

# Atividade de Laboratório 8.1

Números Inteiros e Criptografia - Prof. Luis Menasché Schechter

## Objetivo

O objetivo desta atividade é que o aluno implemente o teste baseado no Teorema de Fermat visto em sala de aula que permite determinar que alguns números são compostos sem fatorá-los. Por exemplo, podemos testar o número 341 com a base 2:

| $R$ | $A$ | $E$ | $E$ é ímpar? |
|-----|-----|-----|--------------|
| 1   | 2   | 340 | N            |
| 1   | 4   | 170 | N            |
| 1   | 16  | 85  | S            |
| 16  | 256 | 42  | N            |
| 16  | 64  | 21  | S            |
| 1   | 4   | 10  | N            |
| 1   | 16  | 5   | S            |
| 16  | 256 | 2   | N            |
| 16  | 64  | 1   | S            |
| 1   | 4   | 0   | N            |

Vemos então que, com a base 2, o resultado do teste é inconclusivo. Testando com a base 3:

| $R$ | $A$ | $E$ | $E$ é ímpar? |
|-----|-----|-----|--------------|
| 1   | 3   | 340 | N            |
| 1   | 9   | 170 | N            |
| 1   | 81  | 85  | S            |
| 81  | 82  | 42  | N            |
| 81  | 245 | 21  | S            |
| 67  | 9   | 10  | N            |
| 67  | 81  | 5   | S            |
| 312 | 82  | 2   | N            |
| 312 | 245 | 1   | S            |
| 56  | 9   | 0   | N            |

Concluimos então que o número 341 é composto.

O objetivo do programa que será realizado é ler duplas de números inteiros positivos e realizar o teste baseado no Teorema de Fermat, considerando o primeiro valor da dupla como o número a ser testado e o segundo valor como a base a ser utilizada no teste. O programa deve imprimir as réplicas das tabelas geradas pelo algoritmo da potenciação utilizado no teste, seguidas dos resultados dos testes: **INCONCLUSIVO** ou **COMPOSTO**.

## Entrada

Inicialmente, o programa deverá ler um número inteiro  $n$ . Este número irá indicar quantas **duplas** de números inteiros positivos o programa deverá ler na sequência. Isto é, se  $n = 6$ , o programa deverá ler, em seguida, seis **duplas** de números inteiros positivos.

Abaixo, é apresentado um exemplo de possível entrada para o programa.

## Saída

Para cada dupla lida, considerando o primeiro valor da dupla como o número a ser testado e o segundo valor com a base a ser utilizada no teste, o programa deverá imprimir a réplica da tabela gerada pelo algoritmo da potenciação utilizado no teste, seguida, na

linha abaixo, do resultado do teste: **INCONCLUSIVO** ou **COMPOSTO**. Após a impressão de um resultado, o programa deverá imprimir uma linha com apenas três traços: ---.

Abaixo, é apresentado um exemplo de saída para o programa. Esta é justamente a saída que deve ser produzidas caso o programa receba a entrada fornecidas no exemplo.

## Exemplo

Este exemplo é o mesmo descrito no início do enunciado.

### Entrada

2  
341,2  
341,3

### Saída

1 2 340 N  
1 4 170 N  
1 16 85 S  
16 256 42 N  
16 64 21 S  
1 4 10 N  
1 16 5 S  
16 256 2 N  
16 64 1 S  
1 4 0 N  
**INCONCLUSIVO**  
---  
1 3 340 N  
1 9 170 N  
1 81 85 S  
81 82 42 N  
81 245 21 S  
67 9 10 N  
67 81 5 S  
312 82 2 N  
312 245 1 S  
56 9 0 N  
**COMPOSTO**  
---