北京大学信息科学技术学院试题

	考试科目:数据结构与算法 B _ 姓名:学号:
	考试时间:
	请将答案撰写正在答题纸上!考试结束后将试卷和答题纸一并上交!
–.	选择题(30分,每小题2分)
1.	设栈的输入序列是 1 2 3 4 5,则()不可能是其出栈序列。 A. 23415 B. 54132 C. 23145 D. 15432
2.	对线性表进行二分法查找,其前提条件是()。 A. 线性表以链接方式存储,并且按关键码值排好序 B. 线性表以链接方式存储,并且按关键码值的检索频率排好序 C. 线性表以顺序方式存储,并且按关键码值排好序 D. 线性表以顺序方式存储,并且按关键码值的检索频率排好序
3.	对于二叉树中的一个结点 N,如果其左子树的高度为 $h1$,右子树的高度为 $h2$,则以 N 为根结点子树高度为 ()。
	A. $\max(h1, h2)$ B. $\min(h1, h2)$ C. $\max(h1, h2) + 1$ D. $\min(h1, h2) + 1$
4.	在插入排序算法中,如果待排序的序列已经是有序的,则插入排序算法的时间复杂度为()。 A. $O(n^2)$ B. $O(n \log n)$ C. $O(n)$ D. $O(1)$
5.	下列哪个概念属于存储结构? ()。 A. 线性表 B. 链表 C. 栈 D. 队列
6.	在二分查找算法中,每次比较后都将搜索范围缩小一半,若要在长度为 n 的数组中查找一个元素,最坏情况下需要比较多少次()。
	A. n B. $\lfloor n/2 \rfloor$ C. $\lfloor \log n \rfloor$ D. $\lfloor \log n \rfloor + 1$
7.	在一个具有 n 个结点的有序单链表中插入一个新结点并仍保持其有序,其平均时间复杂度为()。 A. $O(n\log n)$ B. $O(1)$ C. $O(n)$ D. $O(n^2)$
8.	假设有 4 棵结点关键码为整数的二叉树,若它们的中序遍历序列分别如下, 请问其中可能是二叉搜索树(二叉排序树)的是()。 A. 5,3,1,2,4 B. 1,2,3,4,5 C. 5,3,4,2,1 D. 1,3,5,4,2
9.	假设线性表有 2n (n>100) 个元素,以下操作() 在单链表上实现比在顺序表上实现效率更高。A. 在表中最后一个元素的后面插入一个新元素B. 顺序输出表中的前 i 个元素C. 交换表中第 i 个元素和第 n+i 个元素的值 (i=0,, n-1) D. 删除表中第 1 个元素

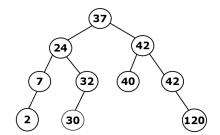
10. 用数组 $Q[n]$ 实现循环队列,设队头的前一个元素的下标为 f ,队尾的下标为 r ,则该队列中总数是()。	元素
A. $r - f$ B. $(n + f - r) \% n$ C. $n + r - f$ D. $(n + r - f) \% n$	
11. 对于一个拥有 21 条边的非连通无向图,其至少包括()个顶点。 A.5 B.6 C.7 D.8	
12. 若使用分治算法解决某一问题,每次把规模为 n 的问题分解为 2 个规模为 n/2 的子问题,将两个题的结果合并的时间开销为 O(n),那么这个算法的总时间复杂度为 ()。	·子问
A. $O(n)$ B. $O(n \log n)$ C. $O(n^2)$ D. $O(n^2 \log n)$	
13. 有 n 个顶点 m 条边的无向图,下列说法中错误的是()。 A 采用邻接表储存,储存该图的空间复杂度为 O (m+n)。 B 若为稠密图,更倾向于采用邻接矩阵存储。 C 采用邻接表储存,删除一个顶点的最坏情况的时间复杂度为 O (n+m)。 D 若为稀疏图,深度优先周游的时间复杂度低于广度优先周游的时间复杂度。	
14. 利用栈将表达式 3*2^(4+2*2-6*3)-5 (其中 ^ 为乘幂)转换为后缀表达式过程中,当扫描到时,运算符栈为()。	6
A. *^(+*- B. *^- C. *^(+ D. *^(-	
	4 A
15. 定义一棵没有1度结点的二叉树为满二叉树。对于一棵包含k个结点的满二叉树,其叶子结点的数为()。	ภ.ไ.
	ָּטְיּרְנָיּ
数为()。	ז'. ז'.
数为 ()。 A. [k/2] B. [k/2]-1 C.[k/2]+1 D.以上三个都有可能	קיין
数为 ()。 A. [k/2] B. [k/2]-1 C.[k/2]+1 D.以上三个都有可能 二. 判断 (10 分,每小题 1 分; 对填写"Y",错填写"N")	, y
数为 ()。 A. [k/2] B. [k/2]-1 C.[k/2]+1 D.以上三个都有可能 二. 判断 (10 分,每小题 1 分; 对填写"Y",错填写"N") 1. ()分治法和动态规划法都运用了将问题分解为规模较小的子问题的思想。	טין. קיין
数为 ()。 A. [k/2] B. [k/2]-1 C.[k/2]+1 D.以上三个都有可能 二. 判断 (10 分,每小题 1 分; 对填写"Y",错填写"N") 1. ()分治法和动态规划法都运用了将问题分解为规模较小的子问题的思想。 2. ()在链表中查找和删除一个元素的时间复杂度都是 O(1)。	
数为 ()。 A. [k/2] B. [k/2]-1 C.[k/2]+1 D.以上三个都有可能 二. 判断 (10 分,每小题 1 分; 对填写"Y",错填写"N") 1. ()分治法和动态规划法都运用了将问题分解为规模较小的子问题的思想。 2. ()在链表中查找和删除一个元素的时间复杂度都是 O(1)。 3. ()相比于顺序存储,完全二叉树更适合用链式表示存储。 4. ()通常不能通过一棵二叉树的前序遍历结点序列和后序遍历结点序列来确定这颗二叉树的	
数为()。 A. [k/2] B. [k/2]-1 C.[k/2]+1 D.以上三个都有可能 二. 判断(10分,每小题1分;对填写"Y",错填写"N") 1. ()分治法和动态规划法都运用了将问题分解为规模较小的子问题的思想。 2. ()在链表中查找和删除一个元素的时间复杂度都是O(1)。 3. ()相比于顺序存储,完全二叉树更适合用链式表示存储。 4. ()通常不能通过一棵二叉树的前序遍历结点序列和后序遍历结点序列来确定这颗二叉树的整结构。	
数为 ()。 A. [k/2] B. [k/2]-1 C.[k/2]+1 D.以上三个都有可能 二. 判断 (10 分,每小题 1 分;对填写"Y",错填写"N") 1. () 分治法和动态规划法都运用了将问题分解为规模较小的子问题的思想。 2. () 在链表中查找和删除一个元素的时间复杂度都是 O(1)。 3. () 相比于顺序存储,完全二叉树更适合用链式表示存储。 4. () 通常不能通过一棵二叉树的前序遍历结点序列和后序遍历结点序列来确定这颗二叉树的整结构。 5. () 二叉搜索树一定是满二叉树。	
数为()。 A. [k/2] B. [k/2]-1 C.[k/2]+1 D.以上三个都有可能 二. 判断(10分,每小题1分;对填写"Y",错填写"N") 1. ()分治法和动态规划法都运用了将问题分解为规模较小的子问题的思想。 2. ()在链表中查找和删除一个元素的时间复杂度都是O(1)。 3. ()相比于顺序存储,完全二叉树更适合用链式表示存储。 4. ()通常不能通过一棵二叉树的前序遍历结点序列和后序遍历结点序列来确定这颗二叉树的整结构。 5. ()二叉搜索树一定是满二叉树。 6. ()归并排序算法一定比简单插入排序算法的执行效率高。	
数为 ()。 A. [k/2] B. [k/2]-1 C.[k/2]+1 D.以上三个都有可能 二. 判断 (10 分, 每小题 1 分; 对填写"Y", 错填写"N") 1. () 分治法和动态规划法都运用了将问题分解为规模较小的子问题的思想。 2. () 在链表中查找和删除一个元素的时间复杂度都是 O(1)。 3. () 相比于顺序存储,完全二叉树更适合用链式表示存储。 4. () 通常不能通过一棵二叉树的前序遍历结点序列和后序遍历结点序列来确定这颗二叉树的整结构。 5. () 二叉搜索树一定是满二叉树。 6. () 归并排序算法一定比简单插入排序算法的执行效率高。 7. () 在待排序元素为正序情况下,直接插入排序可能比快速排序的时间复杂度更小。	

三. 填空(20分,每题2分)

- 1. 按照简单且高效的原则,如果经常需要在线性表头部进行插入和删除操作,最合适的存储结构是_______________。
- 2. 假设顺序表中包含 6 个数据元素 {a, b, c, d, e, f},他们的查找概率分别为 {0.12, 0.25, 0.23, 0.2, 0.05, 0.15},顺序查找时为了使查找成功的平均比较次数最少,则表中的数据元素的存放顺序应该是。
- 3. 已知某棵完全二叉树中有120个结点,则该二叉树的结点一共有 层,有 个叶子结点。
- 4. 己知一棵树的中序遍历序列为 DBGEACF,后序遍历序列为 DGEBFCA,则这棵树的前序遍历结果为_____。
- 5. 某段电文中只有 a,b,c,d 四种字符,各种字符出现的次数为: a 出现 1000 次,b 出现 2000 次,c 出现 6000 次,d 出现 1000 次,采用哈夫曼编码该电文的长度为 个比特。
- 6. 一组记录的关键字为 45,80,55,40,42,85,利用堆排序的方法,从最后一个非叶子结点开始调整,建立的初始最大堆为____。
- 7. 设一棵 m 叉树中有 N_1 个度数为 1 的结点(度数表示子结点个数), N_2 个度数为 2 的结点,……, N_m 个度数为 m 的结点,则该 m 叉树中共有 个终端结点(即叶结点)。
- 8. 设散列表的表长 m=15, 散列函数 H(key)=key%11, 表中已有 4 个结点: addr(16)=5, addr(37)=4, addr(50)=6, addr(70)=7, 如果用线性探查处理冲突,关键字为 38 的结点的地址是 。
- 10. 一个无向图,如果边的数量 m 结点个数 n,那么该图一定存在回路。

四. 简答(3题,共14分)

- 1. 对序列 $\{H, E, B, L, G, A, F, J, I, C, D, K\}$ 中的关键码按字母序的升序重新排列,则:
 - a) 冒泡排序第一趟交换结束后的结果是? (1 分)
 - b) 二路归并排序第一趟归并后的结果是? (1 分)
 - c) 初始步长为 4 的希尔(shell)排序第一趟后的结果是 ? (2 分)
- 2. 在下列二叉排序树中删除结点"37"的基本过程是:首先寻找该结点左子树上的最大者 r,并利用 r 辅助删除该结点。请画出删除该结点后的二叉排序树结构。(3分)



3. Dr. Stranger 的电脑感染了一种病毒。该病毒会将文档中的每种字母固定替换为另一种字母,且互不相同,可以看作文档所涉及字母集合上的双射函数。例如,文档 D={ab, ac, bc},涉及的字母集合为 $X=\{a,b,c\}$,病毒函数 f: X->X,假设其中 f(a)=b,f(b)=c,f(c)=a,那么感染病毒后的文档 D'={bc,ba,ca}。现在 Dr. Stranger 有一个重要文档 D,内容为 6 个按字典序排列的单词,涉及的字母集合为 $X=\{a,b,c,d,e\}$ 。该文档感染了病毒后,内容变为 D'={cebdbac,cac,ecd,dca,aba,bac}。请你破解出该病毒规则 f,并还原出原文档 D 的内容。给出思路(2 分)、具体步骤(3 分)、最终答案(2 分)。

五. 算法填空(4题,共26分)

请注意:每个空最多填一条语句,不得使用逗号连接多个表达式的写法。

1. (6分)链表操作。

下面的程序描述的是一个只带表尾指针的循环单链表的操作(表尾指针指向链表最后一个结点,最后一个结点的 next 指针指向链表的第一个结点)。先是将 n 个整数依次插入链表头部,然后删掉链表尾部 m 个元素,再往链表前部插入 k 个整数。请填空。

输入:

- 第1行是整数 n(0 < n <= 100)
- 第2行是n个非负整数
- 第3行是整数 m(0 <m <= 200)
- 第 4 行是整数 k(0 < k <= 100)
- 第5行是k个非负整数

输出:

样例输入:

- 第1行:将链表中的元素依次输出(结果会是输入第2行的倒序)
- 第2行:将链表删除尾部m个元素后的结果输出。如果链表为空,输出 NULL
- 第3行: 依次输出链表前部又插入输入中的第5行的k个整数后的结果

```
4
1 2 3 4
3
2
100 200
样例输出:
4 3 2 1
4
200 100 4
```

```
class Node:
```

```
def __init__(self, data, next=None):
    self.data, self.next = data, next
```

```
class LinkedList:
```

```
def __init__(self):
    self.tail = None # 表尾指针,指向链表最后一个结点
```

```
def pushFront(self, data): # 在链表头部插入元素
      nd = Node(data)
      if self.tail is None:
         self.tail = nd
         nd.next = nd
      else:
         ______(1)_____ # 2分
         self.tail.next = nd
   def popBack(self): # 在链表尾部删除元素
      if self.tail is not None:
         if _____: # 1分
            self.tail = None
         else:
            ptr = self.tail.next
            while _____: #1分
               ptr = ptr.next
            ptr.next = ptr.next.next
            _____(4)____ # 1分
   def print(self):
      if self.tail is not None:
         ptr = self.tail.next
         print(ptr.data, end=" ")
         ptr = ptr.next
         while _____: # 1分
            print(ptr.data, end=" ")
            ptr = ptr.next
      else:
         print("NULL")
      print()
n = input()
a = list(map(int, input().split()))
Lst = LinkedList()
for x in a:
   Lst.pushFront(x)
Lst.print()
n = int(input())
for i in range(n):
  Lst.popBack()
Lst.print()
n = input()
b = list(map(int, input().split()))
for x in b:
   Lst.pushFront(x)
Lst.print()
```

```
给定一棵二叉树, 求该二叉树的宽度。二叉树宽度定义: 结点最多的那一层的结点数目。
输入:第一行是一个整数 n,表示二叉树的结点个数。二叉树结点编号从 0 到 n-1, n <= 100。接下来有 n
行, 依次对应二叉树的编号为 0,1,2....n-1 的结点。
每行有两个整数,分别表示该结点的左儿子和右儿子的编号。如果第一个(第二个)数为-1则表示没有左
(右) 儿子
输出:输出1个整数,表示二叉树的宽度
样例输入
3
-1 -1
0 2
-1 -1
样例输出
2
class BinaryTree:
  def __init__(self, data, left=None, right=None):
     self.data, self.left, self.right = data, left, right
  def countWidth(self):
     width = [0 for i in range(200)] # width[i]记录第i层宽度
     def traversal(root, level):
        if root is None:
           return
        width[level] += 1
        _____(1)______# 1分
          _____(2)_____ # 1分
     traversal(self, 0)
     return max(width)
def buildTree():
  n = int(input())
  nodes = [BinaryTree(None) for i in range(n)]
  for nd in range(n):
     L, R = map(int, input().split())
     if L != -1:
        nodes[nd].left = nodes[L]
         _____(3)____ # 1分
     if R != -1:
        nodes[nd].right = nodes[R]
         _____(4)_____ # 1分
  for i in range(n):
     if _____: #2分
        return nodes[i]
   return None
tree = buildTree()
```

2. (6分) 求二叉树的宽度。

print(tree.countWidth())

```
3. (7分) 用 Prim 算法求无向图最小生成树。
  输入:第一行两个整数 n,m ( n< 100),表示图有 n 个结点, m 条边。结点编号从 0 开始算。接下来有
m 行,每行三个数 s e w,表示边(s,e)的权值是 w(w<1000)。
  输出:输出最小生成树的所有边
  输入样例:
4 4
0 1 8.5
1 2 4
2 3 9
3 1 7
  输出样例:
(1,0)(2,1)(3,1)
def prim(G): # Prim 算法求图 G 最小生成树,返回最小生成树的边的列表
  INF = 1 << 30 # 无穷大
  # G 是邻接矩阵,矩阵中 None 表示没有边,顶点编号从 0 开始
  n = len(G) # n 是顶点数目,顶点编号 0 - (n-1)
  dist = [INF for i in range(n)] # 各顶点到已经建好的那部分树的距离
  used = [False for i in range(n)] # 标记顶点是否已经被加入最小生成树
  prev = [None for i in range(n)]
  # 顶点 i 是通过边(i,prev[i])被加入最小生成树的
  doneNum = 0 # 已经被加入最小生成树的顶点数目
  edges = [] # 最小生成树的边的列表
  while ______ (1)_____: # 1分
     if doneNum == 0:
        x = minDist = 0 # 顶点 0 最先被加入最小生成树
     else:
        x, minDist = None, INF
        for i in range(n):
           if not used[i] and _____(2)____: # 1分
              x, minDist = i, dist[i]
        ____(3)____ # 1分
     doneNum += 1
     if doneNum > 1:
        edges.append(_____(4)____) # 1分
     for v in range(n):
        if not used[v] and ______: #2分
           dist[v] = G[x][v]
           _____(6)____ # v 是通过 x 连接到最小生成树的 #1 分
   return edges
n, m = map(int, input().split())
G = [[None for i in range(n)] for j in range(n)] # 邻接矩阵
```

```
for i in range(m):
   tmp = input().split()
   s, e, w = int(tmp[0]), int(tmp[1]), float(tmp[2])
   G[s][e] = G[e][s] = w
edges = prim(G) # edges 的元素是一个元组(u,v),表示一条边
for e in edges:
   print(f"({e[0]},{e[1]})", end="")
4. (7分) 完成下列算法, 计算一个无向图中所有连通分量的结点个数。
 输入: 图的结点数、边数和边的列表。
 输出:每个连通分量的结点个数。
 输入样例:
 5
 [(0, 1), (1, 2), (3, 4)]
 输出样例:
 [3, 2]
def dfs(node, visited, graph, n):
   count = 1
   visited[node] = True
   for i in range(n):
      if i in graph[node] and _____(1)____: # 1分
         count += _____(2)_____ # 1分
   return count
def count_components(n, edges):
   graph = {i: [] for i in range(n)}
   for u, v in edges:
      _____(3)_____ # 1分
      _____(4)_____ # 1分
   visited = [False] * n
   components = []
   for i in range(n):
      if _____:#1分
         components.append(_____(6)____) # 2 分
   return components
n = int(input())
edges = eval(input())
print(count_components(n, edges))
```