Работа 4.4.2

Моделирование оптических приборов и определение их увеличения

Малиновский Владимир

galqiwi@galqiwi.ru

Цель работы: Определить фокусные расстояния собирающих и рассеивающих линз, смоделировать ход лучей в трубе Галилея, трубе Кеплера и микроскопе, определить их увеличение.

В работе используются: Оптическая скамья, набор линз, экран, осветитель со шкалой, зрительная труба, диафрагма, линейка.

Определение фокусных расстояний линз с помощью зрительной трубы

Определение фокусного расстояния собирающих линз

- 1. Настроим зрительную трубу на бесконечность
- 2. Поставим положительную линзу на расстоянии от предмета примерно равном фокусному. На небольшом расстоянии от линзы закрепим трубу, настроенную на бесконечность, и отцентрируем её по высоте. Диафрагма диаметром $d=1\,\mathrm{cm}$, надетая на ближнюю к осветителю линзу, уменьшит сферические аберрации и повысит чёткость изображения.

Передвигая линзу вдоль скамьи, получим в окуляре зрительной трубы изображение предмета — миллиметровой сетки. При этом расстояние между предметом и серединой тонкой линзы (между проточками на оправах) равно фокусному.

3. Результаты измерения фокусных расстояний собирающих линз:

$$f_1 = 11 \text{ cm}$$
 $f_2 = 7.5 \text{ cm}$ $f_3 = 25 \text{ cm}$

Определение фокусного расстояния рассеивающих линз

- 1. Для определения фокусного расстояния тонкой отрицательной линзы сначала получим на экране увеличенное изображение сетки при помощи одной короткофокусной положительной линзы. Измерьте расстояние между линзой и экраном $a_0 = 30$ см.
- 2. Разместите сразу за экраном трубу, настроенную на бесконечность, и закрепите её. Уберите экран и поставьте на его место исследуемую рассеивающую линзу (рис. 8). Перемещая рассеивающую линзу, найдите в окуляре зрительной трубы резкое изображение сетки.

Измерив расстояние между линзами l, рассчитайте фокусное расстояние рассеивающей линзы $f=a_0-l$.

3. Результаты измерения фокусного расстояния рассеивающих линз:

$$f_1 = 2 \text{ cm}$$
 $f_2 = 14 \text{ cm}$

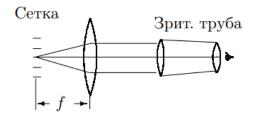


Рис. 1: Определение фокусного расстояния собирающей линзы

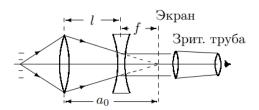


Рис. 2: Определение фокусного расстояния рассеивающей линзы

Моделирование трубы Кеплера

1. Рассмотрим ход лучей в трубе Кеплера и найдём увеличение данной оптической системы:

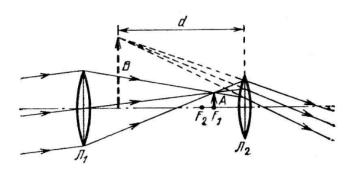


Рис. 3: Ход лучей в трубе Кеплера

Пусть пучок света, попадающий в объектив, составляет с оптической осью угол φ_1 , а пучок, выходящий из окуляра, — угол φ_2 . Увеличение γ зрительной трубы по определению равно

$$\gamma = \frac{\tan \varphi_2}{\tan \varphi_1},\tag{1}$$

но также из рис. 3 следует, что

$$\gamma_K = \frac{f_1}{f_2} = \frac{D_1}{D_2},\tag{2}$$

где D_1 - ширина пучка, прошедшего через объектив, а D_2 - ширина пучка, вышедшего из окуляра

2. Построим оптическую систему из каллиматора и непосредственно трубы Кеплера. Параметры действующих линз:

$$f_1 = 25 \text{ cm}$$
 $f_2 = 13 \text{ cm}$

Найдём увеличение трубы Кеплера непосредственно: пусть h_1 - размер ячейки миллиметровой сетки без телескопа, h_2 - с телескопом

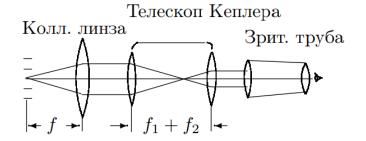


Рис. 4: Схема трубы Кеплера

$$h_1=1.5\pm 0.05$$
 дел., $h_2=2.8\pm 0.05$ дел.
$$\gamma_K=\frac{h_2}{h_1}=1.88\pm 0.07$$

При этом по формуле (2) также

$$\gamma_K = \frac{f_1}{f_2} = 1.92$$

Полученные значения совпадают.

Моделирование трубы Галилея

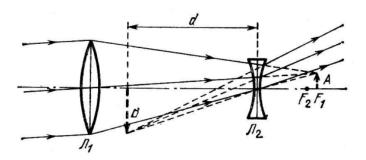


Рис. 5: Ход лучей в трубе Галилея

1. Труба Галилея получается из трубы Кеплера заменой собирающей линзы окуляра рассеивающей. Формулы для увеличения, соответственно, остаются теми же:

$$\gamma_G = \frac{f_1}{f_2} = \frac{D_1}{D_2},\tag{3}$$

2. Заменим собирающую линзу с фокусным расстоянием $f_2=13$ см рассеивающей с фокусным расстоянием $f_2=14$ см. Проведём те же операции, что и для трубы Кеплера:

$$h_1=1.5\pm 0.05$$
 дел., $h_2=2.6\pm 0.05$ дел.
$$\gamma_K=\frac{h_2}{h_1}=1.73\pm 0.09$$

При этом по формуле (2) также

$$\gamma_K = \frac{f_1}{f_2} = 1.79$$

Полученные значения совпадают.

Моделирование микроскопа

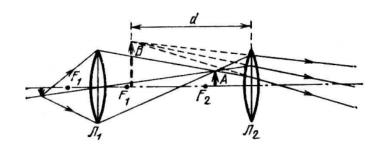


Рис. 6: Ход лучей в микроскопе

1. Ход лучей в микроскопе показан на рис. 6. Увеличение микроскопа вычисляется по формуле

$$\gamma_M = \Gamma_{ob} \Gamma_{oc} = \frac{\triangle}{f_1} \frac{L}{f_2},\tag{4}$$

где f_1 и f_2 - фокусные расстояния линз микроскопа, $\triangle=16$ см - длина тубуса, L - расстояние наилучшего зрения (L=25 см).

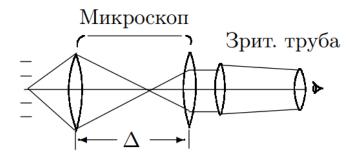


Рис. 7: Схема микроскопа

2. Соберём микроскоп с пятикратным увеличением. Используемые линзы: $f_1=11~{\rm cm},$ $f_2=7.5~{\rm cm}.$ Получим

$$\gamma_M = \frac{\triangle}{f_1} \frac{L}{f_2} = 4.8$$

$$\gamma_M = \frac{h_2}{h_1} = \frac{7.20 \pm 0.05}{1.50 \pm 0.05} = 4.8 \pm 0.2$$

Значения совпадают.

Вывод

В ходе работы были определены фокусные расстояния собирающих и рассеивающих линз с помощью зрительной трубы. Из этих линз далее сконструированы следующие оптические приборы: труба Кеплера, труба Галилея, микроскоп. Были определены их увеличения и проведено сравнение с её действительным значением.