Laborator 2

Logică matematică și computațională

Laboratorul 2

Cuprins

- Aritmetica în Prolog
- Recursivitate în Prolog
- Liste în Prolog

Material suplimentar

• Capitolul 2 - Capitolul 6 din Learn Prolog Now!.

Exemplu

```
?- 3+5 = +(3,5).

true

?- 3+5 = +(5,3).

false

?- 3+5 = 8.

false
```

Explicații:

- 3+5 este un termen.
- Prolog trebuie anunțat explicit pentru a îl evalua ca o expresie aritmetică, folosind predicate predefinite în Prolog, cum sunt is/2, =:=/2. >/2 etc.

Exercițiu. Analizați următoarele exemple:

```
?- 3+5 is 8.
false
?= X is 3+5.
X = 8
?- 8 is 3+X.
is/2: Arguments are not sufficiently instantiated
?- X=4, 8 is 3+X.
false
```

Exercițiu. Analizați următoarele exemple:

?- X is 30-4.

X = 26

?- X is 3*5.

X = 15

?- X is 9/4.

X = 2.25

Operatorul is:

- Primește două argumente
- Al doilea argument trebuie să fie o expresie aritmetică validă, cu toate variabilele inițializate
- Primul argument este fie un număr, fie o variabilă
- Dacă primul argument este un număr, atunci rezultatul este true dacă este egal cu evaluarea expresiei aritmetice din al doilea argument.
- Dacă primul argument este o variabilă, răspunsul este pozitiv dacă variabila poate fi unificată cu evaluarea expresiei aritmetice din al doilea argument.

Totuși, nu este recomandat să folosiți is pentru a compara două expresii aritmetice, ci operatorul =:=.

Exercițiu. Analizați următoarele exemple:

$$?-8 > 3.$$

true

$$?-8+2 > 9-2.$$

true

false

true

false

true

Operatori aritmetici

Operatorii aritmetici predefiniți în Prolog sunt de două tipuri:

- funcții
- relații (predicate)

Funcții

- Adunarea și înmulțirea sunt exemple de funcții aritmetice.
- Aceste funcții sunt scrise în mod uzual și în Prolog.

Exemplu

$$2 + (-3.2 * X - max(17,X)) / 2 ** 5$$

- 2**5 înseamnă 2⁵
- Exemple de alte funcții disponibile:
 min/2, abs/1 (modul), sqrt/1 (radical), sin/1 (sinus)
- Operatorul // este folosit pentru împărțire întreagă.
- Operatorul mod este folosit pentru restul împărțirii întregi.

Relații

- Relaţiile aritmetice sunt folosite pentru a compara evaluarea expresiilor aritmetice (e.g, X > Y)
- Exemple de relații disponibile:

$$<$$
, $>$, $=<$, $>=$, $=$ (diferit), $=$:= (aritmetic egal)

- Atenție la diferența dintre =:= și =:
 - =:= compară două expresii aritmetice
 - = caută un unificator

Exemplu

Exercițiul 1: distanța dintre două puncte

Definiți un predicat distance/3 pentru a calcula distanța dintre două puncte într-un plan 2-dimensional. Punctele sunt date ca perechi de coordonate.

Exemple:

```
?- distance((0,0), (3,4), X).
X = 5.0
?- distance((-2.5,1), (3.5,-4), X).
X = 7.810249675906654
```

Recursivitate

Bază de cunoștințe

În laboratorul trecut, am folosit următoarea bază de cunoștințe:

```
parent(bob, lisa).
parent(bob, paul).
parent(bob, mary).
parent(juliet, lisa).
parent(juliet, paul).
parent(juliet, mary).
parent(peter, harry).
parent(lisa, harry).
parent(mary, dony).
parent(mary, sandra).
```

Recursivitate - strămoși

Am definit un predicat ancestor_of(X,Y) care este adevărat dacă X este un strămoș al lui Y.

Definiția recursivă a predicatului ancestor_of(X,Y) :

```
\begin{split} & \text{ancestor\_of}(X,Y) := \text{parent}(X,Y) \,. \\ & \text{ancestor\_of}(X,Y) := \text{parent}(X,Z), \text{ ancestor\_of}(Z,Y) \,. \end{split}
```

Exercițiul 2: numerele Fibonacci

Scrieți un predicat fib/2 pentru a calcula, pentru orice n, numărul de pe poziția n din șirul Fibonacci. Secvența de numere Fibonacci este definită prin: $F_0 := 1$, $F_1 := 1$, iar, pentru orice $n \ge 2$,

$$F_n := F_{n-1} + F_{n-2}$$
.

Exemple:

Exercițiul 2 (cont.)Programul scris anterior vă găsește răspunsul la întrebarea de mai jos?

?- fib(50,X).

Dacă da, felicitări! Dacă nu, încercați să găsiți o soluție mai eficientă!

Afișări în Prolog

- Pentru afișare se folosește predicatul write/1.
- Predicatul n1/0 conduce la afișarea unei linii goale.

Exemplu

```
?- write('Hello World!'), nl.
Hello World!
true
?- X = hello, write(X), nl.
hello
X = hello
```

Exercițiul 3: afișarea unui pătrat de caractere Scrieți un program în Prolog pentru a afișa un pătrat de $n \times n$ caractere pe ecran.

Denumiți predicatul square/2. Primul argument este un număr natural diferit de 0, iar al doilea un caracter care trebuie afișat.

Exemplu:

```
?- square(5, '* ').

* * * * *

* * * * *

* * * * *

* * * * *
```

Liste

Liste

- Listele în Prolog sunt un tip special de date (termeni speciali).
- Listele se scriu între paranteze drepte, cu elementele despărțite prin virgulă.
- [] este lista vidă.

Exemplu

- [elephant, horse, donkey, dog]
- [elephant, [], X, parent(X, tom), [a, b, c], f(22)]

Head & Tail

- Primul element al unei liste se numește head, iar restul listei tail.
- Evident, o listă vidă nu are un prim element.
- În Prolog există o notație utilă pentru liste cu separatorul I, evidențiind primul element și restul listei.

Exemplu

```
?- [1, 2, 3, 4, 5] = [Head | Tail].
Head = 1
Tail = [2, 3, 4, 5]
```

Cu această notație putem să returnăm ușor, de exemplu, al doilea element dintr-o listă.

```
?- [quod, licet, jovi, non, licet, bovi] = [_, X | _].
X = licet
```

Lucrul cu liste

Exemplu (element_of/2)

- un predicat care verifică dacă o listă conține un anumit termen
- element_of(X,Y) trebuie să fie adevărat dacă X este un element al lui Y.

```
/* Dacă primul element al listei este termenul
pe care îl căutăm, atunci am terminat. */
element_of(X,[X|_]).
% Altfel, verificăm dacă termenul se află în restul
listei.
element_of(X,[_|Tail]) :- element_of(X,Tail).
?- element_of(a,[a,b,c]).
?- element_of(X,[a,b,c]).
```

Lucrul cu liste

Exemplu (concat_lists/3)

- un predicat care este poate fi folosit pentru a concatena două liste
- al treilea argument este concatenarea listelor date ca prime două argumente

```
?- concat_lists([1, 2, 3], [d, e, f, g], X).
?- concat_lists(X, Y, [a, b, c, d]).
```

Lucrul cu liste

În Prolog există niște predicate predefinite pentru lucrul cu liste. De exemplu:

- length/2: al doilea argument întoarce lungimea listei date ca prim argument
- member/2: este adevărat dacă primul argument se află în lista dată ca al doilea argument
- append/3: identic cu predicatul anterior concat_lists/3
- last/2: este adevărat dacă al doilea argument este identic cu ultimul element al listei date ca prim argument
- reverse/2: lista din al doilea argument este lista dată ca prim element în oglindă.

Exercițiul 4

A) Definiți un predicat all_a/1 care primește ca argument o listă și care verifică dacă argumentul său este format doar din a-uri.

```
?- all_a([a,a,a,a]).
?- all_a([a,a,A,a]).
```

B) Scrieti un predicat trans_a_b/2 care traduce o listă de a-uri într-o listă de b-uri. trans_a_b(X,Y) trebuie să fie adevărat dacă X este o listă de a-uri și Y este o listă de b-uri, iar cele două liste au lungimi egale.

```
?- trans_a_b([a,a,a],L).
?- trans_a_b([a,a,a],[b]).
?- trans_a_b(L,[b,b]).
```

Exercițiul 5: Operații cu vectori

A) Scrieți un predicat scalarMult/3, al cărui prim argument este un întreg, al doilea argument este o listă de întregi, iar al treilea argument este rezultatul înmulțirii cu scalari al celui de-al doilea argument cu primul.

De exemplu, la întrebarea

?-scalarMult(3,[2,7,4],Result).

ar trebui să obțineți Result = [6,21,12].

Exercițiul 5 (cont.)

B) Scrieți un predicat dot/3 al cărui prim argument este o listă de întregi, al doilea argument este o listă de întregi de lungimea primeia, iar al treilea argument este produsul scalar dintre primele două argumente.

De exemplu, la întrebarea

?-dot([2,5,6],[3,4,1],Result).

ar trebui să obțineți Result = 32.

Exercițiul 5 (cont.)

C) Scrieți un predicat max/2 care caută elementul maxim într-o listă de numere naturale.

De exemplu, la întrebarea

?-max([4,2,6,8,1],Result).

ar trebui să obțineți Result = 8.