Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

«Национальный исследовательский университет ИТМО»

Факультет программной инженерии и компьютерной техники

Лабораторная работа №1

по дисциплине
«Вычислительная математика»
Вариант №13

Выполнил:

Студент группы Р3213

Султанов А.Р.

Проверила:

Машина Е.А.

г. Санкт-Петербург 2024г.

Цель работы

Изучить методы решения систем линейных алгебраических уравнений. Реализовать один из них (по варианту) в виде программы. Максимальный размерность - 20 (включительно).

Описание метода, расчетные формулы

Итерационные (приближенные) методы решения линейных систем позволяют получить последовательность векторов $x^{-(0)}$, $x^{-(1)}$, ..., $x^{-(k)}$, предел которой - точное решение $x^{-(*)}$: $x^{-(*)}$ = $\lim_{i \to \infty} x^{-(i)}$. Выполнение (построение последовательности) заканчивается тогда, когда достигается желаемая (подается как один из входных параметров) точность.

Есть разные критерии для оценки точности, в данном случае используется критерий по абсолютным отклонениям:

$$\max_{1 \le i \le n} |x_i^{(k)} - x_i^{(k-1)}| \le \varepsilon$$

Листинг программы

Полный исходный код доступен здесь:

https://github.com/sultanowskii/itmo-edu/tree/master/comp-maths/lab1/src.

Основная часть программы, реализующая логику решения (файл **solve.py**):

```
from error import print_error_and_exit
from matrix import (
   Matrix1D,
   MatrixSquare,
   create_1_n_matrix,
   create_n_n_matrix,
)

def find_predominant_element_index(m: Matrix1D) -> int | None:
   """Находит индекс преобладающего элемента в строке."""
```

```
abs m = [abs(e) for e in m]
  abs m sum = sum(abs m)
  for i in range(len(m)):
      elem = abs m[i]
      if elem > rest:
def sort by diagonal element predominance(a: MatrixSquare, b: Matrix1D)
-> tuple[MatrixSquare, Matrix1D]:
диагональным преобладанием."""
  lines = [(a[i].copy(), b[i]) for i in range(len(a))]
  predominant indexes = [find predominant element index(row) for row
  if any(map(lambda index: index is None, predominant indexes)):
      print error and exit('Диагональное преобладание не может быть
достигнуто для матрицы А.')
  if len(set(predominant indexes)) != len(predominant indexes):
      print error and exit('Диагональное преобладание не может быть
достигнуто для матрицы А.')
  lines.sort(key=lambda line: find predominant element index(line[0]))
  return list(map(lambda line: line[0], lines)), list(map(lambda line:
def solve(n: int, a: MatrixSquare, b: Matrix1D, accuracy: float,
prev x: Matrix1D = None) -> tuple[Matrix1D, int]:
  Решает СЛАУ (a, b) с заданной точностю.
```

```
for j in range(n):
for i in range(n):
for i in range(n):
    x[i] = d[i]
    for j in range(n):
        x[i] += c[i][j] * prev x[j]
for i in range(n):
print(criteria)
return solution, iterations + 1
```

Примеры работы программы

```
N: 3
accuracy: 0.0001
a:
```

```
- [2, 2, 10]
```

- **-** [10, 1, 1]
- **-** [2, 10, 1]

b: [14, 12, 13]

> python go.py -f example.yaml

n=3

accuracy=0.0001

A:

2 2 10

10 1 1

2 10 1

B:

14

12

13

вектор погрешностей:

- 1.4
- 0.5
- 0.13000000000000012
- 0.0384000000000001
- 0.010800000000000032
- 0.003083999999999756
- 0.000878400000000569
- 0.000249840000001677
- 7.120800000004479e-05

число итераций: 9

решение:

- 1.000009936
- 1.000012528
- 1.000015768

Вывод

В результате выполнения лабораторной работы я ознакомился с различными методами решения СЛАУ и реализовал один из них - метод простых итераций.