

# Лабораторная работа "Вычисление производных элементарных функций"

Попов Алексей

20 декабря 2020 г.

## 1 С гордостью представляю вам:

Функция!

$$(x^2 + \sinh(a \cdot x \cdot x + b \cdot c) + \sin(x)^{\sin(2 \cdot x) - (\sin(3 \cdot x))}) \cdot \frac{1}{\cos(x)^2} + \sin(5 \cdot x) + \cos(x^5)$$

Найдём её производную.

## 2 Дифференцирование

Сложим всё вместе:

$$\begin{aligned} & ((x^2 + \sinh(a \cdot x \cdot x + b \cdot c) + \sin(x)^{\sin(2 \cdot x) - (\sin(3 \cdot x))}) \cdot \frac{1}{\cos(x)^2} + \sin(5 \cdot x) + \cos(x^5))' = \\ & ((x^2 + \sinh(a \cdot x \cdot x + b \cdot c) + \sin(x)^{\sin(2 \cdot x) - (\sin(3 \cdot x))}) \cdot \frac{1}{\cos(x)^2})' + (\sin(5 \cdot x))' + (\cos(x^5))'. \end{aligned}$$

Derivative of multiplication goes brrr

$$\begin{aligned} & ((x^2 + \sinh(a \cdot x \cdot x + b \cdot c) + \sin(x)^{\sin(2 \cdot x) - (\sin(3 \cdot x))}) \cdot \frac{1}{\cos(x)^2})' = \\ & (x^2 + \sinh(a \cdot x \cdot x + b \cdot c) + \sin(x)^{\sin(2 \cdot x) - (\sin(3 \cdot x))}) \cdot \frac{1}{\cos(x)^2} \cdot (\log(x^2 + \sinh(a \cdot x \cdot x + b \cdot c) + \sin(x)^{\sin(2 \cdot x) - (\sin(3 \cdot x))}))' + \log(\frac{1}{\cos(x)^2})'. \end{aligned}$$

Н-Н Чтож, если ты хочешь нажать "Мне нравится тогда спускайся ..

Н-Н

Н-Н

Н-Н

$$\begin{aligned} & (\log(x^2 + \sinh(a \cdot x \cdot x + b \cdot c) + \sin(x)^{\sin(2 \cdot x) - (\sin(3 \cdot x))}))' = \\ & \frac{(x^2 + \sinh(a \cdot x \cdot x + b \cdot c) + \sin(x)^{\sin(2 \cdot x) - (\sin(3 \cdot x))})'}{x^2 + \sinh(a \cdot x \cdot x + b \cdot c) + \sin(x)^{\sin(2 \cdot x) - (\sin(3 \cdot x))}}. \end{aligned}$$

Сложим всё вместе:

$$(x^2 + \sinh(a \cdot x \cdot x + b \cdot c) + \sin(x)^{\sin(2 \cdot x) - (\sin(3 \cdot x))})' = (x^2)' + (\sinh(a \cdot x \cdot x + b \cdot c))' + (\sin(x)^{\sin(2 \cdot x) - (\sin(3 \cdot x))})'.$$

Единица - и всё. Всё пропало.

$$(x^2)' = x^2 \cdot ((2)' \cdot \log(x) + 2 \cdot (\log x)').$$

Первая строка таблицы производных гласит:

$$(x)' = 1.$$

Творческое задание: доказать справедливость формулы, проинтегрировав правую её часть:

$$(2)' = 0.$$

Единица - и всё. Всё пропало.

$$(x^2)' = x^2 \cdot (1 \cdot \frac{1}{x} \cdot 2 + \log(x) \cdot 0).$$

Если там  $\log|\cosh(x)|$ , то я не знаю, что это такое

$$(\sinh(a \cdot x \cdot x + b \cdot c))' = \cosh(a \cdot x \cdot x + b \cdot c).$$

Не существует такой эпсилон-окрестности этого шага, в которой нет гадости:

$$(a \cdot x \cdot x + b \cdot c)' = (a \cdot x \cdot x)' + (b \cdot c)'.$$

Умножение, это, с одной стороны, весело, но отладка...

$$(a \cdot x \cdot x)' = a \cdot x \cdot x \cdot (\text{Log}(a)' + \text{Log}(x)' + \log(x)').$$

Ну и очередной логарифм:

$$(\log(a))' = \frac{(a)'}{a}.$$

Любопытно отметить, что верно данное тождество:

$$(a)' = 0.$$

Не каждому дано познать производную логарифма:

$$(\log(a))' = \frac{1}{a} \cdot 0.$$

Н-Н Чтож, если ты хочешь нажать "Мне нравится тогда спускайся ..

Н-Н

Н-Н

Н-Н

$$(\log(x))' = \frac{(x)'}{x}.$$

Любопытно отметить, что верно данное тождество:

$$(x)' = 1.$$

Каждый комментарий со словом "Полторашка" увеличивает оценку за прогу на 1 балл:

$$(\log(x))' = \frac{1}{x} \cdot 1.$$

Творческое задание: доказать справедливость формулы, проинтегрировав правую её часть:

$$(\log(x))' = \frac{(x)'}{x}.$$

Внимание, анекдот! Купил мужик шляпу, а она ему как раз!

$$(x)' = 1.$$

Внимание, анекдот! Купил мужик шляпу, а она ему как раз!

$$(\log(x))' = \frac{1}{x} \cdot 1.$$

Не показывайте это кафедре вышмата!!

$$(a \cdot x \cdot x)' = \left(\frac{1}{a} \cdot 0 + \frac{1}{x} \cdot 1 + \frac{1}{x} \cdot 1\right) \cdot a \cdot x \cdot x.$$

Не показывайте это кафедре вышмата!!

$$(b \cdot c)' = b \cdot c \cdot (\log(b)' + \log(c)').$$

Не хотите купить книжку про эфир?

$$(\log(b))' = \frac{(b)'}{b}.$$

Здесь совсем всё легко.

$$(b)' = 0.$$

щывывцафзывыщыхвыщпщпуцщауощрщпщпушумнщпяюгщппщгщитащндзхвыаф:

$$(\log(b))' = \frac{1}{b} \cdot 0.$$

Н-Н Не надоело еще?

Н-Н

Н-Н

Н-Н

$$(\log(c))' = \frac{(c)'}{c}.$$

А Дуня разливает чай, А Петербург неугомонный, ...

$$(c)' = 0.$$

Здесь ограничимся магическим комментарием "Очевидно, что:"

$$(\log(c))' = \frac{1}{c} \cdot 0.$$

Derivative of multiplication goes brrr

$$(b \cdot c)' = (\frac{1}{b} \cdot 0 + \frac{1}{c} \cdot 0) \cdot b \cdot c.$$

Сложим всё вместе:

$$(a \cdot x \cdot x + b \cdot c)' = (\frac{1}{a} \cdot 0 + \frac{1}{x} \cdot 1 + \frac{1}{x} \cdot 1) \cdot a \cdot x \cdot x + (\frac{1}{b} \cdot 0 + \frac{1}{c} \cdot 0) \cdot b \cdot c.$$

Так, вроде выучил... Чёрт, так нужен минус или нет?

$$(\sinh(a \cdot x \cdot x + b \cdot c))' = \cosh(a \cdot x \cdot x + b \cdot c) \cdot ((\frac{1}{a} \cdot 0 + \frac{1}{x} \cdot 1 + \frac{1}{x} \cdot 1) \cdot a \cdot x \cdot x + (\frac{1}{b} \cdot 0 + \frac{1}{c} \cdot 0) \cdot b \cdot c).$$

Здесь нам приходит на помощь логарифм.

$$\begin{aligned} & (\sin(x)^{\sin(2 \cdot x)^{-(\sin(3 \cdot x))}})' = \\ & \sin(x)^{\sin(2 \cdot x)^{-(\sin(3 \cdot x))}} \cdot ((\frac{1}{\sin(2 \cdot x)^{\sin(3 \cdot x)}})' \cdot \log(\sin(x)) + \frac{1}{\sin(2 \cdot x)^{\sin(3 \cdot x)}} \cdot (\log \sin(x))'). \end{aligned}$$

\*подглядывает в таблицу производных\*

$$(\sin(x))' = \cos(x).$$

Любопытно отметить, что верно данное тождество:

$$(x)' = 1.$$

Н-Н Чтож, если ты хочешь нажать "Мне нравится тогда спускайся ..

Н-Н

Н-Н

Н-Н

$$(\sin(x))' = \cos(x) \cdot 1.$$

Ландау такое в 14 лет мог посчитать:

$$\sin(x)^{\sin(2 \cdot x) - (\sin(3 \cdot x))} \cdot \left( \left( \frac{1}{\sin(2 \cdot x)^{\sin(3 \cdot x)}} \right)' \cdot \log(\sin(x)) + \frac{1}{\sin(2 \cdot x)^{\sin(3 \cdot x)}} \cdot (\log \sin(x))' \right) =$$

\*подглядывает в таблицу производных\*

$$(\sin(2 \cdot x))' = \cos(2 \cdot x).$$

Н-Н Не надоело еще?

Н-Н

Н-Н

Н-Н

$$(2 \cdot x)' = 2 \cdot x \cdot (\log(2))' + \log(x)'$$

Под бурные аплодисменты, логарифм покидает нас.

$$(\log(2))' = \frac{(2)'}{2}.$$

Путём несложных математических преобразований получаем

$$(2)' = 0.$$

Кто не верит, пусть загонит в Wolfram

$$(\log(2))' = \frac{1}{2} \cdot 0.$$

Не каждому дано познать производную логарифма:

$$(\log(x))' = \frac{(x)'}{x}.$$

Первая строка таблицы производных гласит:

$$(x)' = 1.$$

щывывщафзывыщыхвыщпуцщауощрщщпушумнщпяющппщгшитащндзхвыаф:

$$(\log(x))' = \frac{1}{x} \cdot 1.$$

Derivative of multiplication goes brrr

$$(2 \cdot x)' = \left(\frac{1}{2} \cdot 0 + \frac{1}{x} \cdot 1\right) \cdot 2 \cdot x.$$

Внимание, анекдот! Купил мужик шляпу, а она ему как раз!

$$(\sin(2 \cdot x))' = \cos(2 \cdot x) \cdot \left(\frac{1}{2} \cdot 0 + \frac{1}{x} \cdot 1\right) \cdot 2 \cdot x.$$

Говорят, один программист не признавал унарный минус и ему приходилось дифференцировать произведение  $(-1)$  на это выражение

$$(-(\sin(3 \cdot x)))' = -(\sin(3 \cdot x)).$$

После этих слов в украинском поезде начался сущий кошмар:

$$(\sin(3 \cdot x))' = \cos(3 \cdot x).$$

Двести тысяч логарифмов продифференцировано и ещё миллион на подходе

$$(3 \cdot x)' = 3 \cdot x \cdot (\text{Log}(3))' + \log(x)'. \quad \text{}$$

Не существует такой эпсилон-окрестности этого шага, в которой нет гадости:

$$(\log(3))' = \frac{(3)'}{3}.$$

Здесь совсем всё легко.

$$(3)' = 0.$$

Н-Н Чтож, если ты хочешь нажать "Мне нравится тогда спускайся ..

Н-Н

Н-Н

Н-Н

$$(\log(3))' = \frac{1}{3} \cdot 0.$$

Под бурные аплодисменты, логарифм покидает нас.

$$(\log(x))' = \frac{(x)'}{x}.$$

Первая строка таблицы производных гласит:

$$(x)' = 1.$$

Н-Н Не спускайся вниз

Н-Н

Н-Н

Н-Н

$$(\log(x))' = \frac{1}{x} \cdot 1.$$

Путём несложных математических преобразований получаем

$$(3 \cdot x)' = (\frac{1}{3} \cdot 0 + \frac{1}{x} \cdot 1) \cdot 3 \cdot x.$$

А вы когда-нибудь задумывались, что

$$(\sin(3 \cdot x))' = \cos(3 \cdot x) \cdot (\frac{1}{3} \cdot 0 + \frac{1}{x} \cdot 1) \cdot 3 \cdot x.$$

Вынесем минус за знак производной:

$$(-(\sin(3 \cdot x)))' = -(\cos(3 \cdot x) \cdot (\frac{1}{3} \cdot 0 + \frac{1}{x} \cdot 1) \cdot 3 \cdot x).$$

Здесь нам приходит на помощь логарифм.

$$\begin{aligned} (\sin(x)^{\sin(2 \cdot x)^{-(\sin(3 \cdot x))}})' &= \sin(x)^{\sin(2 \cdot x)^{-(\sin(3 \cdot x))}} \cdot (\cos(x) \cdot 1 \cdot \frac{1}{\sin(x)}) \cdot \\ &\frac{1}{\sin(2 \cdot x)^{\sin(3 \cdot x)}} + \log(\sin(x)) \cdot \frac{1}{\sin(2 \cdot x)^{\sin(3 \cdot x)}} \cdot (\cos(2 \cdot x) \cdot (\frac{1}{2} \cdot 0 + \frac{1}{x} \cdot 1) \cdot 2 \cdot x \cdot \\ &\frac{1}{\sin(2 \cdot x)}) \cdot -(\sin(3 \cdot x)) + \log(\sin(2 \cdot x)) \cdot -(\cos(3 \cdot x) \cdot (\frac{1}{3} \cdot 0 + \frac{1}{x} \cdot 1) \cdot 3 \cdot x)). \end{aligned}$$

Ноль, целковый...

$$\begin{aligned} (x^2 + \sinh(a \cdot x \cdot x + b \cdot c) + \sin(x)^{\sin(2 \cdot x)^{-(\sin(3 \cdot x))}})' &= x^2 \cdot (1 \cdot \frac{1}{x} \cdot 2 + \log(x) \cdot 0) + \cosh(a \cdot \\ &x \cdot x + b \cdot c) \cdot ((\frac{1}{q} \cdot 0 + \frac{1}{x} \cdot 1 + \frac{1}{x} \cdot 1) \cdot a \cdot x \cdot x + (\frac{1}{b} \cdot 0 + \frac{1}{c} \cdot 0) \cdot b \cdot c) + \sin(x)^{\sin(2 \cdot x)^{-(\sin(3 \cdot x))}} \cdot \\ &(\cos(x) \cdot 1 \cdot \frac{1}{\sin(x)} \cdot \frac{1}{\sin(2 \cdot x)^{\sin(3 \cdot x)}} + \log(\sin(x)) \cdot \frac{1}{\sin(2 \cdot x)^{\sin(3 \cdot x)}} \cdot (\cos(2 \cdot x) \cdot (\frac{1}{2} \cdot 0 + \frac{1}{x} \cdot \\ &1) \cdot 2 \cdot x \cdot \frac{1}{\sin(2 \cdot x)}) \cdot -(\sin(3 \cdot x)) + \log(\sin(2 \cdot x)) \cdot -(\cos(3 \cdot x) \cdot (\frac{1}{3} \cdot 0 + \frac{1}{x} \cdot 1) \cdot 3 \cdot x)). \end{aligned}$$

Не каждому дано познать производную логарифма:

$$\begin{aligned} & (\log(x^2 + \sinh(a \cdot x \cdot x + b \cdot c) + \sin(x)^{\sin(2 \cdot x) - (\sin(3 \cdot x))}))' = \\ & \frac{1}{x^2 + \sinh(a \cdot x \cdot x + b \cdot c) + \sin(x)^{\sin(2 \cdot x) - (\sin(3 \cdot x))}} \cdot (x^2 \cdot (1 \cdot \frac{1}{x} \cdot 2 + \log(x) \cdot 0) + \cosh(a \cdot x \cdot x + \\ & b \cdot c) \cdot ((\frac{1}{a} \cdot 0 + \frac{1}{x} \cdot 1 + \frac{1}{x} \cdot 1) \cdot a \cdot x \cdot x + (\frac{1}{b} \cdot 0 + \frac{1}{c} \cdot 0) \cdot b \cdot c) + \sin(x)^{\sin(2 \cdot x) - (\sin(3 \cdot x))} \cdot \\ & (\cos(x) \cdot 1 \cdot \frac{1}{\sin(x)} \cdot \frac{1}{\sin(2 \cdot x)^{\sin(3 \cdot x)}} + \log(\sin(x)) \cdot \frac{1}{\sin(2 \cdot x)^{\sin(3 \cdot x)}} \cdot (\cos(2 \cdot x) \cdot (\frac{1}{2} \cdot 0 + \frac{1}{x} \cdot \\ & 1) \cdot 2 \cdot x \cdot \frac{1}{\sin(2 \cdot x)} \cdot -(\sin(3 \cdot x)) + \log(\sin(2 \cdot x)) \cdot -(\cos(3 \cdot x) \cdot (\frac{1}{3} \cdot 0 + \frac{1}{x} \cdot 1) \cdot 3 \cdot x))))). \end{aligned}$$

Ну и очередной логарифм:

$$(\log(\frac{1}{\cos(x)^2}))' = \frac{(\frac{1}{\cos(x)^2})'}{\frac{1}{\cos(x)^2}}.$$

Творческое задание: доказать справедливость формулы, проинтегрировав правую её часть:

$$(\frac{1}{\cos(x)^2})' = \frac{1}{\cos(x)^2} \cdot ((-1)' \cdot \log(\cos(x)^2) + -1 \cdot (\log \cos(x)^2)').$$

Единица - и всё. Всё пропало.

$$(\cos(x)^2)' = \cos(x)^2 \cdot ((2)' \cdot \log(\cos(x)) + 2 \cdot (\log \cos(x))').$$

Вспомнишь .. ортогональное проектирование, а вот и косинус.

$$(\cos(x))' = -\sin(x).$$

Любопытно отметить, что верно данное тождество:

$$(x)' = 1.$$

Вычтем это из  $\frac{\pi}{2}$  и сведём задачу к предыдущей, уже решённой:

$$(\cos(x))' = -(\sin(x)) \cdot 1.$$

Здесь ограничимся магическим комментарием "Очевидно, что:"

$$(2)' = 0.$$

Задача со звёздочкой из учебника 11 класса:

$$(\cos(x)^2)' = \cos(x)^2 \cdot (-\sin(x)) \cdot 1 \cdot \frac{1}{\cos(x)} \cdot 2 + \log(\cos(x)) \cdot 0).$$



Кто будет плохо слушать, те сделают это на листочке!

$$(-1)' = 0.$$

Задача со звёздочкой из учебника 11 класса:

$$\left(\frac{1}{\cos(x)^2}\right)' = \frac{1}{\cos(x)^2} \cdot (\cos(x)^2 \cdot (-\sin(x)) \cdot 1 \cdot \frac{1}{\cos(x)} \cdot 2 + \log(\cos(x)) \cdot 0) \cdot \frac{1}{\cos(x)^2} \cdot (-1 + \log(\cos(x)^2) \cdot 0).$$

Каждый комментарий со словом "Полторашка" увеличивает оценку за прогу на 1 балл:

$$\left(\log\left(\frac{1}{\cos(x)^2}\right)\right)' = \frac{1}{\cos(x)^2} \cdot \frac{1}{\cos(x)^2} \cdot (\cos(x)^2 \cdot (-\sin(x)) \cdot 1 \cdot \frac{1}{\cos(x)} \cdot 2 + \log(\cos(x)) \cdot 0) \cdot \frac{1}{\cos(x)^2} \cdot (-1 + \log(\cos(x)^2) \cdot 0).$$

Каждый комментарий со словом "Полторашка" увеличивает оценку за прогу на 1 балл:

$$\begin{aligned} & \left( (x^2 + \sinh(a \cdot x \cdot x + b \cdot c) + \sin(x)^{\sin(2 \cdot x) - (\sin(3 \cdot x))}) \cdot \frac{1}{\cos(x)^2} \right)' = \\ & \left( \frac{1}{x^2 + \sinh(a \cdot x \cdot x + b \cdot c) + \sin(x)^{\sin(2 \cdot x) - (\sin(3 \cdot x))}} \cdot (x^2 \cdot (1 \cdot \frac{1}{x} \cdot 2 + \log(x) \cdot 0) + \cosh(a \cdot x \cdot x + b \cdot c) \cdot \left( \left( \frac{1}{a} \cdot 0 + \frac{1}{x} \cdot 1 + \frac{1}{x} \cdot 1 \right) \cdot a \cdot x \cdot x + \left( \frac{1}{b} \cdot 0 + \frac{1}{c} \cdot 0 \right) \cdot b \cdot c \right) + \sin(x)^{\sin(2 \cdot x) - (\sin(3 \cdot x))} \cdot \right. \\ & \left. (\cos(x) \cdot 1 \cdot \frac{1}{\sin(x)} \cdot \frac{1}{\sin(2 \cdot x)^{\sin(3 \cdot x)}} + \log(\sin(x)) \cdot \frac{1}{\sin(2 \cdot x)^{\sin(3 \cdot x)}} \cdot (\cos(2 \cdot x) \cdot (\frac{1}{2} \cdot 0 + \frac{1}{x} \cdot 1) \cdot 2 \cdot x \cdot \frac{1}{\sin(2 \cdot x)} \cdot -(\sin(3 \cdot x)) + \log(\sin(2 \cdot x)) \cdot -(\cos(3 \cdot x) \cdot (\frac{1}{3} \cdot 0 + \frac{1}{x} \cdot 1) \cdot 3 \cdot x))) + \frac{1}{\cos(x)^2} \cdot \frac{1}{\cos(x)^2} \cdot (\cos(x)^2 \cdot (-\sin(x)) \cdot 1 \cdot \frac{1}{\cos(x)} \cdot 2 + \log(\cos(x)) \cdot 0) \cdot \frac{1}{\cos(x)^2} \cdot \right. \\ & \left. -1 + \log(\cos(x)^2) \cdot 0) \right) \cdot (x^2 + \sinh(a \cdot x \cdot x + b \cdot c) + \sin(x)^{\sin(2 \cdot x) - (\sin(3 \cdot x))}) \cdot \frac{1}{\cos(x)^2}. \end{aligned}$$

Ну что, покажем ему, как чётным быть?

$$(\sin(5 \cdot x))' = \cos(5 \cdot x).$$

Это даже моя программа посчитала устно:

$$(5 \cdot x)' = 5 \cdot x \cdot (\log(5))' + \log(x)'$$

Ну и очередной логарифм:

$$(\log(5))' = \frac{(5)'}{5}.$$

Любопытно отметить, что верно данное тождество:

$$(5)' = 0.$$

щывывщафзывыщыхвыщпуцщауощрщпщпушумншпяюгщппшпгшпиташндзхвыаф:

$$(\log(5))' = \frac{1}{5} \cdot 0.$$

Это даже моя программа посчитала устно:

$$(\log(x))' = \frac{(x)'}{x}.$$

Здесь совсем всё легко.

$$(x)' = 1.$$

Н-Н Не надоело еще?

Н-Н

Н-Н

Н-Н

$$(\log(x))' = \frac{1}{x} \cdot 1.$$

Умножение, оно как сложение, но и как степень, только умножение.

$$(5 \cdot x)' = \left(\frac{1}{5} \cdot 0 + \frac{1}{x} \cdot 1\right) \cdot 5 \cdot x.$$

Каждый комментарий со словом "Полторашка"увеличивает оценку за прогу на 1 балл:

$$(\sin(5 \cdot x))' = \cos(5 \cdot x) \cdot \left(\frac{1}{5} \cdot 0 + \frac{1}{x} \cdot 1\right) \cdot 5 \cdot x.$$

Вычтем это из  $\frac{\pi}{2}$  и сведём задачу к предыдущей, уже решённой:

$$(\cos(x^5))' = -\sin(x^5).$$

Н-Н Не спускайся вниз

Н-Н

Н-Н

Н-Н

$$(x^5)' = x^5 \cdot ((5)' \cdot \log(x) + 5 \cdot (\log x)').$$

Первая строка таблицы производных гласит:

$$(x)' = 1.$$

Первая строка таблицы производных гласит:

$$(5)' = 0.$$

Единица - и всё. Всё пропало.

$$(x^5)' = x^5 \cdot (1 \cdot \frac{1}{x} \cdot 5 + \log(x) \cdot 0).$$

Не существует такой эpsilon-окрестности этого шага, в которой нет гадости:

$$(\cos(x^5))' = -(\sin(x^5)) \cdot x^5 \cdot (1 \cdot \frac{1}{x} \cdot 5 + \log(x) \cdot 0).$$

Сложим всё вместе:

$$\begin{aligned} & ((x^2 + \sinh(a \cdot x \cdot x + b \cdot c) + \sin(x)^{\sin(2 \cdot x) - (\sin(3 \cdot x))}) \cdot \frac{1}{\cos(x)^2} + \sin(5 \cdot x) + \cos(x^5))' = \\ & (\frac{1}{x^2 + \sinh(a \cdot x \cdot x + b \cdot c) + \sin(x)^{\sin(2 \cdot x) - (\sin(3 \cdot x))}} \cdot (x^2 \cdot (1 \cdot \frac{1}{x} \cdot 2 + \log(x) \cdot 0) + \cosh(a \cdot x \cdot \\ & x + b \cdot c) \cdot ((\frac{1}{a} \cdot 0 + \frac{1}{x} \cdot 1 + \frac{1}{x} \cdot 1) \cdot a \cdot x \cdot x + (\frac{1}{b} \cdot 0 + \frac{1}{c} \cdot 0) \cdot b \cdot c) + \sin(x)^{\sin(2 \cdot x) - (\sin(3 \cdot x))} \cdot \\ & (\cos(x) \cdot 1 \cdot \frac{1}{\sin(x)} \cdot \frac{1}{\sin(2 \cdot x)^{\sin(3 \cdot x)}} + \log(\sin(x)) \cdot \frac{1}{\sin(2 \cdot x)^{\sin(3 \cdot x)}} \cdot (\cos(2 \cdot x) \cdot (\frac{1}{2} \cdot 0 + \\ & \frac{1}{x} \cdot 1) \cdot 2 \cdot x \cdot \frac{1}{\sin(2 \cdot x)} - (\sin(3 \cdot x)) + \log(\sin(2 \cdot x))) - (\cos(3 \cdot x) \cdot (\frac{1}{3} \cdot 0 + \frac{1}{x} \cdot 1) \cdot 3 \cdot \\ & x))) + \frac{1}{\cos(x)^2} \cdot \frac{1}{\cos(x)^2} \cdot (\cos(x)^2 \cdot (-(\sin(x)) \cdot 1 \cdot \frac{1}{\cos(x)} \cdot 2 + \log(\cos(x)) \cdot 0) \cdot \frac{1}{\cos(x)^2} \cdot \\ & -1 + \log(\cos(x)^2) \cdot 0)) \cdot (x^2 + \sinh(a \cdot x \cdot x + b \cdot c) + \sin(x)^{\sin(2 \cdot x) - (\sin(3 \cdot x))}) \cdot \\ & \frac{1}{\cos(x)^2} + \cos(5 \cdot x) \cdot (\frac{1}{5} \cdot 0 + \frac{1}{x} \cdot 1) \cdot 5 \cdot x - (\sin(x^5)) \cdot x^5 \cdot (1 \cdot \frac{1}{x} \cdot 5 + \log(x) \cdot 0). \end{aligned}$$

### 3 Анализ результатов

Многочасовая работа и километры исписанной бумаги позволили нам получить следующие результаты:

$$\begin{aligned} & ((x^2 + \sinh(a \cdot x \cdot x + b \cdot c) + \sin(x)^{\sin(2 \cdot x) - (\sin(3 \cdot x))}) \cdot \frac{1}{\cos(x)^2} + \sin(5 \cdot x) + \cos(x^5))' = \\ & (\frac{1}{x^2 + \sinh(a \cdot x \cdot x + b \cdot c) + \sin(x)^{\sin(2 \cdot x) - (\sin(3 \cdot x))}} \cdot (x^2 \cdot (1 \cdot \frac{1}{x} \cdot 2 + \log(x) \cdot 0) + \cosh(a \cdot x \cdot \\ & x + b \cdot c) \cdot ((\frac{1}{a} \cdot 0 + \frac{1}{x} \cdot 1 + \frac{1}{x} \cdot 1) \cdot a \cdot x \cdot x + (\frac{1}{b} \cdot 0 + \frac{1}{c} \cdot 0) \cdot b \cdot c) + \sin(x)^{\sin(2 \cdot x) - (\sin(3 \cdot x))} \cdot \\ & (\cos(x) \cdot 1 \cdot \frac{1}{\sin(x)} \cdot \frac{1}{\sin(2 \cdot x)^{\sin(3 \cdot x)}} + \log(\sin(x)) \cdot \frac{1}{\sin(2 \cdot x)^{\sin(3 \cdot x)}} \cdot (\cos(2 \cdot x) \cdot (\frac{1}{2} \cdot 0 + \\ & \frac{1}{x} \cdot 1) \cdot 2 \cdot x \cdot \frac{1}{\sin(2 \cdot x)} - (\sin(3 \cdot x)) + \log(\sin(2 \cdot x))) - (\cos(3 \cdot x) \cdot (\frac{1}{3} \cdot 0 + \frac{1}{x} \cdot 1) \cdot 3 \cdot \\ & x))) + \frac{1}{\cos(x)^2} \cdot \frac{1}{\cos(x)^2} \cdot (\cos(x)^2 \cdot (-(\sin(x)) \cdot 1 \cdot \frac{1}{\cos(x)} \cdot 2 + \log(\cos(x)) \cdot 0) \cdot \frac{1}{\cos(x)^2} \cdot \\ & -1 + \log(\cos(x)^2) \cdot 0)) \cdot (x^2 + \sinh(a \cdot x \cdot x + b \cdot c) + \sin(x)^{\sin(2 \cdot x) - (\sin(3 \cdot x))}) \cdot \\ & \frac{1}{\cos(x)^2} + \cos(5 \cdot x) \cdot (\frac{1}{5} \cdot 0 + \frac{1}{x} \cdot 1) \cdot 5 \cdot x - (\sin(x^5)) \cdot x^5 \cdot (1 \cdot \frac{1}{x} \cdot 5 + \log(x) \cdot 0). \end{aligned}$$

На первый взгляд формула кажется объёмной. Но её можно упростить: Окончательно имеем:

$$\begin{aligned}
& ((x^2 + \sinh(a \cdot x \cdot x + b \cdot c) + \sin(x)^{\sin(2 \cdot x) - (\sin(3 \cdot x))}) \cdot \frac{1}{\cos(x)^2} + \sin(5 \cdot x) + \cos(x^5))' = \\
& (\frac{1}{x^2 + \sinh(a \cdot x \cdot x + b \cdot c) + \sin(x)^{\sin(2 \cdot x) - (\sin(3 \cdot x))}} \cdot (x^2 \cdot 2 \cdot \frac{1}{x} + \cosh(a \cdot x \cdot x + b \cdot c) \cdot (\frac{1}{x} + \frac{1}{x}) \cdot a \cdot x \cdot x + \\
& \sin(x)^{\sin(2 \cdot x) - (\sin(3 \cdot x))} \cdot (\cos(x) \cdot \frac{1}{\sin(x)} \cdot \frac{1}{\sin(2 \cdot x)^{\sin(3 \cdot x)}} + \log(\sin(x)) \cdot \frac{1}{\sin(2 \cdot x)^{\sin(3 \cdot x)}} \cdot \\
& (\cos(2 \cdot x) \cdot \frac{1}{x} \cdot 2 \cdot x \cdot \frac{1}{\sin(2 \cdot x)} \cdot -(\sin(3 \cdot x)) + \log(\sin(2 \cdot x)) \cdot -(\cos(3 \cdot x) \cdot \frac{1}{x} \cdot 3 \cdot x))) + \\
& \cos(x)^{2^{-1-1}} \cdot \cos(x)^{2^{-1}} \cdot \cos(x)^2 \cdot -(\sin(x)) \cdot \frac{1}{\cos(x)} \cdot -2 \cdot \cos(x)^{2^{-1}}) \cdot (x^2 + \sinh(a \cdot x \cdot \\
& x + b \cdot c) + \sin(x)^{\sin(2 \cdot x) - (\sin(3 \cdot x))}) \cdot \cos(x)^{2^{-1}} + \cos(5 \cdot x) \cdot \frac{1}{x} \cdot 5 \cdot x + -(\sin(x^5)) \cdot x^5 \cdot 5 \cdot \frac{1}{x}.
\end{aligned}$$

## 4 Источники:

- 1) Ю.С.Рыбников. Счёт древних русов. НеМ: НеПросвещение, 2015
- 2) ГДЗ по матеше 5 класс - Н.Я.Виленин. Сайт: <https://gdz.ru/class-5/matematika/vilenkin/>
- 3) Кричалки Красноярской летней школы - полное собрание. Красноярск: СФУ, 2020
- 4) Дифференциальное и интегральное исчисления. Функции одной переменной. Л.Н.Знаменская. Где-то в Долгопрудном: в каком-то издательстве, когда-то в прошлом