

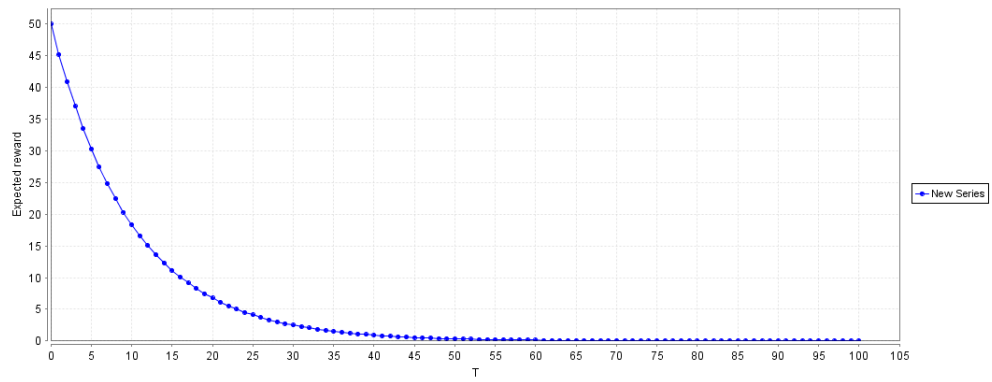
Model checking avec PRISM

Alexis Pernet

1 Degradation

Q 1 $R1=? [I=T]$

Espérance de $\#A(t)$



Q 2

Q 3 $P \geq 1 [G A_{\rightarrow} = 0]$

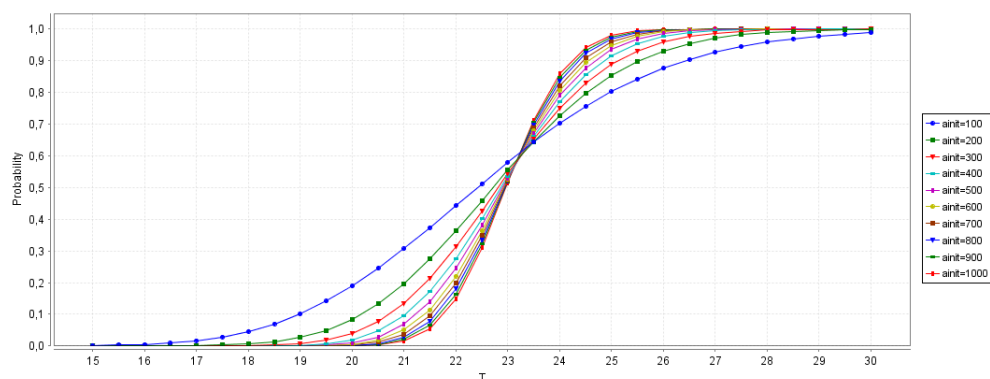
Q 4 $P \geq 1 [G A_{\rightarrow}^{kdeg} = 0]$

Q 5 $P \geq 1 [F A_{\rightarrow}^{kdeg} = 0.2]$

Q 6 $P \geq 1 [F G A_{\rightarrow}^{kdeg} = 0]$

Q 9 $P = ? [F = T A_{\rightarrow} = ainit/10]$

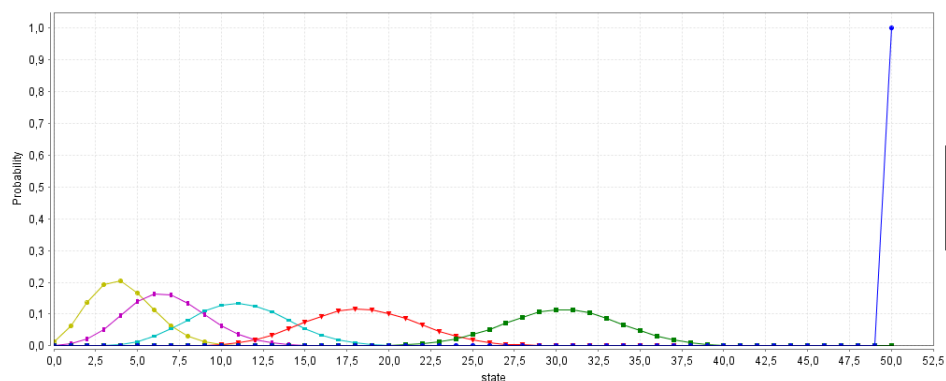
Probabilité de $\#A(T) < \#A(0)/10$ en fonction du temps, avec plusieurs valeurs de $A(0)$



Si $\#A(0)$ tend vers l'infini, on peut supposer que la courbe se rapproche de plus en plus d'une fonction logistique.

Q 10 $P=?$ [$F=T$ $A_{-}=\text{state}$]

Probabilités pour chaque état d'être dans celui ci après différents temps T

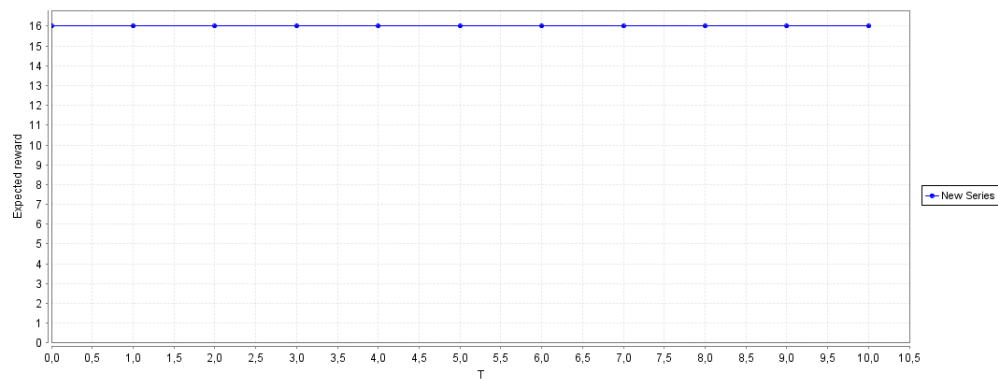


Q 11 A l'instant $t = 25$, d'après le graphique, on pourrait prendre l'ensemble des états où $\#A \leq 10$, et on aurait plus de 75% de chance d'être dans un de ces états.

2 Cycle de réactions

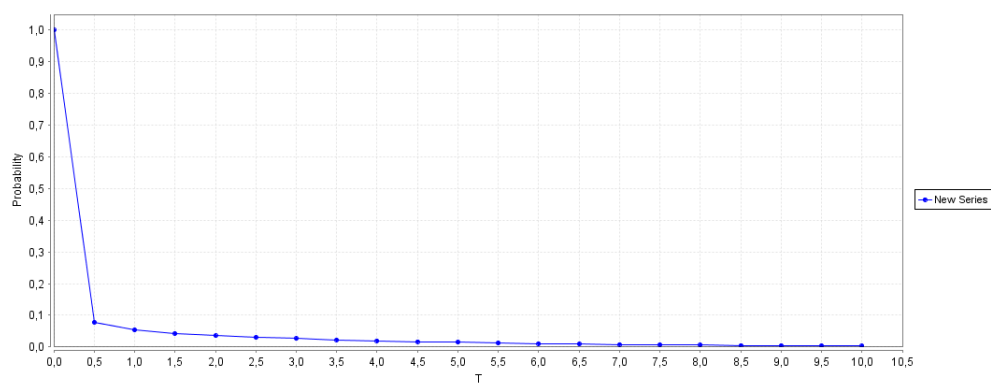
Q 13 $R1=?$ [$I=T$]

Espérance de $\#A(t)$



Q 14 $P=?$ [$F=T$ $A_-=M/3$]

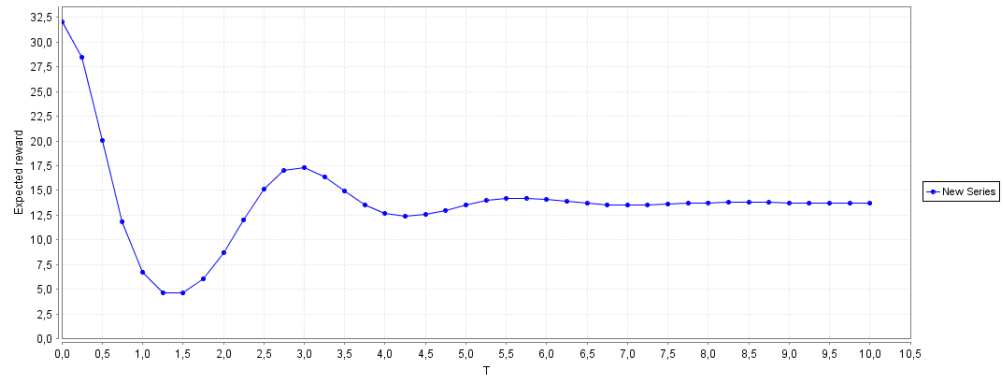
Probabilité que $\#A(t) = \#M/3$



On peut voir que la probabilité que A reste à son niveau initial descend très vite, alors que l'espérance de A reste identique. Cela est dû au fait qu'au fur et à mesure des réactions le nombre de molécules a de fortes chances de s'éloigner de son état initial et d'entrer dans un état terminal, mais avec les mêmes probabilités de baisser que d'augmenter, ainsi l'espérance reste identique.

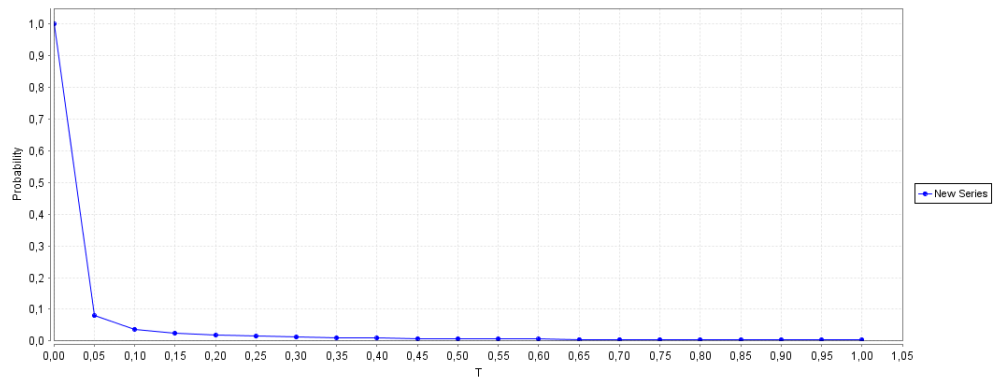
Q 15 $P=?$ [$F=T$ $A_-=B_- \& B_-=C_-$]

Espérance de $\#A(t)$



Q 16 $P_{>=1} [A_{-}>0 \mid W \mid G \mid A_{-}=0]$

Probabilité que $\#A(t) = \#B(t) = \#C(t)$



Q 17 $P_{>=1} [G \mid M=A_{-}+B_{-}+C_{-}]$

Q 18 $P_{>=1} [A_{-}>0 \mid W \mid G \mid A_{-}=0]$

Q 19 $P=? [F=T \mid A_{-}=M]$