#### Национальный исследовательский университет





# ОСНОВЫ ТЕОРИИ РАДИОСИСТЕМ И КОМПЛЕКСОВ РАДИОУПРАВЛЕНИЯ

# 11. Радиоуправление космическими аппаратами



# 11.1. Классификация КА

По дальност і	И
дейст вия	

- Баллистические ракеты
- ИСЗ или космические корабли
- 3. КА ближнего космоса
- 4. Межпланетные КА

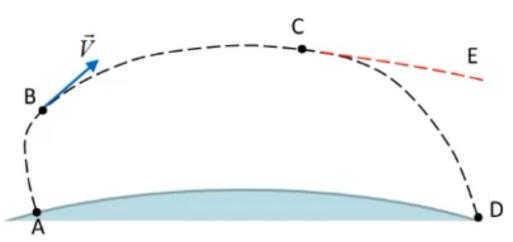
#### По способу управления

- 1. Автоматические
- 2. Пилотируемые

#### По выполняемым задачам

- 1. Транспортные
- 2. Метеорологические
- 3. Связные
- 4. Навигационные
- 5. Разведывательные

## 11.2. Основные участки полета



- А точка старта
- АВ активный участок, вывод на орбиту
- В точка бросания
- ВС участок свободного полета
- С точка коррекции траектории
- CD завершающий участок полета
- СЕ переход на новую траекторию
- D точка спуска/посадки на планету

Главная особенност ь – основную част ь времени управляемый КА движет ся по баллист ической т раект ории свободного полет а



# 11.3. Траектории свободного полета

Рассматриваем движение КА, как движение материальной точки массой m под воздействием силы F в инерциальной системе координат.

$$m\frac{d^2\vec{r}}{dt^2} = \vec{F}$$

На участке свободного полета основная сила – это сила тяготения, вызванная гравитационным взаимодействием двух тел. Поскольку масса КА много меньше массы Земли, то можно полагать, что КА движется в центральном поле гравитации под воздействием силы

$$F = \gamma\,M\,\frac{m}{r^2} = k^2\,\frac{m}{r^2} \qquad \qquad \gamma = 6{,}668\cdot 10^{-11}\,\frac{{\it M}^3}{{\it kz}\cdot c^2} \quad \text{- гравитационная постоянная} \\ k^2 = \gamma\cdot M = 3{,}986\cdot 10^{14}\,\frac{{\it M}^3}{c^2} \quad \text{- геоцентрическая} \\ {\it гравитационная постоянная}$$

На поверхности Земли

$$r = R_3 = 6400 \, \text{км}$$
  $g = \frac{k^2}{R_3^2} \approx 9.81 \frac{M}{c^2}$ 

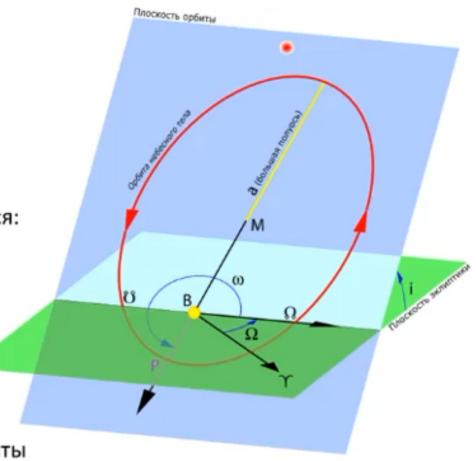
Движение материальной точки в центральном поле называют *Кеплеровым* или *невозмущенным*. Траектории описываются кривыми 2-го порядка и могут рассматриваться как приближение движения КА в гравитационном поле Земли.



#### Кеплеровы орбит ы

Кеплеровыми элементами орбиты являются:

- p фокальный параметр,
- а большая полуось,
- определяют размер орбиты,
- е эксцентриситет
- определяет форму орбиты,
- i наклонение орбиты,
- $\Omega$  долгота восходящего узла
- определяют положение плоскости орбиты небесного тела в пространстве,
- аргумент перицентра,
- томент прохождения небесного тела через перицентр
- задаёт привязку по времени.





Траектории 2-го порядка, представляют собой конические сечения, в полярных

координатах описываются формулой:

$$r = \frac{p}{1 + e\cos\varphi}$$

р – фокальный параметр

e — эксцентриситет

 $\varphi$  – истинная аномалия

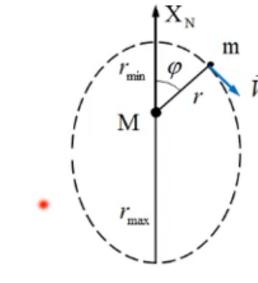
- 1. Окружность e = 0,  $r_0 = p$
- 2. Эллипс 0 < e < 1

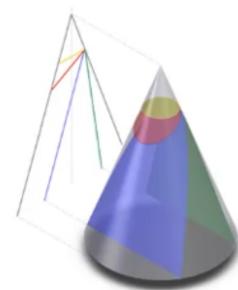
$$r_{\min} = \frac{p}{1+e}$$
 - перицентр

$$r_{\text{max}} = \frac{p}{1-e}$$
 - апоцентр

$$r_{\min} + r_{\max} = 2 \frac{p}{1 - e^2} = 2a$$

- 3. Парабола e = 1
- 4. Гипербола e > 1





а – большая полуось эллипса



1. Круговая орбита

 $V_{\scriptscriptstyle 0} = V_{\scriptscriptstyle I}\,$  -первая космическая скорость

$$V_I = \frac{k}{\sqrt{r_0}} \bigg|_{r_0 = R_3} = 7.91 \frac{\kappa M}{c},$$

$$V_I = 7.91 \sqrt{\frac{R_3}{r_0}} \left[ \frac{\kappa M}{c} \right]$$

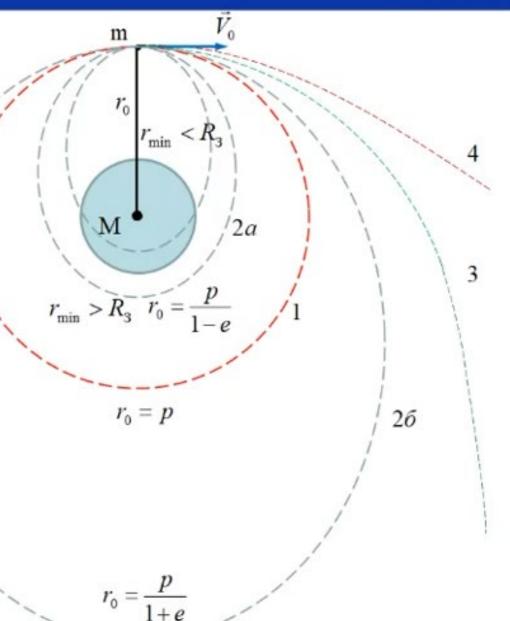
- 2. Эллиптическая орбита
  - a)  $0 < V_0 < V_I$
  - 6)  $V_I < V_0 < V_{II}$
- 3. Параболическая траектория

$$V_0 = V_{\pi} = \sqrt{2}V_T$$

- вторая космическая скорость
- 4. Гиперболическая траектория

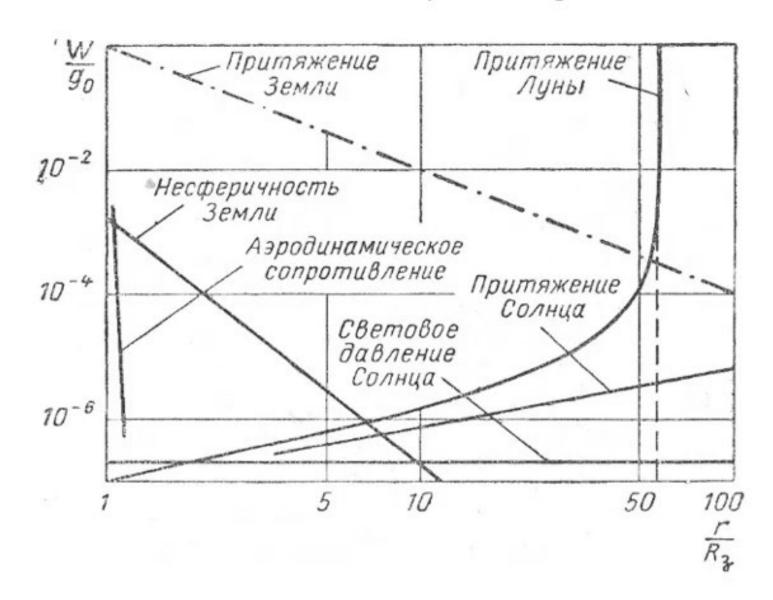
$$V_0 > V_{II}$$

5.  $V_0 \rightarrow \infty$  - прямая линия





# 11.4. Источники возмущения орбит КА



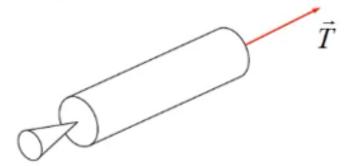


# 11.5. Способы формирования управляющих сил

#### 11.5.1 Управление движением центра масс КА

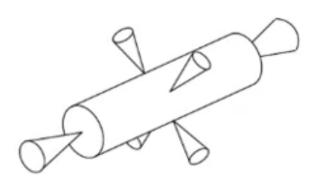
1. Полярное управление

$$\vec{W} = \frac{\vec{T}}{m}$$



2. Декартово управление

$$\vec{W} = \vec{W}_X + \vec{W}_Y + \vec{W}_Z$$
 Для создания суммарного ускорения необходимо 6 двигателей

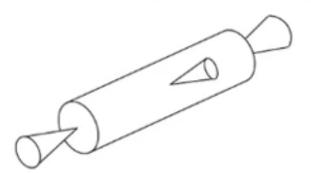


- Не нужно менять ориентацию в пространстве для изменения направления движения КА
- Сложность конструкции
- Большее потребление топлива

$$\left| \vec{W} \right| \leq \left| \vec{W}_X \right| + \left| \vec{W}_Y \right| + \left| \vec{W}_Z \right|$$



#### 3. Смешанное управление – 3 двигателя



2 двигателя обеспечивают движение вдоль продольной оси, а 3-й осуществляет боковую коррекцию

#### 11.5.2. Управление ориентацией КА

1. Малог абарит ные ракет ные двиг ат ели – для независимого вращения вокруг каждой из осей необходимо 12 двигателей. Запас топлива ограничен.

#### 2.Использование гиродинов.

Гиродин – управляющий силовой гироскоп.

Принцип работы основан на законе сохранения момента импульса, работает от солнечных батарей - нет расхода топлива, однако эффективность зависит от массы маховика

Три силовых гироскопа американской орбитальной станции «Скайлэб» весили по 110 кг каждый и вращались с частотой около 9000 об/мин.

На Международной космической станции (МКС) гиродины — это устройства с размерами более метра по осям измерений и массой около 300 кг.



# 11.6 Понятие характеристическая скорость при коррекции движения КА

Соотношения, описывающие движение вызванное реактивными силами

$$T = mW_{AB} = -V_{HCT} \frac{dm}{dt}$$

$$\frac{dm}{m} = -\frac{W_{AB}}{V_{HCT}} dt \implies \ln m - \ln m_0 = -\int_{t_0}^{t_k} \frac{W_{AB}}{V_{HCT}} dt$$

$$m(t) = m_0 \exp[-\int_{t_0}^{t_k} \frac{W_{AB}}{V_{HCT}} dt]$$

$$npu \quad V_{HCT} = const$$

$$m(t) = m_0 \exp\left[-\frac{V_{XAP}}{V_{MCT}}\right]$$
  $\partial e \quad V_{XAP} = \int_{t_0}^{t_k} W_{ZAB} dt$ 

#### Расход топлива

$$m_T(t) = \Delta m = m_0 - m(t) = m_0 [1 - \exp(-\frac{V_{XAP}}{V_{HCT}})] \Big|_{V_{XAP}} << V_{HCT} \approx m_0 (\frac{V_{XAP}}{V_{HCT}}) = k_0 V_{XAP}$$

Характеристическая скорость служит:

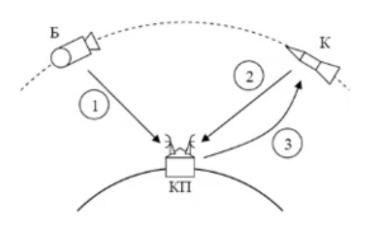
- Мерой изменения кинематической траектории (приращения скорости)
- Мерой расхода топлива

Эту величину удобно использовать в алгоритмах управления



# 11.7 Способы управления встречей КА

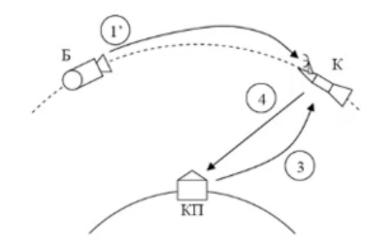
#### 1. TY-1



К – активный космический аппарат (АКА),объект которым управляют

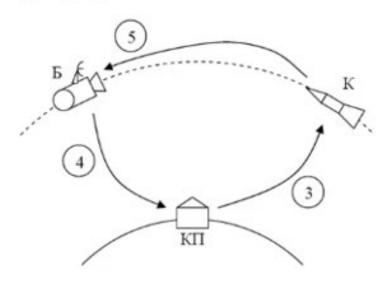
Б – база, объект на который наводится К

#### 2. ТУ-2





# 3. ТУ-3



4. СН (самонаведение)

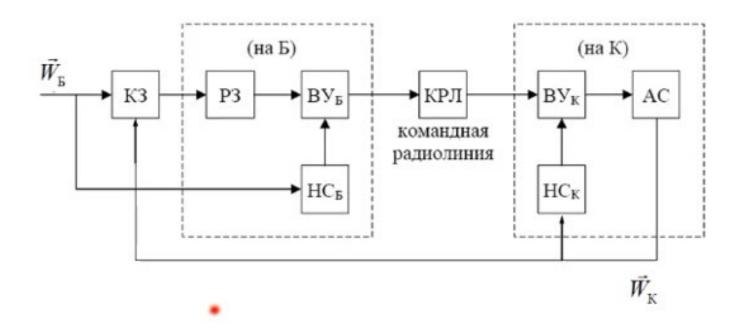


5. СНС (самонаведение на себя)





### Функциональная схема системы СНС





14

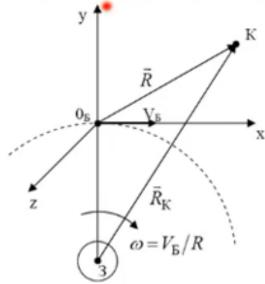
# 11.8 Кинематические методы наведения при сближении КА

#### 2 группы методов:

- 1. Методы сближения по свободным траекториям
- 2. Методы сближения по линии визирования

#### 11.8.1 Сближение по свободным траекториям

Орбитальная система координат

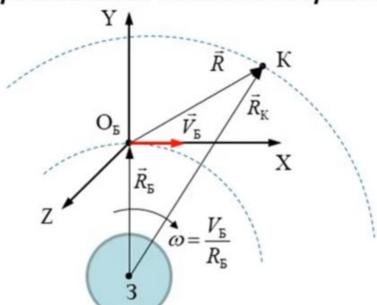


Метод двухимпульсной коррекции:

- 1. Вычисление координат КА и базы
- 2. Вычисление необходимого приращения скорости и момента приращения
- 3. Формирование второго импульса в конечный момент времени для фиксации на нужной орбите



#### Орбитальная система координат



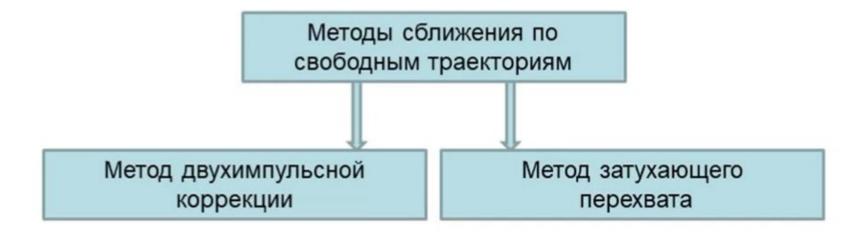
Орбитальная СК - неинерциальная.

Если орбиты базы и КА лежат в одной плоскости и близки к круговым, то при  $R_{\rm b} >> R$  взаимное движение описывается системой линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами

$$x'' = W_x - 2 \cdot \omega \cdot y'$$

$$y'' = W_y + 2 \cdot \omega \cdot x' + 3 \cdot \omega^2 \cdot y$$

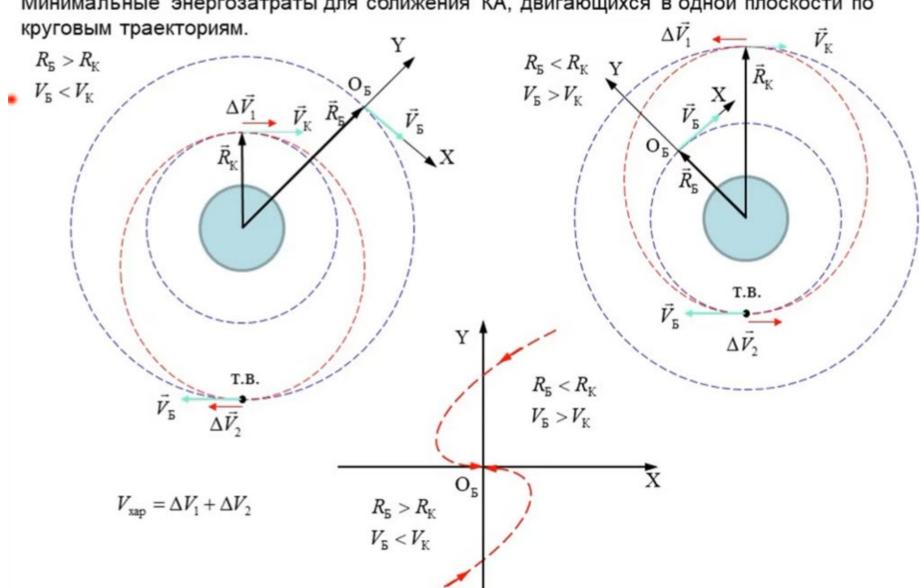
$$z'' = W_z - \omega^2 \cdot z$$





#### Сближение по переходному эллипсу Хомана

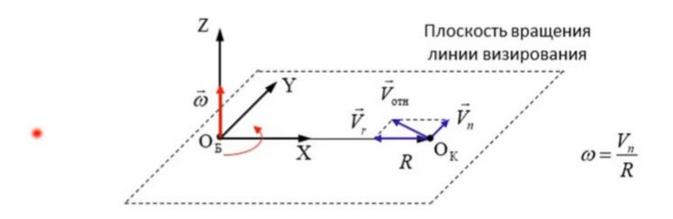
Минимальные энергозатраты для сближения КА, двигающихся в одной плоскости по





#### Сближение по линии визирования

Визирная система координат – неинерциальная СК



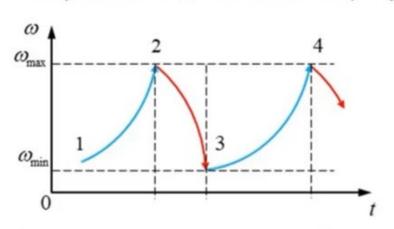
- 1. Визирная СК может быть построена без дополнительной информации о параметрах движения базы и КА.
- 2. Не учитывает особенности свободного орбитального движения базы и КА

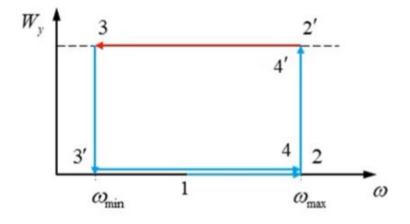


#### Сближение по линии визирования

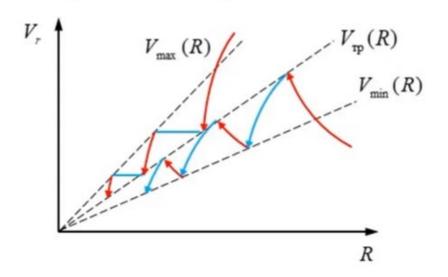
Приближенная реализация метода параллельного сближения.

1. Управление для стабилизации угловой скорости линии визирования





2. Управление скоростью сближения

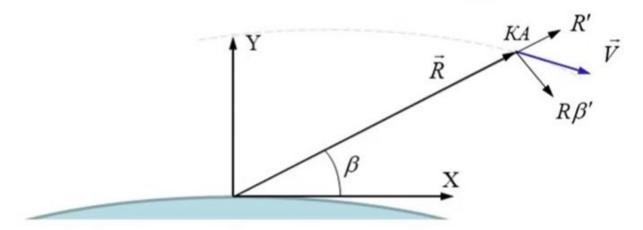




# 11.9 Радиотехнические методы измерения параметров траектории КА

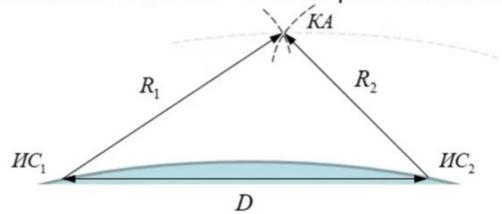
#### 11.9.1 Дальномерно-пеленгационный метод

Измеряются полярные координаты объекта: дальность R , углы пеленга  $lpha, \ eta$ 



#### 11.9.2 Дальномерный метод

Положение объекта – точка пересечения 3 сфер.

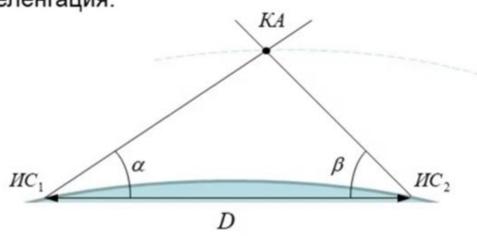


Необходимо иметь 3 измерительные станции (ИС), образующие 2 измерительных базы.



#### 11.9.3 Пеленгационный (триангуляционный) метод

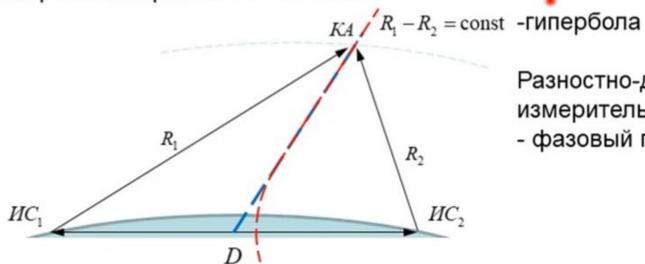
Измеряются направления пеленга на объект. Может использоваться пассивная пеленгация.



Величина базы должна быть соизмерима с дальностью до объекта.

#### 11.9.4 Разностно-дальномерный метод

Измерение направления на объект

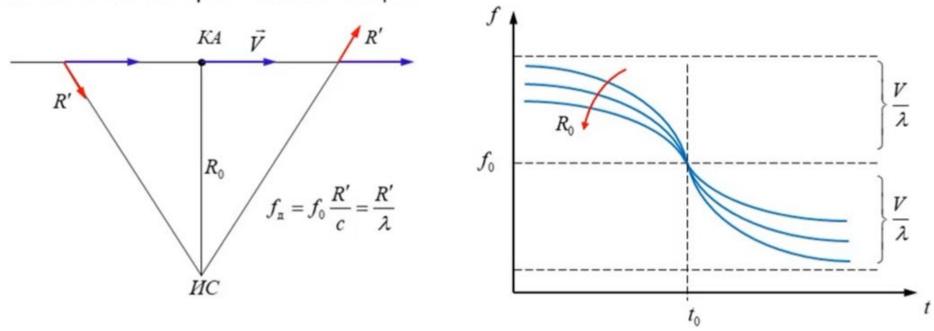


Разностно-дальномерный измеритель с малой базой D << R - фазовый пеленгатор.



#### 11.9.5 Доплеровский метод

Измеряется радиальная скорость движения аппарата относительно одной или нескольких измерительных станций



При известной скорости V измерение f позволяет вычислить дальность  $R_0$  .

Доплеровский метод используется в системе **Kocnac-Sarsat** — международная спутниковая поисково-спасательная система, разработанная для оповещения о бедствии и местоположении радиобуев в случае аварийных ситуаций.