Национальный исследовательский университет «МЭИ» Институт Радиотехники и электроники им. В.А. Котельникова

Занятие №2

«Воздействие сигнала и шума на линейный АД»

Группа: ЭР-15-15

Студент: Жеребин В. Р.

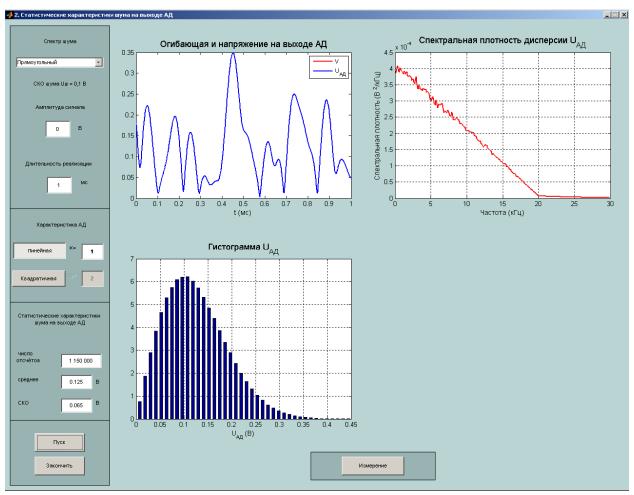
Преподаватель: Наумова Ю.Д.

Москва 2019

Лабораторная работа

«Статистические характеристики шума на выходе АД»

Учитывая, что в модели лабораторной работы эффективное напряжение шума на входе АД принято равным $0,1\,$ В, а среднее значение выходного напряжения равно $0,1\,$ В, то значение коэффициента передачи АД $K_{\scriptscriptstyle \rm Z}$ будет составлять 1.



 $Puc.1.\ Peзультат моделирования: при <math>K_0=1\ u\ a=0$

Среднее значение напряжения на выходе АД:

$$\overline{U} = K_{II} U_{III} \sqrt{\frac{\pi}{2}} \approx 1.0, 1.1, 25 = 0,125 B$$

Эффективное напряжение (СКО) шума:

$$\sigma_U = K_{\mathcal{A}} U_{\mathcal{U}} \sqrt{\frac{4-\pi}{2}} \approx 1 \cdot 0, 1 \cdot 0, 66 = 0,066 \ B$$

Измеренные значения среднего напряжения и СКО на выходе АД совпадают с теоретическими.

В общем случае среднее значение напряжения на выходе АД определяется выражением:

$$\overline{U}=K_{_{/\!\!/}}U_{_{/\!\!/}\!\!/}M\left(a
ight),$$
 где $M\left(a
ight)-\phi$ ункция зависящая от $a,a=rac{U_{_{c}}}{U_{_{uu}}}$

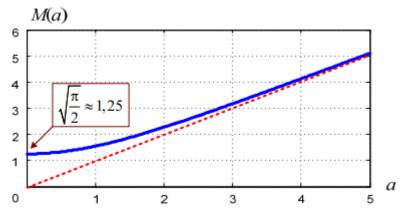


Рис.2. График функции М(а)

В общем случае эффективное напряжение шума определяется выражением:

$$\sigma_{\!\scriptscriptstyle U} = K_{\!\scriptscriptstyle A} U_{\!\scriptscriptstyle I\!\!U} N(a), \;$$
где $N(a)$ – функция зависящая от $a,a=\frac{U_c}{U_{\!\scriptscriptstyle u}}$

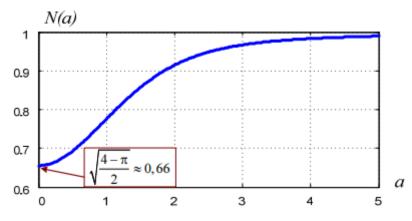
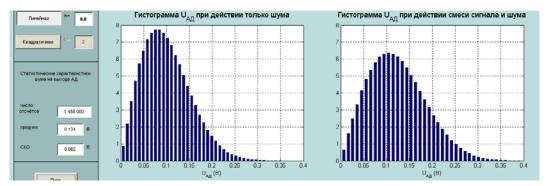
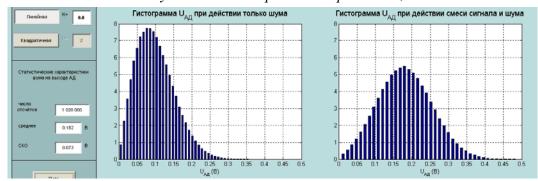


Рис.3. График функции N(a)

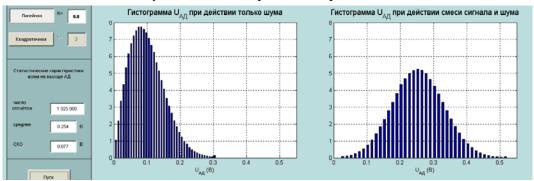
Зависимости постоянной составляющей и эффективного значения напряжения на выходе АД от амплитуды сигнала, при неизменном уровне шума на входе АД, будут соответствовать форме функциям M(a) и N(a) соответственно.



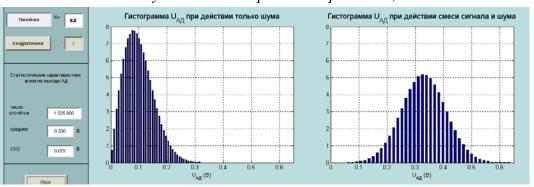
 $Puc.4.1.\ Peзультат\ моделирования:\ npu\ K_{\partial}=0.8\ u\ a=1$



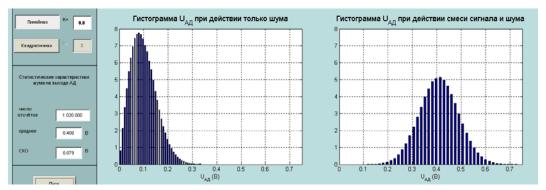
 $Puc.4.2\ Peзультат\ моделирования:\ npu\ K_{\partial}=0.8\ u\ a=2$



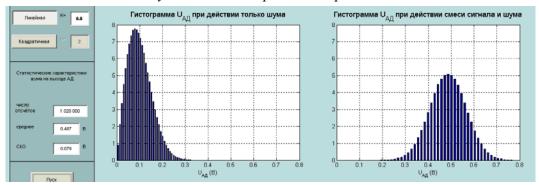
 $Puc.4.3.\ Peзультат моделирования: при <math>K_0=0.8\ u\ a=3$



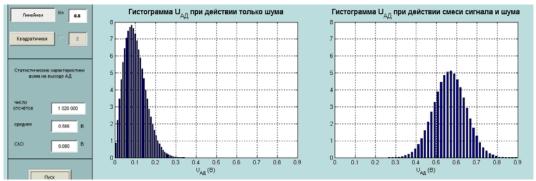
Puc.4.4. $Peзультат моделирования: при <math>K_0=0.8$ и a=4



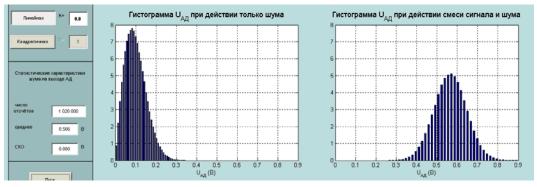
Puc.4.5. $Peзультат моделирования: при <math>K_{\partial}=0.8$ и a=5



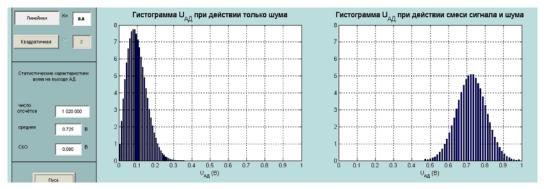
 $Puc.4.6.\ Peзультат\ моделирования:\ npu\ K_{\it d}=0,8\ u\ a=6$



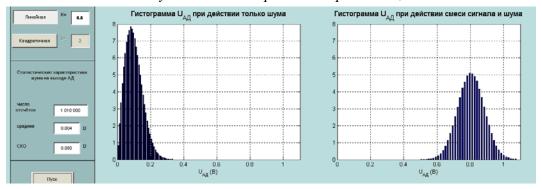
 $Puc.4.7.\ Peзультат\ моделирования:\ при\ K_{\it d}=0.8\ u\ a=7$



Puc.4.8. $Peзультат моделирования: при <math>K_0=0.8$ и a=8

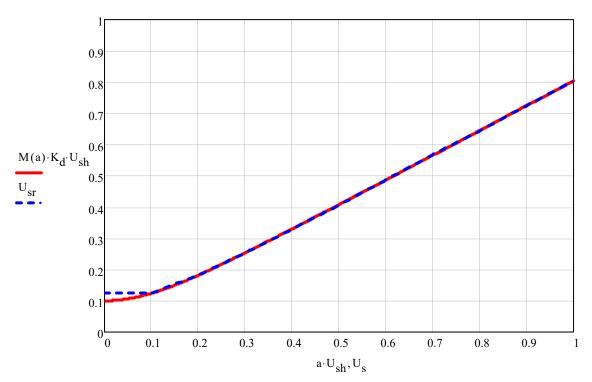


Puc.4.9. $Peзультат моделирования: при <math>K_0 = 0.8$ и a = 9



Puc.4.10. $Peзультат моделирования: при <math>K_{\delta} = 0.8$ и a = 10

Выводы: при отсутствии сигнала на входе АД, на выходе будет формироваться случайный процесс с законом распределения Релея со средним значением $\bar{U}=0.125\,B$ и СКО $\sigma_U=0.066\,B$. С повышением амплитуды сигнала увеличивается отношение сигнал/шум, из-за чего среднее напряжение на выходе АД увеличивается, а СКО уменьшается. При отношении сигнал/шум более 3, закон распределения на выходе АД становится нормальным. Это происходит потому, что синусная составляющая шума практически перестает влиять огибающую суммы сигнала и шума, а так как косинусная составляющая имеет нормальный закон распределения с нулевым мат. ожиданием, то огибающая суммы сигнала и шума на выходе АД будет иметь нормальный закон распределения с средним значением равным амплитуде сигнала.



 $Puc.5.\ \Gamma$ рафик зависимости теоретической и измеренной постоянной составляющей напряжения на выходе $A\mathcal{I}$

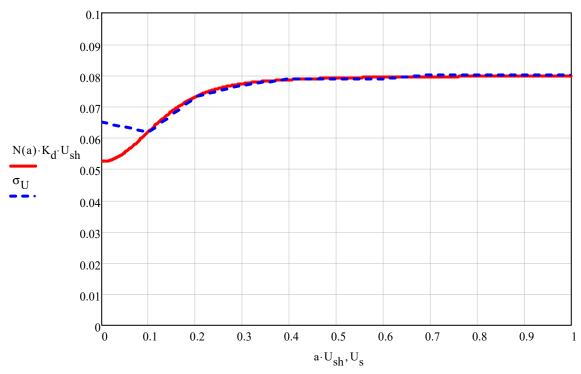
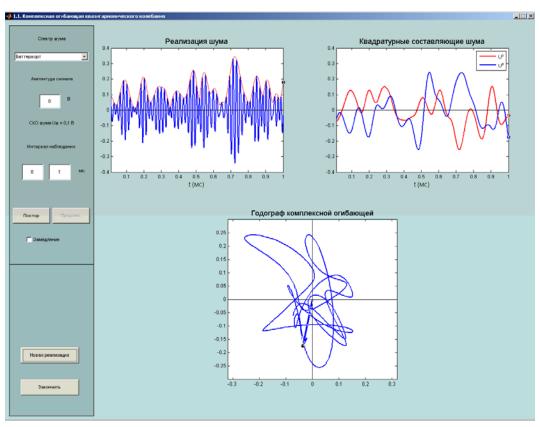


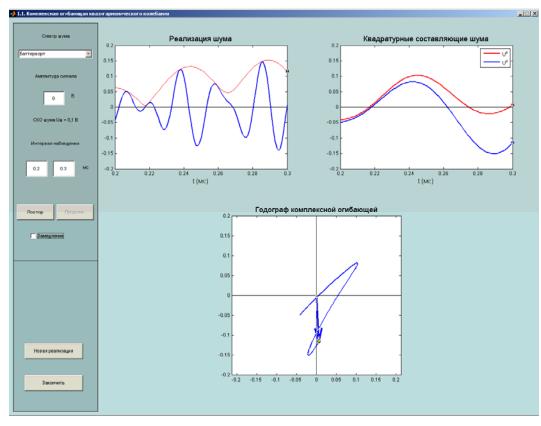
Рис. 6. График зависимости теоретического и измеренного эффективного значения напряжения на выходе $A \mathcal{I}$

При малом отношении сигнал/шум теоретическая зависимость несколько отличается от измеренного.

«Комплексная огибающая квазигармонического колебания»



 $Puc.7.1.\ Peзультат\ моделирования\ на интервале\ [0,\ 1\ мc],\ npu\ a=0$



Puc.7.2. Pesyльтат моделирования на интервале [0.2, 0.3 мс], при <math>a=0

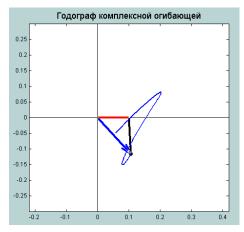


Рис. 7.3. Результат моделирования на интервале [0.2, 0.3 мс], при a = 1

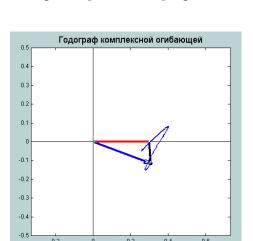


Рис. 7.4. Результат моделирования на интервале [0.2, 0.3 мс], при a = 3

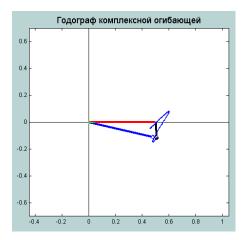


Рис. 7.4. Результат моделирования на интервале [0.2, 0.3 мс], при a = 5

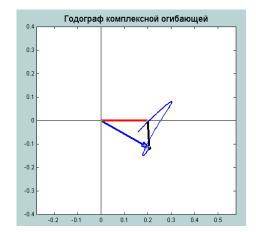


Рис.7.4. Результат моделирования на интервале [0.2, 0.3 мс], при a = 2

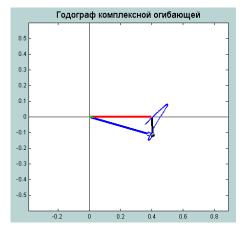
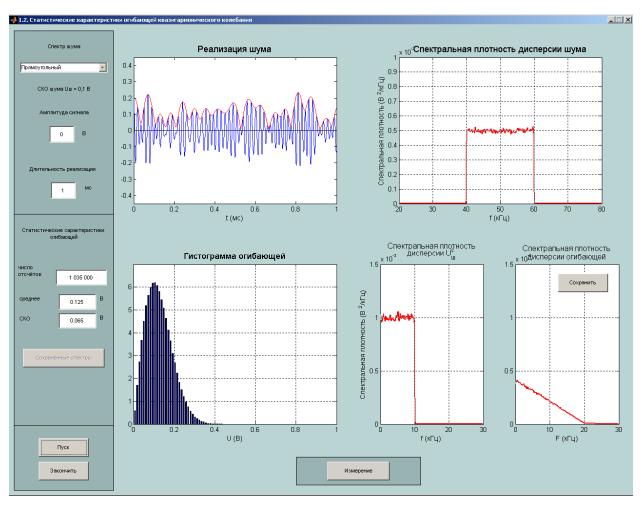


Рис.7.4. Результат моделирования на интервале [0.2, 0.3 мс], при a = 4

Выводы: при отсутствии сигнала на входе АД огибающая зависит только от составляющих шума, если обе составляющих будут равны нулю в определенный момент времени, то огибающая в этот момент времени будет

иметь провал до нуля, а годограф пройдет через нуль. При увеличении амплитуды сигнала, увеличивается косинусная составляющая, а синусная остается неизменной, в результате чего синусная оказывает меньшее влияние на огибающую. Поэтому при больших значениях отношения сигнал/шум огибающая смеси сигнала и шума будет зависеть только от амплитуды сигнала и косинусной составляющей шума, и чем больше будет уровень сигнала, тем больше будет значение постоянной составляющей огибающей.

«Статистические характеристики огибающей квазигармонического колебания»



 $Puc.8.\ Peзультат\ моделирования\ статистических\ характеристик\ при\ a=0$

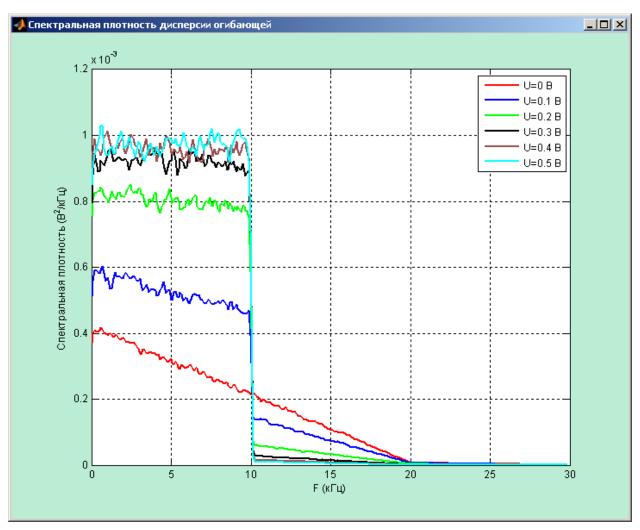


Рис.9. Семейство энергетических спектров шумовой составляющей огибающей для значений амплитуды сигнала 0B, 0.1B, 0.2B, 0.3B, 0.4B и 0.5B

F = 0.07 кГц	G = 5.7e-004 В^2/кГц
F = 10.12 кГц	G = 1.4e-004 В^2/кГц
F = 10.12 кГц	G = 4.2e-004 В^2/кГц
F = 20.17 кГц	G = 6.9e-006 В^2/кГц

Рис.10. Координаты отмеченных точек

Выводы: измеренные значения спектра при отношении сигнал/шум равном единице совпадают с теоретическими: $0,56~\mathrm{B^2/k\Gamma \mu}$ (при F=0); $0,44~\mathrm{B^2/k\Gamma \mu}$ и $0,15~\mathrm{B2/k\Gamma \mu}$ (при $F=\Pi_{\mathrm{m}}/2$); $0~\mathrm{B^2/k\Gamma \mu}$ (при $F=\Pi_{\mathrm{m}}$). С увеличением отношения с/ш энергетический спектр приобретает прямоугольный вид, так как возрастает косинусная составляющая на промежутке [0; Π ш/2] за счет прибавления к ней постоянной составляющей сигнала.