

Programare declarativă¹

Tipuri de date algebrice

Traian Florin Șerbănuță

Departamentul de Informatică, FMI, UNIBUC
traian.serbanuta@fmi.unibuc.ro

5 noiembrie 2016

¹bazat pe cursul Informatics 1: Functional Programming de la University of Edinburgh

Ce este un tip de date algebric?

Ce este un tip de date algebric?

Orice!

```
data Bool = False | True
data Season = Winter | Spring | Summer | Fall
data Shape = Circle Float | Rectangle Float Float
data List a = Nil | Cons a (List a)
data Nat = Zero | Succ Nat
data Exp = Lit Int | Add Exp Exp | Mul Exp Exp
data Tree a = Empty | Leaf a | Branch (Tree a) (Tree a)
data Maybe a = Nothing | Just a
data Pair a b = Pair a b
data Either a b = Left a | Right b
```

Tipul de date Boolean

data Bool = False | True

not :: Bool → Bool

not False = True

not True = False

(&&) :: Bool → Bool → Bool

False && q = False

True && q = q

(||) :: Bool → Bool → Bool

False || q = q

True || q = True

Definirea egalității și a reprezentării

Eq și Show

Eq

`eqBool :: Bool -> Bool -> Bool`

Show

`showBool :: Bool -> String`

Definirea egalității și a reprezentării

Eq și Show

Eq

```
eqBool :: Bool -> Bool -> Bool
eqBool False False = True
eqBool True  True  = True
eqBool _     _     = False
```

Show

```
showBool :: Bool -> String
showBool False = "False"
showBool True  = "True"
```

Anotimpuri

```
data Season = Spring | Summer | Autumn | Winter

next :: Season -> Season
next Spring = Summer
next Summer = Autumn
next Autumn = Winter
next Winter = Spring
```

Definirea egalității și a reprezentării

Eq și Show

```
eqSeason :: Season -> Season -> Bool  
eqSeason Spring Spring = True  
eqSeason Summer Summer = True  
eqSeason Autumn Autumn = True  
eqSeason Winter Winter = True  
eqSeason _ _ = False
```

```
showSeason :: Season -> String  
showSeason Spring = "Spring"  
showSeason Summer = "Summer"  
showSeason Autumn = "Autumn"  
showSeason Winter = "Winter"
```


Enumerări și indici

```
data Season = Winter | Spring | Summer | Fall
```

```
toInt :: Season -> Int
```

```
toInt Winter = 0
```

```
toInt Spring = 1
```

```
toInt Summer = 2
```

```
toInt Fall   = 3
```

```
fromInt :: Int -> Season
```

```
fromInt 0 = Winter
```

```
fromInt 1 = Spring
```

```
fromInt 2 = Summer
```

```
fromInt 3 = Fall
```

```
next :: Season -> Season
```

```
eqSeason :: Season -> Season -> Bool
```

Enumerări și indici

```

data Season = Winter | Spring | Summer | Fall
toInt :: Season -> Int
toInt Winter = 0
toInt Spring = 1
toInt Summer = 2
toInt Fall   = 3

```

```

fromInt :: Int -> Season
fromInt 0 = Winter
fromInt 1 = Spring
fromInt 2 = Summer
fromInt 3 = Fall

```

```

next :: Season -> Season
next x = fromInt ((toInt x + 1) 'mod' 4)

```

```

eqSeason :: Season -> Season -> Bool
eqSeason x y = (toInt x == toInt y)

```

Cercuri și dreptunghiuri

type Radius = **Float**

type Width = **Float**

type Height = **Float**

data Shape = Circle Radius
 | Rectangle Width Height

area :: Shape -> **Float**

area (Circle r) = **pi** * r²

area (Rectangle w h) = w * h

Definirea egalității și a reprezentării

Eq și Show

`eqShape :: Shape -> Shape -> Bool`

`showShape :: Shape -> String`

Definirea egalității și a reprezentării

Eq și Show

```
eqShape :: Shape -> Shape -> Bool
eqShape (Circle r) (Circle r') = (r == r')
eqShape (Rectangle w h) (Rectangle w' h') = (w == w') && (
    h == h')
eqShape _ _ = False
```

```
showShape :: Shape -> String
showShape (Circle r) = "Circle " ++ showF r
showShape (Rectangle w h) = "Rectangle " ++ showF w
    ++ " " ++ showF h
```

```
showF :: Float -> String
showF x | x >= 0 = show x
        | otherwise = "(" ++ show x ++ ")"
```

Teste și operatori de proiecție

```
isCircle :: Shape -> Bool
isCircle (Circle r) = True
isCircle _          = False
```

```
isRectangle :: Shape -> Bool
isRectangle (Rectangle w h) = True
isRectangle _              = False
```

```
radius :: Shape -> Float
radius (Circle r) = r
```

```
width :: Shape -> Float
width (Rectangle w h) = w
```

```
height :: Shape -> Float
height (Rectangle w h) = h
```

Pattern-matching

```
area :: Shape -> Float
area (Circle r) = pi * r^2
area (Rectangle w h) = w * h
```

```
area :: Shape -> Float
area s =
  if isCircle s then
    let
      r = radius s
    in
      pi * r^2
  else if isRectangle s then
    let
      w = width s
      h = height s
    in
      w * h
  else error "impossible"
```

Pattern-matching

Declarație ca tip de date algebric

```
data List a = Nil  
             | Cons a (List a)
```

```
append :: List a -> List a -> List a
```

```
append Nil ys = ys
```

```
append (Cons x xs) ys = Cons x (append xs ys)
```


Constructori simboluri

Declarație ca tip de date algebric cu simboluri

```
data   List a   = Nil
          | a ::: List a
    deriving (Show)
infixr 5 :::

(+++) :: List a -> List a -> List a
infixr 5 +++
Nil +++ ys          = ys
(x ::: xs) +++ ys = x ::: (xs +++ ys)
```

Comparați cu versiunea folosind notația predefinită

```
(++) :: [a] -> [a] -> [a]
[] ++ ys      = ys
(x:xs) ++ ys = x : (xs ++ ys)
```

Definirea egalității și a reprezentării

Eq și Show

```

eqList :: Eq a => List a -> List a -> Bool
eqList Nil Nil = True
eqList (x :: xs) (y :: ys) = x == y && eqList xs ys
eqList _ _ = False

showList :: Show a => List a -> String
showList Nil = "Nil"
showList (x :: xs) = show x ++ " :: " ++ showList xs

```

Numerele Naturale (Peano)

Declarație ca tip de date algebric

```
data      Nat    =      Zero
              |      Succ Nat
```

```
(^^^) :: Float -> Nat -> Float
```

```
x ^^^ Zero      = 1.0
```

```
x ^^^ (Succ n) = x * x ^^^ n
```

Comparați cu versiunea folosind notația predefinită

```
(^^) :: Float -> Int -> Float
```

```
x ^^ 0 = 1.0
```

```
x ^^ n = x * (x ^^ (n-1))
```

Adunare și înmulțire

Definiție pe tipul de date algebric

$$(++) :: \text{Nat} \rightarrow \text{Nat} \rightarrow \text{Nat}$$

$$m ++ \text{Zero} = m$$

$$m ++ (\text{Succ } n) = \text{Succ } (m ++ n)$$

$$(*) :: \text{Nat} \rightarrow \text{Nat} \rightarrow \text{Nat}$$

$$m * \text{Zero} = \text{Zero}$$

$$m * (\text{Succ } n) = (m * n) ++ m$$

Comparați cu versiunea folosind notația predefinită

$$(+) :: \text{Int} \rightarrow \text{Int} \rightarrow \text{Int}$$

$$m + 0 = m$$

$$m + n = (m + (n-1)) + 1$$

$$(*) :: \text{Int} \rightarrow \text{Int} \rightarrow \text{Int}$$

$$m * 0 = 0$$

$$m * n = (m * (n-1)) + m$$

Date personale

```
type FirstName  = String  
type LastName   = String  
type Age         = Int  
type Height      = Float  
type PhoneNumber = String  
type Flavor      = String
```

```
data Person = Person FirstName LastName Age Height  
          PhoneNumber Flavor
```

Proiecții

```
firstName :: Person -> String
```

```
firstName (Person firstname _ _ _ _) = firstname
```

```
lastName :: Person -> String
```

```
lastName (Person _ lastname _ _ _ _) = lastname
```

```
age :: Person -> Int
```

```
age (Person _ _ age _ _ _) = age
```

```
height :: Person -> Float
```

```
height (Person _ _ _ height _ _) = height
```

```
phoneNumber :: Person -> String
```

```
phoneNumber (Person _ _ _ _ number _) = number
```

```
flavor :: Person -> String
```

```
flavor (Person _ _ _ _ _ flavor) = flavor
```

Utilizare

```
Main*> let ionel = Person "Ion" "Ionescu" 20 175.2  
      "0712334567" "Caramel"  
Main*> firstName ionel  
"Ion"  
Main*> height ionel  
175.2  
Main*> flavor ionel  
"Caramel"
```

Date personale ca înregistrări

```
data Person = Person { firstName :: String
                        , lastName :: String
                        , age :: Int
                        , height :: Float
                        , phoneNumber :: String
                        , flavor :: String
                        }
```


Utilizare

- Putem folosi atât forma algebrică cât și cea de înregistrare

```
ionel = Person "Ion" "Ionescu" 20 175.2
      "0712334567" "Caramel"
```

```
gigel = Person { firstName = "Gheorghe"
                , lastName="Georgescu"
                , age = 30, height = 192.3
                , phoneNumber = "0798765432"
                , flavor = "Vanilie" }
```

- Putem folosi și pattern-matching
- Proiecțiile sunt definite automat; sintaxă specializată pentru actualizări

```
nextYear :: Person -> Person
nextYear person = person { age = age person + 1 }
```

De ce algebric?