Требуется разложить в ряд Тейлора до  $o((x+1)^7)$ 

$$\sin\left(x+y\right) \tag{1}$$

Значение функции в заданной точке: 0 Вычисляем

$$\frac{\partial^{1}}{\partial x^{1}} \left( \sin \left( x + y \right) \right) = \frac{\partial}{\partial x} \left( \sin \left( x + y \right) \right) \tag{2}$$

Смотрим в книгу, видим

$$\frac{\partial}{\partial x}\left((x+y)\right) = 1\tag{3}$$

Дальнейший переход является упражнением для читателя

$$\frac{\partial}{\partial x}(\sin(x+y)) = \cos(x+y) \tag{4}$$

Значение производной в заданной точке: 1 Вычисляем

$$\frac{\partial^2}{\partial x^2} \left( \sin \left( x + y \right) \right) = \frac{\partial}{\partial x} \left( \cos \left( x + y \right) \right) \tag{5}$$

Как говорил Георг Кантор, сущность математики - в ее свободе. Без замедлений применим все необходимые правила

$$\frac{\partial}{\partial x}\left((x+y)\right) = 1\tag{6}$$

Ясно как божий день, что

$$\frac{\partial}{\partial x}\left(\cos\left(x+y\right)\right) = (-1)\cdot\sin\left(x+y\right) \tag{7}$$

Значение производной в заданной точке: -0 Вычисляем

$$\frac{\partial^3}{\partial x^3} \left( \sin \left( x + y \right) \right) = \frac{\partial}{\partial x} \left( (-1) \cdot \sin \left( x + y \right) \right) \tag{8}$$

Очевидно, что

$$\frac{\partial}{\partial x}\left((x+y)\right) = 1\tag{9}$$

Нетрудно получить

$$\frac{\partial}{\partial x}\left(\sin\left(x+y\right)\right) = \cos\left(x+y\right) \tag{10}$$

Данное рассказывают еще в детском саду:

$$\frac{\partial}{\partial x}\left((-1)\cdot\sin\left(x+y\right)\right) = \cos\left(x+y\right)\cdot(-1)\tag{11}$$

Значение производной в заданной точке: -1 Вычисляем

$$\frac{\partial^4}{\partial x^4} \left( \sin \left( x + y \right) \right) = \frac{\partial}{\partial x} \left( \cos \left( x + y \right) \cdot (-1) \right) \tag{12}$$

Дальнейший переход является упражнением для читателя

$$\frac{\partial}{\partial x}\left((x+y)\right) = 1\tag{13}$$

Таким образом,

$$\frac{\partial}{\partial x}(\cos(x+y)) = (-1)\cdot\sin(x+y) \tag{14}$$

Следовательно

$$\frac{\partial}{\partial x} \left( \cos \left( x + y \right) \cdot (-1) \right) = \sin \left( x + y \right) \tag{15}$$

Значение производной в заданной точке: 0 Вычисляем

$$\frac{\partial^{5}}{\partial x^{5}} \left( \sin \left( x + y \right) \right) = \frac{\partial}{\partial x} \left( \sin \left( x + y \right) \right) \tag{16}$$

Далее

$$\frac{\partial}{\partial x}\left((x+y)\right) = 1\tag{17}$$

Ясно как божий день, что

$$\frac{\partial}{\partial x}(\sin(x+y)) = \cos(x+y) \tag{18}$$

Значение производной в заданной точке: 1 Вычисляем

$$\frac{\partial^{6}}{\partial x^{6}} \left( \sin \left( x + y \right) \right) = \frac{\partial}{\partial x} \left( \cos \left( x + y \right) \right) \tag{19}$$

Ясно как божий день, что

$$\frac{\partial}{\partial x}\left((x+y)\right) = 1\tag{20}$$

Смотрим в книгу, видим

$$\frac{\partial}{\partial x}(\cos(x+y)) = (-1)\cdot\sin(x+y) \tag{21}$$

Значение производной в заданной точке: -0 Вычисляем

$$\frac{\partial^7}{\partial x^7} \left( \sin \left( x + y \right) \right) = \frac{\partial}{\partial x} \left( (-1) \cdot \sin \left( x + y \right) \right) \tag{22}$$

Таким образом,

$$\frac{\partial}{\partial x}\left((x+y)\right) = 1\tag{23}$$

Посредством пристального вглядывания в выражение выводим

$$\frac{\partial}{\partial x}\left(\sin\left(x+y\right)\right) = \cos\left(x+y\right) \tag{24}$$

Смотрим в книгу, видим

$$\frac{\partial}{\partial x}\left((-1)\cdot\sin\left(x+y\right)\right) = \cos\left(x+y\right)\cdot(-1)\tag{25}$$

Значение производной в заданной точке: -1 Искомое разложение:

$$\sin(x+y) = \frac{(x+1)^{1}}{1!} - \frac{(x+1)^{3}}{3!} + \frac{(x+1)^{5}}{5!} - \frac{(x+1)^{7}}{7!} + o((x+1)^{7})$$
 (26)