Actividad 4.1 (Evaluación)

1. **Implementar** el código requerido para generar las siguientes trayectorias a partir de las velocidades angulares y lineales en un plano 2D.

```
clear
close all
clc
```

Primero definimos los puntos donde se calcularán las posiciones x(t)x(t)x(t) y y(t)y(t)y(t).

```
tf = 30;
              % Tiempo de simulacion en segundos (s)
ts = 0.7;
              % Tiempo de muestreo en segundos (s)
t = 0: ts: tf;
             % Vector de tiempo
N = length(t);
              % Muestras
x1 = zeros (1,N+1); % Posici♦n en el centro del eje que une las ruedas (eje x) en
metros (m)
y1 = zeros (1,N+1); % Posici♦n en el centro del eje que une las ruedas (eje y) en
metros (m)
phi = zeros(1, N+1); % Orientacion del robot en radianes (rad)
x1(1) = 0; % Posicion inicial eje x
y1(1) = 0; % Posicion inicial eje y
phi(1) =0;  % Orientacion inicial del robot
hx = zeros(1, N+1); % Posicion en el punto de control (eje x) en metros (m)
hy = zeros(1, N+1); % Posicion en el punto de control (eje y) en metros (m)
hx(1) = x1(1); % Posicion en el punto de control del robot en el eje x
hy(1) = y1(1); % Posicion en el punto de control del robot en el eje y
```

Funciones parametrizadas en términos de θ , que a su vez está mapeado con el tiempo. En este caso como queremos realizar una trayectoria circular vamos de 0 a 2 pi, y el radio tiene que ser de 4 de acuerdo a la función dada. Parametrizamos la función en función del ángulo θ para poder generar puntos de manera continua y suave:

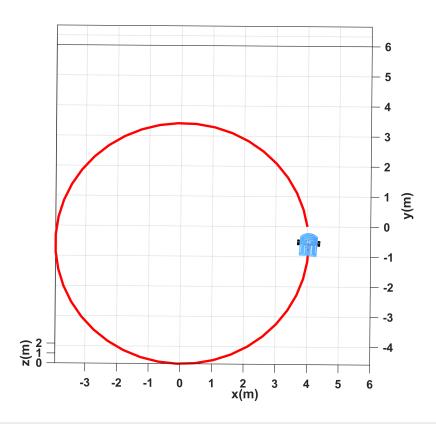
```
F(x) = x^2 + y^2 - 16
```

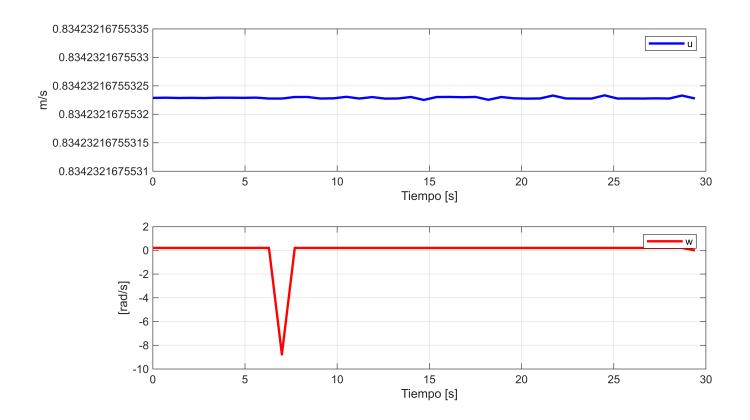
```
% Crear la trayectoria del semicírculo superior
% Crear la trayectoria de una circunferencia completa
```

Calculamos la orientación a donde esta apuntando el robot

```
% Derivar orientación a partir de la trayectoria
phi = zeros(1, N+1);
for k = 1:N
   dx = x_{traj}(k+1) - x_{traj}(k);
   dy = y_{traj}(k+1) - y_{traj}(k);
   phi(k) = atan2(dy, dx);
end
phi(end) = phi(end-1); % Mantener la última orientación
% Asignar la trayectoria al robot
x1 = x_traj;
y1 = y_traj;
hx = x_traj;
hy = y_traj;
% Calcular velocidades lineales y angulares
u = zeros(1,N);
w = zeros(1,N);
for k = 1:N
   dx = x1(k+1) - x1(k);
   dy = y1(k+1) - y1(k);
   u(k) = sqrt(dx^2 + dy^2) / ts; % velocidad lineal
   dphi = phi(k+1) - phi(k);
   w(k) = dphi / ts;
                       % velocidad angular
end
for k=1:N
   phi(k+1) = phi(k) + w(k) * ts;
   xp1 = u(k) * cos(phi(k+1));
   yp1 = u(k) * sin(phi(k+1));
   x1(k+1) = x1(k) + xp1 * ts;
   y1(k+1) = y1(k) + yp1 * ts;
   hx(k+1) = x1(k+1);
   hy(k+1) = y1(k+1);
end
```

```
scene = figure;
set(scene, 'Color', 'white');
set(gca, 'FontWeight', 'bold');
sizeScreen = get(0, 'ScreenSize');
set(scene, 'position', sizeScreen);
camlight('headlight');
axis equal;
grid on;
box on;
xlabel('x(m)'); ylabel('y(m)'); zlabel('z(m)');
view([15 15]);
axis([-3 6 -3 6 0 2]); % Ingresar limites minimos y maximos en los ejes x y z [minX
maxX minY maxY minZ maxZ]
scale = 4;
MobileRobot 5;
H1 = MobilePlot_4(x1(1), y1(1), phi(1), scale); hold on;
H2 = plot3(hx(1), hy(1), 0, 'r', 'lineWidth', 2);
step = 1;
for k=1:step:N
    delete(H1);
    delete(H2);
   H1 = MobilePlot_4(x1(k), y1(k), phi(k), scale);
   H2 = plot3(hx(1:k), hy(1:k), zeros(1,k), 'r', 'lineWidth', 2);
    pause(ts);
end
```

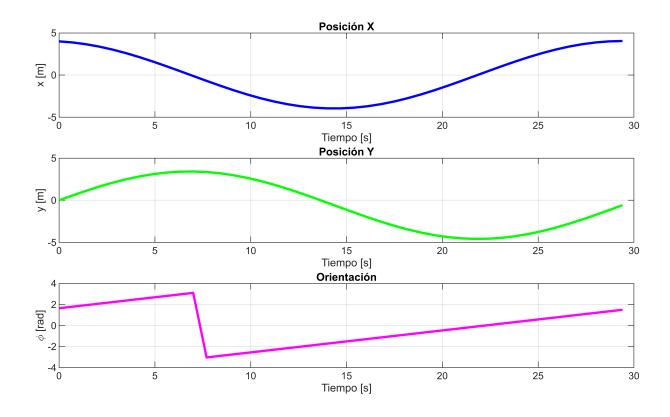




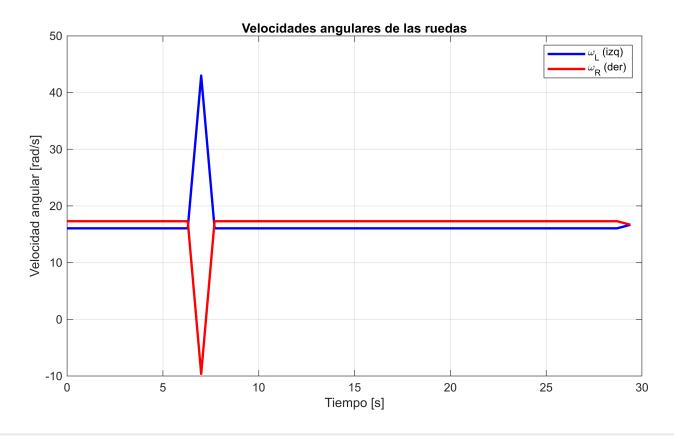
```
%%
r = 0.05; % Radio de las ruedas en metros
L = 0.3; % Distancia entre ruedas (track width) en metros
wl = zeros(1, N);
wr = zeros(1, N);
for k = 1:N
  wl(k) = (2*u(k) - w(k)*L)/(2*r);
  wr(k) = (2*u(k) + w(k)*L)/(2*r);
end
pose_graph = figure;
set(pose_graph, 'position', sizeScreen);
subplot(311)
plot(t, x1(1:N), 'b', 'LineWidth', 2), grid on, xlabel('Tiempo [s]'), ylabel('x
[m]'), title('Posición X');
subplot(312)
```

```
plot(t, y1(1:N), 'g', 'LineWidth', 2), grid on, xlabel('Tiempo [s]'), ylabel('y
[m]'), title('Posición Y');

subplot(313)
plot(t, phi(1:N), 'm', 'LineWidth', 2), grid on, xlabel('Tiempo [s]'), ylabel('\phi
[rad]'), title('Orientación');
```



```
wheel_graph = figure;
set(wheel_graph, 'position', sizeScreen);
plot(t, wl, 'b', 'LineWidth', 2), hold on
plot(t, wr, 'r', 'LineWidth', 2), grid on
xlabel('Tiempo [s]')
ylabel('Velocidad angular [rad/s]')
legend('\omega_L (izq)', '\omega_R (der)')
title('Velocidades angulares de las ruedas')
```



Aumentamos el número de los puntos donde se calcularán las posiciones x(t) y y(t) ya que necesitaremos más precisión en esta trayectoria pues es más compleja

Muestramos la trayectoria, elegimos muchos valores de x uniformemente espaciados, y luego calculamos el valor correspondiente de y.

Obteniendo una tabla de pares (xi�, yi�) que representan puntos de la trayectoria deseada.

```
% Trayectoria deseada: y = 2*sin(x^2), con x entre 0 y 5
x_traj = linspace(0, 5, N);
y_traj = 2 * sin(x_traj.^2);
```

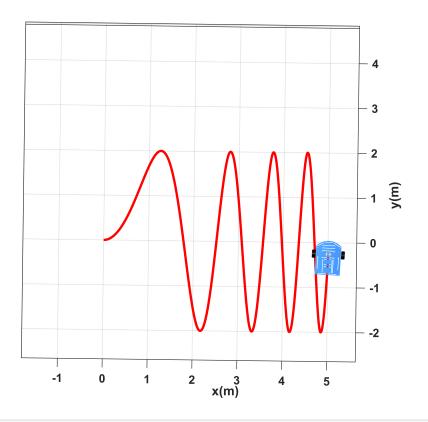
Usamos interpolación con splines para transformar esos puntos discretos en una función continua y suave de tiempo .

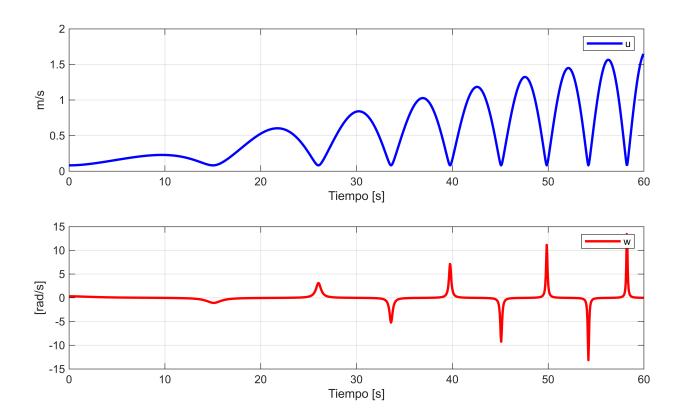
```
% Crear splines suaves de x(t) y y(t)
x_spline = spline(t, x_traj);
y_spline = spline(t, y_traj);
```

Como tenemos x(t) y y(t)como splines, derivamos esos splines usando fnder, que devuelve otro spline que representa la derivada. Luego usamos ppval para evaluar esas derivadas en cada instante del tiempo. Así conseguimos las derivadas de forma suave y precisa.

```
% Derivar suavemente la orientación
dx = ppval(fnder(x spline), t);
dy = ppval(fnder(y_spline), t);
phi_ref = atan2(dy, dx);
% Inicializar vectores de estado
x1 = zeros(1, N);
y1 = zeros(1, N);
phi = zeros(1, N);
x1(1) = x_traj(1);
y1(1) = y traj(1);
phi(1) = phi_ref(1);
% Inicializar punto de control (para graficar la trayectoria seguida)
hx = zeros(1, N);
hy = zeros(1, N);
hx(1) = x1(1);
hy(1) = y1(1);
u = zeros(1, N-1); % Velocidad lineal
w = zeros(1, N-1); % Velocidad angular
for k = 1:N-1
   dx = x_{traj}(k+1) - x_{traj}(k);
   dy = y_{traj}(k+1) - y_{traj}(k);
   u(k) = sqrt(dx^2 + dy^2) / ts;
```

```
dphi = phi ref(k+1) - phi ref(k);
   w(k) = dphi / ts;
end
for k = 1:N-1
   xp1 = u(k) * cos(phi(k));
   yp1 = u(k) * sin(phi(k));
   x1(k+1) = x1(k) + xp1 * ts;
   y1(k+1) = y1(k) + yp1 * ts;
   phi(k+1) = phi ref(k+1);
   hx(k+1) = x1(k+1);
   hy(k+1) = y1(k+1);
end
scene = figure;
set(scene, 'Color', 'white');
set(gca, 'FontWeight', 'bold');
sizeScreen = get(0, 'ScreenSize');
set(scene, 'position', sizeScreen);
camlight('headlight');
axis equal;
grid on;
box on;
xlabel('x(m)'); ylabel('y(m)'); zlabel('z(m)');
view([15 15]);
axis([-3 6 -3 6 0 2]); % Ajustar límites del entorno
% Incluir archivos de visualización de robot
scale = 4;
MobileRobot 5;
H1 = MobilePlot_4(x1(1), y1(1), phi(1), scale); hold on;
H2 = plot3(hx(1), hy(1), 0, 'r', 'lineWidth', 2);
step = 1;
for k = 1:step:N
   delete(H1);
   delete(H2);
   H1 = MobilePlot_4(x1(k), y1(k), phi(k), scale);
   H2 = plot3(hx(1:k), hy(1:k), zeros(1, k), 'r', 'lineWidth', 2);
   pause(ts);
end
```

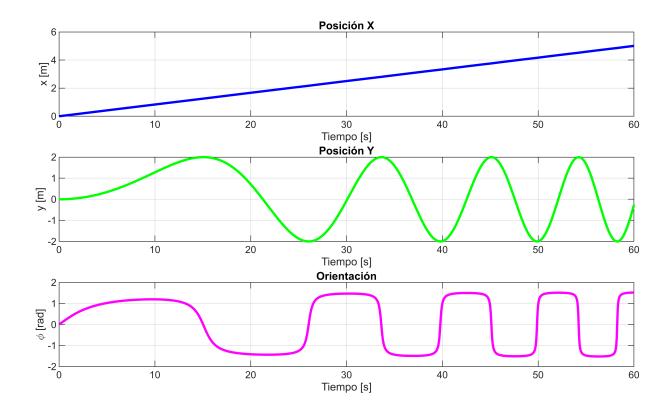




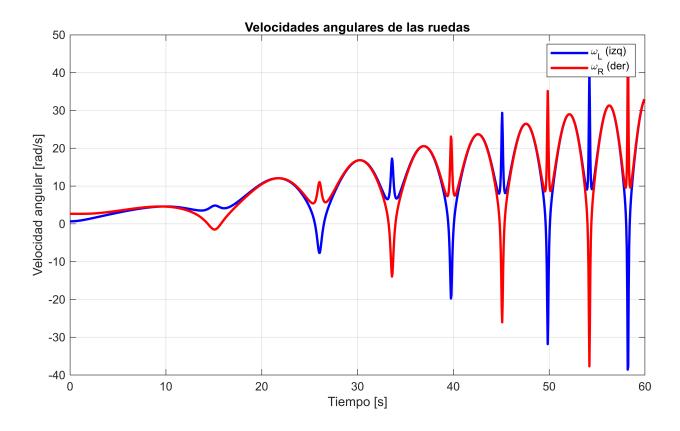
```
%%
r = 0.05; % Radio de las ruedas en metros
L = 0.3; % Distancia entre ruedas (track width) en metros
wl = zeros(1, N-1);
wr = zeros(1, N-1);
for k = 1:N-1
  wl(k) = (2*u(k) - w(k)*L)/(2*r);
  wr(k) = (2*u(k) + w(k)*L)/(2*r);
end
pose_graph = figure;
set(pose_graph, 'position', sizeScreen);
subplot(311)
plot(t, x1(1:N), 'b', 'LineWidth', 2), grid on, xlabel('Tiempo [s]'), ylabel('x
[m]'), title('Posición X');
subplot(312)
```

```
plot(t, y1(1:N), 'g', 'LineWidth', 2), grid on, xlabel('Tiempo [s]'), ylabel('y
[m]'), title('Posición Y');

subplot(313)
plot(t, phi(1:N), 'm', 'LineWidth', 2), grid on, xlabel('Tiempo [s]'), ylabel('\phi
[rad]'), title('Orientación');
```



```
wheel_graph = figure;
set(wheel_graph, 'position', sizeScreen);
plot(t_ref, wl, 'b', 'LineWidth', 2), hold on
plot(t_ref, wr, 'r', 'LineWidth', 2), grid on
xlabel('Tiempo [s]')
ylabel('Velocidad angular [rad/s]')
legend('\omega_L (izq)', '\omega_R (der)')
title('Velocidades angulares de las ruedas')
```



```
clear
clc
tf = 40;
ts = 0.1;
t = 0: ts: tf;
N = length(t);
x1 = zeros (1,N+1);
y1 = zeros (1,N+1);
phi = zeros(1, N+1);
x1(1) = 0;
y1(1) = 0;
phi(1) = 0;
hx = zeros(1, N+1);
hy = zeros(1, N+1);
```

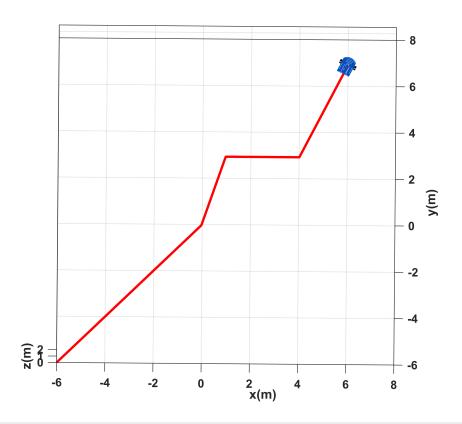
Genero un vector de valores x que van uniformemente desde –6 hasta 6, con un total de N+1 puntos.

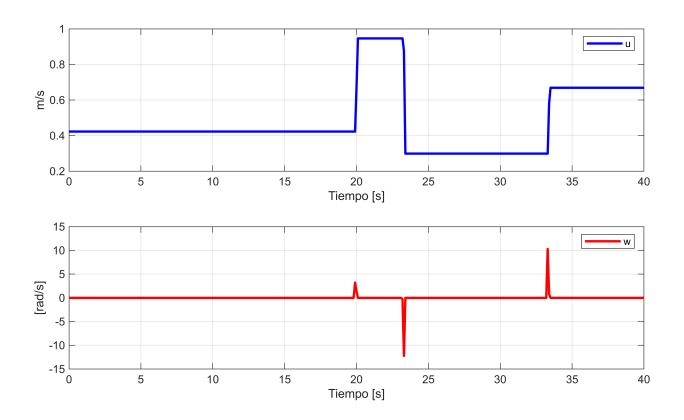
```
x1 = linspace(-6, 6, N+1);
```

Este bloque recorre todos los valores de x generados anteriormente y calcula el valor de y correspondiente usando una función definida por tramos.

```
% Calcular y = f(x) por tramos
for i = 1:N+1
   x = x1(i);
   if x <= 0
      y1(i) = x;
   elseif x > 0 && x <= 1
      y1(i) = 3*x;
   elseif x > 1 & x < 4
       y1(i) = 3;
   elseif x >= 4
       y1(i) = 2*x - 5;
   end
end
% Calcular orientación phi a partir de la trayectoria
for k = 1:N
   dx = x1(k+1) - x1(k);
   dy = y1(k+1) - y1(k);
   phi(k) = atan2(dy, dx);
end
phi(end) = phi(end-1);
hx = x1;
hy = y1;
u = zeros(1,N);
w = zeros(1,N);
for k = 1:N
   dx = x1(k+1) - x1(k);
   dy = y1(k+1) - y1(k);
   u(k) = sqrt(dx^2 + dy^2) / ts;
```

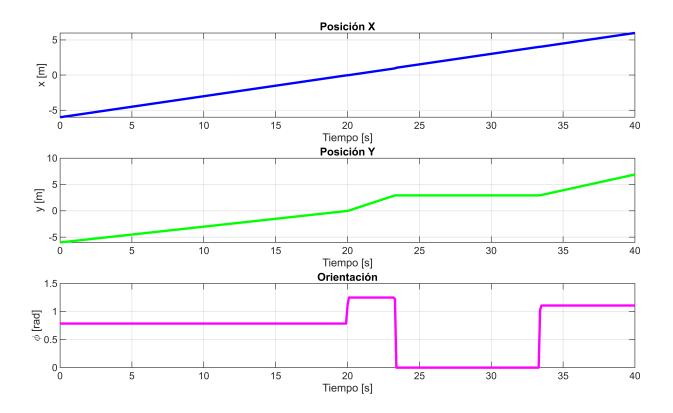
```
dphi = phi(k+1) - phi(k);
   w(k) = dphi / ts;
end
for k = 1:N
   xp1 = u(k) * cos(phi(k+1));
   yp1 = u(k) * sin(phi(k+1));
   x1(k+1) = x1(k) + xp1 * ts;
   y1(k+1) = y1(k) + yp1 * ts;
   hx(k+1) = x1(k+1);
   hy(k+1) = y1(k+1);
end
scene = figure;
set(scene, 'Color', 'white');
set(gca,'FontWeight','bold');
sizeScreen = get(0, 'ScreenSize');
set(scene,'position',sizeScreen);
camlight('headlight');
axis equal;
grid on;
box on;
xlabel('x(m)'); ylabel('y(m)'); zlabel('z(m)');
view([15 15]);
axis([-3 8 -3 8 0 2]);
scale = 4;
MobileRobot 5;
H1 = MobilePlot_4(x1(1), y1(1), phi(1), scale); hold on;
H2 = plot3(hx(1), hy(1), 0, 'r', 'lineWidth', 2);
step = 1;
for k = 1:step:N
   delete(H1);
   delete(H2);
   H1 = MobilePlot_4(x1(k), y1(k), phi(k), scale);
   H2 = plot3(hx(1:k), hy(1:k), zeros(1,k), 'r', 'lineWidth', 2);
   pause(ts);
end
```





```
r = 0.05;
L = 0.3;
wl = zeros(1, N);
wr = zeros(1, N);
for k = 1:N
   wl(k) = (2*u(k) - w(k)*L)/(2*r);
   wr(k) = (2*u(k) + w(k)*L)/(2*r);
end
pose_graph = figure;
set(pose_graph, 'position', sizeScreen);
subplot(311)
plot(t, x1(1:N), 'b', 'LineWidth', 2), grid on, xlabel('Tiempo [s]'), ylabel('x
[m]'), title('Posición X');
subplot(312)
plot(t, y1(1:N), 'g', 'LineWidth', 2), grid on, xlabel('Tiempo [s]'), ylabel('y
[m]'), title('Posición Y');
```

```
subplot(313)
plot(t, phi(1:N), 'm', 'LineWidth', 2), grid on, xlabel('Tiempo [s]'), ylabel('\phi
[rad]'), title('Orientación');
```



```
wheel_graph = figure;
set(wheel_graph, 'position', sizeScreen);
plot(t, wl, 'b', 'LineWidth', 2), hold on
plot(t, wr, 'r', 'LineWidth', 2), grid on
xlabel('Tiempo [s]')
ylabel('Velocidad angular [rad/s]')
legend('\omega_L (izq)', '\omega_R (der)')
title('Velocidades angulares de las ruedas')
```

