# Московский физико-технический институт

### Лабораторная работа 5.5.5

# Компьютерная сцинтилляционная $\gamma$ -спектрометрия

выполнил студент 924 группы ФОПФ Панферов Андрей **Цель работы:** Снять и исследовать спектры излучения различных источников, характеризовать различные пики в спектрах радиоактивных веществ.

#### В работе используются:

- сцинтиллятор
- ФЭУ
- предусилитель импульсов
- высоковольтный блок питания для ФЭУ
- АЦП
- компьютер.

## Теоретические положения

**Фотоэффект** - это процесс взаимодействия гамма-кванта с электроном, связанным с атомом, при котором электрону передается вся энергия гамма-кванта. При этом электрону сообщается кинетическая энергия  $T_e = E_{\gamma} - I_i$ , где  $E_{\gamma}$  – энергия гамма-кванта,  $I_i$  – потенциал ионизации i-той оболочки атома. Фотоэффект особенно существенен для тяжелых веществ, где он идет с заметной вероятностью даже при высоких энергиях гамма-квантов. В легких веществах фотоэффект становится заметен лишь при относительно небольших энергиях гамма-квантов.

Эффект Комптона - это упругое рассеяние фотона на свободном электроне, сопровождающееся изменением длины волны фотона. Максимальная энергия образующихся комптоновских электронов соответствует рассеянию гамма-квантов на 180° и равна

$$E_{\text{max}} = \frac{\eta \omega}{1 + \frac{mc^2}{2\eta \omega}}.$$
 (1)

Процесс образования электрон-позитронных пар. При достаточно высокой энергии гамма-кванта наряду с фотоэффектом и эффектом Комптона может происходить третий вид взаимодействия гамма-квантов с веществом – образование электрон-позитронных пар. Процесс образования пар не может происходить в пустоте, так как в этом случае не выполняются законы сохранения энергии и импульса. В присутствии ядра или электрона процесс образования пары гамма-квантов возможен, так как можно распределить энергию и импульс гамма-кванта между тремя частицами без противоречия с законами сохранения. При этом если процесс образования пары идет в кулоновском поле ядра или протона, то энергия образующегося ядра отдачи оказывается весьма малой, так что пороговая энергия гамма-кванта  $E_0$ , необходимая для образования пары, практически совпадает с удвоенной энергией покоя электрона  $E_0 \cong 2mc^2 = 1.022$  МэВ.

Появившийся в результате процесса образования пар электрон свою энергию на ионизацию среды. Таким образом, вся энергия электрона остается в детекторе. Позитрон будет двигаться до тех пор, пока практически не остановится, а затем аннигилирует с электроном среды, в результате чего появятся два гамма-кванта. Т.е., кинетическая энергия позитрона также останется в детекторе. Далее возможны три варианта развития событий:

1. оба родившихся гамма-кванта не вылетают из детектора, и тогда вся энергия первичного гамма-кванта останется в детекторе, а в спектре появится пик с  $E = E_{\gamma}$ ;

- 2. один из родившихся гамма-квантов покидает детектор, и в спектре появляется пик, соответствующий энергии  $E=E_{\gamma}-E_{0}$ , где  $E_{0}=mc^{2}=511$  кэВ;
- 3. оба родившихся гамма-кванта покидают детектор, и в спектре появляется пик, соотвествующий энергии  $E=E_{\gamma}-2E_{0}$ , где  $2E_{0}=2mc^{2}=1022$  кэВ.

Таким образом, любой спектр, получаемый с помощью гамма-спектрометра, описывается несколькими компонентами, каждая из которых связана с определенным физическим процессом. Как описано выше, основными физическими процессами взаимодействия гамма-квантов с веществом является фотоэффект, эффект Комптона и образование электрон-позитронных пар, и каждый из них вносит свой вклад в образование спектра. Помимо этих процессов, добавляется экспонента, связанная с наличием фона, пик характеристического излучения, возникающий при взаимодействии гамма-квантов с окружающим веществом, а также пик обратного рассеяния, образующийся при энергии квантов  $E_{\gamma} \gg mc^2/2$  в результате рассеяния гамма-квантов на большие углы на материалах конструктивных элементов детектора и защиты. Положение пика обратного рассеяния определяется по формуле:

$$E_{\rm o6p} = \frac{E}{1 + 2E/mc^2},\tag{2}$$

где E – энергия фотопика.

**Энергетическое разрешение спектрометра.** Даже при поглощении частиц с одинаковой энергией амплитуда импульса на выходе фотоприёмника сцинтилляционного детектора меняется от события к событию. Это связано:

- 1. со статистическим характером процессов сбора фотонов на фотоприёмнике и последующего усиления,
- 2. с различной вероятностью доставки фотона к фотоприемнику из разных точек сцинтиллятора,
- 3. с разбросом высвечиваемого числа фотонов

В результате в набранном спектре линия (которая для идеального детектора представляла бы дельта-функцию) оказывается размытой, её часто описывают гауссианом.

Энергетическим разрешением спектрометра называется величина

$$R_i = \frac{\Delta E_i}{E_i},\tag{3}$$

где  $\Delta E_i$  – ширина пика полного поглощения, измеренная на половине высоты,  $E_i$  – энергия регистрируемого  $\gamma$ -излучения. Значение  $E_i$  пропорционально среднему числу фотонов  $\overline{n_i}$  на выходе  $\Phi \ni \mathcal{Y}$ , т.е.:

$$E_i = \alpha \overline{n_i}. \tag{4}$$

Полуширина пика полного поглощения  $\Delta E_i$  пропорциональна среднеквадратичной флуктуации  $\overline{\Delta n_i}$ . Т.к.  $n_i$  является дискретной случайной величиной, которая распределена по закону Пуассона, то  $\overline{\Delta n_i} = \sqrt{\overline{n_i}}$  и поэтому

$$\Delta E_i = \alpha \overline{\Delta n_i} = \alpha \sqrt{\overline{n_i}}.$$
 (5)

Из (4), (5) получаем, что

$$R_i = \frac{\Delta E_i}{E_i} = \frac{\text{const}}{\sqrt{E_i}}.$$
 (6)

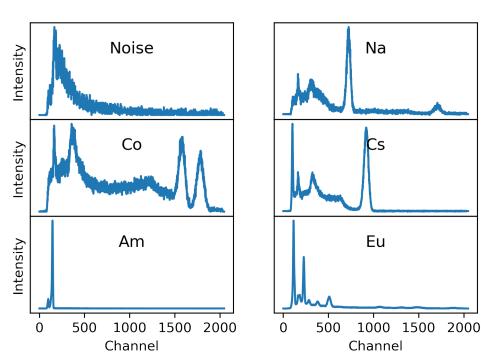
Поскольку энергетическое разрешение зависит от энергии, его следует указывать для конкретной энергии. Чаще всего разрешение указывают для энергии гамма-линии  $^{137}$ Cs (661.7 кэВ).

# Выполнение работы

- 1. Подготовим к работе установку. Исследуем спектры следующих образцов:
  - <sup>22</sup>Na
  - <sup>60</sup>Co
  - <sup>137</sup>Cs
  - <sup>241</sup>Am
  - <sup>152</sup>Eu

Накопление спектра производим в течение ≈600 секунд. Данные для образцов переведем в интенсивности, отнормировав сигнал на время экспериментов. Из сигнала вычтем сигнал шума, измеренный заранее. Спектры представим на Рис. ??:

#### Показания детектора



2. Используя известные значения пиков в спектрах натрия и цезия, построим калибровочный график соответствия номера канала определённому значению энергии (рис. 8).

Получаем уравнение для перехода от номера канала к значению энергии в кэВ:

$$E = (0.776 \pm 0.001)N - 52 \pm 2$$

3. Используя калибровочный график, определим для всех остальных источников значения энергии пиков полного поглощения  $E_i$ , их ширины на половине высоты  $\triangle E_i$  и энергетическое разрешение  $R_i$ . Результаты занесём в Таблицу 1. В последний столбец занесём справочные значения для соответствующих энергий пиков полного поглощения (знаком (к) отмечены значения, по которым проводилась калибровка значений прибора)

Таблица 1: Пики полного поглощения различных образцов

Элемент	$N_i$	$\triangle N_i$	$E_i$ , MeV	$\triangle E_i$ ,	$R_i$	E,  MeV
				MeV		
<sup>22</sup> Na	723	51	0.509	0.039	0.070	0.511(к)
<sup>22</sup> Na	1710	83	1.275	0.065	0.048	1.274(к)
<sup>60</sup> Co	1578	84	1.173	0.065	0.071	1.173
<sup>60</sup> Co	1783	88	1.332	0.068	0.049	1.332
$^{137}\mathrm{Cs}$	918	58	0.660	0.045	0.063	0.662(к)
$^{241}\mathrm{Am}$	145	10	0.061	0.008	0.069	0.595
$^{152}\mathrm{Eu}$	285	25	0.169	0.019	0.087	0.122
<sup>152</sup> Eu	382	25	0.244	0.019	0.065	0.245
$^{152}\mathrm{Eu}$	509	38	0.343	0.029	0.075	0.344

- 4. По графикам определим энергию характеристического излучения свинца, служащего защитой спектрометра от внешнего излучения. На всех спектрах, кроме спектра неизвестного образца, снятого вне установки, в той или иной степени выражена спектральная линия, соответствующая энергии 75 keV. Эта энергия и есть энергия характеристического излучения свинца.
- 5. Проверим зависимость (6). Для этого построим график зависимости  $R^2 = f(1/E)$  (рис. 10). Наблюдается линейная зависимость. Из-за неточностей в определении полуширины пиков точки не лежат на одной прямой.

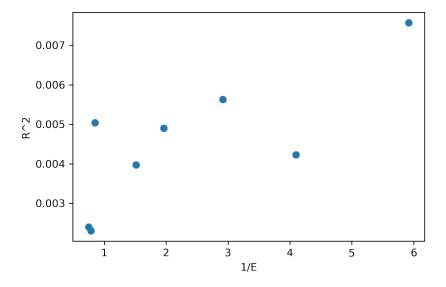


Рис. 1: График зависимости  $\mathbb{R}^2$  от  $1/\mathbb{E}$ 

6. Определим энергии края комптоновского поглощения для образцов  $^{22}$ Na,  $^{137}$ Cs,  $^{60}$ Co, сравним их с соответствующими справочными значениями.

$$\begin{array}{lll} ^{60}{\rm Co} & E_{Cexp} = 0,922 \ {\rm MeV} & E_{Cth} = 0.963 \ {\rm MeV} \\ ^{137}{\rm Cs} & E_{Cexp} = 0,448 \ {\rm MeV} & E_{Cth} = 0.477 \ {\rm MeV} \\ ^{22}{\rm Na} & E_{Cexp} = 0,999 \ {\rm MeV} & E_{Cth} = 1.062 \ {\rm MeV} \end{array}$$

7. В спектрах, где наблюдаются пики обратного рассеяния, определим энергии этих пиков и сравним измеренные значения с определёнными по формуле (2)

$$E_{bs} = \frac{E_{\gamma}}{1 + \frac{2E_{\gamma}}{m_e c^2}}$$

$$\begin{array}{lll} ^{60}{\rm Co}\;(E=1.171\;{\rm MeV}) & E_{Cexp}=0,228\;{\rm MeV} & E_{Cth}=0.209\;{\rm MeV} \\ ^{60}{\rm Co}\;(E=1.333\;{\rm MeV}) & E_{Cexp}=0,228\;{\rm MeV} & E_{Cth}=0.214\;{\rm MeV} \\ ^{137}{\rm Cs}\;(E=0.662\;{\rm MeV}) & E_{Cexp}=0,198\;{\rm MeV} & E_{Cth}=0.184\;{\rm MeV} \end{array}$$

Эти значения практически совпадают. Пики обратного рассеяния в спектре кобальта, отвечающие разным пикам полного поглощения, на графике неразрешимы (виден один широкий пик).

## Вывод

В ходе работы после калибровки прибора были сняты спектры образцов  $^{22}$ Na,  $^{60}$ Co,  $^{137}$ Cs,  $^{241}$ Am,  $^{152}$ Eu, а также исследован спектр неизвестного образца и определен его состав ( $^{137}$ Cs). В спектрах были исследованы пики, соответствующие следующим взаимодействиям гамма-квантов с веществом:

- фотоэффект (пики полного поглощения)
- эффект Комптона (характерное распределение энергий в спектре, оканчивающееся комптоновским краем)
- обратное рассеяние (пики обратного рассеяния)
- аннигиляция позитронов (пик 511 keV в спектре натрия, по которому проводилась калибровка)

Все значения энергии, опеределённые по спектрам, практически совпадали с табличными и расчётными.

Также была проверена линейная зависимость квадрата спектрального разрешения прибора от величины, обратной энергии полного поглощения.