

1) Considerăm următorul experiment: Într-o urnă sunt 10 bile roșii, 5 bile negre și 5 bile albe. Se extrag aleator fără returnare 4 bile din urnă.

a. Estimați, folosind comenzi Octave, probabilitatea evenimentelor $P(A)$, $P(B)$, $P(A|C)$, unde

A: bilele au aceeași culoare, B: cele 3 bile sunt de trei culori distincte; \bar{A} : bilele nu au aceeași culoare, C: printre bilele extrase există cel puțin o bilă neagră.

b. Afișați probabilitatea teoretică pentru $P(A)$, $P(B)$, $P(C)$.

2) Pe intervalul $[-2,5]$ să se reprezinte grafic (în două ferestre distincte) funcția de densitate, respectiv funcția de repartiție a unei variabile aleatoare $X \sim \text{Exp}(2)$. Apoi, folosind simulări, să se estimeze: a) valoarea medie $E(X)$ și abaterea standard $\text{Std}(X)$; b) probabilitatea $P(X > 0.7)$; această probabilitate estimată să se compare cu probabilitatea teoretică corespunzătoare cu ajutorul funcției de repartiție (a distribuției $\text{Exp}(2)$) și a comenzilor specifice Octave.

3) Fie X și Y două variabile aleatoare independente având distribuțiile:

$P(X=-2)=0.1$, $P(X=-1)=0.4$, $P(X=1)=0.3$, $P(X=2)=0.2$ și $Y \sim \text{Unif}[-1,4]$. Fie $U = X^3 - Y^3$.

a. Generați 500 de valori pentru U și reprezentați grafic histograma frecvențelor absolute corespunzătoare, având 20 de clase.

b. Estimați: $P(U < 0)$, valoarea medie și varianța lui U .

c. Calculați valoarea medie (teoretică) a lui X^3 .