



오늘은 코딩테스트에 많이 나오는 알고리즘 중 하나인 백트래킹에 대해 배웁니다. 지난 시간에 배운 완전탐색에서 조금 더 발전해서, 더 이상 가망 없는 후보를 제외하고 탐색하는 알고리즘이죠.



#### 백트래킹

- 완전탐색처럼 모든 경우를 탐색하나, 중간 과정에서 조건에 맞지 않는 케이스를 가지치기하여 탐색 시간을 줄이는 기법
- 모든 경우의 수를 탐색하지 않기 때문에 완전탐색보다 시간적으로 효율적임
- 탐색 중 조건에 맞지 않는 경우 이전 과정으로 돌아가야 하기 때문에, 재귀를 사용하는 경우 많음
- 조건을 어떻게 설정하고, 틀렸을 시 어떤 시점으로 돌아가야 할지 설계를 잘하는 것이 중요

# 백트래킹



#### 과정

- 어떤 노드의 유망성(promising)을 점검 → 조건에 맞는지 안맞는지
- 유망하지 않다면(non-promising) 배제함 (가지치기)
- 해당 노드의 부모노드로 되돌아간 후 다른 자손노드를 탐색

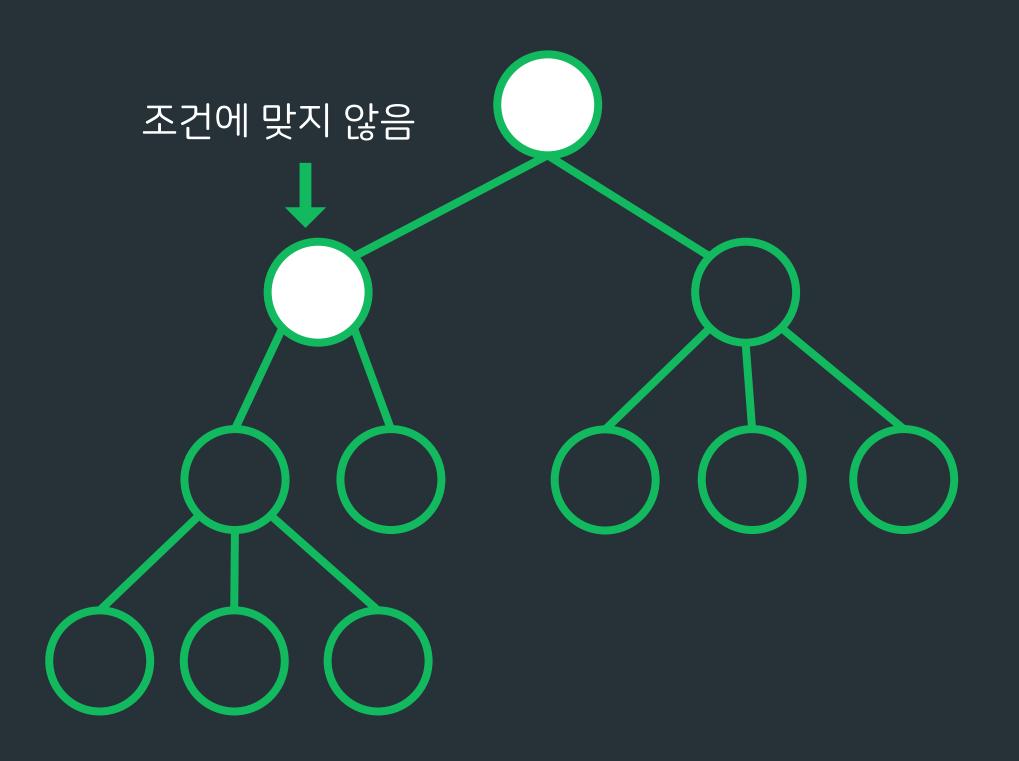
### 백트래킹



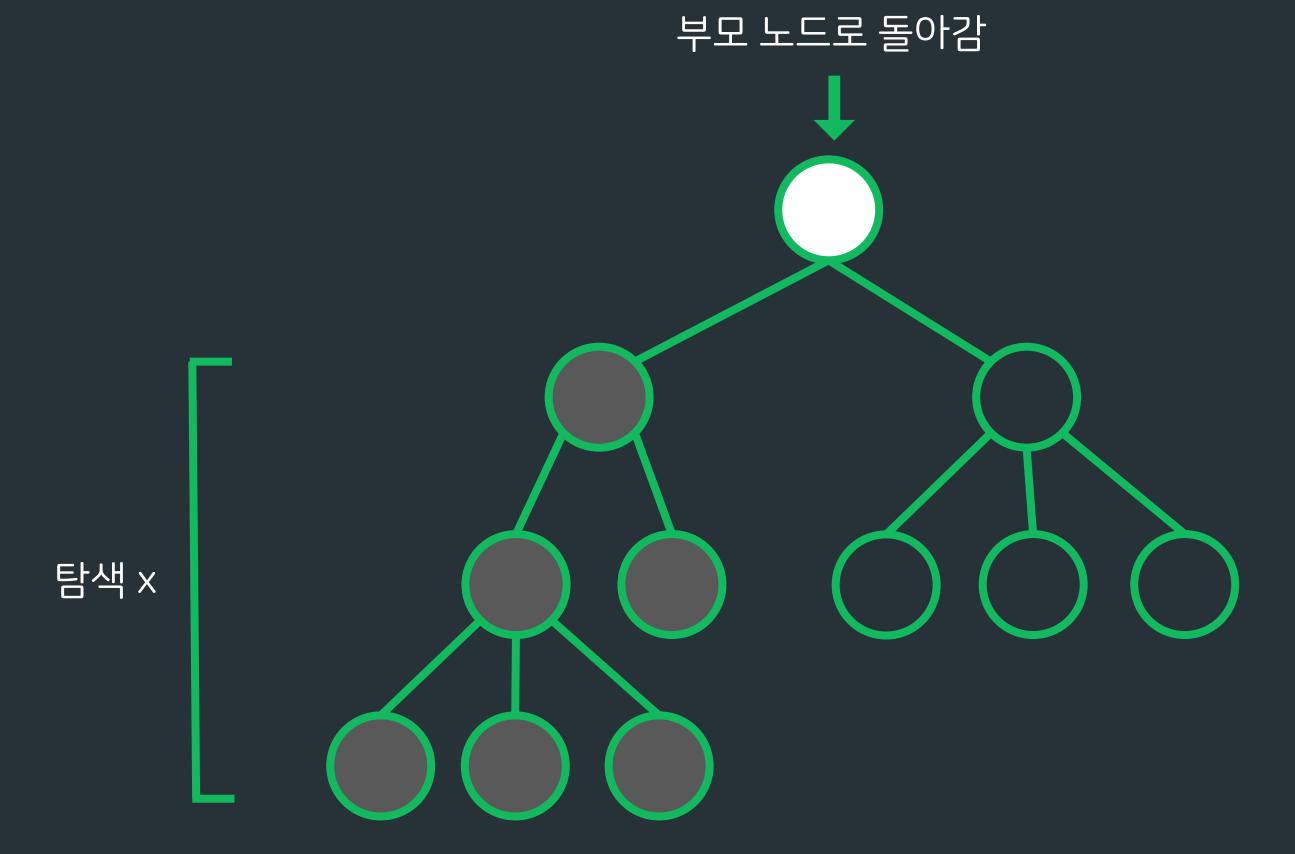
#### 가지치기

- 지금의 경로가 해가 될 것 같지 않으면(non-promising)
   그 전으로 되돌아 가는 것(back)
- 즉, 불필요한 부분을 쳐내는 것
- 되돌아간 후 다시 다른 경로 검사
- 가지치기를 얼마나 잘하느냐에 따라 효율성이 결정됨

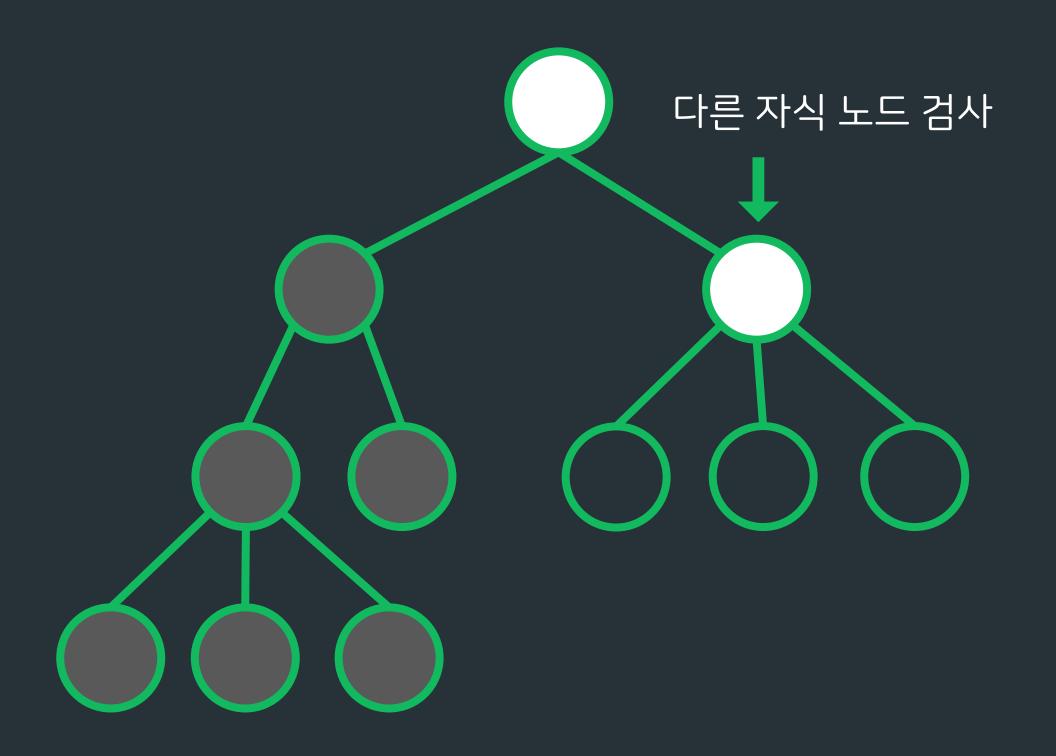














"즉, 답이 될 만한지(promising) 판단하고, 그렇지 않다면 탐색하지 않고 다시 전으로 넘어가서(back) 탐색을 계속 하는 것 "

# 재귀함수란?



```
void f(int mine){
f(mine + 1);
문제점은?
```

● 자기 자신을 호출하는 함수

### 재귀함수란?



```
void f(int mine){
  if (mine == 5)
    return;
  f(mine + 1);
  cout << mine << '\n';
}</pre>
```

- 자기 자신을 호출하는 함수
- 가장 중요한 점은 기저 조건(탈출 조건)을 잘 세우는 것!

### 어떨 때 백트래킹을 적용하지?



#### 백트래킹

- 주로 재귀함수로 구현하기에 문제에서 주어지는 N의 크기가 작다!
- 그 전 과정으로 돌아가면서 하는 탐색이 필요한 경우
- Check 배열을 많이 사용

### 기본 문제



/<> 15649번 : N과 M(1) - Silver 3

#### 문제

- 자연수 n, m이 주어짐
- 1부터 n까지의 자연수 중 중복없이 m개를 고른 수열을 모두 구하는 문제

#### 제한 사항

● 입력 범위는 1 <= m <= n <= 8



# 예제 입력

42

### 예제 출력

#### 기본 문제



/<> 15649번: N과 M(1) - Silver 3

#### 문제

- 자연수 n, m이 주어짐
- 1부터 n까지의 자연수 중 중복없이 m개를 고른 수열을 모두 구하는 문제

#### 제한 사항

● 입력 범위는 1 <= m <= n <= 8

#### 접근

- 제약 조건을 살펴보자
- → 중복 x, 수열 길이가 m
- 재귀함수를 설계해보자
- → 각 수를 넣을 때, 이미 수열 내에 있으면 넘어감 (체크해줄 무언가가 필요)
- → 기저조건은 길이가 m일 때!

### 체크해줄 무언가?

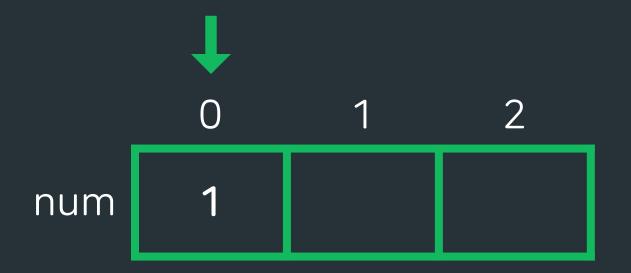


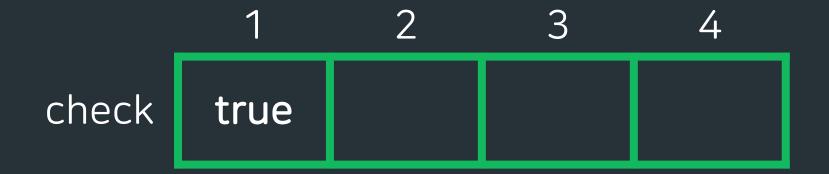
### 접근

- 해당 수가 현재 수열에서 사용이 되었는지 안되었는지 체크하는 배열을 만들자!
- 즉, 수를 인덱스로 가지는 체크배열
- 이는 곧, 가지치기의 역할



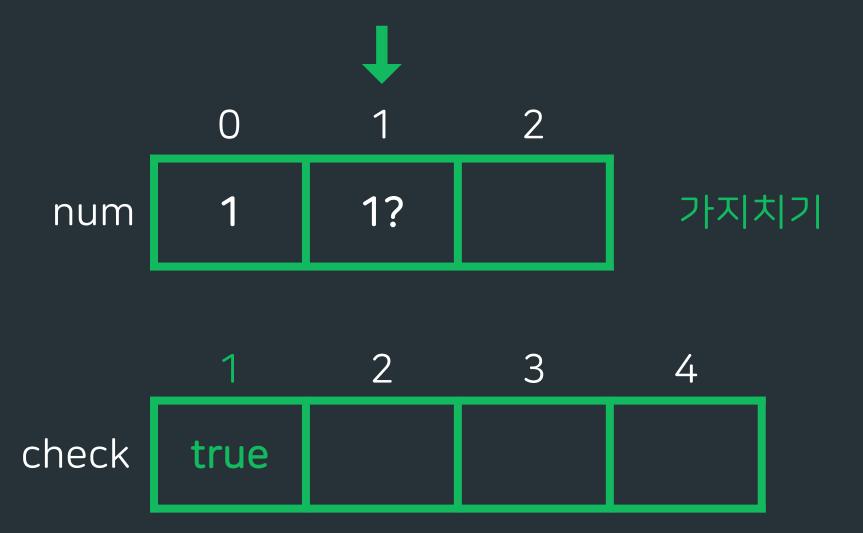
- 1부터 n까지의 자연수 중 중복없이 m개를 고른 수열을 모두 구하는 문제
- n = 4, m = 2





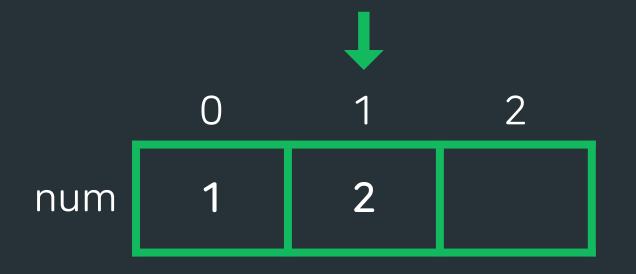


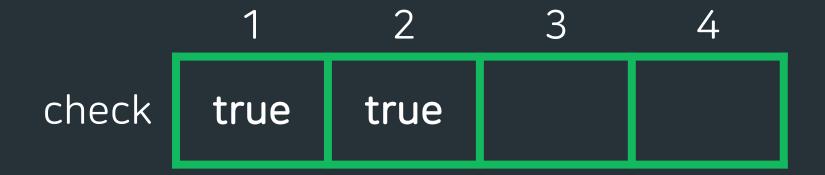
- 1부터 n까지의 자연수 중 중복없이 m개를 고른 수열을 모두 구하는 문제
- n = 4, m = 2





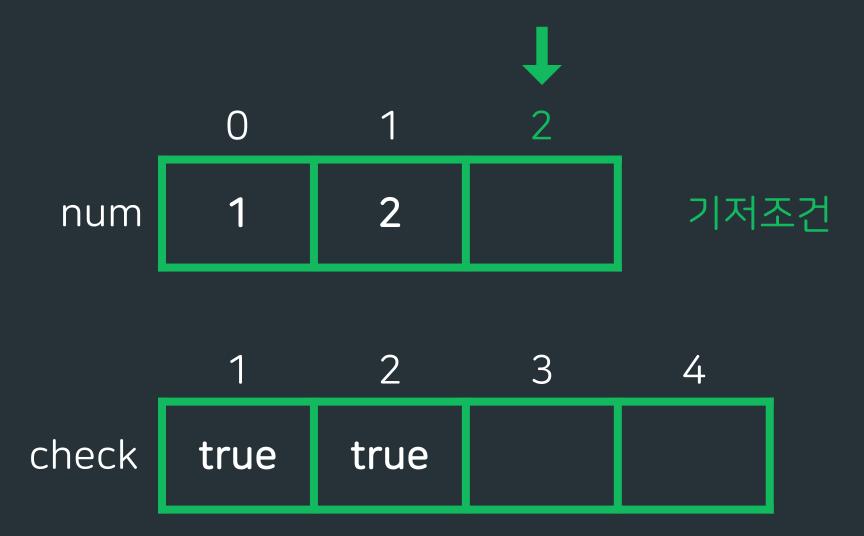
- 1부터 n까지의 자연수 중 중복없이 m개를 고른 수열을 모두 구하는 문제
- n = 4, m = 2





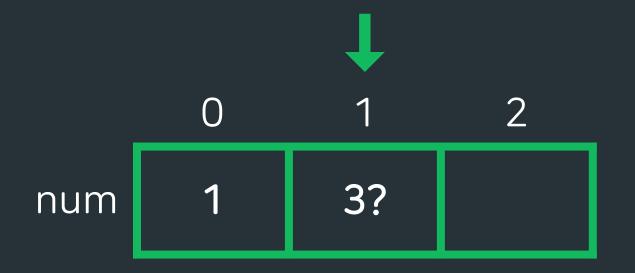


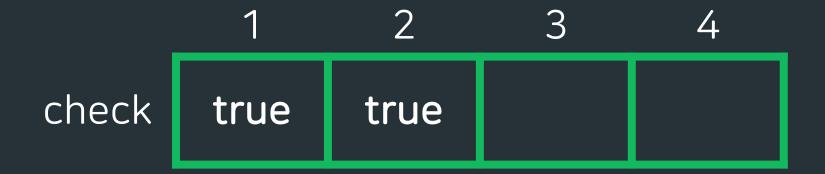
- 1부터 n까지의 자연수 중 중복없이 m개를 고른 수열을 모두 구하는 문제





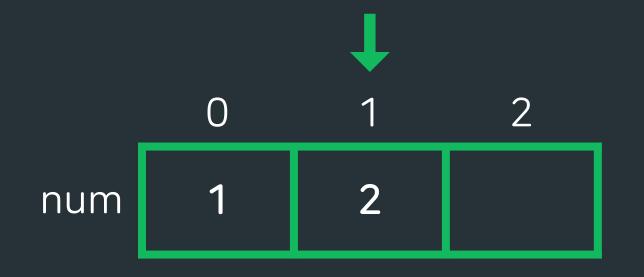
- 1부터 n까지의 자연수 중 중복없이 m개를 고른 수열을 모두 구하는 문제
- n = 4, m = 2

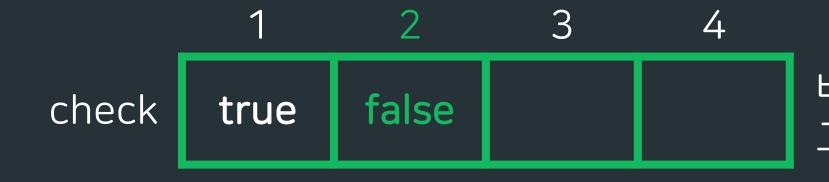






- 1부터 n까지의 자연수 중 중복없이 m개를 고른 수열을 모두 구하는 문제
- n = 4, m = 2

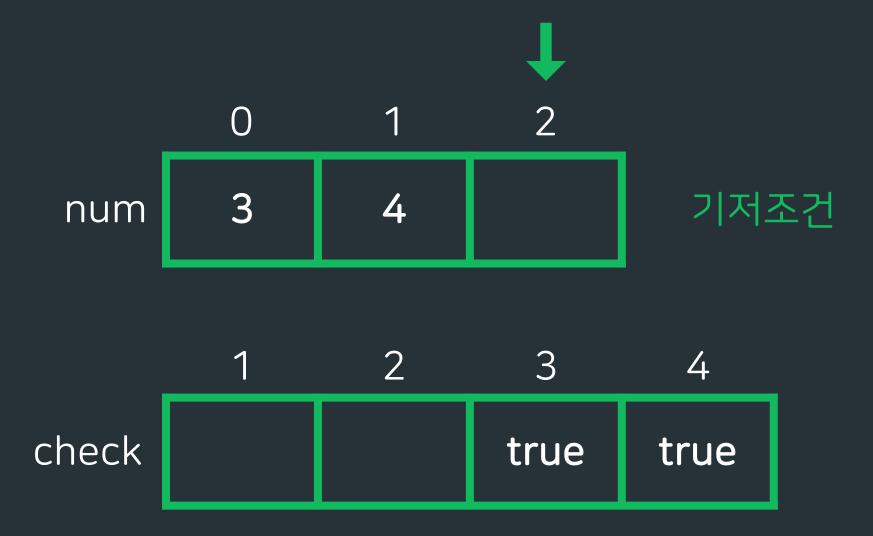




바로 탐색 이어서하지 않고, 꼭 원래 상태로 돌려놓아야 함 그래야 나중에 해당 요소 재탐색 가능



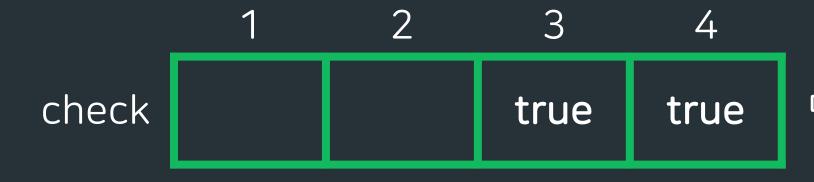
- 1부터 n까지의 자연수 중 중복없이 m개를 고른 수열을 모두 구하는 문제
- n = 4, m = 2





- 1부터 n까지의 자연수 중 중복없이 m개를 고른 수열을 모두 구하는 문제
- n = 4, m = 2



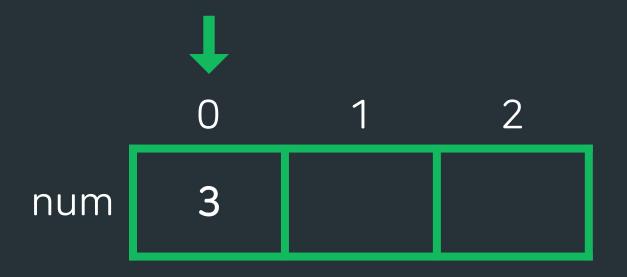


만약 원래 상태로 되돌려 놓지 않는다면?



• 1부터 n까지의 자연수 중 중복없이 m개를 고른 수열을 모두 구하는 문제

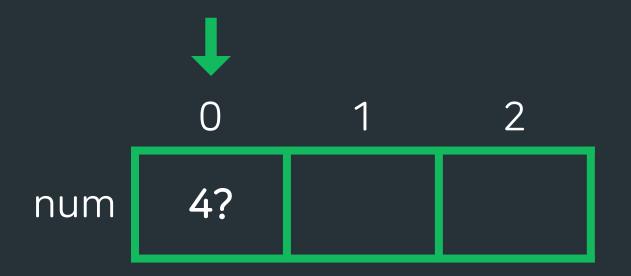








- 1부터 n까지의 자연수 중 중복없이 m개를 고른 수열을 모두 구하는 문제
- n = 4, m = 2

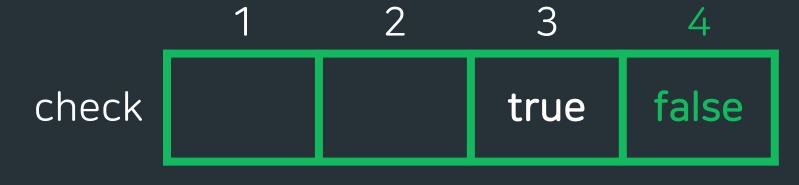






- 1부터 n까지의 자연수 중 중복없이 m개를 고른 수열을 모두 구하는 문제
- n = 4, m = 2

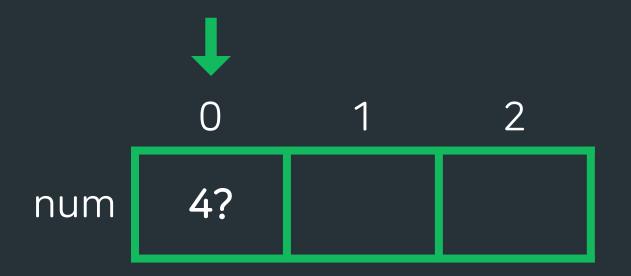




따라서 탐색을 하기 전, 꼭 원래 상태로 돌려놓는 것이 중요



- 1부터 n까지의 자연수 중 중복없이 m개를 고른 수열을 모두 구하는 문제
- n = 4, m = 2







- 1부터 n까지의 자연수 중 중복없이 m개를 고른 수열을 모두 구하는 문제
- n = 4, m = 2





### 기본 문제



/<> 15650번 : N과 M(2) - Silver 3

#### 문제

- 자연수 n, m이 주어짐
- 1부터 n까지 자연수 중 중복없이 m개를 고른 수열을 모두 구하는 문제
- 단, 수열은 오름차순임

#### 제한 사항

• n의 범위는 1 <= m <= n <= 8



# 예제 입력

42

# 예제 출력

#### N과 M(1)과의 차이점



#### 기존 접근

- 제약 조건을 살펴보자
- → 중복 x, 수열 길이가 m
- 재귀함수를 설계해보자
- → 각 수를 넣을 때, 이미 수열 내에 있으면 넘어감 (체크해줄 무언가가 필요) → 기저조건은 길이가 m일 때!

#### 추가된 접근

- 수열은 오름차순
- → 현재 인덱스의 원소를 확인하여 (해당 원소 + 1) 부터 다음 인덱스의 원소 탐색 시작
- 체크해줄 무언가가..필요한가?

### 응용 문제



/<> 9663번: N-Queen - Gold 5

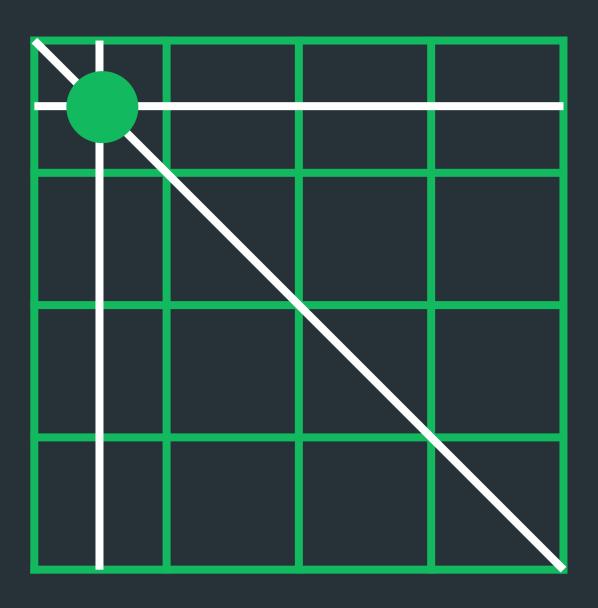
### 문제

● N X N인 체스판 위에 퀸 N개를 서로 공격할 수 없게 놓는 경우의 수 구하는 문제

#### 제한 사항

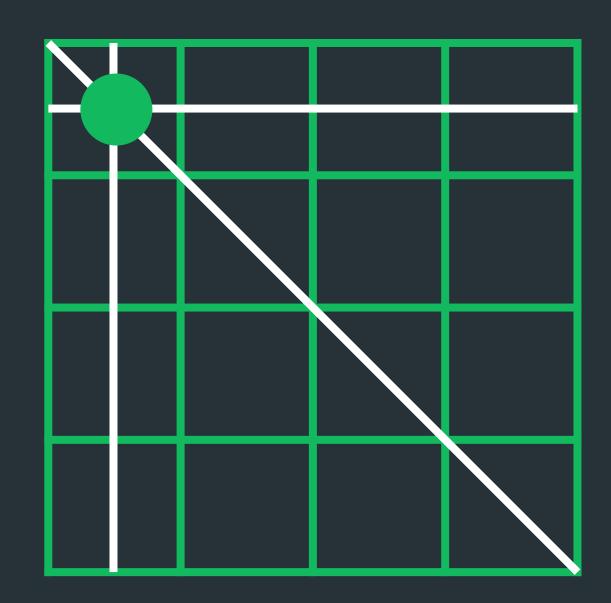
● 입력 범위는 1 <= N < 15





● 퀸이 놓이면, 가로, 세로, 대각선에 위치한 곳엔 다른 퀸을 둘 수 없다.





• 퀸이 놓이면, 가로, 세로, 대각선에 위치한 곳엔 다른 퀸을 둘 수 없다.

#### 제한 사항

● 입력 범위는 1 <= N < 15

### 접근

- 완전탐색?
- → C(255, 15) > 10<sup>3</sup>0, 절대 불가능!
- <u>가지치기를</u> 할 수 없을까?
- → 우선 세로의 중복을 피하려면 각 열마다 1개
- → 가로의 중복을 피하려면 각 행마다 1개
- → 즉, 가로와 세로에는 각각 1개만 들어감!

### 몰래 보세요

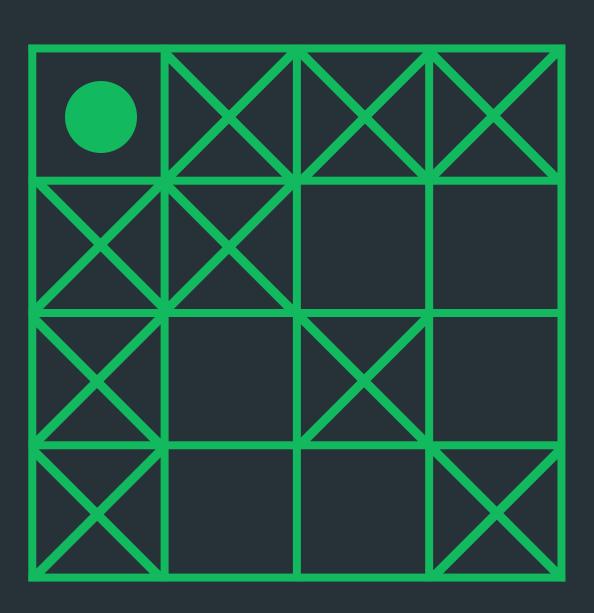


#### Hint

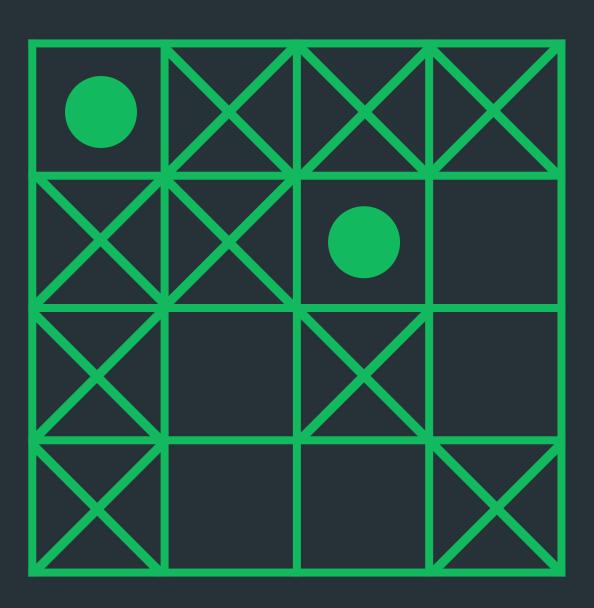
- 1. N과 M문제에서 가지치기를 위해 무엇을 사용했었죠?
- 2. 그런데 가지치기할 곳이 1 군데는 아닌 것 같아요. 대각선도 방향이 하나가 아니죠.

# N-Queen

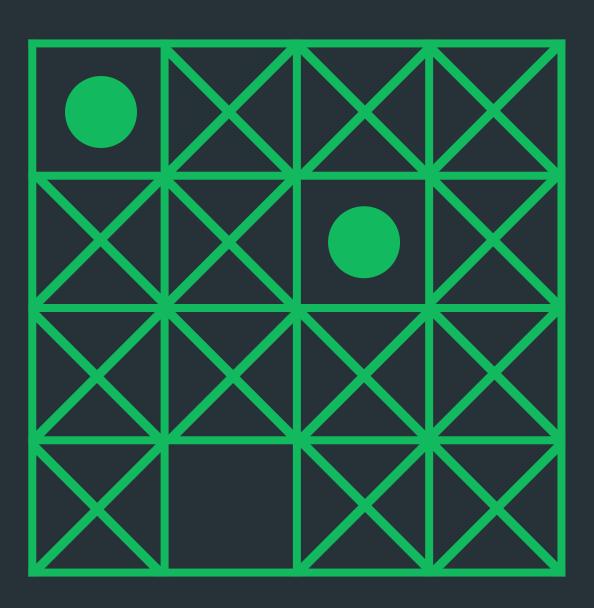




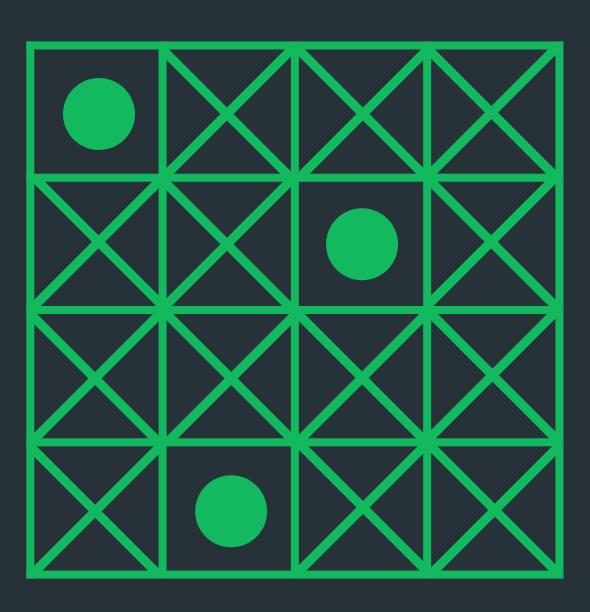






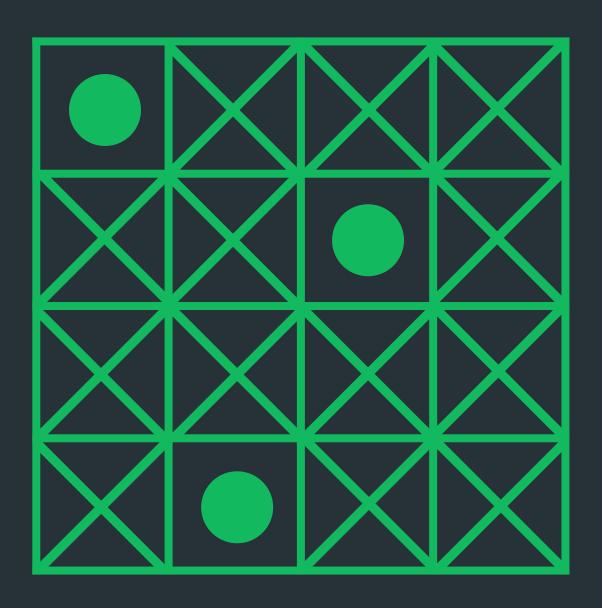








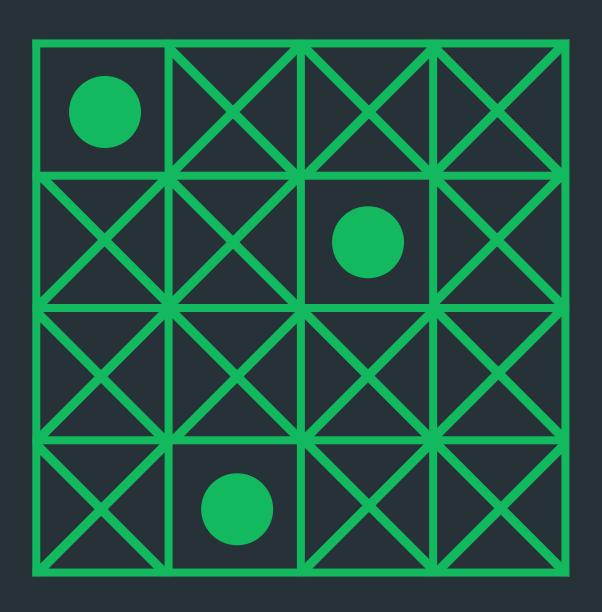
N = 4



- 더 이상 탐색 불가! 더불어 퀸이 3개라 정답도 아님
- → 다시 전으로 돌아감



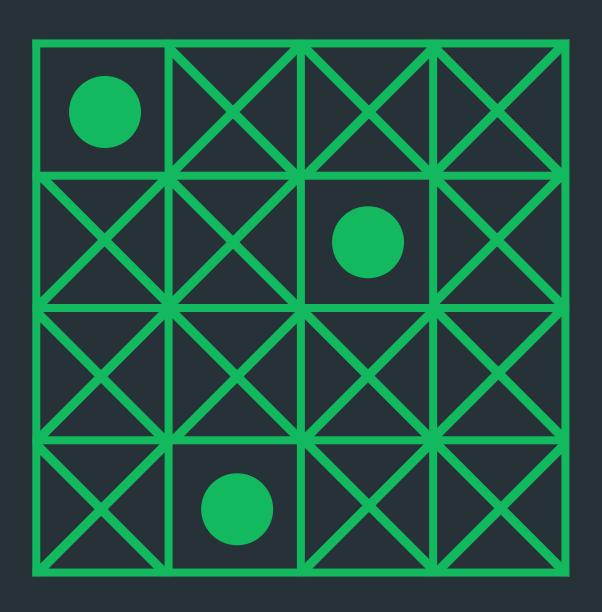
N = 4



● 퀸을 놓을 수 있는 자리를 체크배열로 → 2차원? → 체크를 하는 데 반복문을 사용할테므로 시간 걸려서 안됨!



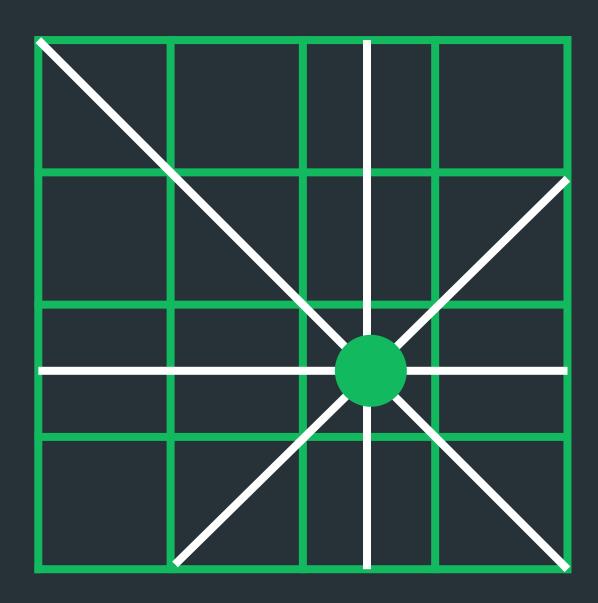
N = 4



 킨을 놓을 수 있는 자리를 체크배열로 → 한 번에 체크할 수 있는 배열이 필요 → 각 줄을 인덱스로!



N = 4



- 퀸이 놓이면, 가로, 세로, 대각선에 위치한 곳엔 다른 퀸을 둘 수 없다.
- 가로와 세로엔 각각 1개 배치 -> 가로를 기준으로 세로 배치 체크
- → 세로, 좌하향 대각선, 우하향 대각선의 배치 가능 여부를 체크배열로 구현!



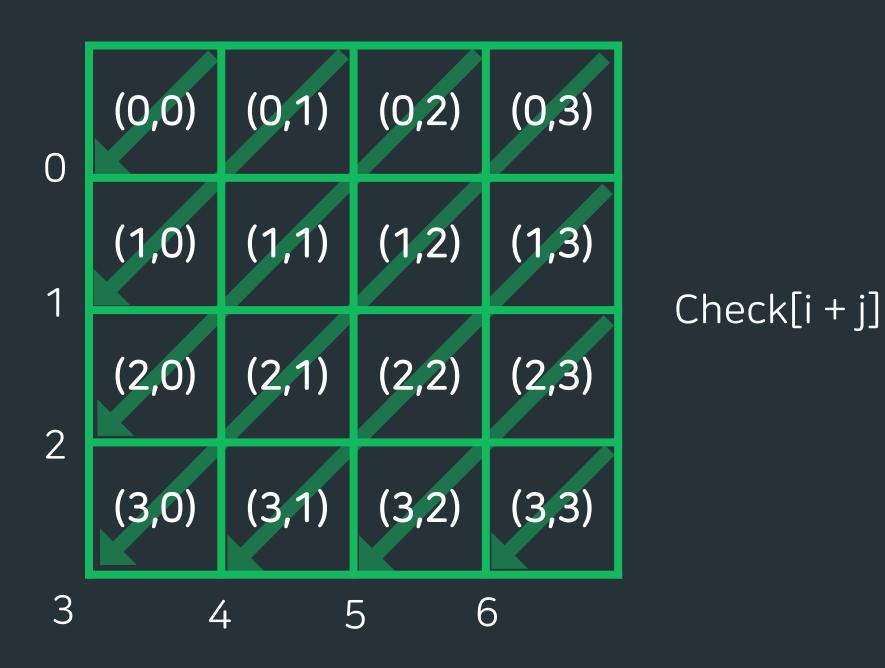
- N = 4
- 행: i, 열: j

#### Check[j]

(0,	D <b>)</b>	(0,1)	(0,2)	(0,3)
(1,	D <b>)</b>	(1,1)	(1,2)	(1,3)
(2,	D <b>)</b>	(2,1)	(2,2)	(2,3)
(3,	<b>D)</b>	(3,1)	(3,2)	(3,3)



- N = 4
- 행: i, 열: j





- 행: i, 열: j

Check[i - j]





- 행: i, 열: j

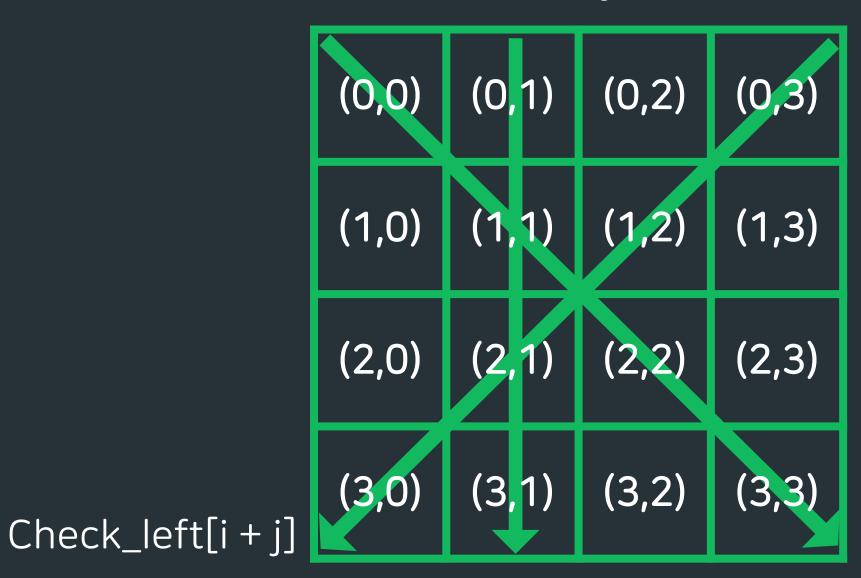
Check[i-j+n]





- N = 4
- 행: i, 열: j

Check\_col[ j ]

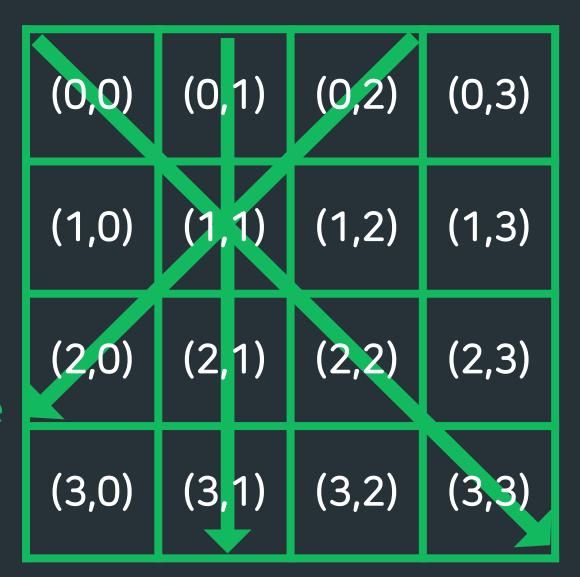


Check\_right[i - j + n]



- 행: i, 열: j
- (ex) (1, 1)에 퀸을 놓는다면

Check\_col[1] = true



Check\_left[2] = true

Check\_right[4] = true

## 가지치기 효율 예시



5 9663	맞았습니다!!	2020 KB	1684 ms	← 현재 풀이
<b>5</b> 9663	맞았습니다!!	2020 KB	4528 ms	← 다른 풀이

→ 가지치기를 어떻게 하느냐에 따라 백트래킹 속도 효율이 달라진다!

\*해당 다른 풀이는 깃허브 라이브 코딩 폴더에 별도로 올라갈 예정입니다! \*가지치기가 어떻게 다른지 비교해보아요.

# 백트래킹 문제는 다른 풀이가 가능한 경우가 많아요



#### 비트마스킹

- 비트(0 / 1)의 연산을 활용한 알고리즘
- 배열의 원소 상태가 2가지로 나뉠 수 있는 백트래킹 문제에서 활용 가능
- 그러나! 백트래킹이 아닌 완전탐색이므로 속도는 백트래킹보다 느림

#### permutation

- 다음 순열(next\_permutation) 혹은 이전 순열(prev\_permutation)을 구하는 알고리즘
- 원소의 순서를 정해야 하는 백트래킹 문제에서 활용 가능
- 그러나! 백트래킹이 아닌 완전탐색이므로 속도는 백트래킹보다 느림



따라서, 이번 과제는 백트래킹 알고리즘뿐만 아니라 정말 다양한 풀이와 설명(비트마스킹, permutation, etc.)으로 답안을 준비했으니 꼭 확인해주세요!

#### 마무리



#### 정리

- 완전탐색에서 나아가 특정한 조건을 만족하는 경우만 탐색하는 백트래킹
- 입력 범위가 작고(보통 20을 넘지 않는다), 재귀함수로 주로 구현!
- 백트래킹을 쉽게 구현하다보니, 전역변수와 void 함수를 사용하지만 다른 알고리즘에선 가능한 쓰지 않는게 좋다
- 어디서 가지치기를 해야하는지와 어떻게 할지 파악하는게 중요
- 가지치기를 얼마나 잘하냐에 따라 시간의 효율도 높아짐

#### 이것도 알아보세요!

- 문제를 풀고 제출한 후, 다른 사람들의 풀이와 내 풀이의 시간을 비교해보아요. (가지치기 효율)
- next\_permutation과 비트마스킹으로 백트래킹 문제를 풀어보고 시간을 비교해보아요.



#### 3문제 이상 선택

- 15661번 : 링크와 스타트- Silver 1
- /<> 15665번 : N과 M(11) Silver 2
- 2529번 : 부등호 Silver 2
- **/<> 1759번 : 암호 만들기 Gold 5**
- 2580번 : 스도쿠 Gold 4
- /<> 10971번 : 외판원 순회 2 Silver 2