

**GUÍA DE ESTUDIO** 

**EL EXAMEN:** 

Instituto Politécnico Nacional Centro de Estudios Científicos y Tecnológicos No. 1 "GONZALO VÁZQUEZ VELA"

#### SUBDIRECCIÓN ACADÉMICA



Exámenes a Título de Suficiencia 2013/2 PLAN DE ESTUDIOS 2008 - 2009

"80 Aniversario de la Escuela Superior de Îngeniería Textil"
"65 Aniversario de la Escuela Superior de Îngeniería Química e Industrias Extractivas"
"50 Aniversario del Cety T 7 Cuauhtémoc"
"50 Aniversario del CECY T 7 Cua

"2013, Año de la Lealtad Institucional y Centenario del Ejército Mexicano

JUNIIO, 2013.

ALGEBRA			
UNIDADES DE APRENDIZAJE DEL ÁREA BÁSICA	Nivel:	1	
MATEMÁTICAS	Turno:	MATUTINO	
ACADEMIA DE MATEMATICAS T.M.			
2012			
<ul> <li>✓ Revisa y resuelve el contenido completo de la guía de estudio y apóyate en las fuentes de consulta que se recomiendan a continuación.</li> <li>✓ Retoma los apuntes y bibliografía del curso para revisar ejercicios similares a los que se proponen en la guía.</li> <li>✓ Acude a resolver dudas específicas sobre los temas de la guía en los horarios disponibles de los profesores para asesorías individuales que se publicarán en la página web del CECYT (http://www.cecyt1.ipn.mx) o en la jefatura de departamento que se indica en el encabezado.</li> <li>✓ Acude con tu guía resuelta a la sesión grupal para revisar la solución de la guía en a la fecha y horario que se publicará en la página web del CECYT (http://www.cecyt1.ipn.mx) o en la jefatura de departamento que se indica en el encabezado.</li> </ul>			
	ACADEMIA DE MATEMATICAS  2012  ✓ Revisa y resuelve el contenido completo de la guía de este consulta que se recomiendan a continuación.  ✓ Retoma los apuntes y bibliografía del curso para revisar ej proponen en la guía.  ✓ Acude a resolver dudas específicas sobre los temas de la guía de los profesores para asesorías individuales que se publio (http://www.cecyt1.ipn.mx) o en la jefatura de departamencabezado.  ✓ Acude con tu guía resuelta a la sesión grupal para revisar fecha y horario que se publicará en la página web del CEC	ACADEMIA DE MATEMATICAS T.M.  2012  ✓ Revisa y resuelve el contenido completo de la guía de estudio y apóyate consulta que se recomiendan a continuación.  ✓ Retoma los apuntes y bibliografía del curso para revisar ejercicios similar proponen en la guía.  ✓ Acude a resolver dudas específicas sobre los temas de la guía en los hora de los profesores para asesorías individuales que se publicarán en la pági ( <a href="http://www.cecyt1.ipn.mx">http://www.cecyt1.ipn.mx</a> ) o en la jefatura de departamento que se indencabezado.  ✓ Acude con tu guía resuelta a la sesión grupal para revisar la solución de le fecha y horario que se publicará en la página web del CECYT ( <a href="http://www.bttp://www.cecyt1.ipn.mx">http://www.bttp://www.cecyt1.ipn.mx</a> ) o en la página web del CECYT (	

TEMAS A EVALUAR EN EL EXÁMEN			
1	Operaciones con polinomios		
2	Productos notables		
3	Factorización		
4	Fracciones algebraicas		
5	Problemas que dan origen a sistemas de ecuaciones lineales de dos por dos		
6	Ecuaciones cuadráticas en una variable		

comprobante de inscripción sellado por el área de Gestión Escolar.

Acude puntualmente en la fecha y horario que indique tu comprobante de inscripción al E.T.S. Para poder presentar el E.T.S. deberás presentar identificación con fotografía reciente y

FUENTES DE CONSULTA RECOMENDADAS PARA RESOLVER LA GUÍA				
1	Aritmética y algebra / Samuel Fuenlabrada / MacGraw- Hill			
2	Matemáticas I Algebra / Juan Antonio Cuellar / MacGraw- Hill			
3	Algebra / Jerry Cummins, Carol Malloy, Key McCain, Yvonne Mojica, Jack price / MacGraw- Hill			
4	Algebra con aplicaciones / Elizabeth D. Phillips Thomas Butts / Oxford			
5				
6				



Instituto Politécnico Nacional
Centro de Estudios Científicos y
Tecnológicos No. 1
"GONZALO VÁZQUEZ VELA"

#### SUBDIRECCIÓN ACADÉMICA



"2013, Año de la Lealtad Institucional y Centenario del Ejército Mexicano"
"80 Aniversario de la Escuela Superior de Ingeniería Textil"
"65 Aniversario de la Escuela Superior de Ingeniería Química e Industrias Extractivas"
"50 Aniversario del Centro Nacional de Cálculo"
"50 Aniversario del CECyT 7 Cuauhtémoc"

JUNIIO, 2013.

### GUÍA DE ESTUDIO Exámenes a Título de Suficiencia 2013/2 PLAN DE ESTUDIOS 2008 - 2009

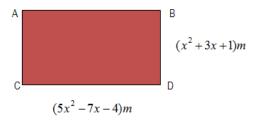
### **CONTENIDO DE LA GUÍA**

## ALGEBRA

### **OPERACIONES CON POLINOMIOS**

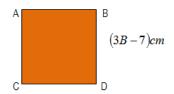
Determina la expresión polinomial que representa el perímetro de las siguientes figuras geométricas.

1) El cuadrilátero ABCD es un rectángulo.



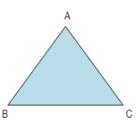
1

2) ABCD es un cuadrado.



$$AB = 5x - 3y - 4Z - 3$$

3) 
$$BC = 2x + y - z - 4$$
  
 $AC = 4x - 4y - z - 4$ 



 En el siguiente ejemplo sustrae el tercer polinomio de la suma de los primeros dos: A+B-C.

$$A = 4x^3 + 4x^2 - 5x + 6$$

$$B = -x^3 + x^2 - 7x + 1$$

$$C = 8x^2 + 3x + 3x^3 - 1$$

Resuelve las siguientes sumas y restas.

5) 
$$(6y-5)+(2y+7)=$$

6) 
$$(x^2-6x+5)+(x^2+4x-7)=$$

7) 
$$(3x+4)-(x+2)=$$

8) 
$$(6m^2 - 5m + 3) - (5m^2 - 2m - 7) =$$

9) De 
$$(5x^2 + 4x - 1)$$
 resta  $(4x^2 + x + 2)$ 

10) Resta 
$$(-3x+2)$$
 de  $(5x^2-4x)$ 



S CONTRACTOR OF STATE OF STATE

Instituto Politécnico Nacional
Centro de Estudios Científicos y
Tecnológicos No. 1
"GONZALO VÁZQUEZ VELA"

#### SUBDIRECCIÓN ACADÉMICA

"2013, Año de la Lealtad Institucional y Centenario del Ejército Mexicano"

"80 Aniversario de la Escuela Superior de Ingeniería Textil"

"65 Aniversario de la Escuela Superior de Ingeniería Química e Industrias Extractivas"

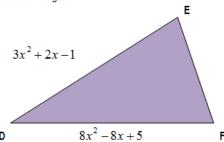
"50 Aniversario del CECyT 7 Caualhtémoc"



JUNIIO, 2013.

### GUÍA DE ESTUDIO Exámenes a Título de Suficiencia 2013/2 PLAN DE ESTUDIOS 2008 - 2009

- 11) De  $(3x^2 + 4x 4)$  resta  $(4x^2 + x + 2)$
- 12) Resta  $(3a^2 + 4a + 1)$  de  $(5a^2 + 7a + 9)$
- 13) El perímetro del triangulo **DEF** es  $12x^2 7x + 9$ . Encuentra la tercer medida del triangulo.



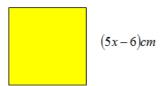
### Resuelve los siguientes problemas.

1) Calcula el área y el perímetro del rectángulo de la siguiente figura.

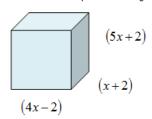


$$(3x^2-5x+6)cm$$

2) Determina el perímetro y el área del cuadrado de la siguiente figura.



3) Determina el volumen del prisma de la siguiente figura.



Resuelve las siguientes multiplicaciones.

4) 
$$3x(4x^2-7)=$$

5) 
$$-2a(a-2)=$$

6) 
$$5d(d^2+3)=$$

7) 
$$-3y(6-9y+4y^2)=$$

8) 
$$5n(8n^3 + 7n^2 - 3n) =$$

9) 
$$\frac{1}{4}x(12x^2+8x)=$$

10) 
$$(x+4)(x+8)=$$

11) 
$$(2x+5)(5x+3) =$$

12) 
$$(x^2 + 2x - 1)(x - 3) =$$

Instituto Politécnico Nacional
Centro de Estudios Científicos y
Tecnológicos No. 1
"GONZALO VÁZQUEZ VELA"



#### SUBDIRECCIÓN ACADÉMICA

"2013, Año de la Lealtad Institucional y Centenario del Ejército Mexicano"
"80 Aniversario de la Escuela Superior de Ingeniería Textil"
"65 Aniversario de la Escuela Superior de Ingeniería Química e Industrias Extractivas"
"50 Aniversario del Cety 7 7 Cuauhtémoc"
"50 Aniversario del CECy 7 7 Cuauhtémoc"

JUNIIO, 2013

### 13) $(5v^2 + 3v - 5)(2v - 3) =$

14) 
$$(8m + 2n)(6m + 5n) =$$

15) 
$$(2x^3 + x^2 - 5x + 3)(3x^2 + 5x - 3) =$$

- 16) Una caja de cereales tiene una longitud de 2x pulgadas, un ancho de x-2 pulgadas y una altura de 2x+5 pulgadas.
  - a) Exprese el volumen del paquete como un polinomio.
  - b) Encuentre el volumen de la caja si x = 9

Realiza las siguientes divisiones algebraicas.

1) 
$$(2x^4 + 3x^3 - x^2 + 5x - 1) \div (x - 2) =$$

2) 
$$(2b^2+3b-6)\div(2b-1)=$$

3) 
$$(4x^4 + 1 + x - 2x^2) \div (x+1) =$$

4) 
$$(4x^3 + 10x - 5x^2 + 6) \div (4x + 3) =$$

5) 
$$(x^2-4x-12)\div(x+2)=$$

6) 
$$(x^2-9x+14)\div(x-2)=$$

7) 
$$(x^3 + 27) \div (x+3) =$$

- 8) El área de un rectángulo es  $(4x^3 5x^2 + 3x + 58) cm^2$ . Si su ancho es (x + 2) cm, determina su largo.
- 9) El área de un triangulo es  $(8x^2 + 14x 4)cm^2$ . Si su base es (8x 2) cm, determina su altura.
- 10) El volumen de un prisma rectangular es  $(x^3 + 6x^2 + 8x)$  pies cúbicos. Si la altura del prisma es (x + 4) pies y la longitud es (x + 2) pies, encuentra el ancho del prisma.

- 11) La distancia d en millas que vuela un avión esta dado por el polinomio  $\left(x^2+501x+500\right)$ . Supongamos que  $\left(x+500\right)$  representa la velocidad v en millas por hora del avión. Usa la formula d=vt.
  - a) Encuentra el polinomio que representa el tiempo t en horas.
  - b) Si x = 5, encuentra la distancia, velocidad y tiempo para el avión.

### SIMBOLOS DE AGRUPACION

Elimina símbolos de agrupación y reduce términos semejantes.

1) 
$$3x - \{2y - (5x + 3y)\} =$$

2) 
$$-(6a-3b)-(5a-9b-(2c-9b))=$$

3) 
$$4m + \{(6m-3n) - (9n-5m) + (8m-2n)\} =$$

4) 
$$-9y+3z-\{5x-10y-8z-(2x-6y+7z-[2x-3y])\}=$$

5) 
$$\frac{2}{3}a - \left\{-\frac{1}{5}b - \left(2a - \frac{3}{5}b\right) + +\frac{2}{3}a\right\} - \frac{1}{2}b =$$

6) 
$$2a\{-5b[-6a(a+b-1)]+5a\}-(6a^2b+8b)=$$

### PRODUCTOS NOTABLES

Resuelve los siguientes productos notables.

Binomio al cuadrado  $(a \pm b)^2 = a^2 \pm 2ab + b^2$ 

1) 
$$(x+3)^2 =$$

2) 
$$(y-5)^2 =$$

Instituto Politécnico Nacional Centro de Estudios Científicos y Tecnológicos No. 1 "GONZALO VÁZQUEZ VELA"

#### SUBDIRECCIÓN ACADÉMICA



"2013, Año de la Lealtad Institucional y Centenario del Ejército Mexicano"
"80 Aniversario de la Escuela Superior de Ingeniería Textil"
"65 Aniversario de la Escuela Superior de Ingeniería Quinica e Industrias Extractivas"
"50 Aniversario del Centro Nacional de Cálculo"
"50 Aniversario del CECyT 7 Cuauhtémoc"

JUNIIO, 2013.

# GUÍA DE ESTUDIO

Exámenes a Título de Suficiencia 2013/2

PLAN DE ESTUDIOS 2008 - 2009

3) 
$$(4x^2-3)^2=$$

4) 
$$(2x^3 + 7y)^2 =$$

5) 
$$\left(\frac{3}{2}x^3 + \frac{2}{5}y^2\right)^2 =$$

6) 
$$[3x+(4y-2)]^2 =$$

7) 
$$\left(\frac{1}{2}x^2 - 4\right)^2 =$$

$$8) \quad \left(\frac{3x^2 - 5y}{3}\right)^2 =$$

Binomio conjugado  $(a+b)(a-b)=a^2-b^2$ 

1) 
$$(x+4)(x-4)=$$

2) 
$$(3b+5c)(3b-5c)=$$

3) 
$$\left(\frac{3}{5}x^3 - 8y\right)\left(\frac{3}{5}x^3 + 8y\right) =$$

4) 
$$\left(\frac{2}{3}a^3 - \frac{1}{4}b\right)\left(\frac{2}{3}a^3 + \frac{1}{4}b\right) =$$

5) 
$$[2x+(3y-1)][2x-(3y-1)] =$$

6) 
$$[3x+5(3y+2)[3x-5(3y+2)] =$$

Producto de dos binomios con término común

$$(x+a)(x+b) = x^2 + x(a+b) + ab$$

1) 
$$(x+3)(x+3)=$$

2) 
$$(z-7)(z+3)=$$

3) 
$$(x^2-5)(x^2+9)=$$

4) 
$$(x^4 - 12y)(x^4 - 6y) =$$

5) 
$$(5x-8y)(5x+3y)=$$

6) 
$$(3x^2 - 5y)(3x^2 + 4y) =$$

Binomio al cubo  $(a \pm b)^3 = a^3 \pm 3a^2b + 3ab^2 \pm b^3$ 

1) 
$$(2x+3)^3 =$$

2) 
$$(3m-2n)^3 =$$

3) 
$$(3x^2 + 2y^3)^3 =$$

4) 
$$(p^2-7)^3=$$

5) 
$$(x^3 + 5y^2)^3 =$$

6) 
$$\left(\frac{1}{2}x^2 - \frac{2}{3}y\right)^3 =$$



### **GUÍA DE ESTUDIO** Exámenes a Título de Suficiencia 2013/2

PLAN DE ESTUDIOS 2008 - 2009

Instituto Politécnico Nacional Centro de Estudios Científicos y Tecnológicos No. 1 "GONZALO VÁZQUEZ VELA"

#### SUBDIRECCIÓN ACADÉMICA

"2013, Año de la Lealtad Institucional y Centenario del Ejército Mexicano "80 Aniversario de la Escuela Superior de Ingeniería Textil" "65 Aniversario de la Escuela Superior de Ingeniería Química e Industrias Extractivas" "50 Aniversario del Centro Nacional de Cálculo" "50 Aniversario del CECyT 7 Cuauhtémoc'



JUNIIO, 2013

Producto de un binomio por un trinomio especial  $(a \pm b)(a^2 \mp ab + b^2) = a^3 \pm b^3$ 

1) 
$$(x+2y)(x^2-2xy+4y^2)=$$

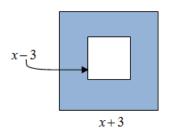
2) 
$$(3a-5b)(9a^2+15ab+25b^2)=$$

3) 
$$(10y-3)(100y^2+30y+9)=$$

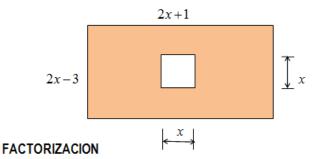
4) 
$$\left(\frac{3}{5}x - 1\right)\left(1 + \frac{3}{5}x + \frac{9}{25}x^2\right) =$$

### APLICACION

- 1) El área de un triangulo está dada por la expresión  $\frac{1}{2}bh$ , donde brepresenta la longitud de la base y h es la altura. Supongamos que un triangulo recto tiene una base que mide x-3 unidades y una altura de x+3 unidades.
  - a) Expresa el área del triangulo como una suma de dos monomios.
  - b) Encuentra el área del triangulo si x = 5.
  - ¿Cuál es la longitud de la hipotenusa si x = 6 ?
- 2) Calcula el área de la región sombreada si la longitud de un lado del cuadrado mayor x+3 centimetros y la longitud de un lado del cuadrado menor es x-3 centimetros.



3) Calcula el área de la región sombreada.



Factoriza por máximo factor común.

1) 
$$m - m^3 - m^4 =$$

2) 
$$21a^4 + 42a^5b =$$

3) 
$$4x^2y^2 - 8x^3y^3 - 12x^4y^4 =$$

4) 
$$65a^4b^2 - 39b^4 + 78a^2b^2 =$$

5) 
$$85 + 34ab^2 - 68ab^3 =$$

6) 
$$12x^3yz - 18x^2z^2 + 24xyz =$$



Instituto Politécnico Nacional Centro de Estudios Científicos y Tecnológicos No. 1 "GONZALO VÁZQUEZ VELA"

### SUBDIRECCIÓN ACADÉMICA

"2013, Año de la Lealtad Institucional y Centenario del Ejército Mexicano "80 Aniversario de la Escuela Superior de Îngeniería Textil" "65 Aniversario de la Escuela Superior de Ingeniería Química e Industrias Extractivas" "50 Aniversario del Centro Nacional de Cálculo" "50 Aniversario del CECyT 7 Cuauhtémoc'



JUNIIO. 2013

Factoriza por diferencia de cuadrados.

1) 
$$25y^2 - 4x^2 =$$

2) 
$$100 - x^2 =$$

3) 
$$36m^4n - n =$$

4) 
$$4a^2b^4c^6-1=$$

5) 
$$225a^2b - 169b^3 =$$

6) 
$$4(x-2)^2-9=$$

7) 
$$25-(a-1)^2 =$$

8) 
$$(x+y)^2 - (x-y)^2 =$$

9) 
$$9(m-5)^2 - 4(m-1)^2 =$$

Factoriza por suma y diferencia de cubos.

1) 
$$8a^3 - 1 =$$

2) 
$$m^3 + 64 =$$

3) 
$$64p^3 - 27q^3 =$$

4) 
$$27a^6 + 64b^9 =$$

5) 
$$(x-4)^3-27=$$

Factoriza por trinomio cuadrado perfecto.

1) 
$$x^2 - 4x + 4 =$$

2) 
$$9x^2 - 6x + 1 =$$

3) 
$$49 + 14n + n^2 =$$

4) 
$$25a^2 + 30ab + 9b^2 =$$

$$5) \quad 4h^2 - 12h + 9 =$$

6) 
$$x^3 + 10x^2 + 25x =$$

7) 
$$2p^2 + 12p + 18 =$$

Factoriza por trinomio de la forma  $x^2 + bx + c$ 

1) 
$$x^2 - 7x - 8 =$$

2) 
$$a^2 - 7a + 10 =$$

3) 
$$m^2 - 12m + 27 =$$

4) 
$$x^2 - x - 12 =$$

5) 
$$2x^2 + 2x - 60 =$$

6) 
$$a^6 + 7a^3 - 8 =$$

7) 
$$a^4 + 4a^2 - 32 =$$

8) 
$$12 - 8a + a^2 =$$

9) 
$$x^2 + 8x - 240 =$$

Factoriza por agrupación de temimos.

1) 
$$2ac - 4bc + ad - 2bd =$$

2) 
$$2y^2 - 3xy - 4y + 6x =$$

3) 
$$15x^3 - 2v^2 + 10x^2v - 3xv =$$

4) 
$$3m^2 - 12m + mn - 4n =$$

5) 
$$9a^3 + 9ab - 15a^2b^2 = -15b^3$$

6) 
$$6x^2 + 16x - 15xy - 40y =$$

Factoriza por trinomios de la forma  $ax^2 + bx + c$ 



### **GUÍA DE ESTUDIO Exámenes a Título de Suficiencia 2013/2**

PLAN DE ESTUDIOS 2008 - 2009

Instituto Politécnico Nacional
Centro de Estudios Científicos y
Tecnológicos No. 1
"GONZALO VÁZQUEZ VELA"

#### SUBDIRECCIÓN ACADÉMICA



"2013, Año de la Lealtad Institucional y Centenario del Ejército Mexicano"
"80 Aniversario de la Escuela Superior de Ingeniería Textil"
"65 Aniversario de la Escuela Superior de Ingeniería Química e Industrias Extractivas"
"50 Aniversario del Centro Nacional de Cálculo"
"50 Aniversario del CECyT 7 Cuauhtémoo"

JUNIIO, 2013.

1) 
$$2x^2 - 3x - 9 =$$

2) 
$$3a^2 + 5a - 2 =$$

3) 
$$2x^2 + 13x + 15 =$$

4) 
$$5b^2 + 16b + 3 =$$

5) 
$$3r^2 - 10r + 3 =$$

6) 
$$4a^2 - 13a - 12 =$$

7) 
$$3x^2 - 4x - 15 =$$

8) 
$$6m^2 - 5m - 6 =$$

9) 
$$4m^2 - 16m + 12 =$$

Factoriza por polinomio cubo perfecto.

1) 
$$a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3 =$$

2) 
$$8x^3 + 36x^2b + 54xb^2 + 27b^3 =$$

3) 
$$a^6 - 6a^4b^2 + 12a^2b^4 - 8b^6 =$$

4) 
$$8 + 36x + 54x^2 + 27x^3 =$$

### **APLICACIÓN**

 La tolerancia de flexión necesaria para doblar una pieza de metal de espesor t en un ángulo A cuando el radio interior de la flexión es R esta dado por:

$$\frac{2\pi A}{360}R + \frac{2\pi A}{360}kt$$

Donde k es una constante.

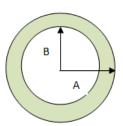
Factoriza completamente esta expresión.

 La distribución parabólica del esfuerzo cortante sobre la sección transversal de una viga está dada por:

$$\frac{3Sd^2}{2hd^3} - \frac{12Sz^2}{2hd^3}$$

Factoriza completamente esta expresión.

3) Demuestra que el área de la parte sombreada es igual a  $\pi(A-B)(A+B)$ .



- 4) Halle el área de la parte sombreada del ejercicio anterior cuando  $A=15\,$  cm y  $B=12.4\,$  cm. Utiliza  $\pi=3.14\,$
- 5) Una caja rectangular se construye de una hoja de cartón de  $20 \times 20$  pulgadas, cortando cuadros de x pulgadas en cada una de las esquinas y doblando hacia arriba.

Exprese cada una de las siguientes cantidades como un polinomio en forma factorizada y desarrollada.

- a) El área del cartón después de que se han cortado las esquinas.
- b) El volumen de la caja.
- 6) El volumen de un prisma rectangular es  $\left(x^3 + 4x^2 + 3x\right) cm^3$ . Encuentra la longitud, ancho y altura del prisma si cada una de las dimensiones se pueden escribir como monomio o binomio con coeficientes enteros.

©IPN – CECYT NÚM. 1 "G.V.V."

Página 8 de 12



Instituto Politécnico Nacional Centro de Estudios Científicos y Tecnológicos No. 1 "GONZALO VÁZQUEZ VELA"

#### SUBDIRECCIÓN ACADÉMICA

"2013, Año de la Lealtad Institucional y Centenario del Ejército Mexicano "80 Aniversario de la Escuela Superior de Îngeniería Textil" "65 Aniversario de la Escuela Superior de Ingeniería Química e Industrias Extractivas" "50 Aniversario del Centro Nacional de Cálculo" "50 Aniversario del CECyT 7 Cuauhtémoc'

JUNIIO, 2013

### FRACCIONES ALGEBRAICAS

Simplifica las fracciones algebraicas.

1) 
$$\frac{3x+9}{4x+12} =$$

2) 
$$\frac{x^2-3x}{x^2+x-12} =$$

3) 
$$\frac{x^2 + 2x - 8}{x^2 + 5x + 4} =$$

4) 
$$\frac{25-x^2}{x^2+x-30}$$
 =

5) 
$$\frac{x^2 - 3x}{2(x - 3)} =$$

6) 
$$\frac{x^2+3x+2}{x^2+2x+1} =$$

7) 
$$\frac{125x^3 + 1}{5x^2 + 16x + 3} =$$

8) 
$$\frac{6x^3 - 21x^2}{4x^2 - 49} =$$

9) 
$$\frac{8x^3 - 12x^2 + 6x - 1}{4x^2 2x} =$$

10) 
$$\frac{9x^2 - 6xy + 12x - 8y}{9x^2 - 12xy + 4y^2} =$$

Realiza las siguientes multiplicaciones de fracciones algebraicas y simplifica.

1) 
$$\frac{3x+30}{2x} \bullet \frac{4x}{4x+40} =$$

2) 
$$\frac{x+3}{x+4} \cdot \frac{x}{x^2+7x+12} =$$

3) 
$$\frac{x^2-9}{x+7} \bullet \frac{2x+14}{x^2+6x+9} =$$

4) 
$$\frac{6x^2 + 7x - 3}{x + 5x^2} \bullet \frac{5x^2 - 4x - 1}{2x^2 + x - 3} =$$

5) 
$$\frac{n^2}{n^2 - 4} \bullet \frac{n^2 - 5n + 6}{n^2 - 3n} =$$

Realiza las siguientes divisiones de fracciones algebraicas y simplifica.

1) 
$$\frac{2x^3}{x+1} \div \frac{x^2}{x+1} =$$

2) 
$$\frac{x^2 + 7x + 10}{x - 1} \div \frac{x^2 + 2x - 15}{1 - x} =$$

3) 
$$\frac{6x^2 - 5x - 4}{6x^2 - 8x} \div \frac{2x^2 + 9x + 4}{x^3 + 64} =$$

4) 
$$\frac{x^2 - 16}{x^2 - 5x + 4} \div \frac{4x + 16}{2x - 2} =$$

5) 
$$\frac{x^2 + 4x - 45}{4x - 20} \div \frac{x^2 - 81}{x^2 - 18x + 81} =$$

Realiza las siguientes sumas y restas de fracciones algebraicas y simplifica.



Instituto Politécnico Nacional Centro de Estudios Científicos y Tecnológicos No. 1 "GONZALO VÁZQUEZ VELA"



#### SUBDIRECCIÓN ACADÉMICA

"2013, Año de la Lealtad Institucional y Centenario del Ejército Mexicano "80 Aniversario de la Escuela Superior de Îngeniería Textil" "65 Aniversario de la Escuela Superior de Ingeniería Química e Industrias Extractivas"

"50 Aniversario del Centro Nacional de Cálculo" "50 Aniversario del CECyT 7 Cuauhtémoc'



JUNIIO, 2013.

$$1) \quad \frac{5y}{x+y} + \frac{5x}{x+y} =$$

$$2) \quad \frac{4x}{x-3} + \frac{12}{3-x} =$$

3) 
$$\frac{5}{x+3} + \frac{4}{x-2} =$$

4) 
$$\frac{5x-27}{x^2-9} + \frac{2}{x-3} =$$

$$5) \quad \frac{x+6}{x^2+2x-8} + \frac{3}{x+4} =$$

6) 
$$\frac{5x-1}{x^2+2x-3} - \frac{2x+2}{x^2+5x+6} =$$

7) 
$$\frac{3x-2}{x^2-3x-4} - \frac{x+2}{x^2-5x+4} =$$

8) 
$$\frac{6x+1}{2x^2+5x-3} - \frac{3}{x+3} =$$

9) 
$$\frac{3x+4}{6x^2+x-1} + \frac{2}{2x+1} - \frac{3}{3x-1} =$$

10) 
$$\frac{3x-2}{2x^2-5x-3} - \frac{x-2}{6x^2+x-1} - \frac{2x+2}{3x^2-10x+3} =$$

#### SISTEMAS DE ECUACIONES LINEALES

Resuelve los siguientes sistemas lineales por los métodos de suma y resta, sustitución, igualación, por determinantes (regla de Cramer) y grafico.

$$\begin{array}{l}
2x + y = 3 \\
5x + 3y = 10
\end{array}$$

2) 
$$4x - 7y = -10$$
$$3x + 2y = 7$$

$$3x + 2y = 7$$

$$3) 8x - 3y = 5$$

$$5x - 2y = 4$$

4) 
$$5x + y = -17$$
$$2x + 5y = 7$$

5) 
$$8x - y = 49$$
$$3x + 2y = -3$$

$$6x + 5y = -17$$

$$5x - 12v = 2$$

$$\frac{x-y}{5} + y = 6$$

7) 
$$\frac{x-y}{5} + y = 6$$
$$\frac{x+y}{3} + x = 15$$



Instituto Politécnico Nacional Centro de Estudios Científicos y Tecnológicos No. 1 "GONZALO VÁZQUEZ VELA"



#### SUBDIRECCIÓN ACADÉMICA

"2013, Año de la Lealtad Institucional y Centenario del Ejército Mexicano"

"80 Aniversario de la Escuela Superior de Ingeniería Textil"

"65 Aniversario de la Escuela Superior de Ingeniería Química e Industrias Extractivas"

"50 Aniversario del CECyT 7 Caualhtémoc"



Resuelve los siguientes problemas que involucren un sistema de ecuaciones lineales con dos incógnitas.

- Considera que 10 kg de papa y 5 kg de arroz cuestan \$55.00, mientras que 7 kg de papas y 13 kg de arroz cuestan \$67.00. ¿Cual es precio por kilogramo de arroz y cuál es el precio por kilogramo de papas?.
- 2) En un juego de futbol se vendieron 10000 boletos. El precio de un boleto en la sección numerada era de \$40.00 y de \$15.00 en la sección general. Si el monto total que se recaudo fue de \$310000, ¿Cuántos boletos se vendieron en la sección numerada?.
- Una persona tiene 125 billetes, unos de \$50 y otros de \$100. Si el total del dinero es de \$8500.00, ¿Cuántos billetes de \$100 tiene y cuantos billetes de \$50?.

#### **ECUACIONES CUADRATICAS**

Resuelve las siguientes ecuaciones cuadráticas por cualquier método (factorización, formula general, completando un trinomio cuadrado perfecto y grafico).

1) 
$$x^2 - 5x + 6 = 0$$

2) 
$$x^2 - 8x + 16 = 0$$

3) 
$$x^2 - 3x - 10 = 0$$

4) 
$$3x^2 + x - 10 = 0$$

5) 
$$x^2 + 6x - 16 = 0$$

6) 
$$2x^2 - x - 21 = 0$$

7) 
$$x^2 - 8x - 20 = 0$$

8) 
$$2x^2 - 11x + 15 = 0$$

9) 
$$x^2 - 5x - 36 = 0$$

10) 
$$6x^2 - 17x + 10 = 0$$

11) 
$$v(v+3)-5v-3=0$$

12) 
$$(x+4)(x-4)=3(3x-2)$$

13) 
$$(2y-3)^2 = (y+5)^2 - 23$$

14) 
$$(3x-4)^2 - (2x+5)(3x-1) = 4x(x-8) + 27$$

15) 
$$x - \frac{8}{x} = 2$$

16) 
$$3x + \frac{1}{x} = 4$$

17) 
$$\frac{2}{x-1} = 3x-2$$

18) 
$$\frac{x-15}{4x-3} = 2x+9$$

19) 
$$\frac{4}{x-2} - \frac{2}{x+1} = 1$$

20) 
$$\frac{x}{x+1} + \frac{2x^2}{x^2 - 1} = 3 + \frac{x}{x+1}$$

- 21) Omar lanzo un cohete en un campo de futbol. La altura h del cohete en pies se puede calcular aproximadamente con la formula  $h=-16t^2+128t$ , donde t es el tiempo en segundos. ¿Cuánto tardara el cohete en alcanzar una altura de 240 pies?
- 22) Una compañía constructora está diseñando un puente de arco parabólico para cruzar un arroyo. La altitud del puente está dada por la ecuación  $h = -0.02d^2 + 0.8d$ , donde h es la altitud y la distancia d desde un extremo de la base está dada en pies. Encuentra el ancho del puente.

Resuelve los siguientes problemas de aplicación donde el modelo matemático es una ecuación cuadrática.

 Juan es 4 años mayor que Luis. Si el producto de los números que expresan sus edades en años es 525. ¿ Cual es la edad de cada uno de ellos?



Instituto Politécnico Nacional Centro de Estudios Científicos y Tecnológicos No. 1 "GONZALO VÁZQUEZ VELA"

# lal III

#### SUBDIRECCIÓN ACADÉMICA

"2013, Año de la Lealtad Institucional y Centenario del Ejército Mexicano"
"80 Aniversario de la Escuela Superior de Ingeniería Textil"
"65 Aniversario de la Escuela Superior de Ingeniería Química e Industrias Extractivas"
"50 Aniversario del Centro Nacional de Cálculo"
"50 Aniversario del CECy17 7 Cuauhtémoc"

JUNIIO, 2013.

- El largo de un rectángulo mide 2 metros más que su ancho. Si el área es de 120 metros cuadrados, determina sus dimensiones.
- 3) El producto de dos números impares consecutivos es 225, hallar los números.
- 4) La suma de un numero y su cuadrado es 42, ¿ Cuál es el numero?.
- El largo de una sala rectangular es 3 metros mayor que el ancho. Si el ancho aumenta 3 metros y el largo aumenta 2 metros, el área se duplica. Halla el área de la sala.

### **BIBLIOGRAFIA**

TITULO	AUTOR	EDITORIAL	
Aritmética y algebra	Samuel Fuenlabrada	MacGraw- Hill	
Matemáticas I Algebra	Juan Antonio Cuellar	MacGraw- Hill	
Algebra elemental	Alfonse Gobran	Grupo Editorial Iberoamérica	
Practica matemática 1	Alejandro Chávez Ochoa Fernando Sierra Longega	Grupo Editorial Iberoamérica	
Algebra con aplicaciones	Elizabeth D. Phillips Thomas Butts Michael Shaughnessy	Oxford	
Matemáticas I Aritmética y algebra	Patricia Ibáñez Carrasco Gerardo García Torres	CENGAGE Learning	
Algebra	Aurelio Baldor	Publicaciones Cultural	
Algebra	Jerry Cummins Carol Malloy Key McCain Yvonne Mojica Jack price	MacGraw- Hill	
Algebra	Arturo Aguilar Márquez Fabián V. Bravo Vázquez Hernán Aurelio Gallegos Miguel Cerón Villegas	Pearson	

©IPN – CECYT NÚM. 1 "G.V.V." Página **12** de **12**