Московский физико-технический институт (госудраственный университет)

Лабораторная работа по общему курсу физики Термодинамика и молекулярная физика

2.2.1. Исследование диффузии газов

Талашкевич Даниил Александрович Группа Б01-009

Долгопрудный 19.04.2021

Пусть имеются 2 разных газа, например воздух и этилен. Концентрацию этилена считаем малой по сравнению с концентрацией воздуха. Изучим их взаимную диффузию. Пусть $\frac{dN_{12}}{dt}$ – количество столкновений молекулы газа 1 с молекулами газа 2 в единицу времени, аналогично введём $\frac{dN_{12}}{dt}$. Пусть Δp_1 – усреднённое изменение импульса молекулы газа 1 за одно столкновение. Значит в единицу времени полное измнение импульса молекулы газа 1 равно $\Delta p_1 \frac{dN_{12}}{dt} = F_1$ – средняя сила, действующая на молекулу газа 1.

Найдём величину $\frac{dN_{12}}{dt}$. Эта величина определяется стандратным выражением $\frac{dN_{12}}{dt}=n_2\sigma_{12}v_{\rm отн}$, которое можно получить, расписывания число соударений через соударения с молекулами газа 1 через раписывания числа соударений через концентрацию и т.д.. Так как температура газов одинакова, то в среднем $m_1v_1^2=m_2v_2^2$, а

$$v_{\text{OTH}} = v_1 \sqrt{\frac{m_1}{\mu}} = v_1 \sqrt{\frac{m_1 + m_2}{m_2}} \tag{1}$$

$$\frac{dN_{12}}{dt} = n_2 \sigma_{12} v_{\text{отн}} = n_2 \sigma_{12} v_1 \sqrt{\frac{m_1 + m_2}{m_2}} \Rightarrow \lambda = \frac{1}{n_2 \sigma_{12} \sqrt{\frac{m_1 + m_2}{m_2}}}$$
(2)

$$v_1 = \sqrt{\frac{8RT}{\pi M}} \tag{3}$$

$$D = \frac{1}{3} \sqrt{\frac{8RT}{\pi M}} \frac{1}{n_2 \sigma_{12} \sqrt{\frac{m_1 + m_2}{m_2}}}$$
 (4)

В нашей ситуации M=28 г/моль. Эта величина почти равна молярной массе воздуха, поэтому

$$D = \frac{1}{3} \sqrt{\frac{8RT}{\pi M}} \frac{1}{n_2 \sigma_{12} \sqrt{2}} = \frac{2}{3} \sqrt{\frac{RT}{\pi M}} \frac{kT}{\sigma_{12} p} =$$
 (5)

$$= \frac{8}{3} \sqrt{\frac{RT}{\pi M}} \frac{kT}{\pi (d_1 + d_2)^2 p} = 9 \cdot 10^{-6} m^2 / c$$