1+1+1
(1+1+0)
total: 5
```

```
// n = 1
1+1+1+
(1+1+2)    -> 0 < 1
    +2+1+1
(0+1+0)    -> 1 < 1
total : 12
```

```
//n = 2
```

```

1+1+1+
(1+1+2)    -> 0 < 2
    +2+1+1
(0+1+2)    -> 1 < 2
    + 2+1+1
(0+1+0)    -> 2 < 2
total : 19

```

```

//n = 3
1+1+1+
(1+1+2)    -> 0 < 3
    +2+1+1
(0+1+2)    -> 1 < 3
    + 2+1+1
(0+1+2)    -> 2 < 3
    + 2+1+1
(0+1+0)    -> 3 < 3

total: 26

```

Função Fibonacci recursiva

```

#include<stdio.h>
int fib(int n){
    if(n == 1 || n == 0){
        return 1;
    }
    else{
        return fib (n - 1) + fib (n - 2);
    }
}

int main (){
    scanf("%d", &n);
    for(int i = 0; i < n; i++){
        fib (i);
        printf("%d, ", fib(i));
    }
    return 0;
}

```

parte do estudo para achar o T(n).

/*

$$T(n) = 1 + 1 + (n+1) + n + 2 + n + n$$

$$T(n) = 4n + 5$$

$$O(n)$$

//n 0

1+

$$(1+1+0) \rightarrow 0 < 0$$

total: 3

//n1

1+

$$(1+1+2) \rightarrow 0 < 1$$

1+1+1

$$(0+1+0) \rightarrow 1 < 1$$

total: 8

//n2

1+

$$(1+1+2) \rightarrow 0 < 2$$

1+1+1

$$(0+1+2) \rightarrow 1 < 2$$

1+1+1

$$(0+1+0) \rightarrow 2 < 2$$

total: 15

//n3

1+

$$(1+1+2) \rightarrow 0 < 3$$

1+1+1

$$(0+1+2) \rightarrow 1 < 3$$

1+1+1

$$(0+1+2) \rightarrow 2 < 3$$

1+1+1

1+1+1

$$(0+1+0) \rightarrow 3 < 3$$

total: 24

*/

Seguindo o mesmo raciocínio da função anterior de Fatorial.

Então, nos dois casos de da função Fibonacci não há diferença. Por que a complexidade dos dois é a mesma. Ou seja, $O(n)$.