Московский авиационный институт (национальный исследовательский университет)

Вступительный междисциплинарный экзамен в магистратуру по направлению 01.04.04 «Прикладная математика»

«УТВЕРЖДАЮ» Председатель экзаменационной комиссии

Вариант 216

1	<u>Теоретический вопрос 1.</u> Обратная матрица и её свойства. Алгоритмы нахождения.
	<u>Задача 1.</u> Решите матричное уравнение
	$X \cdot \begin{pmatrix} 0 & 1 & -1 \\ 2 & 1 & -2 \\ 2 & 2 & -3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & 1 & -2 \\ -2 & -3 & 4 \end{pmatrix}.$
2	Теоретический вопрос 2. Интегральное исчисление. Неопределенный интеграл. Определенный
	интеграл Римана. Формула Ньютона-Лейбница. Методы интегрирования.
	<u>Задача 2.</u> Вычислите интеграл
	$\int \frac{1}{x} \cdot \sqrt{\frac{1 - 3x}{1 + 3x}} dx.$
3	<u>Теоретический вопрос 3.</u> Основные понятия классической теории вероятностей. Определение
	вероятностного пространства, понятие случайного события, частоты, аксиоматическое определение вероятности случайного события.
	Задача 3. В урне 5 белых и 2 чёрных шара. Наугад берут шар, записывают его цвет и возвращают в урну. Опыт повторяют до тех пор, пока в записи не будет зафиксирована серия ЧБЧ (чёрный-белый-чёрный). Какова вероятность того, что опыт придётся повторять семь раз.
4	<u>Теоретический вопрос 4.</u> Дифференциальное исчисление функций многих переменных. Дифференциал и частные производные.
	$\frac{3adaчa\ 4.}{f(x,y,z)}$ Исследовать на экстремум функцию $f(x,y,z) = x-2y+2z,$ если $x^2+y^2+z^2=1$
5	если $x^2 + y^2 + z^2 = 1$. <u>Теоретический вопрос 5.</u> Структуры данных (списки, деревья, стеки, очереди), способы их
	представления и основные операции над ними.
	Задача 5. Дано натуральное число n , а затем последовательность натуральных чисел, ограниченная вводом нуля. Вывести на экран произведение двузначных элементов этой последовательности, которые делятся на n .

Максимальная оценка 100 баллов ставится за пять полных ответов на теоретический вопрос и пять полностью решённых задач