Seminar LC 1 – Exerciții

A. Folosindu-se axiomele și proprietățile algebrei booleene să se verifice identitatea expresiilor de mai jos.

 $x_2 x_3 \bar{x}_4 + x_2 x_3 + x_2 \bar{x}_3 = x_2.$

(2) $x_1 x_2 + x_1 x_3 + x_1 x_2 \bar{x}_3 = x_1 x_2 + x_1 x_3.$

(3) $(x_1 + \bar{x}_2 + x_3 + \bar{x}_4)(x_1\bar{x}_2 + \bar{x}_3) = x_1(\bar{x}_2 + \bar{x}_3) + \bar{x}_3(\bar{x}_2 + \bar{x}_4).$

 $(x \oplus 0) \oplus (x \oplus 1) = 1.$

 $(x_1 \oplus x_2) x_3 = \overline{(x_1 \oplus \overline{x}_2)} x_3.$

B. Să se obțină expresiile duale ale funcțiilor de mai jos.

(1) $f(x_1, x_2, x_3, x_4) = x_1(\bar{x}_2 + x_3) + x_1x_2\bar{x}_4; \quad f'(x_1, x_2, x_3, x_4) =?.$

(2)
$$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = x_1 \bar{x}_3 x_4 + \bar{x}_2 (x_3 + x_1 x_2); \quad f'(x_1, x_2, x_3, x_4) =?.$$

(3)
$$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = x_1 \bar{x}_3(x_2 + x_4) + x_1 \bar{x}_2 \bar{x}_4; \quad f'(x_1, x_2, x_3, x_4) =?.$$

(4)
$$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = x_1 \bar{x}_3 \bar{x}_4 (x_2 + x_4) + x_3 \bar{x}_4; \quad f'(x_1, x_2, x_3, x_4) =?.$$

(5) $f(x_1, x_2, x_3, x_4) = \bar{x}_2 \bar{x}_4 + x_1(x_2 + \bar{x}_4)(x_3 + x_4); \quad f'(x_1, x_2, x_3, x_4) =?.$

C. Să se prelucreze expresiile și funcțiile de mai jos folosindu-se relațiile lui DeMorgan.

(1)

$$\overline{x_1\bar{x}_2 + \overline{x_3(x_2 + \bar{x}_4)}}.$$

(2)
$$\frac{(\bar{x}_2 + x_5)(\bar{x}_1 + \bar{x}_4) + \bar{x}_1\bar{x}_2x_3}{(\bar{x}_1 + \bar{x}_4) + \bar{x}_1\bar{x}_2x_3}.$$

- (3) $f(x_1, x_2, x_3, x_4, x_5) = x_1(x_2\bar{x}_3 + x_4 + x_5), \qquad \bar{f}(x_1, x_2, x_3, x_4, x_5) =?.$
- (4) $f(x_1, x_2, x_3, x_4) = x_1 \bar{x}_2 x_3 (x_2 + \bar{x}_4) (\bar{x}_1 + x_4), \qquad \bar{f}(x_1, x_2, x_3, x_4) =?.$

(5)
$$f(x_1, x_2, x_3, x_4, x_5) = \bar{x}_5[(x_1\bar{x}_2 + x_3)(x_3 + \bar{x}_4) + x_3],$$
$$\bar{f}(x_1, x_2, x_3, x_4, x_5) =?.$$