诚信应考,考试作弊将带来严重后果!

考试中心填写:

___年__月__日 考 试 用

过

湖南大学课程考试试卷

课程名称: <u>概率统计 A</u>; 课程编码: <u>GE03004</u> 试卷编号: <u>A</u>; 考试时间: 120 分钟

题 号	1~10	11	12	13	14	15	16	17		总分
应得分	30	10	10	10	10	10	10	10		100
实得分										
评卷人										

注: 闭卷考试, 可使用不带存储功能的计算器。参考数据

$$\begin{split} &\Phi(0.5)=0.6915, \ \ \Phi(1)=0.8413, \ \ \Phi(1.5)=0.9332, \ \ \Phi(1.28)=0.9, \ \ \Phi(1.645)=0.95, \\ &\Phi(2)=0.9772, \ \ t_{0.1} \ (8)=1.3968, \ \ t_{0.05} \ (8)=1.8595, \ \ t_{0.025} \ (8)=2.3060, \ \ t_{0.1} \ (9)=1.3830, \\ &t_{0.05} \ (9)=1.8331, \ \ t_{0.025} \ (9)=2.2622, \ \ t_{0.1} \ (10)=1.3722, \ \ t_{0.05} \ (10)=1.8125, \\ &t_{0.025} \ (10)=2.2281, \ \ \chi^2_{0.975} \ (9)=2.7, \ \ \chi^2_{0.95} \ (9)=3.325, \ \ \chi^2_{0.05} \ (9)=16.919, \ \ \chi^2_{0.025} \ (9)=19.023, \\ &\chi^2_{0.975} \ (10)=3.247, \ \ \chi^2_{0.95} \ (10)=3.940, \ \ \chi^2_{0.05} \ (10)=18.307, \ \ \chi^2_{0.025} \ (10)=20.483, \end{split}$$

不一、填空题(每题3分,共30分)

- 1. 从 0, 1, 2, …, 9 中任选 2 个数,则最小数为 3 的概率为______.
- 2. 设随机变量 X 的概率密度为 $f(x) = \begin{cases} 2x, 0 < x < 1, \\ 0, 其他, \end{cases}$,用 Y 表示 X 的 3 次独立

重复观察中事件 $\{X \leq \frac{1}{2}\}$ 出现的次数,则 $P\{Y = 2\} =$ ______.

- 3. 若随机变量 X 服从参数为 λ 的指数分布,且 $P\{X \le 1\} = \frac{1}{2}$,则 $\lambda =$ ______
- 4. 设随机变量 $X_i \sim \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ \frac{1}{4} & \frac{1}{2} & \frac{1}{4} \end{bmatrix}$, i = 1, 2,且满足条件 $P\{X_1 + X_2 = 0\} = 1$,则

$$P\{X_1 = X_2\} =$$
______.

5. 设随机变量 X 服从泊松分布,且 $3P\{X=1\}+2P\{X=2\}=4P\{X=0\}$,则

$$E(X^2) =$$

姓名:

- 6. 设 X_i ($i=1,2,\cdots 50$) 是相互独立的随机变量,它们都服从参数为 0.02 的泊松分布,利用中心极限定理计算 $P\{\sum_{i=1}^{50} X_i \geq 2\} = \underline{\hspace{1cm}}$.
- 7. 设总体 X 服从参数为 λ 的指数分布,则来自总体 X 的简单随机样本 (X_1,X_2,\cdots,X_n) 的密度函数 $f(x_1,x_2,\cdots,x_n) =$ ______.
- 8. 设总体 $X \sim N(\mu, \sigma^2), (X_1, X_2, \cdots X_n)$ 为样本, \overline{X} 与 S^2 分别是样本均值与样本方差,则 $Y = n(\frac{\overline{X} \mu}{S})^2$ 服从的分布是______.
- 9. 设 (X_1, X_2, \dots, X_n) 为来自二次分布总体B(n, p)的简单随机样本, \overline{X} 与 S^2 分别是样本均值和样本方差,若 \overline{X} + kS^2 为 np^2 的无偏估计量,则k=______.
- 10. 对正态总体 $N(\mu, \sigma^2)(\sigma$ 未知), 欲检验假设 $H_0: \mu = \mu_0(\mu_0$ 已知), 其使用的检验 统计量为 .
- 二、计算题(每题10分,共70分)
- 11. 设X服从(0,2)上的均匀分布, $Y = 2X^2 + 1$,求Y的密度函数 $f_Y(y)$ 。

装订线

(题目不得超过此线

- 12. 有甲、乙、丙三个外形完全相同的盒子,甲盒中装有 14 个黑球, 6 个白球, 乙盒中装有 5 个黑球, 25 个白球, 丙盒中装有 8 个黑球, 42 个白球, 现从三个盒子中任取一个, 再从中任取一球。求:
 - (1) 取到的球是黑球的概率;
 - (2) 如果取到的是黑球,它是来自甲盒的概率。

13. 设 $W = (aX + 3Y)^2$, E(X) = E(Y) = 0, D(X) = 4, D(Y) = 16, $\rho_{XY} = -0.5$, 求 当 a 取什么值时, E(W) 取得最小值,并求其最小值。

14. 设随机变量 (X, Y) 的概率密度函数为 $f(x,y) = \begin{cases} Ax, 0 < x < 1, 0 < y < x, \\ 0, 其他, \end{cases}$ 求:

- (1) 常数 A;
- (2) X, Y 的边缘密度函数;
- (3) X与 Y是否相互独立。

15. 设总体 $X \sim B(3,p)$,其中 0 为未知参数,利用总体的如下 5 个样本值: 0, 2, 1, 2, 3, 求 <math>p 的矩估计值和最大似然估计值。

6. 设一批零件的长度 $X \sim N(\mu, \sigma^2)$, μ, σ^2 均未知,现随机从这批零件中抽取 9 件进行测试,求得样本平均值 $x=50\,\mathrm{mm}$,样本标准差 $s=1.1\,\mathrm{mm}$,求总 体均值 μ 的置信区间(置信度为 0.90)。

17. 某工厂正常生产时,排出的污水中动植物油的浓度 $X \sim N(10,1)$,今阶段性抽取 10 个水样, 测得平均浓度为 10.8 (mg/L), 标准差为 1.2 (mg/L), 问该工厂生 产是否正常? (显著性水平 $\alpha = 0.05$)。