МИНОБРНАУКИ РОССИИ

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ПРОФЕССИОНАЛЬНОГО ОБРАЗОВАНИЯ

«САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ПЕТРА ВЕЛИКОГО»

Институт компьютерных наук и кибербезопасности Высшая школа технологий искусственного интеллекта Направление 02.03.01 Математика и компьютерные науки

Отчет по лабораторной работе №3

по дисциплине «Функциональное программирование» Вариант 4

Обучающийся: _____

Руководитель:	Моторин Д.Е.	

Шихалев А.О.

«____»_____20___г.

Содержание

B	Введение		3
1	Математическое описание		4
	1.1	Шифр Цезаря	4
2	Oco	обенности реализации	5
	2.1	Исходное изображение и текст	5
	2.2	Кодирование и декодирование текста с помощью шифра Цезаря	6
	2.3	Представление текста в виде последовательности бит	7
	2.4	Работа с файлами	8
	2.5	Сохранение зашифрованных данных в изображении	8
		2.5.1 Первый вариант функции	8
		2.5.2 Второй вариант функции	10
	2.6	Чтение зашифрованных данных из изображения	11
		2.6.1 Первый вариант	11
		2.6.2 Второй вариант	12
3	Рез	ультаты работы программы	13
	3.1	Первый вариант	13
	3.2	Второй вариант	14
За	клю	учение	17
C	Список литературы		18

Введение

Практическое задание №3 представляет собой реализацию следующего задания:

1. Найти портрет указанного человека:

Ковалевская, Софья Васильевна

2. Перевести изображение в формат .bmp (24-разрядный), при необходимости изменить ширину и высоту изображения без искажений. Сохранить в файл формата .txt фрагмент биографии (не менее 1000 символов без пробелов, текст не должен обрываться на середине слова или предложения). Закодировать текст в изображение методом:

Шифром Цезаря. Смещение задается пользователем

Ключ к шифру записывается в имя файла. Написать функцию расшифровывающую текст из изображения используя ключ из имени файла и сохраняющую результат в отдельный текстовый файл.

- 3. Создать функции, шифрующие текст последний бит каждого байта, последние два бита каждого байта, ..., все биты в байте. В отчете привести примеры искажений изображения.
- 4. Написать второй вариант функции, шифрующую текст в изображение, а именно закодировать битовую последовательность зашифрованного текста следующим образом:
 - все чётные биты в канал RED;
 - все нечётные биты в канал GREEN;
 - исходную битовую последовательность канала BLUE инвертировать.

Лабораторная работа выполнена на языке Haskell в текстовом редакторе Visual Studio Code 1.95.3.

1 Математическое описание

1.1 Шифр Цезаря

Шифр Цезаря (лат. Notae Caesarianae), также известный как шифр сдвига или код Цезаря — разновидность шифра подстановки, в котором каждый символ в открытом тексте заменяется символом, находящимся на некотором постоянном числе позиций левее или правее него в алфавите (так, в шифре со сдвигом вправо на 3, А была бы заменена на Г, Б станет Д, и так далее). Шифр был назван в честь римского полководца Гая Юлия Цезаря, использовавшего его для секретной переписки со своими военачальниками.

Если сопоставить каждому символу алфавита его порядковый номер (нумеруя с 0), то шифрование и дешифрование можно выразить формулами модульной арифметики [1]:

$$y = (x+k) \mod n$$

$$x = (y - k) \mod n$$

где:

x — символ открытого текста,

у — символ шифрованного текста,

n — мощность алфавита,

k — ключ.

2 Особенности реализации

2.1 Исходное изображение и текст

Для выполнения лабораторной работы необходимо было найти изображение Ковалевской Софьи Васильевны (см. рис. 1). Изображение было переведено из формата jpeg в формат bmp с помощью сайта [3].



Рис. 1. Изображение Ковалевской С.В.

Отрывок биографии Ковалевской Софьи Васильевны длиною в 1442 символа без учёта пробелов представлен ниже.

Sofya Vasilyevna Kovalevskaya (born January 15, 1850, Moscow, Russia, died February 10, 1891, Stockholm \rightarrow , Sweden) was a mathematician and writer who made a valuable contribution to the theory of partial \rightarrow differential equations. She was the first woman in modern Europe to gain a doctorate in mathematics \rightarrow , the first to join the editorial board of a scientific journal, and the first to be appointed professor \rightarrow of mathematics. In 1868 Kovalevskaya entered into a marriage of convenience with a young paleontologist \rightarrow , Vladimir Kovalevsky, in order to leave Russia and continue her studies. The pair traveled together \rightarrow to Austria and then to Germany, where in 1869 she studied at the University of Heidelberg under the \rightarrow mathematicians Leo Konigsberger and Paul du Bois—Reymond and the physicist Hermann von Helmholtz \rightarrow . The following year she moved to Berlin, where, having been refused admission to the university on account

 ⇔ of her gender, she studied privately with the mathematician Karl Weierstrass. In 1874 she presented

 ⇔three papers on partial differential equations, on Saturn's rings, and on elliptic integrals to the University

 ⇔ of Gottingen as her doctoral dissertation and was awarded the degree summa cum laude in absentia

 ⇔ Her paper on partial differential equations, the most important of the three papers, won her valuable

 ⇒ recognition within the European mathematical community. It contains what is now commonly known

 ⇒ as the Cauchy—Kovalevskaya theorem, which gives conditions for the existence of solutions to a certain

 ⇒ class of partial differential equations. Having gained her degree, she returned to Russia, where her daughter

 ⇒ was born in 1878. She separated permanently from her husband in 1881.

2.2 Кодирование и декодирование текста с помощью шифра Цезаря

Код функций для кодирования и декодирования текста с помощью шифра Цезаря представлен в листинге листинге 1. Функция encryptCaesar принимает алфавит в виде списка символов, смещение и сам текст, а возвращает зашифрованный текст. В её коде используется вспомогательная функция indexOfSymbol. Функция принимает список и элемент списка, а возвращает индекс этого элемента. Для создания алфавита используется функция сreateAlphabetFromText. Она принимает текст, а возвращает алфавит, который в нём используется, в виде списка символов. Для декодирования текста используется функция decryptCaesar, которая, по-сути, является лишь обёрткой над функцией encryptCaesar, так как процесс кодирования осуществляется почти так же как и декодирования. Функция decryptCaesar принимает на вход алфавит, смещение и закодированный текст, а возвращает декодированный текст.

Листинг 1. Функции для кодирования и декодирования текста с помощью шифра Цезаря.

```
createSpecialChars :: [Char]
  createSpecialChars = [', ', '!', '(', ')', ',', '-','.', ':', ';', '?',
       \hookrightarrow '\ ', ']
  createAlphabet :: [Char]
  createAlphabet = ['A'..'Z'] ++ ['a'..'z'] ++ ['0'..'9'] ++
       \hookrightarrow createSpecialChars
  \texttt{encryptCaesar} \ :: \ [\texttt{Char}] \ -\!\!\!\!> \ \texttt{Int} \ -\!\!\!\!> \ \texttt{String} \ -\!\!\!\!> \ \texttt{String}
   encryptCaesar alphabet shift text = map caesarChar text
  where
  caesarChar c = alphabet !! ((indexOf alphabet c + shift) 'mod' length
11
       \hookrightarrow alphabet)
12
  [indexOfSymbol :: [Char] \rightarrow Char \rightarrow Int]
14 indexOfSymbol alphabet symbol =
15 case elemIndex symbol alphabet of
```

```
16 | Just idx \rightarrow idx
  Nothing -> error "Character not found in alphabet!!!"
17
18
19
  encryptCaesar :: [Char] -> Int -> String -> String
20
  encryptCaesar alphabet shiftCaesar text = map caesarChar text
21
22
  where
  caesarChar c = alphabet !! ((indexOfSymbol alphabet c + shiftCaesar) 'mod'
23
      \hookrightarrow length alphabet)
24
  decryptCaesar :: [Char] -> Int -> String -> String
  decryptCaesar alphabet shift =
26
  encryptCaesar alphabet (alphabetLength - (shift 'mod' alphabetLength))
  where
28
  alphabetLength = length alphabet
```

Пример закодированного с помощью шифра Цезаря текста биографии Ковалевской Софьи Васильевны для смещения 5 представлен ниже.

Xtk3f,afxnq3j0sf,Pt0fqj0xpf3f,:gtws,Ofszfw3,6?,6(5?,Rtxht1?,Wzxxnf?,inji,Kjgwzfw3,65?,6()6?,Xythpmtqr $\hookrightarrow ?, X1jijs;, 1fx, f, rfymjrfynhnfs, fsi~, 1wnyjw, 1mt, rfij~, f~, 0~fqzfgqj~, htsywngzynts, yt, ymj, ymjtw3, tk, ufwynfq, inkkjwjsynfq~, i$ \rightarrow ,jvzfyntsxA,Xmj,1fx,ymj,knwxy,1trfs,ns,rtijws,Jzwtuj,yt,lfns,f,ithytwfyj,ns,rfymjrfynhx?,ymj,knwxy,yt \hookrightarrow ,otns,ymj,jinytwnfq,gtfwi,tk,f,xhnjsynknh,otzwsfq?,fsi,ymj,knwxy,yt,gj,fuutnsyji,uwtkjxxtw,tk,rfymjrfynhxA \rightarrow ,Ns,6(!(,Pt0fqj0xpf3f,jsyjwji,nsyt,f,rfwwnflj,tk, hts0jsnjshj,1 nym,f,3 tzsl,ufqjtsytqtlnxy?,aqfinrnw,Pt0fqj0xp3 \hookrightarrow ?,ns,twijw,yt,qjf0j,Wzxxnf,fsi,htsynszj,mjw,xyzinjxA,Ymj,ufnw,ywf0jqji,ytljymjw,yt,Fzxywnf,fsi,ymjs \rightarrow Ptsnlxgjwljw,fsi,Ufzq,iz,Gtnx'Wj3rtsi,fsi,ymj,um3xnhnxy,Mjwrfss,0ts,Mjqrmtqy4A,Ymj,ktqqt1nsl,3jfw \rightarrow ,xmj,rt0ji,yt,Gjwqns?,1mjwj?,mf0nsl,gjjs,wjkzxji,firnxxnts,yt,ymj,zsn0jwxny3,ts,fhhtzsy,tk,mjw,ljsijw?, $\rightarrow \text{xmj,xyzinji,uwn0fyjq3,1nym,ymj,rfymjrfynhnfs,Pfwq,bjnjwxywfxxA,Ns,6} ("9,\text{xmj,uwjxjsyji,ymwjj,ufujwx}) \\$ $\hookrightarrow, ts, ufwynfq, inkkjwjsynfq, jvzfyntsx?, ts, XfyzwsEx, wnslx?, fsi, ts, jqqnuynh, nsyjlwfqx, yt, ymj, Zsn0jwxny3, tk, ymj, Zsn0jwxny$ \hookrightarrow , Ltyynsljs, fx, mjw, ithytwfq, inxxjwyfynts, fsi, 1fx, f1fwiji, ymj, ijlwjj, xzrrf, hzr, qfzij, ns, fgxjsynfA, Mjw, ufujw $\hookrightarrow, 1 \\ nymns, ymj, Jzwtujfs, rfymjrfynhfq, htrrzsny3A, Ny, htsyfnsx, 1 \\ mfy, nx, st1, htrrtsq3, pst1s, fx, ymj, Hfzhm3'$ $\rightarrow Pt0fqj0xpf3f,ymjtwjr?,1mnhm,ln0jx,htsinyntsx,ktw,ymj,j2nxyjshj,tk,xtqzyntsx,yt,f,hjwyfns,hqfxx,tk,ufwynfq$ \rightarrow ,inkkjwjsynfq,jvzfyntsxA,Mf0nsl,lfnsji,mjw,ijlwjj?,xmj,wjyzwsji,yt,Wzxxnf?,1mjwj,mjw,ifzlmyjw,1fx,gtws \hookrightarrow ,ns,6("(A,Xmj,xjufwfyji,ujwrfsjsyq3,kwtr,mjw,mzxgfsi,ns,6((6A

2.3 Представление текста в виде последовательности бит

Код функций для преобразования текста в последовательность бит и обратно представлен в листинге 2. Функция textToBits принимает текст в виде строки и возвращает его представление в виде вектора бит. Она использует вспомогательную функцию charToBits,

которая преобразует символ в список бит, представляющих его код ASCII в двоичном виде. Для преобразования последовательности бит обратно в текст используется функция bitsToText. Она рекурсивно делит вектор бит на блоки по 8 бит, преобразует каждый блок в символ ASCII и объединяет их в строку. В процессе этого преобразования используется функция bitsToInt, которая преобразует вектор бит в целое число, интерпретируя их как двоичное представление этого числа.

Листинг 2. Функции для конвертации текста в последовательность бит и обратно.

```
textToBits :: String -> VU. Vector Int
  textToBits text = VU.fromList $ concatMap charToBits text
  charToBits :: Char -> [Int]
  charToBits c = [if testBit (ord c) i then 1 else 0 | i <- [7,6..0]]
  bitsToText :: VU. Vector Int -> String
  bitsToText bits
  | VU. null bits = []
  otherwise = (chr $ bitsToInt (VU.take 8 bits)) : bitsToText (VU.drop 8
      \hookrightarrow bits)
11
  bitsToInt :: VU. Vector Int -> Int
12
  bitsToInt bits =
  sum [bit * (2 ^ index) | (bit, index) <- zip (VU.toList bits) [len,(len -
     \hookrightarrow1)..0]
  where
15
  len = VU.length bits - 1
```

2.4 Работа с файлами

Для работы с текстовыми файлами использовались базовые функции Haskell – readFile (читает содержимое файла и возвращает его как строку) и writeFile (записывает строку в файл, заменяя его содержимое).

Для работы с изображениями использовалась библиотека JuicyPixels [4]. С её помощью можно как прочитать изображение в любом популярном формате, так и сохранить его. В частности в работе использовались функции: readImage – для чтения изображения из указанного файла, saveBmpImage – для сохранения изображения в формате bmp.

2.5 Сохранение зашифрованных данных в изображении

2.5.1 Первый вариант функции

Код функций для создания изображения с закодированными данными представлен в листинге 3. Функция encodePixel отвечает за кодирование последовательности бит в опре-

делённый пиксель изображения. Она принимает количество бит данных, которое будет сохранено в каждый байт изображения, исходное изображение, вектор бит зашифрованных данных, координаты пикселя (x,y) и возвращает новый пиксель с закодированными данными. Для этого функция вычисляет индекс пикселя в изображении, извлекает соответствующую часть вектора бит данных, преобразует её в целые числа, накладывает битовую маску, которая соответствует количество изменяемых бит в байте, и записывает закодированные данные. Для создания маски используется вспомогательная функция createMask.

Функция encodePixel затем используется вместе с функцией generateImage из библиотеки JuicyPixels для генерации нового изображения.

При сохранении изображения в файл, в его названии сохраняется смещение шифра Цезаря и количество бит в байте, отведённых для хранения зашифрованных данных. Например, название изображения sofya_2_10.bmp означает, что при кодировании использовался код Цезаря со смещением 10, а для хранения закодированных данных в каждом байте изображения использовалось 2 бита.

Листинг 3. Функции для создания изображения с закодированными данными.

```
createMask :: Int -> Int
  createMask shift = shiftL (complement 0) shift .&. complement 0
  encodePixel :: Int -> Image PixelRGB8 -> VU. Vector Int -> Int -> Int ->
     \hookrightarrowPixelRGB8
  encodePixel bitsPerByte img bits x y = PixelRGB8 newR newG newB
  where
  width = imageWidth img
  index = x + y * width
  startPos = index * 3 * bitsPerByte
  pixelBits = VU.slice startPos (3 * bitsPerByte) bits
11
12
| bitsIntR = bitsToInt $ VU. slice 0 bitsPerByte pixelBits
  bitsIntG = bitsToInt $ VU. slice bitsPerByte bitsPerByte pixelBits
| bitsIntB = bitsToInt $ VU. slice (2 * bitsPerByte) bitsPerByte pixelBits
 | mask = createMask bitsPerByte
17
18
19 PixelRGB8 r g b = pixelAt img x y
20 \mid \text{newR} = \text{intToWord8}  ((word8ToInt r) .&. mask) .|. bitsIntR
21 \mid \text{newG} = \text{intToWord8}  ((word8ToInt g) .&. mask) .|. bitsIntG
```

2.5.2 Второй вариант функции

Второй вариант функции encodePixel аналогичен первому, но с некоторыми изменениями в логике извлечения бит и обработки пикселей. Эта функция принимает такие же параметры, как и в первом варианте: количество бит данных, которые будут сохранены в каждый байт изображения, исходное изображение, вектор бит зашифрованных данных, координаты пикселя (x,y) и возвращает новый пиксель с закодированными данными.

Особенностью второго варианта является использование функции VectorU.ifilter, которая позволяет извлекать биты для каждого канала (красного и зелёного) по отдельности. Для канала красного (R) извлекаются биты с чётными индексами, а для зелёного (G) — с нечётными индексами. Это достигается с помощью фильтрации индексов, где для каждого индекса проверяется, является ли он чётным или нечётным. Кроме того, для синего канала (B) применяется операция дополнения (комплемента) значения цвета.

После извлечения битов для каждого канала они преобразуются в целые числа с помощью функции bitsToInt, и затем эти значения накладываются на исходные значения пикселя с использованием битовой маски, создаваемой функцией createMask.

Функция encodePixel затем используется в сочетании с функцией generateImage из библиотеки JuicyPixels для генерации нового изображения.

Листинг 4. Второй вариант функции сохранения зашифрованных данных в изображение

```
encodePixel :: Int -> Image PixelRGB8 -> VectorU. Vector Int -> Int -> Int
      \hookrightarrow \rightarrow \rightarrow PixelRGB8
  encodePixel bitsPerByte img bits x y = PixelRGB8 newR newG newB
  width = imageWidth img
  index = x + y * width
  startPos = index * 2 * bitsPerByte
  pixelBits = VectorU.slice startPos (2 * bitsPerByte) bits
10 bitsIntR = bitsToInt $ VectorU.ifilter (\i -> i 'mod' 2 == 0) pixelBits
  bitsIntG = bitsToInt \$ VectorU.ifilter (\ i \_ -> i `mod` 2 == 1) pixelBits
11
13 mask = createMask bitsPerByte
14
15 PixelRGB8 r g b = pixelAt img x y
16 newR = intToWord8 $ ((word8ToInt r) .&. mask) .|. bitsIntR
17 \mid \text{newG} = \text{intToWord8}  ((word8ToInt g) .&. mask) . | . bitsIntG
  newB = complement b
```

Чтение зашифрованных данных из изображения

Первый вариант 2.6.1

Код функций для чтения зашифрованных данных из изображения представлен в листинге 5. Функция extractBits извлекает заданное количество бит из одного байта пикселя. Она принимает число бит на байт и байт пикселя, возвращая список бит. Функция extractBitsFromPixel предназначена для извлечения бит из всех трёх цветовых каналов (R,G,B) пикселя. Она объединяет списки бит из каждого канала в один общий список. Для извлечения бит из всего изображения используется функция extractBitsFromImage. Она последовательно обрабатывает все пиксели изображения, извлекая биты с помощью extractBitsFromPixel, и объединяет их в общий список.

Функция extractShift извлекает смещения для шифра Цезаря из названия файла изображения.

Листинг 5. Функции для чтения зашифрованных данных из изображения.

```
extractBits :: Int -> Pixel8 -> [Int]
  extractBits bitsPerByte pixelByte =
  [ if testBit pixelByte i then 1 else 0 | i <- [bitsPerByte-1, bitsPerByte
      \hookrightarrow -2..0
  extractBitsFromPixel :: Int -> PixelRGB8 -> [Int]
  extractBitsFromPixel bitsPerByte (PixelRGB8 r g b) =
  let bitsR = extractBits bitsPerByte r
      bitsG = extractBits bitsPerByte g
      bitsB = extractBits bitsPerByte b
  in bitsR ++ bitsG ++ bitsB
10
11
  extractBitsFromImage :: Int -> Image PixelRGB8 -> [Int]
12
13
  extractBitsFromImage bitsPerByte img =
  let width = imageWidth img
14
      height = imageHeight img
15
      pixels = [pixelAt img x y | y < -[0..height - 1], x < -[0..width - 1]]
16
17 in concatMap (extractBitsFromPixel bitsPerByte) pixels
18
19 extractShift :: String -> Maybe Int
20 extractShift path =
  let shift = takeWhile ('elem' ['0'...'9']) (reverse $ takeWhile (/= '') (
     \hookrightarrow reverse path))
22 in readMaybe shift
```

2.6.2 Второй вариант

Основное отличие второго варианта заключается в способе обработки бит из цветовых каналов. В данном подходе функция extractBitsFromPixel чередует биты из красного (R) и зелёного (G) каналов, создавая общий список бит в порядке их чередования. Для реализации этого используется вспомогательная функция interleave, которая принимает два списка и чередует их элементы.

Функция extractBitsFromPixel принимает количество бит на байт и пиксель (PixelRGB8), извлекая биты из каналов R и G с использованием функции extractBits. Затем с помощью функции interleave списки бит из каналов R и G объединяются в один список с чередованием элементов.

Функции extractBits и extractBitsFromImage остаются такими же, как в первом варианте, но теперь используют модифицированную extractBitsFromPixel. Использование функции interleave позволяет упорядочить биты из двух списков в чередующемся порядке. Второй вариант функции textttextractBitsFromPixel извлечение битов из пикселей изображения представлен в листинге 6.

Листинг 6. Функции для чтения зашифрованных данных из изображения (второй вариант).

```
extractBitsFromPixel :: Int -> PixelRGB8 -> [Int]

extractBitsFromPixel bitsPerByte (PixelRGB8 r g b) =

let bitsR = extractBits bitsPerByte r

bitsG = extractBits bitsPerByte g

interleave [] [] = []

interleave (x:xs) [] = x : interleave xs []

interleave [] (y:ys) = y : interleave [] ys

interleave (x:xs) (y:ys) = x : y : interleave xs ys

in interleave bitsR bitsG
```

3 Результаты работы программы

3.1 Первый вариант

При успешном завершении программа создаёт три файла: файл изображения с закодированных текстом, текстовый файл с закодированным текстом и текстовый файл с декодированным текстом.

Рис. 2. Результаты работы программы в консоли.

На Рис. 2 представлены результаты работы программы в консоли.

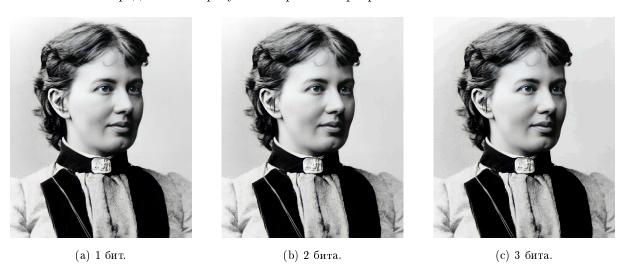


Рис. 3. Изображения с зашифрованными данными.

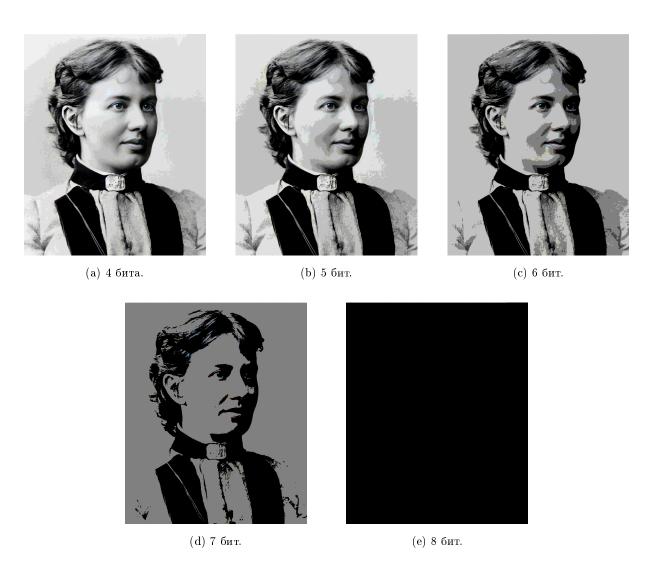


Рис. 4. Изображения с зашифрованными данными.

На рисунках 3a-3c и 4a-4e представлены результирующие изображения с разным количеством бит, отведённых под зашифрованные данные.

3.2 Второй вариант

Аналогично первому случаю, программа при успешном завершении создаст три файла с выводом в консоль путей сохранения файлов и изображения. Результаты работы программмы в консоли представлены на рис. 5.

Рис. 5. Результаты работы программы в консоли.



Рис. 6. Изображения с зашифрованными данными.

На рисунках 6а-6f и 7а-7b представлены результирующие изображения с разным ко-



Рис. 7. Изображения с зашифрованными данными.

личеством бит, отведённых под зашифрованные данные.

Заключение

В результате выполнения лабораторной работы была создана программа на языке Haskell, которая способна кодировать текстовые данных из указанного файла с помощью шифра Цезаря и сохранять эти данные внутрь изображения. Причём программа позволяет выбрать как смещение для шифра Цезаря, так и количество бит, которое будет использовано в каждом байте изображения для хранения данных.

Список литературы

- [1] Luciano, D., Prichett, G., Cryptology: From Caesar Ciphers to Public-Key Cryptosystems, The College Mathematics Journal, 1987.
- [2] David Deutsch personal website, URL: https://www.daviddeutsch.org.uk/, Дата обращения: 19.11.2024
- [3] Convertio BPM to JPG online converter, URL: https://convertio.co/ru/bmp-jpg/, Дата обращения: 19.11.2024
- [4] Hackage JuicyPixels: Picture loading/serialization, URL: https://hackage.haskell.org/package/JuicyPixels, Дата обращения: 19.11.2024