

Estado Finalizado**Comenzado** domingo, 12 de enero de 2025, 18:01**Completado** domingo, 12 de enero de 2025, 18:30**Duración** 28 minutos 49 segundos**Calificación** 8,00 de 10,00 (80%)**Pregunta 1**

Correcta

Se puntúa 1,00 sobre 1,00

¿Qué ecuaciones paramétricas corresponderán a la curva cuya ecuación en coordenadas rectangulares es la de abajo?

$$x^{2/3} + y^{2/3} = 1$$

Seleccione una:

- ☐ a. $x = \cos^3 \theta$
 $y = \sin^2 \theta$
- ☐ b. $x = \cos^2 \theta$
 $y = \sin^3 \theta$
- ☐ c. $x = \cos^2 \theta$
 $y = \sin^2 \theta$
- ☒ d. $x = \cos^3 \theta$ ✓
 $y = \sin^3 \theta$

La respuesta correcta es: $x = \cos^3 \theta$
 $y = \sin^3 \theta$

Pregunta 2

Correcta

Se puntúa 1,00 sobre 1,00

Responde Verdadero o Falso:La derivada parcial respecto de y de primer orden de la función:

$$f(x, y) = \frac{x+y}{x-y}$$

en el punto $(1, 5)$ vale $-\frac{5}{8}$.

Seleccione una:

- ☐ Verdadero
- ☒ Falso ✓

La derivada parcial respecto de la variable y vale $\frac{1}{8}$. El valor del enunciado corresponde a la derivada parcial respecto de la variable x .

La respuesta correcta es 'Falso'

Pregunta 3

Correcta

Se puntúa 1,00 sobre 1,00

El área que define el dominio,

$$D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid y \leq x; x + y \leq 6; y \geq \frac{x}{2}\}$$

es:

Seleccione una:

- ☐ a. Nula
- ☐ b. 9
- ☒ c. 3 ✓
- ☐ d. -2

La respuesta correcta es: 3

Pregunta 4

Incorrecta

Se puntúa 0,00 sobre 1,00

La cuádrica $x^2 + py^2 + (p - 1)z^2 + 2xy - 2yz + 2x + 2z + 4 = 0$,

Seleccione una:

- ☐ a. Si $p = \frac{2}{3}$ es un cono real.
- ☐ b. Si $p > 2$ es un hiperboloide elíptico.
- ☐ c. Si $p = 2$ es un elipsoide imaginario.
- ☒ d. Si $p = 0$ es un hiperboloide reglado. ✗

La respuesta correcta es: Si $p = \frac{2}{3}$ es un cono real.**Pregunta 5**

Incorrecta

Se puntúa 0,00 sobre 1,00

La cuádrica $x^2 + 2y^2 + z^2 + 2xz + 2x + 1 = 0$ es:

Seleccione una:

- ☐ a. Un cilindro parabólico.
- ☒ b. Un cono real. ✗
- ☐ c. Un paraboloides elíptico.
- ☐ d. Un elipsoide real.

La respuesta correcta es: Un paraboloides elíptico.

Pregunta 6

Correcta

Se puntúa 1,00 sobre 1,00

La ecuación en coordenadas rectangulares que describe una curva es

$$y = \frac{8}{x^2 + 4}$$

¿Cuál será su expresión en paramétricas?

Seleccione una:

- ☐ a. $x = \cot \theta$
 $y = (1 - \cos 2\theta)$
- ☐ b. $x = 2 \tan \theta$
 $y = (1 - \cos 2\theta)$
- ☐ c. $x = 2 \cot \theta$
 $y = (1 - \cos \theta)$
- ☒ d. $x = 2 \cot \theta$ ✓
 $y = (1 - \cos 2\theta)$

La respuesta correcta es: $x = 2 \cot \theta$
 $y = (1 - \cos 2\theta)$

Pregunta 7

Correcta

Se puntúa 1,00 sobre 1,00

¿Cuál es la transformada de Laplace de la siguiente función?

$$y = \sin(2t)e^{-3t} + t^2e^{-3t}$$

Seleccione una:

- ☒ a. $Y = \frac{2}{(s+3)^3} + \frac{2}{(s+3)^2+4}$ ✓
- ☐ b. $Y = \frac{1}{(s+3)^3} + \frac{1}{(s+3)^2+4}$
- ☐ c. $Y = \frac{2}{(s-3)^3} + \frac{2}{(s-3)^2+4}$
- ☐ d. $Y = \frac{2}{(s+3)^3} + \frac{2}{(s+3)^2+4}$

La respuesta correcta es: $Y = \frac{2}{(s+3)^3} + \frac{2}{(s+3)^2+4}$

Pregunta 8

Correcta

Se puntúa 1,00 sobre 1,00

Hallar la solución de esta ecuación lineal:

$$(y'' + 3y' - 4y = 0, y(0) = 0, y'(0) = 1)$$

Seleccione una:

- ☐ a. $(y(t) = \frac{1}{5} e^{-4t} (e^{5t} - 1))$
- ☐ b. $(y(t) = \frac{1}{5} e^{-4t} + e^{5t})$
- ☐ c. $(y(t) = \frac{1}{5} e^{-4t} e^{5t})$
- ☒ d. $(y(t) = \frac{1}{5} e^{-4t} (e^{5t} - 1))$ ✓

La respuesta correcta es: $(y(t) = \frac{1}{5} e^{-4t} (e^{5t} - 1))$

Pregunta 9

Correcta

Se puntúa 1,00 sobre 1,00

La solución de

$$(y' = e^t, y(0) = 1)$$

es

$$(y(t) = \sqrt{2e^t + 1})$$

Seleccione una:

- ☐ Verdadero
- ☒ Falso ✓

La respuesta correcta es 'Falso'

Pregunta 10

Correcta

Se puntúa 1,00 sobre 1,00

Calcular $\nabla (\nabla \times \mathbf{F})$ para $\mathbf{F} = (yx, 1/y, z^2)$

Seleccione una:

- ☒ a. $\nabla (\nabla \times \mathbf{F}) = (0, 1, 0)$ ✓
- ☐ b. $\nabla (\nabla \times \mathbf{F}) = (1, 1, 1)$
- ☐ c. $\nabla (\nabla \times \mathbf{F}) = (0, x, 0)$
- ☐ d. $\nabla (\nabla \times \mathbf{F}) = (0, -1, 0)$
- ☐ e. $\nabla (\nabla \times \mathbf{F}) = (1, 1, 0)$

Respuesta correcta

La respuesta correcta es: $\nabla (\nabla \times \mathbf{F}) = (0, 1, 0)$