Kontinuierliche Sim-ulation

325.040 - Projekt 47 - Sommersemester 2016

Fabian Wedenik - 1426866 Alexander Wimmer - 1328958 Felix Hochwallner - 1328839 OSKAR FÜRNHAMMER - 1329133

Studienkennzahl 033 282



Contents

Vorwort									
Auf	abenstellung	5							
Мо	ellbildung	6							
Imp	ementierung in MATLAB	8							
3.1	Variablendifinition	8							
3.2	Simulation	8							
3.3	Plot und Ausgabe	8							
3.4	sourcecode	8							
Imr	ementierung in MalpeSim	12							

List of Figures

2.1	Mechanisches M	Modell eine	s stehenden	Doppelpendels				6

Vorwort

Sehr geehrte Damen und Herren, liebe Leser und Leserinnen!

Das vorliegende Protkoll wurde im Rahmen der Vorlesung und Übung Kontinuierliche Simluation (325.040/325.041) verfasst und beschäftigt sich mit der Implementierung einer einfachen Regelung eines mechanischen Doppelpändels, sowohl in MATLAB, als auch in MalpeSim.

Dadurch soll unter anderem ein Vergleich zwischen klassischer textuelle Programmierung und grafischer, blockorientierter Modellierung gezogen werden. Betreut wurde das Projekt der Gruppe 47 von XXXXXX MISTER UNIVERSE XXXX.

Viel Spaß beim Lesen wünschen

Aufgabenstellung

Sowohl mit MATLAB als auch MapleSim soll ein mechanisches Modell eines geregelten Doppelpendels realisiert werden. Dabei soll unter anderem ein Vergleich zwischen klassischer textueller Programmierung in MATLAB und grafischer, blockorientierter Modellierung in MapleSim gezogen werden.

Implementieren Sie das Modell mit MATLAB. Führen Sie einen Simulationslauf mit den angegebenen Parametern durch, plotten Sie die Auslenkung x sowie die beiden Winkel φ_1 und φ_2 über der Zeit und interpretieren Sie die Ergebnisse. Berechnen Sie mit MATLAB auch die Eigenwerte. Ist das System stabil? Begründen Sie Ihre Aussage.

Bauen Sie das Modell mit MapleSim auf, testen Sie das Modell mit den angegebenen Parametern und vergleichen Sie die Ergebnisse mit jenen aus der MATLAB-Simulation.

Modellbildung

Eine Masse m_m gleitet reibungsfrei auf einer horizontalen Ebene. An der Masse ist ein Stab (m_1, I_1, l_1) über ein reibungsfreies Gelenk befestigt. An seinem anderen Ende ist der Stab m_1 mit einem weiteren Stab (m_2, I_2, l_2) gelenkig verbunden.

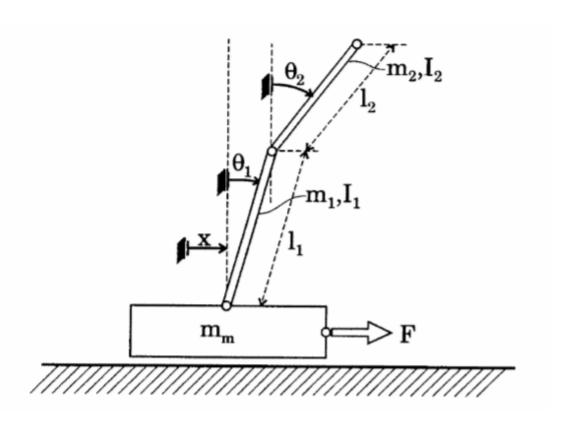


Figure 2.1: Mechanisches Modell eines stehenden Doppelpendels

Da wir bei der Berechnung der Matrizen, welche für eine Zustandsraum-

darstellung erfoderlich sind, einige Probleme hatte entschlossen wir uns sicherheitshalber mittels Euler-Lagrange-Formalismen auch die Bewegungsgleichungen neu aufzustellen und linearisieren zu lassen.

Implementierung in MATLAB

- 3.1 Variable ndifinition
- 3.2 Simulation
- 3.3 Plot und Ausgabe
- 3.4 sourcecode

```
%---- Ermitteln der Bewegungsgleichungen
% definieren der Systemvariablen
syms 11 12 phi_1 phi_2 phi_p1 phi_p2 phi_pp1 phi_pp2
syms a a_p a_pp mm m1 m2 g I_1 I_2 F xc
frq=3;
                                             %Anzahl der Freiheitsgrade
n=3;
                                             %Anzahl der Koerper
q=[a ; phi_1 ; phi_2];
                                             %Minimalkoordinaten
q_p=[a_p ; phi_p1 ; phi_p2];
                                             %zeitliche Ableitungen
q_pp=[a_pp ; phi_pp1 ; phi_pp2];
%---- Drehmatrix Stab 1
T_{IK1} = [\cos(phi_{I}) \sin(phi_{I}) 0;
       -sin(phi_1) cos(phi_1) 0;
              0
%---- Drehmatrix Stab 2
T_{IK2} = [\cos(phi_2) \sin(phi_2) 0;
        -sin(phi_2) cos(phi_2) 0;
%---- Ortsvektoren
I_r_Sm = [a;0;0];
I_r_S1 = [a+11/2*sin(phi_1); 11/2*cos(phi_1); 0];
I_r_Q2 = [a+l1*sin(phi_1); l1*cos(phi_1); 0];
K1_r_Q1S1 = [0; 11/2; 0];
K2_r_Q2S2 = [0; 12/2; 0];
I_r_S2 = I_r_Q2 + T_IK2 * K2_r_Q2S2;
%---- Traegheitstensoren in den koerperfesten Koordinatensystemen
```

```
K1_{I}S1 = diag([0 \ 0 \ I_{I}]);
K2_{I_S2} = diag([0 \ 0 \ I_2]);
%---- Winkelgeschwindigkeitsvektoren der Staebe
K_{om1} = [0; 0; -phi_p1];
K_{om2} = [0; 0; -phi_p2];
%---- JACOBI-Matrizen der Translation
J_Tm = jacobian(I_r_Sm, q);
J_T1 = jacobian(I_r_S1, q);
J_T2 = \frac{1}{1} jacobian(I_r_S2, q);
%---- JACOBI-Matrizen der Rotation
J_R1 = jacobian(K_om1, q_p);
J_R2 = jacobian(K_om2, q_p);
%---- Geschwindigkeitsvektoren
I_v_Sm = J_Tm*q_p;
I_v_S1 = J_T1*q_p ;
I_v_S2 = J_T2*q_p;
%---- kinetische Energie
T = \frac{1}{2} \times (mm * (I_v_Sm.' * I_v_Sm) + m1 * (I_v_S1.' * I_v_S1) + m2 * (I_v_S2.' * I_v_S2) \dots * Translation
   +K_om1.'*K1_I_S1*K_om1+K_om2.'*K2_I_S2*K_om2);
                                                                %Rotation
T = simplify(T);
                                                                 %Vereinfachung
%---- potentielle Energie
V=-(m1*I_rS1.'+m2*I_rS2.')*[0; -g; 0];
%---- Ableitungen fuer LAGRANGEsche Gleichung 2. Art
dTdv = simplify(jacobian(T,q-p).');
                                              %mit transponieren zu Spaltenvektor gemacht
dTdq = simplify(jacobian(T,q).');
dVdq = simplify(jacobian(V,q).');
%---- Elemente der Bewegungsgleichung M(q) * q-pp + f(q,q-p) = 0
disp('System-Massenmatrix M')
M = simplify(jacobian(dTdv,q_p))
disp('System-Vektorfunktion f')
f = simplify(jacobian(dTdv,q)*q_p+dVdq-dTdq-[F;0;0])
%---- Linearisierung um die Gleichgewichtslage:
    phi_1 = 0, phi_2 = 0, a = 0
disp(' ')
disp('Elemente der linearisierten Bewegungsgleichung')
disp('System-Massenmatrix M0')
M0 = subs(M,{phi.1, phi.2, a},{0, 0, 0})
f0 = subs(f,{a, phi.1, phi.2, a.p, ...
   phi_p1, phi_p2}, {0, 0, 0, 0, 0, 0});
disp('Auslenkungs-proportionaler Anteil')
Q = subs(jacobian(f,q), \{a, phi_1, phi_2, a_p, ...\}
   phi_p1, phi_p2}, {0, 0, 0, 0, 0, 0})
disp('Steifigkeitsmatrix K')
K = 1/2 * (Q+Q.')
disp('Matrix der nichtkonservativen Kraefte')
N = 1/2 * (Q-Q.')
disp('gesschw.-proportionaler Anteil')
P = subs(jacobian(f,q-p),{a, phi-1, phi-2, a-p, ...}
    phi_p1, phi_p2}, {0, 0, 0, 0, 0})
disp('Daempfungsmatrix')
D = 1/2 * (P+P.')
```

```
disp('gyroskopischer Anteil')
G = 1/2 * (P-P.')
%----Erstellen und Simulieren der Zustandsraumdarstellung
syms x th1 th2 x_p th1_p th2_p
syms x_pp th1_pp th2_pp
y = [q.', q_p.'].';
y_p = [q_p.', x_pp, thl_pp, thl_pp].';
A = [zeros(3), eye(3);
    -M0^{(-1)} \star Q, -M0^{(-1)} \star P];
A = double(subs(A, \{mm, m1, m2, 11, 12, g, I_1, I_2\}, ...
    {0.2, 0.01, 0.01, 0.5, 0.7, 9.81, 2.0833e-04, 4.0833e-04}));
A(7,7) = 0;
A(7,1) = -1
B = [zeros(3,1); M0^{(-1)} * [1;0;0]];
B = double(subs(B, \{mm, m1, m2, 11, 12, g, I.1, I.2\}, ...)
    {0.2, 0.01, 0.01, 0.5, 0.7, 9.81, 2.0833e-04, 4.0833e-04}));
B(7,1) = 0
Bxc = [0; 0; 0; 0; 0; 1]
C = [1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0;
   0 1 0 0 0 0 0;
   0 0 1 0 0 0 0]
D = [0; 0; 0]
Q=eye(7);
r=1:
%----lqr Regelungsentwurf
k = lqr(A,B,Q,r)
%----neue Zustandsraumsystemmatrizen nach Parameterruekfuehrung
Ac = [(A-B*k)];
Bc = [Bxc];
Cc = [C];
Dc = [D];
states = {'x' 'th1' 'th2' 'x_p' 'th1_p' 'th2_p' 'in'}; inputs = {'F'};
outputs = {'x' 'th1' 'th2'};
sys_cl = ss(Ac, Bc, Cc, Dc, 'statename', states, 'inputname', inputs, 'outputname', outputs);
%----definieren des Simulationszeitraums
t = 0:0.01:8;
%----definition des konstanten 0.2m offsets als Input
u = 0.2 * ones(size(t));
%----Simulation des erstellten Systems ueber gegebene Zeit mit bekanntem
%Input
[y,t,x] = lsim(sys_cl,u,t);
%----Drei einzelne Diagramme in einem Fenster
figure(1);
```

```
ax(1) = subplot(3,1,1);
   plot(ax(1),t,y(:,1),'b');
    title(ax(1), 'cart position');
                                       Titel, Beschriftungen, Kommentare,
                                       %andere Farben, andere skalierungen,
    ylim([-0.1, 0.25]);
    grid on
                                       %da kann man sich noch frei austoben.
ax(2) = subplot(3,1,2);
                                       %relativ einfach verstaendliche
   plot(ax(2),t,y(:,2),'r');
                                       %loesung. Ws nicht Laufzeit optimiert
    title(ax(2), 'angle theta 1');
    grid on
ax(3) = subplot(3,1,3);
    plot(ax(3),t,y(:,3),'g');
    title(ax(3), 'angle theta 2');
    grid on
\mbox{\ensuremath{\$----}Plotten} der Ausgangsgroessen
% [AX,H1,H2] = plotyy(t,y(:,1),t,y(:,2),'plot');
% hold on
% line(t,y(:,3),'parent',AX(2),'color','g')
% hold off
% set(get(AX(1),'Ylabel'),'String','cart position (m)')
% set(get(AX(2),'Ylabel'),'String','pendulum angles (radians)')
% title('Step Response with LQR Control')
%----Berechnung der Eigenwerte
Eigenwerte = eig(Ac)
disp('Das System ist stabil, da der Realteil aller Eigenwerte negativ ist!')
```

Implementierung in MalpeSim