Classification de crimes à San Francisco

June 7, 2021

1 Classification de crimes à San Francisco - Ambroise Odonnat, Waël Doulazmi, Paul-Eloi Mangion, Alexis Gadonneix et Rémi Simon

Notre sujet est un problème de classification à partir d'un très grand dataset de train constitué à la fois de données numériques et de données catégorielles (et un peu de données textuelles que nous laisseront de côté). Les enjeux sont de sélectionner et de traiter les données pertinentes puis d'essayer un certain nombre d'algorithmes d'apprentissage pour trouver le plus adapté au problème.

```
[]: import sys
import pandas as pd
import seaborn as sns
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np

sns.set_theme()
plt.figure(figsize=(15,10))
```

[]: <Figure size 1080x720 with 0 Axes>
<Figure size 1080x720 with 0 Axes>

```
[]: #Read training data

train_data0 = pd.read_csv('data/train.csv')

train_data=train_data0.copy()
print(train_data.shape)
print('data loaded')

data_sample=train_data.sample(n=50000)

train_data.head()
```

(878049, 9) data loaded

```
[]:
                                                                  Descript \
                      Dates
                                    Category
                                    WARRANTS
                                                            WARRANT ARREST
        2015-05-13 23:53:00
       2015-05-13 23:53:00
                             OTHER OFFENSES
                                                  TRAFFIC VIOLATION ARREST
     1
     2 2015-05-13 23:33:00
                             OTHER OFFENSES
                                                  TRAFFIC VIOLATION ARREST
     3 2015-05-13 23:30:00
                                              GRAND THEFT FROM LOCKED AUTO
                              LARCENY/THEFT
     4 2015-05-13 23:30:00
                              LARCENY/THEFT
                                              GRAND THEFT FROM LOCKED AUTO
        DayOfWeek PdDistrict
                                  Resolution
                                                                 Address
     0 Wednesday
                              ARREST, BOOKED
                                                      OAK ST / LAGUNA ST
                    NORTHERN
                              ARREST, BOOKED
     1 Wednesday
                    NORTHERN
                                                      OAK ST / LAGUNA ST
     2 Wednesday
                              ARREST, BOOKED
                                               VANNESS AV / GREENWICH ST
                    NORTHERN
     3 Wednesday
                    NORTHERN
                                                1500 Block of LOMBARD ST
                                         NONE
     4 Wednesday
                                         NONE
                                               100 Block of BRODERICK ST
                        PARK
                            Y
     0 -122.425892
                    37.774599
     1 -122.425892
                    37.774599
     2 -122.424363
                    37.800414
     3 -122.426995
                    37.800873
     4 -122.438738
                    37.771541
```

1.1 Visualisation et pré-traitement des données

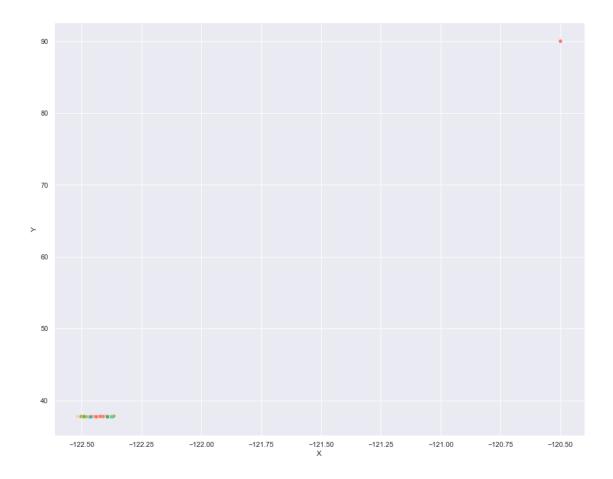
Dans un premier temps, nous allons tenter de sélectionner les données les plus pertinentes et une bonne méthode pour les modifier afin qu'elles soient le plus exploitable possible par nos modèles.

La sélection des données pertinentes va passer en partie par la visualisation de ces données. On ne visualisera que sur un échantillon du dataset pour que ce soit plus clair.

On commence par quelques modifications naturelles : on récupère l'ensemble des catégories et on transforme les jours de la semaine en valeurs numériques. On omet les données textuelles qui ne sont présentes que dans le set de train (Descript et Resolution) ainsi que la chaîne de caractère 'Adress' qui nous semblait difficilement exploitable et un peu redondante avec les coordonnées géographiques.

```
train_data.head()
    ['WARRANTS' 'OTHER OFFENSES' 'LARCENY/THEFT' 'VEHICLE THEFT' 'VANDALISM'
     'NON-CRIMINAL' 'ROBBERY' 'ASSAULT' 'WEAPON LAWS' 'BURGLARY'
     'SUSPICIOUS OCC' 'DRUNKENNESS' 'FORGERY/COUNTERFEITING' 'DRUG/NARCOTIC'
     'STOLEN PROPERTY' 'SECONDARY CODES' 'TRESPASS' 'MISSING PERSON' 'FRAUD'
     'KIDNAPPING' 'RUNAWAY' 'DRIVING UNDER THE INFLUENCE'
     'SEX OFFENSES FORCIBLE' 'PROSTITUTION' 'DISORDERLY CONDUCT' 'ARSON'
     'FAMILY OFFENSES' 'LIQUOR LAWS' 'BRIBERY' 'EMBEZZLEMENT' 'SUICIDE'
     'LOITERING' 'SEX OFFENSES NON FORCIBLE' 'EXTORTION' 'GAMBLING'
     'BAD CHECKS' 'TREA' 'RECOVERED VEHICLE' 'PORNOGRAPHY/OBSCENE MAT']
[]:
                      Dates
                                   Category DayOfWeek PdDistrict
     0 2015-05-13 23:53:00
                                   WARRANTS
                                                     2
                                                         NORTHERN -122.425892
     1 2015-05-13 23:53:00 OTHER OFFENSES
                                                         NORTHERN -122.425892
     2 2015-05-13 23:33:00 OTHER OFFENSES
                                                     2
                                                         NORTHERN -122.424363
     3 2015-05-13 23:30:00
                                                         NORTHERN -122.426995
                             LARCENY/THEFT
                                                     2
     4 2015-05-13 23:30:00
                            LARCENY/THEFT
                                                             PARK -122.438738
                Y
     0 37.774599
     1 37.774599
     2 37.800414
     3 37.800873
     4 37.771541
    On va ensuite tenter de visualiser les données géographiques.
[]: plt.figure(figsize=(15,12))
     sns.scatterplot(
         data=data_sample,
         x="X", y="Y",
         hue="Category",
         legend=False)
```

[]: <AxesSubplot:xlabel='X', ylabel='Y'>



Ce premier graphe nous indique clairement la présence d'outliers géographiques situés très loin (plusieurs milliers de km !) de San Francisco. Nous avons donc décider de supprimer ces outliers (qui représentent moins de 0.1% du dataset). On retente ensuite de visualiser.

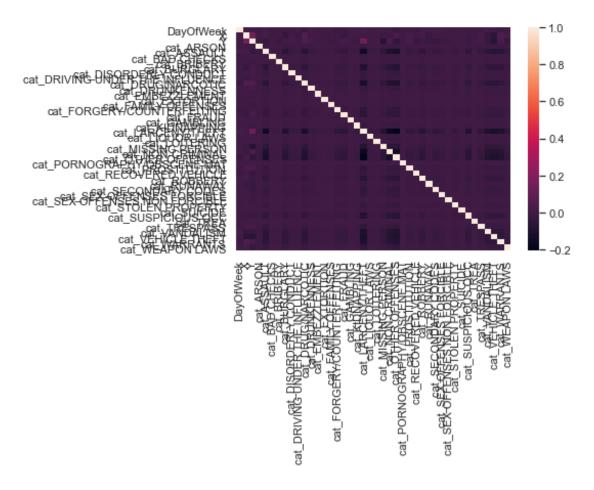
[]: <AxesSubplot:xlabel='X', ylabel='Y'>



C'est beaucoup plus intéressant! On ne peut pas dire à l'oeil nu si le type de crime (couleurs des points) dépend du lieu mais en tout cas on peut voir que la densité de crime varie beaucoup dans la ville. On peut reconnaître certaines grandes avenues très fréquentées, ainsi que le parc (rectangle sans crime en haut à gauche).

On peut essayer de visualiser la matrice de covariance sur le set de données pour regarder s' il y a des liens forts entre certaines données ou si certaines colonnes sont très pertinentes pour la classification. Cependant, les résultats attendus sont catégoriels donc on doit passer par un encodage one hot (seulement pour dessiner la matrice).

[]: <AxesSubplot:>



On y voit peu de choses malheureusement à cause du très grand nombre de colonnes ajoutées par le one hot. Il n'est donc pas évident de décider quelles données sont les plus pertinentes. On essaiera néanmoins par la suite d'étudier d'autres corrélations.

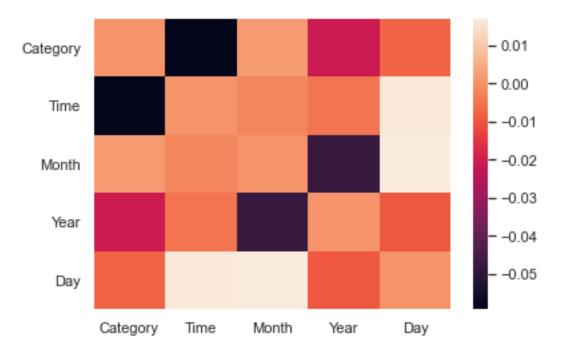
Pour le moment, continuons de formatter nos données. Le temps est pour l'instant sous forme d'une chaîne de caractères. On extrait un maximum d'informations de cette chaine (on connait deja le jour de la semaine) : Temps total de la journée en secondes, année, mois, jour du mois et heure de la journée. On s'affranchit de l'extraction des minutes et des secondes qui ne semblent pas très determinantes.

On remplace également les catégories par des données chiffrées (cela induit un ordre non désiré entre les catégories mais le nombre élevé de catégories rend les onehot inexploitables pour nos algorithmes). On peut donc retenter l'expérience des corrélations! (en retirant les données que l'on sait fortement corrélées (Time et Hour ou X et Y).

```
[]: #Format time data
train_data.Dates = pd.to_datetime(train_data.Dates)
```

```
train_data['Time'] = train_data.Dates.dt.hour*3600 + train_data.Dates.dt.
     →minute*60 + train_data.Dates.dt.second
     train_data['Hour'] = train_data.Dates.dt.hour
     train data['Day'] = train data.Dates.dt.day
     train_data['Month']=train_data.Dates.dt.month
     train data['Year']=train data.Dates.dt.year
     for key in ['Time','Hour','Day','Month','Year']:
        train_data[key] = pd.to_numeric(train_data[key])
     train_data['Category'].replace(to_replace=cat,value=[i for i in_
     →range(len(cat))],inplace=True)
     train data.head()
[]:
                     Dates Category DayOfWeek PdDistrict
                                                                     X
                                                                                Y
     0 2015-05-13 23:53:00
                                                  NORTHERN -122.425892
                                                                        37.774599
     1 2015-05-13 23:53:00
                                   1
                                                  NORTHERN -122.425892
                                                                        37.774599
     2 2015-05-13 23:33:00
                                   1
                                                  NORTHERN -122.424363
                                                                        37.800414
     3 2015-05-13 23:30:00
                                   2
                                              2 NORTHERN -122.426995 37.800873
     4 2015-05-13 23:30:00
                                   2
                                              2
                                                      PARK -122.438738 37.771541
        Time
              Hour
                    Day Month Year
                              5 2015
     0 85980
                 23
                      13
     1 85980
                 23
                     13
                              5 2015
     2 84780
                23
                     13
                              5 2015
     3 84600
                23
                     13
                              5 2015
     4 84600
                 23
                      13
                              5 2015
[]: corr = train_data[['Category', 'Time', 'Month', 'Year', 'Day']].corr()
     np.fill_diagonal(corr.values, 0)
     # plot the heatmap
     sns.heatmap(corr,
             xticklabels=corr.columns,
             yticklabels=corr.columns)
```

[]: <AxesSubplot:>



(On a mis les auto corrélations à 0 pour qu'elles n'écrasent pas les autres)

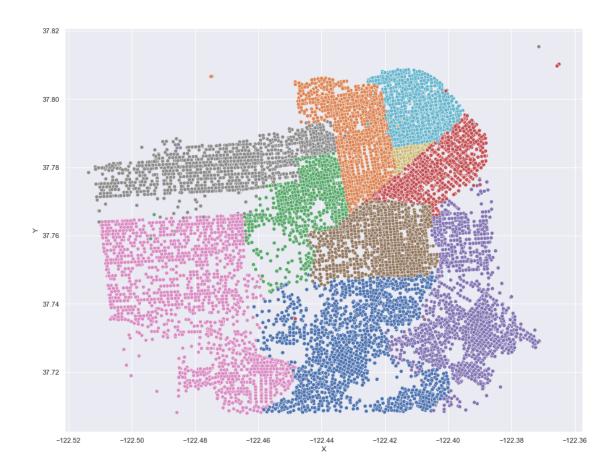
Le orange/beige correspond à 0, Blanc et noir correspondent aux corrélations (positives ou négatives). On ne pousse pas l'interprétation des relations de covariance entre ces données (on rappelle que les données catégorielles sont devenues numériques) mais on peut voir que les corrélations varient et que la plupart des paramètres semblent influer sur la catégorie de crime.

On a pour le moment laissé une catégorie de côté : le district. C'est un critère à priori redondant avec les coordonnées géographiques mais voyons ce qu'il en est sur notre "carte".

```
plt.figure(figsize=(15,12))

sample=train_data.sample(n=40000)
sns.scatterplot(
    data=sample,
    x="X", y="Y",
    hue="PdDistrict",
    legend=False)
```

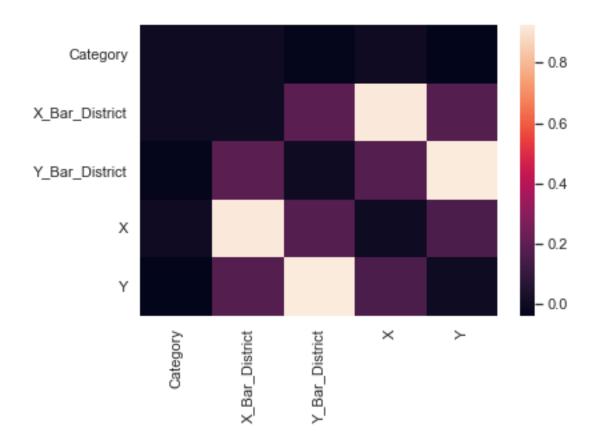
[]: <AxesSubplot:xlabel='X', ylabel='Y'>



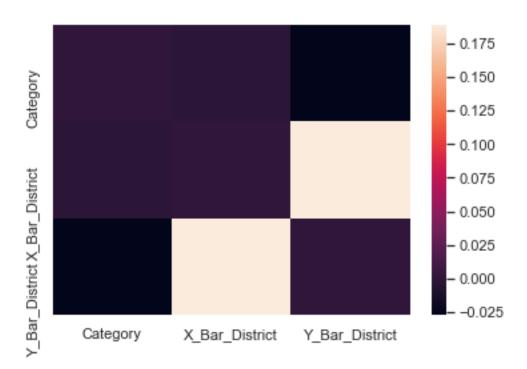
Effectivement, les districts semblent parfaitement définis géographiquement, chacun a ses rues et ne s'aventure que très rarement dans un autre district (pas de spécialisation à priori). On conserve cette donnée qui encode un autre niveau de précision de la localisation, des zones géographiques. De plus, ces données catégorielles induisent logiquement une topologie (les zone bleu clair est plus proche de la zone orange que de la zone rose). On va donc remplacer la colonne PdDistrict par deux colonnes qui contiennent les coordonnées géographiques du barycentre de chaque district.

```
[]: def District_barycenters(data):
    Districts = data['PdDistrict'].unique()
    Bary_coord = {}
    for i in range(len(Districts)):
        test = data[['PdDistrict','X','Y']]
        district = test.loc[test['PdDistrict']==Districts[i],:]
        abs = district['X']
        ord = district['Y']
        mean_abs = abs.mean()
        mean_ord = ord.mean()
        Bary_coord[Districts[i]] = (mean_abs,mean_ord)
        data['X_Bar_District'] = data['PdDistrict']
        data['Y_Bar_District'] = data['PdDistrict']
```

```
data.drop('PdDistrict', inplace = True, axis=1)
        data['X_Bar_District'].
      →replace(to_replace=Districts, value=[Bary_coord[Districts[i]][0] for i in_
      →range(len(Districts))],
                                                 inplace=True)
        data['Y_Bar_District'].
      →replace(to_replace=Districts, value=[Bary_coord[Districts[i]][1] for i in_
     →range(len(Districts))],
                                                 inplace=True)
    District_barycenters(train_data)
    train_data.head()
[]:
                    Dates Category DayOfWeek
                                                          Х
                                                                         Time \
    0 2015-05-13 23:53:00
                                  0
                                              2 -122.425892 37.774599 85980
    1 2015-05-13 23:53:00
                                  1
                                              2 -122.425892 37.774599
                                                                       85980
    2 2015-05-13 23:33:00
                                  1
                                              2 -122.424363 37.800414 84780
                                  2
    3 2015-05-13 23:30:00
                                             2 -122.426995 37.800873 84600
    4 2015-05-13 23:30:00
                                              2 -122.438738 37.771541 84600
       Hour Day Month Year X_Bar_District Y_Bar_District
                                   -122.426647
    0
         23
              13
                      5
                         2015
                                                     37.786379
    1
         23
              13
                      5 2015
                                  -122.426647
                                                     37.786379
    2
         23
              13
                      5 2015
                                  -122.426647
                                                     37.786379
    3
         23
              13
                      5 2015
                                  -122.426647
                                                     37.786379
    4
         23
                      5 2015
                                  -122.445448
                                                    37.770299
              13
[]: corr = train_data[['Category','X_Bar_District','Y_Bar_District','X','Y']].corr()
    np.fill_diagonal(corr.values, 0)
     # plot the heatmap
    sns.heatmap(corr,
            xticklabels=corr.columns,
             yticklabels=corr.columns)
    plt.show()
    corr = train_data[['Category','X_Bar_District','Y_Bar_District']].corr()
    np.fill_diagonal(corr.values, 0)
     # plot the heatmap
    sns.heatmap(corr,
            xticklabels=corr.columns,
             yticklabels=corr.columns)
```



[]: <AxesSubplot:>

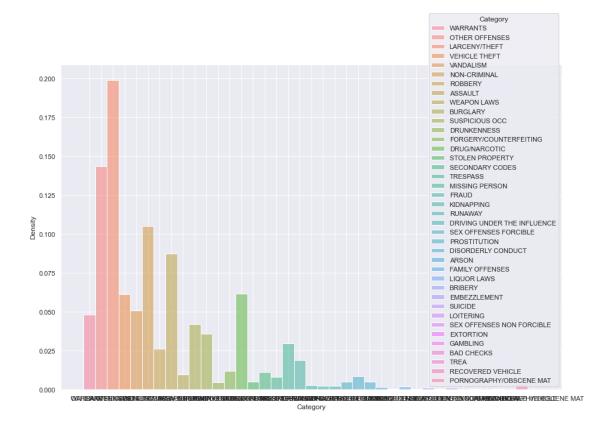


On voit que ces nouvelles données sont naturellement très corrélées avec les données géographiques mais elles ne sont pas complétement indépendantes de la catégorie et peuvent apporter un autre niveau d'information utile pour certains algorithmes.

Comme on peut le voir sur le graphe suivant, une des difficultés de ce problème de classification est le très grand déséquilibre dans les données. En effet, moins de 10 des 40 catégories représentent près de 90% du dataset tandis que certaines sont extrèmement peu représentées. C'est d'ailleurs pour cela que la comparaison des résultats se fait à l'aide de la log loss et non de la 0-1 loss (l'argmax correspond presque toujours à une des grosses catégories).

```
[]: plt.figure(figsize=(15,10))
sns.histplot(
    data=train_data0,
    x="Category",
    stat='density',
    discrete=True,
    hue="Category",
)
```

[]: <AxesSubplot:xlabel='Category', ylabel='Density'>



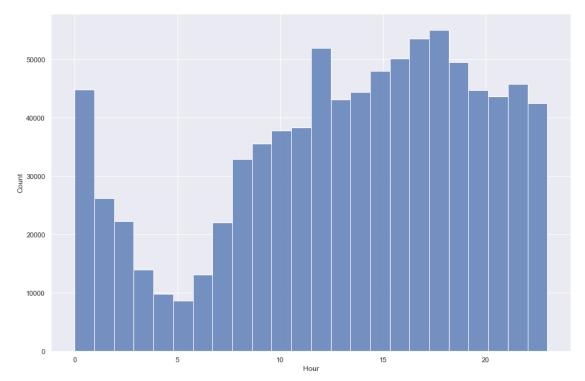
L'entraînement est souvent fait sur une partie seulement du dataset. Le problème avec des données aussi déséquilibrées est qu'un tirage iid sur un sample de petite taille (devant celle du dataset entier) a peu de chance de conserver les proportions des crimes du dataset entier (à cause des ordres de grandeur qui séparent les pourcentages). Les fonctions suivantes visent à ajuster les samples iid pour forcer le respect de ces proportions (ainsi que la présence d'au moins un représentant de toutes les catégories).

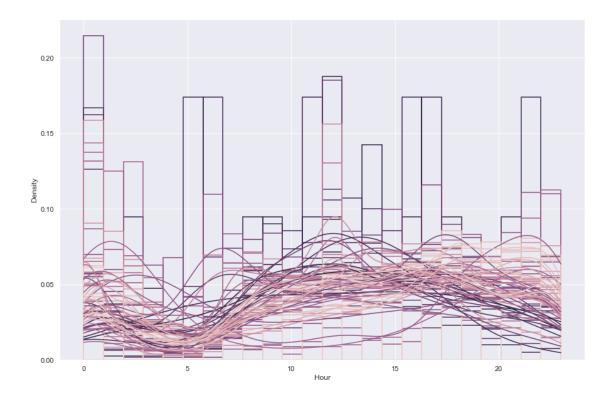
```
[]: # this function enables to add data in the sample in order to minimize (less \Box
     → than epsilon = 1e-3 here) the gap between the proportion of
     # each category in the real data (df) and in the sample (dfsample)
     def rebuild data(data,sample, epsilon = 1e-3):
         real_percentage = percentage_per_category(data)
         proportion = percentage_per_category(sample)
         category = np.sort(data['Category'].unique())
         N = len(category)
         for i in range(N):
             m = category[i]
             incomplete = True
             error = np.abs(real_percentage[m] - proportion[m])
             while incomplete:
                 data_cat = data.loc[data['Category'] == m,:]
                 n = len(data cat)
                 index = np.random.randint(1,n)
                 new line = data cat[index:index+1]
                 sample = sample.append(new_line,ignore_index = True)
                 proportion = percentage_per_category(sample)
                 incomplete = real_percentage[m] - proportion[m] > epsilon
                 error = np.abs(real_percentage[m] - proportion[m])
         return sample
```

Les données temporelles sont sans doute celles qui apportent le plus d'information sur la catégorie de crime. Comme on peut le remarquer sur les graphes ci-dessous, ces données, mis à part les années, sont cycliques. Il semble de plus que la répartition soit légérement différente selon les catégories de crimes (avec la même allure général, c'est à dire que la plupart des crimes sont commis la journée). C'est ce qu'on peut voir sur le second graphe en regardant en particulier les kernel density estimations (les courbes lisses).

```
[]: plt.figure(figsize=(15,10))
sns.histplot(
    data = train_data,
```

```
x = 'Hour',
    bins=24
)
plt.show()
plt.figure(figsize=(15,10))
sns.histplot(
    data = train_data,
    x = 'Hour',
    hue='Category',
    bins=24,
    legend=False,
    stat='density',
    common_norm=False,
    kde=True,
    fill=False
)
plt.show()
```





Pour conserver le caractère cyclique de ces données, chacune va être remplacée par deux valeurs : son sinus et son cosinus. Cela permet de placer les valeurs sur un cercle (assez logique pour lire l'heure!). On applique également cela à Year avec une période très grande pour des raisons d'homogénéité. On peut également choisir de simplement la normaliser pour ramener la donnée entre -1 et 1.

```
train_data['Sin_Day_m'] = np.sin(2 * np.pi * train_data['Day'] / 31) # cycle_\( \)
     \hookrightarrow rpz to explore
     train_data['Cos_Day_m'] = np.cos(2 * np.pi * train_data['Day'] / 31)
     train_data['Sin_Month'] = np.sin(2 * np.pi * train_data['Month'] / 12) # cycle_u
     \rightarrow rpz to explore
     train_data['Cos_Month'] = np.cos(2 * np.pi * train_data['Month'] / 12)
     train_data['Sin_Day_w'] = np.sin(2 * np.pi * train_data['DayOfWeek'] / 7) #__
     \rightarrow cycle rpz to explore
     train_data['Cos_Day_w'] = np.cos(2 * np.pi * train_data['DayOfWeek'] / 7)
     train_data.drop(['Dates','Time','Hour','Day','Month','DayOfWeek'],inplace_
     →=True, axis=1)
     train_data.head()
[]:
       Category
                          Х
                                      Y X_Bar_District Y_Bar_District Sin_Year \
               0 -122.425892 37.774599
                                            -122.426647
                                                              37.786379 0.953927
     1
               1 -122.425892 37.774599
                                           -122.426647
                                                              37.786379 0.953927
     2
               1 -122.424363 37.800414
                                           -122.426647
                                                              37.786379 0.953927
               2 -122.426995 37.800873
                                           -122.426647
                                                              37.786379 0.953927
     3
               2 -122.438738 37.771541
                                           -122.445448
                                                              37.770299 0.953927
       Cos_Year Sin_Time Cos_Time Sin_Hour Cos_Hour Sin_Day_m Cos_Day_m \
     0
        0.30004 -0.577573 -0.816339 -0.258819 0.965926
                                                           0.485302
                                                                    -0.874347
        0.30004 -0.577573 -0.816339 -0.258819 0.965926
                                                           0.485302 -0.874347
     1
     2
        0.30004 0.137790 -0.990461 -0.258819 0.965926
                                                           0.485302 -0.874347
        0.30004 0.248690 -0.968583 -0.258819 0.965926
                                                           0.485302 -0.874347
     3
        0.30004 0.248690 -0.968583 -0.258819 0.965926
                                                           0.485302 -0.874347
       Sin_Month Cos_Month Sin_Day_w Cos_Day_w
     0
             0.5 -0.866025
                              0.974928 -0.222521
     1
             0.5 -0.866025 0.974928 -0.222521
     2
             0.5 -0.866025 0.974928 -0.222521
     3
             0.5 -0.866025
                              0.974928 -0.222521
             0.5 -0.866025
                               0.974928 -0.222521
[]: #Cell to run if you want to have year normalized between -1 and 1
     def normalize_year(data):
        years = data.Dates.dt.year.unique()
        years = sorted(years)
        a = 2/(years[-1] - years[0])
        b = -a*(years[-1]+years[0])/2
        data['Year'].replace(to replace=years,value=[a*year +b for year in_
      →years],inplace=True)
```

```
normalize_year(train_data)
train_data.head()
```

On applique maintenant les mêmes modifications au set de test et on va pouvoir commencer à tester des algorithmes.

```
[]: test data = pd.read csv('data/test.csv')
     print('test data loaded')
     test_data.drop(['Address'],inplace =True, axis=1) #data useless, unsignificant
     test_data['DayOfWeek'].
     →replace(to_replace=['Monday','Tuesday','Wednesday','Thursday','Friday','Saturday','Sunday']

→for i in range(0,7)],inplace=True)
     test_data.Dates = pd.to_datetime(test_data.Dates)
     test_data['Time'] = test_data.Dates.dt.hour*3600 + test_data.Dates.dt.minute*60__
     →+ test_data.Dates.dt.second
     test_data['Hour'] = test_data.Dates.dt.hour
     test_data['Day'] = test_data.Dates.dt.day
     test_data['Month']=test_data.Dates.dt.month
     test_data['Year']=test_data.Dates.dt.year
     for key in ['Time','Hour','Day','Month','Year']:
         test_data[key] = pd.to_numeric(test_data[key])
     District_barycenters(test_data)
     test_data['Sin_Time'] = np.sin(2 * np.pi * test_data['Time'] / (24*60*60)) #__
     → cycle rpz to explore
     test_data['Cos_Time'] = np.cos(2 * np.pi * test_data['Time'] / (24*60*60))
     test_data['Sin_Hour'] = np.sin(2 * np.pi * test_data['Hour'] / 24) # cycle rpz_
     \rightarrow to explore
     test_data['Cos_Hour'] = np.cos(2 * np.pi * test_data['Hour'] / 24)
     test_data['Sin_Day_m'] = np.sin(2 * np.pi * test_data['Day'] / 31) # cycle rpz_
     \rightarrow to explore
     test_data['Cos_Day_m'] = np.cos(2 * np.pi * test_data['Day'] / 31)
     test_data['Sin_Month'] = np.sin(2 * np.pi * test_data['Month'] / 12) # cycle_\
      \hookrightarrow rpz to explore
     test_data['Cos_Month'] = np.cos(2 * np.pi * test_data['Month'] / 12)
     test_data['Sin_Day_w'] = np.sin(2 * np.pi * test_data['DayOfWeek'] / 7) #__
     →cycle rpz to explore
     test_data['Cos_Day_w'] = np.cos(2 * np.pi * test_data['DayOfWeek'] / 7)
     test_data.drop(['Id','Time','Hour','Day','Month','DayOfWeek','Dates'],inplace
      \rightarrow=True, axis=1)
```

```
test_data.head()
    test data loaded
[]:
                           Y Year X Bar District Y Bar District Sin Time
                                       -122.393457
                                                         37.740094 -0.004363
    0 -122.399588
                  37.735051
                               1.0
    1 -122.391523 37.732432
                               1.0
                                       -122.393457
                                                         37.740094 -0.039260
    2 -122.426002 37.792212
                               1.0
                                       -122.426336
                                                         37.795198 -0.043619
    3 -122.437394 37.721412
                               1.0
                                       -122.428722
                                                         37.728411 -0.065403
    4 -122.437394 37.721412
                               1.0
                                       -122.428722
                                                         37.728411 -0.065403
       Cos_Time Sin Hour Cos Hour Sin Day_m Cos_Day_m Sin_Month Cos_Month
                                      0.897805
    0 0.999990 -0.258819 0.965926
                                                -0.440394
                                                                 0.5 -0.866025
    1 0.999229 -0.258819 0.965926
                                      0.897805
                                                -0.440394
                                                                 0.5 -0.866025
    2 0.999048 -0.258819 0.965926
                                      0.897805
                                               -0.440394
                                                                 0.5 -0.866025
    3 0.997859 -0.258819 0.965926
                                      0.897805
                                                -0.440394
                                                                 0.5 -0.866025
    4 0.997859 -0.258819 0.965926
                                                                 0.5 -0.866025
                                      0.897805 -0.440394
       Sin_Day_w Cos_Day_w
    0 -0.781831
                    0.62349
    1 -0.781831
                    0.62349
    2 -0.781831
                    0.62349
    3 -0.781831
                    0.62349
    4 -0.781831
                    0.62349
[]: #Cell to run if you want to have cyclic year
    test_data['Sin_Year'] = np.sin(2 * np.pi * test_data['Year'] / (10000)) #_
     \hookrightarrow cycle rpz to explore
    test_data['Cos_Year'] = np.cos(2 * np.pi * test_data['Year'] / (10000))
    train_data.drop(['Year'],inplace =True, axis=1)
[]: #Run to normalize year
    normalize_year(test_data)
[]: train data.to csv("pre processing train data.csv")
    test_data.to_csv("pre_processing_test_data.csv")
```