

Examen Restanță Specială (timp de lucru: 1h30')

1. În ce constă paradoxul zilei de naștere și care este importanța lui în construcția de funcții hash rezistente la coliziuni? **10p**

2. Considerăm următoarea schemă de distribuție a cheii pentru n utilizatori. Administratorul (TA) alege un număr prim $p > n$, generează random trei coeficienți $a, b, c \in \mathbf{Z}_p$ (distincti doi câte doi) și formează polinomul

$$f(x, y) = a + b(x + y) + cxy \text{ mod } p.$$

TA distribuie fiecărui utilizator U polinomul

$$g_U(x) = f(x, r_U) \text{ mod } p = a_U + b_U x \text{ mod } p,$$

unde $r_U \in \mathbf{Z}_p$ este un parametru public ales random de U . Polinomul g_U este secret al lui U .

Doi utilizatori U și V vor comunica prin intermediul cheii

$$K_{UV} = g_U(r_V) = f(r_U, r_V) = f(r_V, r_U) = g_V(r_U) = K_{VU}.$$

Arătați următoarele:

- (a) Schema este rezistentă la atac de coaliție 1 (pentru un utilizator W , cheia utilizată de orice alți doi utilizatori poate fi oricare din cheile posibile, cu aceeași probabilitate). **7p**
- (b) Schema nu este rezistentă la atac de coaliție 2 (doi utilizatori pot deduce în timp polinomial cheia utilizată de orice alți doi utilizatori). **8p**
3. Considerăm, în cadrul modelului take-grant, două insule (distincte) I_1 și I_2 conectate printr-un element extern z .
- Discutați posibilitatea și modul de transfer a drepturilor de la o insulă la cealaltă. **7p**
 - Studiați complexitatea algoritmului prin care o insulă poate obține toate drepturile celeilalte insule. **8p**