

Échantillonnage

Alexis HOBL

2024-08-17

Un petit peu d'histoire...

Pré-requis mathématiques : Analyse spectrale

Définitions

On considère un signal noté $s(t)$.

- Signal pair : $s(-t) = s(t)$
- Signal impair : $s(-t) = -s(t)$
- Signal T-périodique : $s(t+T) = s(t)$
- Puissance instantanée d'un signal : $p(t) = |s(t)|^2 = s(t) * s^*(t)$
- Énergie d'un signal : $E = \int_{-\infty}^{+\infty} p(t) dt$
- Puissance moyenne d'un signal : $P = \lim_{T \rightarrow +\infty} \frac{1}{T} \int_0^T |s(t)|^2 dt$
- Valeur moyenne d'un signal : $P = \lim_{T \rightarrow +\infty} \frac{1}{T} \int_0^T s(t) dt$
- Valeur efficace d'un signal : $s_{RMS} = \lim_{T \rightarrow +\infty} \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T |s(t)|^2 dt}$

Série de Fourier

Hypothèses

La décomposition en série de Fourier ne peut s'appliquer que sur un signal **périodique** à **support temporel infini**. C'est à dire une énergie infinie et une puissance finie.

Définition

Soit un signal $s(t)$ de fréquence f ($f = \frac{1}{T}$).

$$s(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} c_n e^{j2\pi n f t}$$

Avec c_n les coefficients complexes de la série de Fourier tels que :

$$c_n = \frac{1}{T} \int_t^{t+T} s(t) e^{-j2\pi n f t} dt$$

Il est possible d'écrire la série de Fourier de ce signal avec des coefficients a_n et b_n réels :

$$s(t) = a_0 \sum_{n=1}^{+\infty} a_n \cos(2\pi n f t) + b_n \sin(2\pi n f t)$$

a_0 est la valeur moyenne du signal. Il s'écrit : $a_0 = \frac{1}{T} \int_t^{t+T} s(t) dt$