



두 개의 포인터로 배열을 빠르게 탐색하는 알고리즘입니다. 코딩 테스트에선 주로 효율성을 보는 문제에 활용됩니다.

이와 더불어 투 포인터와 함께 자주 활용되는 누적 합, 슬라이딩 윈도우에 대해서도 알아봅니다.

이런 문제가 있다고 해봅시다.



### 그냥 더해도 되지만…



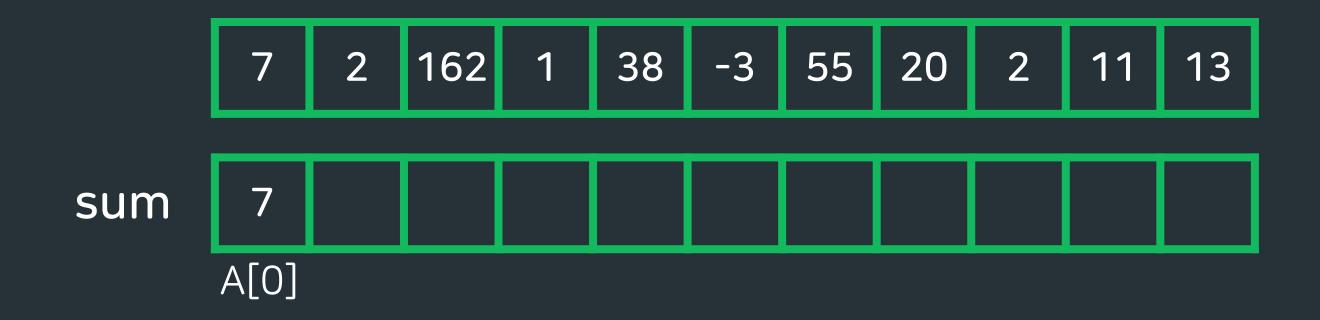


더할 때마다 시간 복잡도 O(n) 만약 배열의 크기가 10,000일 때, 구하고자 하는 구간이 1,000,000개만 돼도… 총 연산 횟수 100억

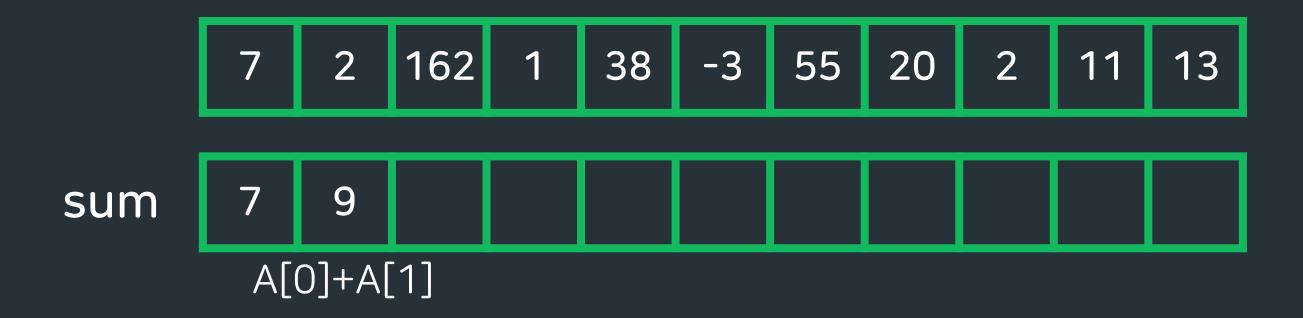




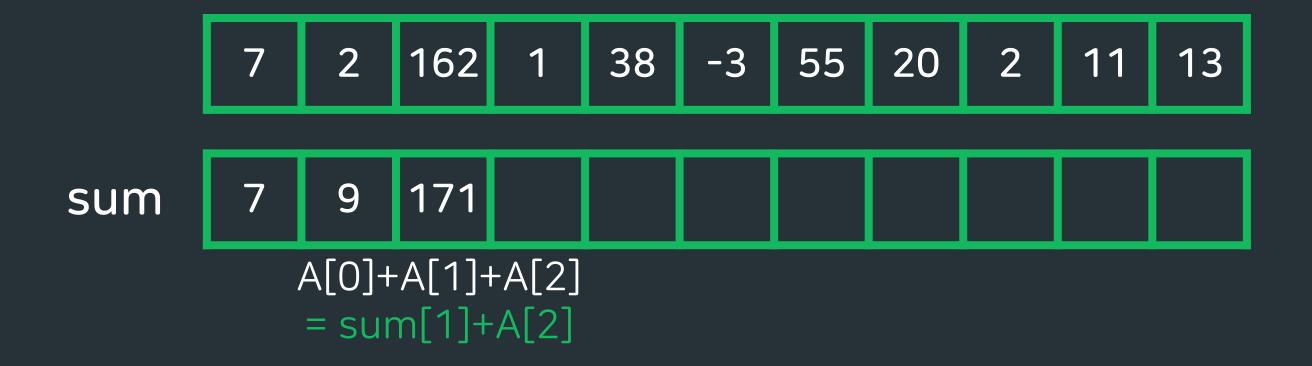










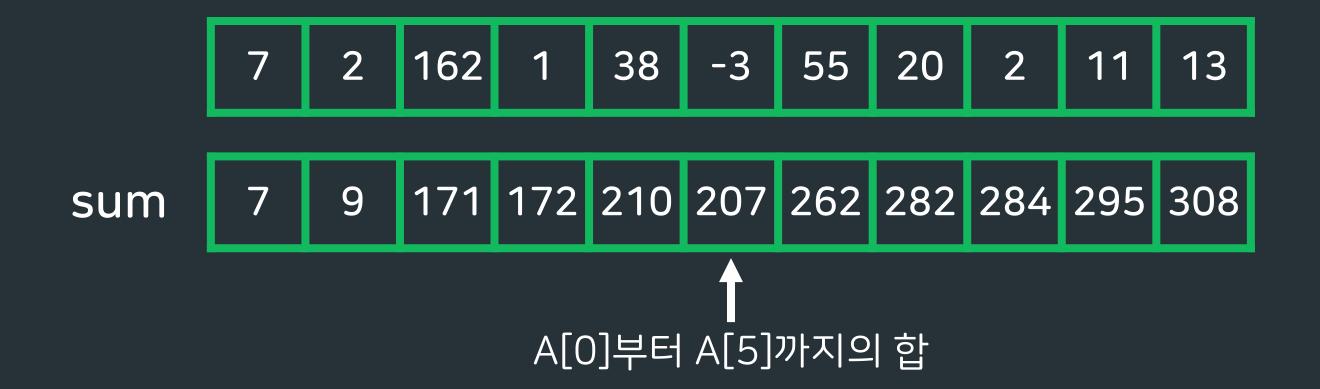




	7	2	162	1	38	-3	55	20	2	11	13
sum	7	9	171	172	210	207	262	282	284	295	308

### A[0]부터 A[i]까지의 합





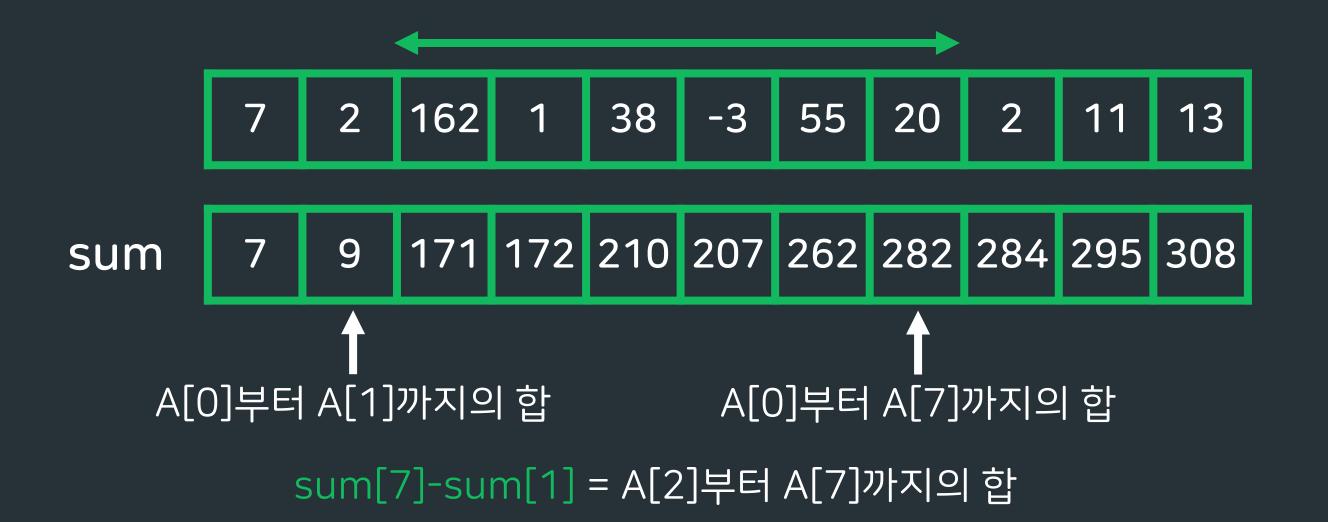
### A[i]부터 A[j]까지의 합





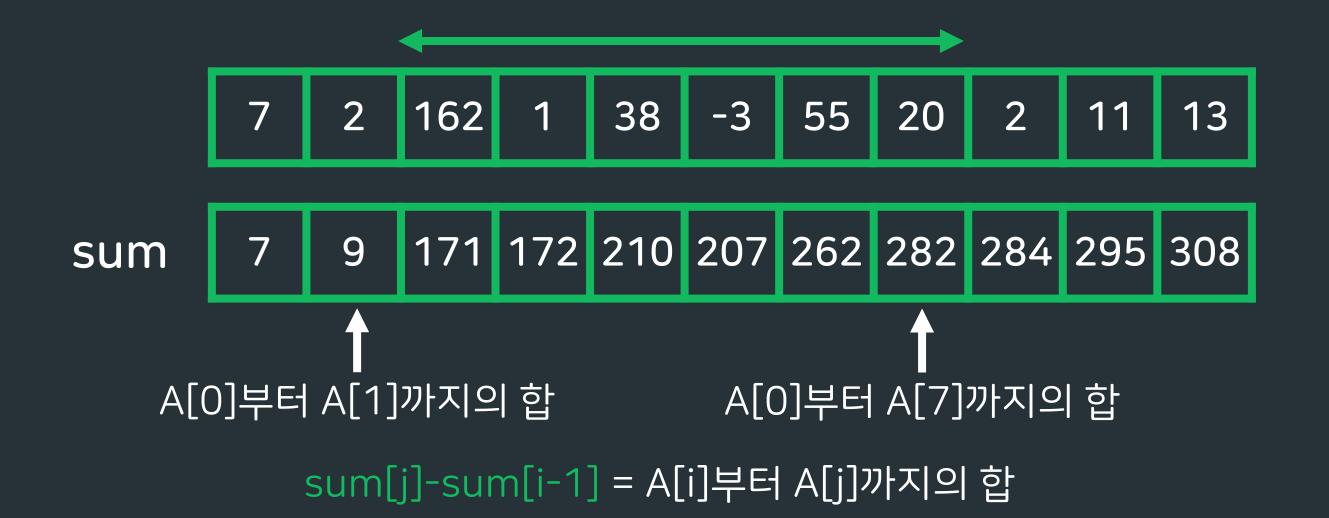
### A[i]부터 A[j]까지의 합





### A[i]부터 A[j]까지의 합





#### 기본 문제



/<> 11659번: 구간 합 구하기 4 - Silver 3

### 문제

• 수 N개가 주어질 때, i번째 수부터 j번째 수까지의 합은?

#### 제한 사항

- N, M은 1 <= N, M <= 100,000
- 입력되는 정수 k는 1 <= k <= 1,000

#### 예제 입력

5354321132455

#### 예제 출력

12 9 1

#### 기본 문제



/<> 11659번: 구간 합 구하기 4 - Silver 3

### 문제

• 수 N개가 주어질 때, i번째 수부터 j번째 수까지의 합은?

#### 제한 사항

- N, M은 1 <= N, M <= 100,000
- 입력되는 정수 k는 1 <= k <= 1,000

순차 탐색으로 구현하면 최대 연산 횟수 100,000 \* 100,000(=100억)으로 시간초과

#### 예제 입력

53 54321 13 24 55

#### 예제 출력

12 9 1















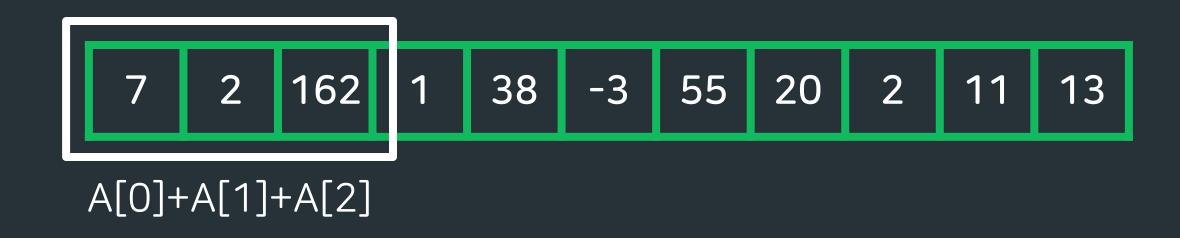
# 누적 합은 아까 해봤으니까!



<u>누적 합을 사용하지 않고 구간 합을 빠르게 구하는 방법은?</u>

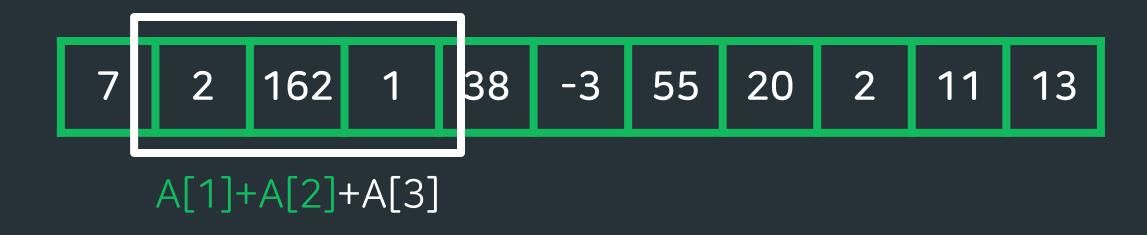
### 공통되는 부분이 보이시나요?





### 공통되는 부분이 보이시나요?





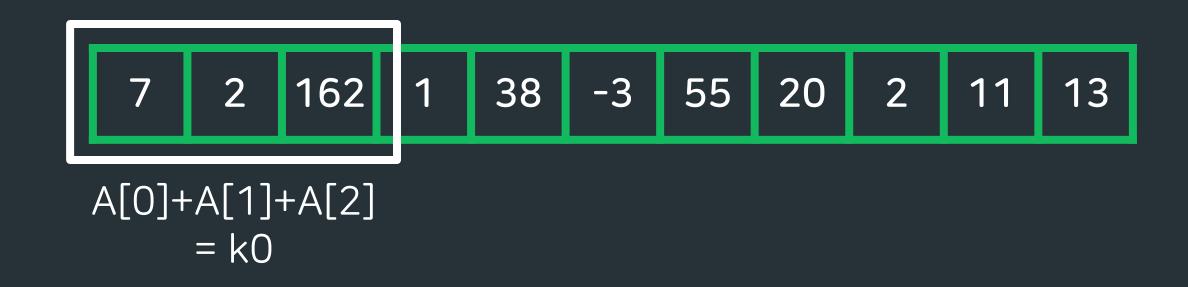
### 공통되는 부분이 보이시나요?





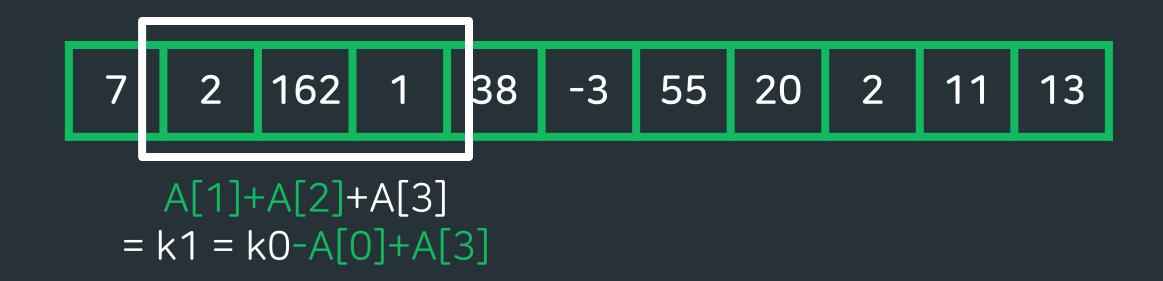
### 슬라이딩 윈도우





### 슬라이딩 윈도우





### 슬라이딩 윈도우





#### 기본 문제



/<> 21921번 : 블로그 - Silver 3

#### 문제

- N일간의 방문자 수가 주어진다.
- 연속된 X일 동안 가장 많이 들어온 방문자 수와 그 기간의 수는 몇 개인가?
- \* 최대 방문자 수가 0명이라면 SAD를 출력

#### 제한 사항

- N, X는 1 <= X <= N <= 250,000
- 방문자 수 k는 0 <= k <= 8,000



예제 입력 1

5 2 1 4 2 5 1 예제 입력 2

75 1111151 예제 입력 3

53 00000

예제 출력 1

/ 1 예제 출력 2

92

예제 출력 3

SAD

### 이제 본론에 들어가봅시다!





### 이제 본론에 들어가봅시다!





#### 투 포인터



#### Two Pointer

- 2개의 포인터로 배열을 탐색하며 빠르게 답을 찾는 알고리즘
- 주로 반복문(while)으로 구현
- 일반적으로 시간 복잡도  $O(n^2)$ 의 문제를 시간 복잡도 O(n)로 풀 수 있음
- 투 포인터 탐색 방법은 크게 2개로 나눌 수 있음
  - 1. 2개의 포인터가 다른 위치에서 시작하여 서로에게 다가가는 방향으로 탐색
  - 2. 2개의 포인터가 같은 위치에서 시작하여 같은 방향으로 이동하며 탐색
- 1번 방식은 일반적으로 배열이 정렬됐을 때에만 성립하는 경우가 많음
- 슬라이딩 윈도우는 2개의 포인터 사이의 거리를 고정하고, 2번 방식으로 탐색한 것과 같음

#### 기본 문제



**/<> 2470번 : 두 용액 - Gold 5** 

#### 문제

● 두 개의 서로 다른 용액을 혼합해, 합이 0에 가까운 용액을 만들어라

#### 제한 사항

- 용액의 수 N은 2 <= N <= 100,000</li>
- 용액의 특성값 k는 -1e9 <= k <= 1e9 (-10억 ~ 10억)

#### 예제 입력

5 -2 4 -99 -1 98

#### 예제 출력

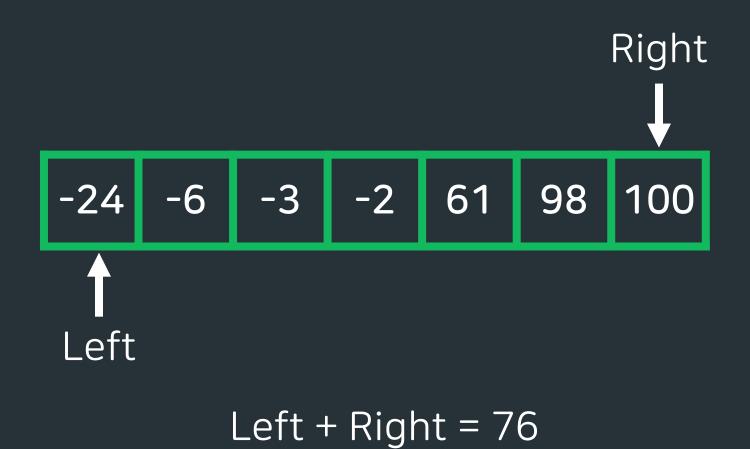
-99 98

#### 생각해보기



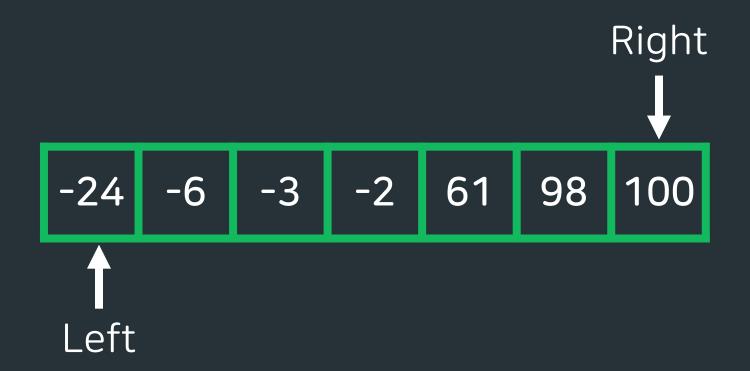
정렬이 됐다고 치면… 맨 왼쪽에는 가장 작은 값이 존재 맨 오른쪽에는 가장 큰 값이 존재 오른쪽으로 갈 수록 값이 커지고 왼쪽으로 갈 수록 값이 작아진다





Ans = 76

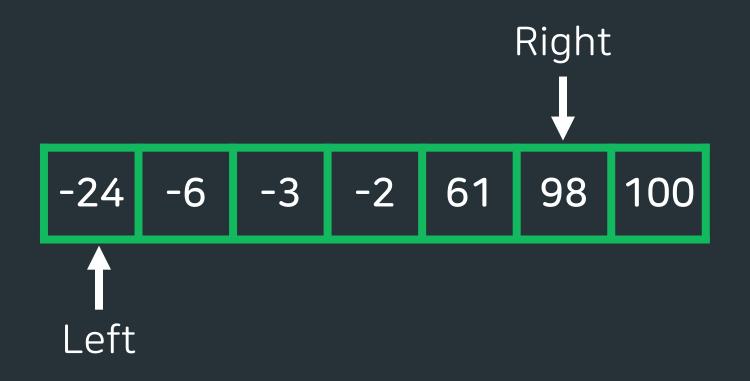




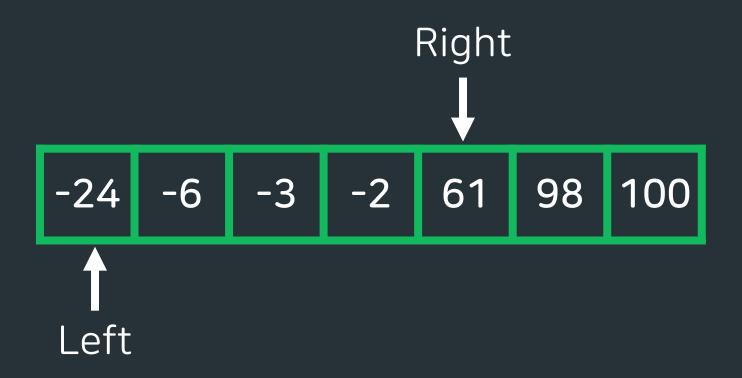
Left + Right = 
$$76$$
  
Ans =  $76$ 

0보다 크니까 숫자를 줄이자!





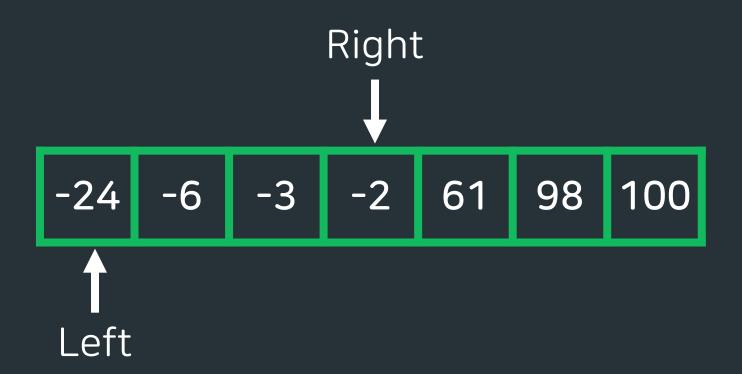




Left + Right = 37

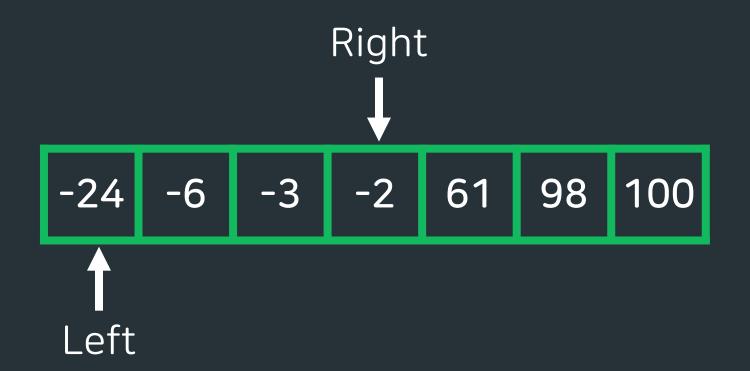
Ans = 37





Left + Right = 
$$-26$$
  
Ans =  $-26$ 

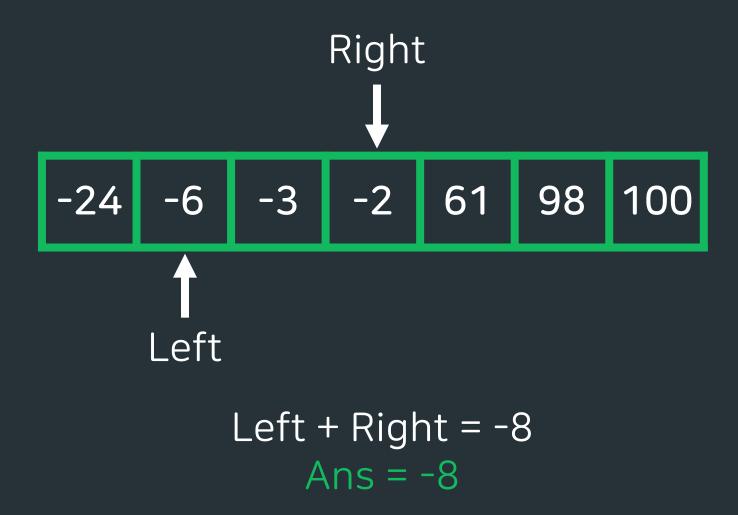




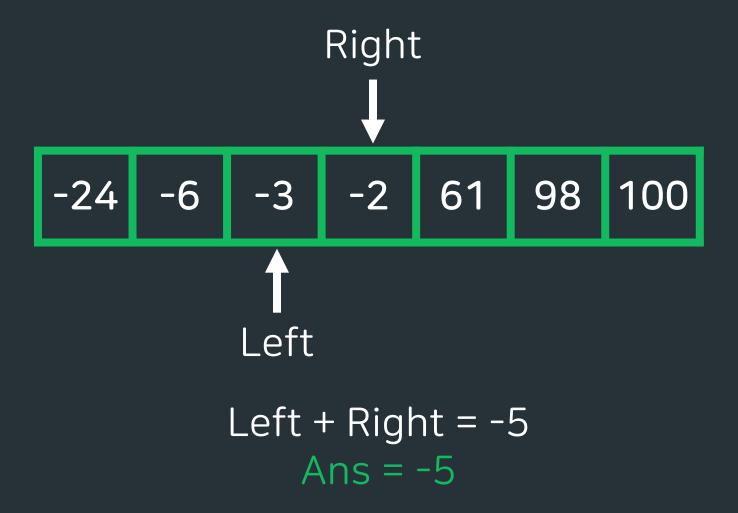
Left + Right = 
$$-26$$
  
Ans =  $-26$ 

0보다 작으니까 숫자를 키우자!

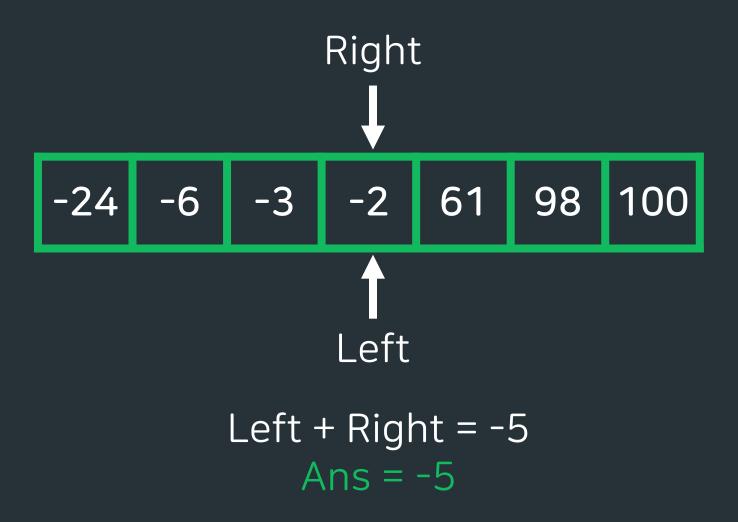






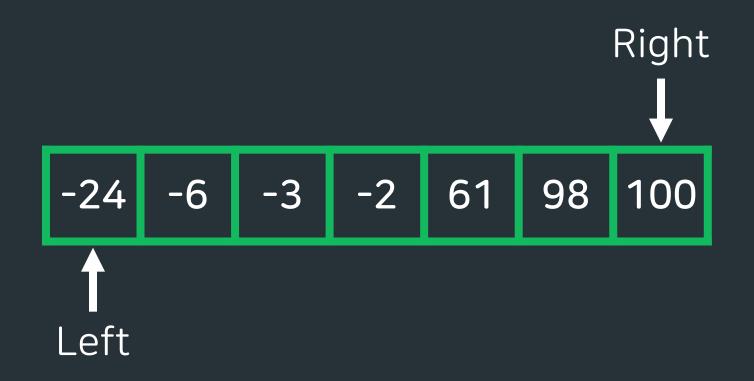






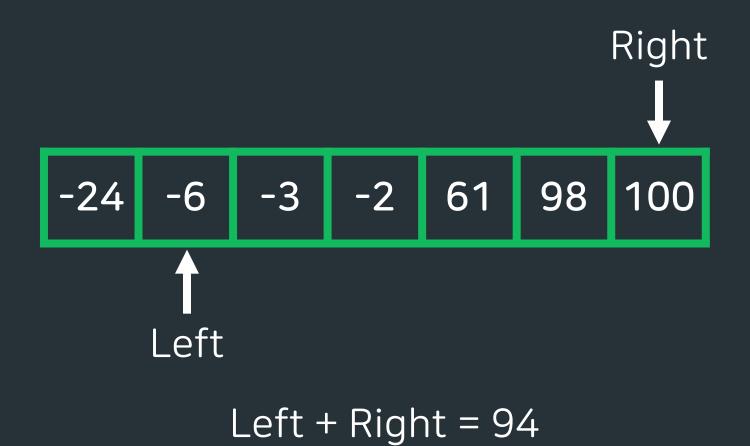
서로 다른 두 용액이어야 하므로 break



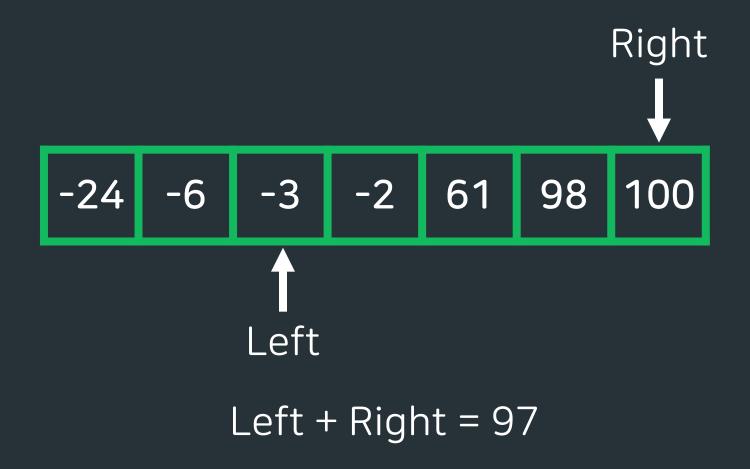


Left + Right = 76

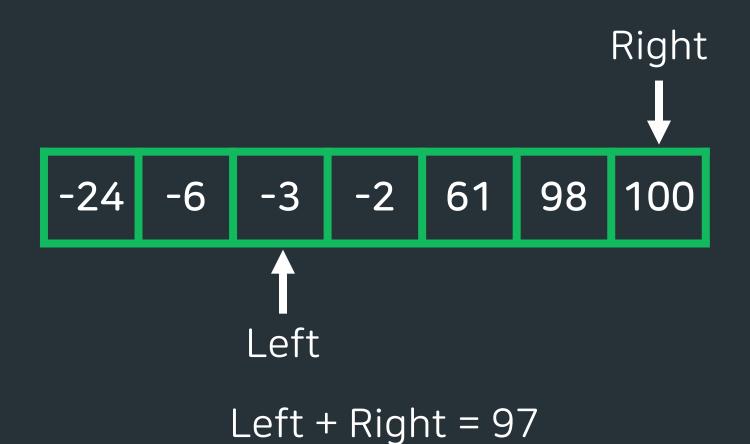












76보다 큰 값임이 보장되기 때문에 Left 포인터를 옮길 필요 없음

### 기본 문제



/<> 1644번 : 소수의 연속합 - Gold 3

#### 문제

- 자연수 N이 주어진다
- 연속된 소수의 합이 N이 되는 경우의 수는?

#### 제한 사항

● N은 1 <= N <= 4,000,000

예제 입력 1

20

예제 입력 2

41

예제 출력 1

O

예제 출력 2

3

#### 기본 문제



/<> 1644번 : 소수의 연속합 - Gold 3

#### 문제

- 자연수 N이 주어진다
- 연속된 소수의 합이 N이 되는 경우의 수는?

#### 제한 사항

N≘ 1 <= N <= 4,000,000</li>

연속된 소수? 연속된 배열의 원소! 예제 입력 1

20

예제 입력 2

41

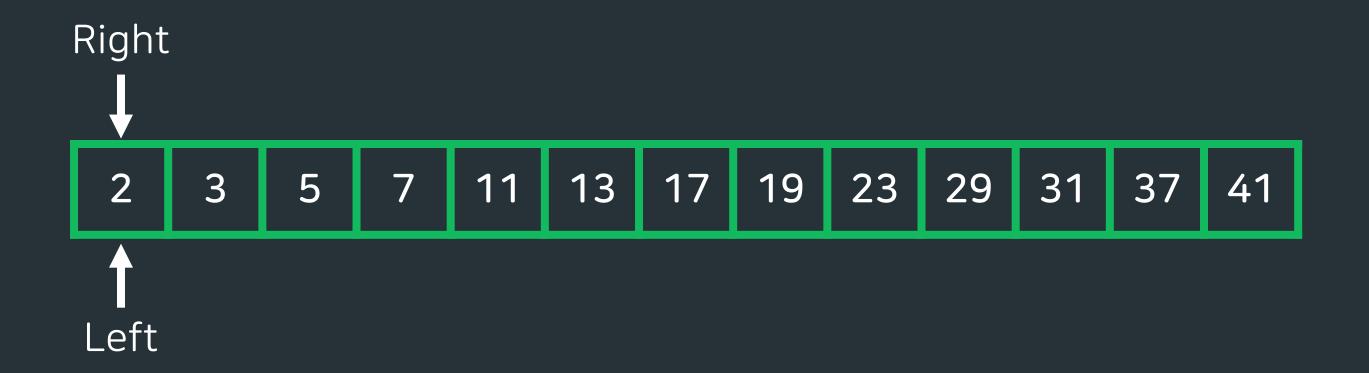
예제 출력 1

0

예제 출력 2

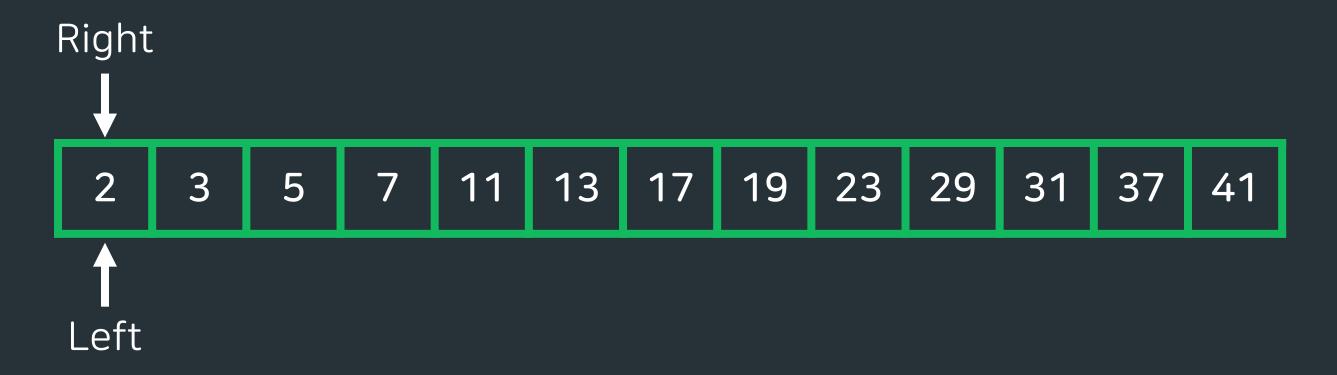
3





Left ~ Right = 2

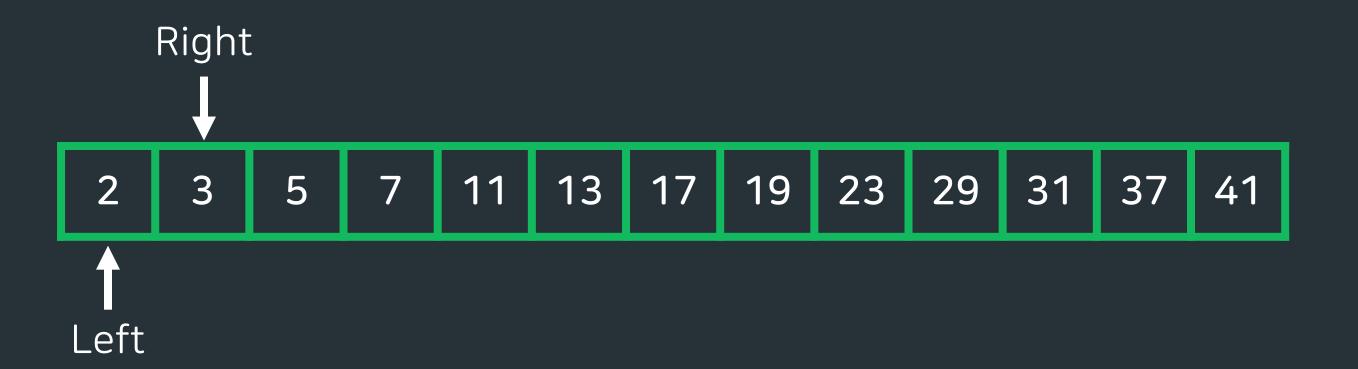




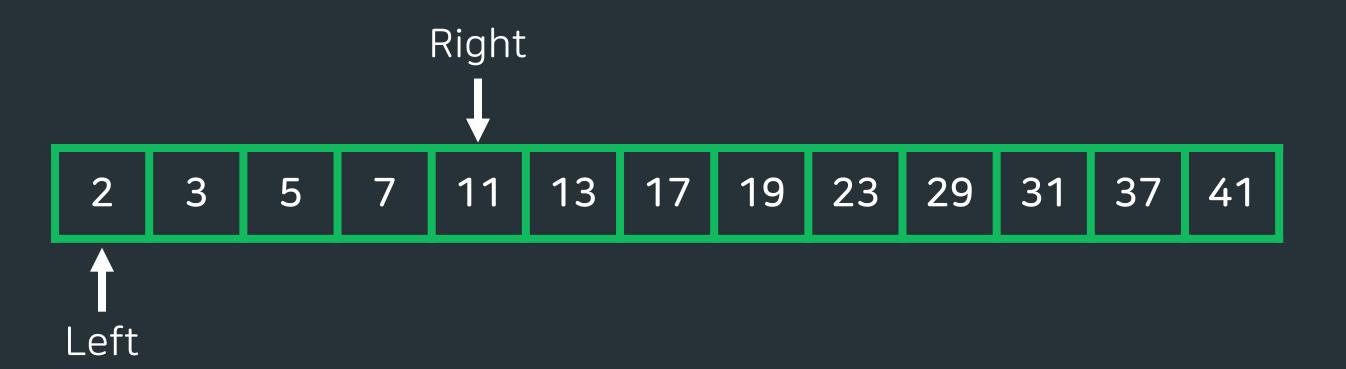
Left ~ Right = 2

41보다 작으니까 범위를 늘리자!









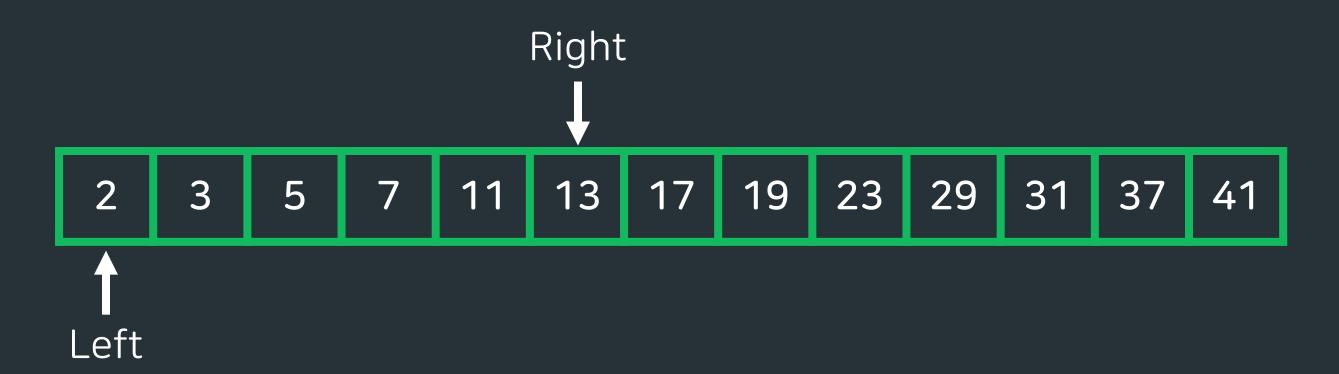
Left ~ Right = 28





Left ~ Right = 41

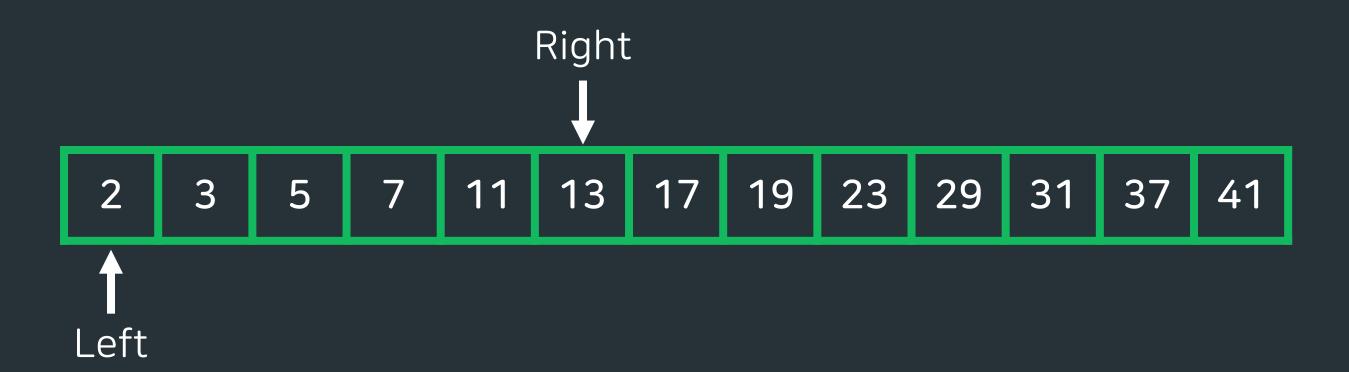




Left ~ Right = 41

이제 어디로 가지?





Left ~ Right = 41

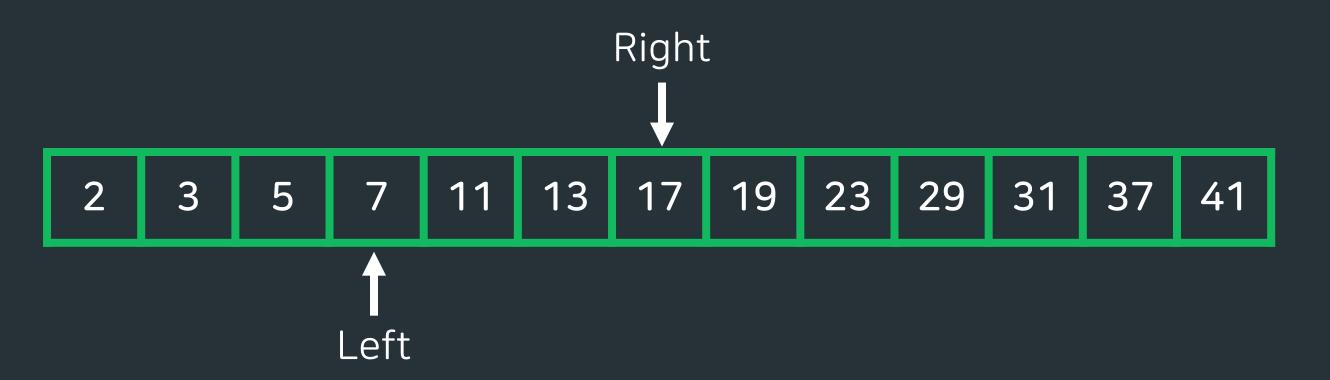
이제 어디로 가지? 둘 다 한 칸씩 옮기자!





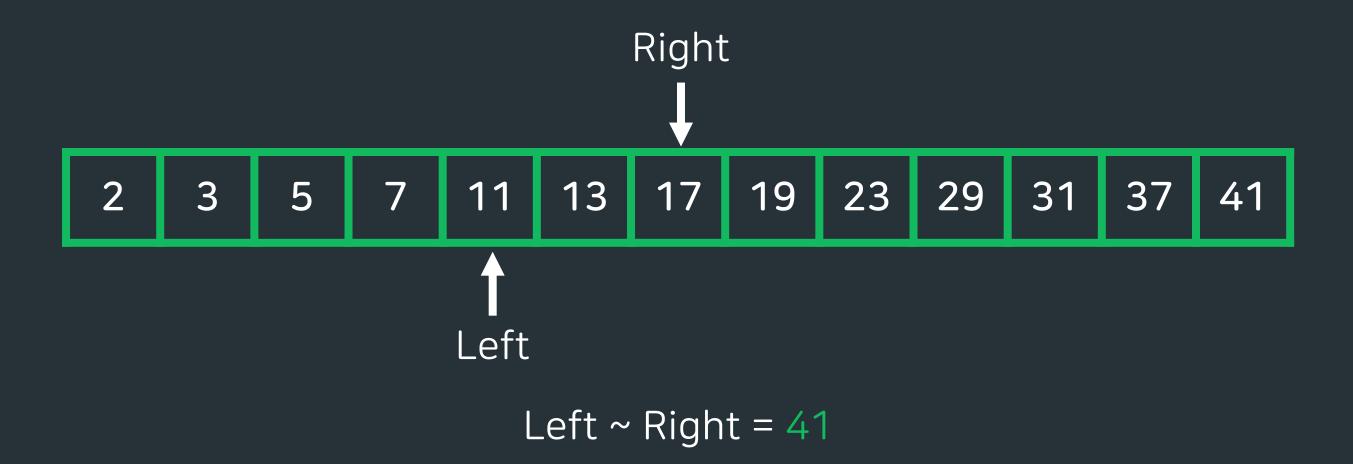
Left ~ Right = 56



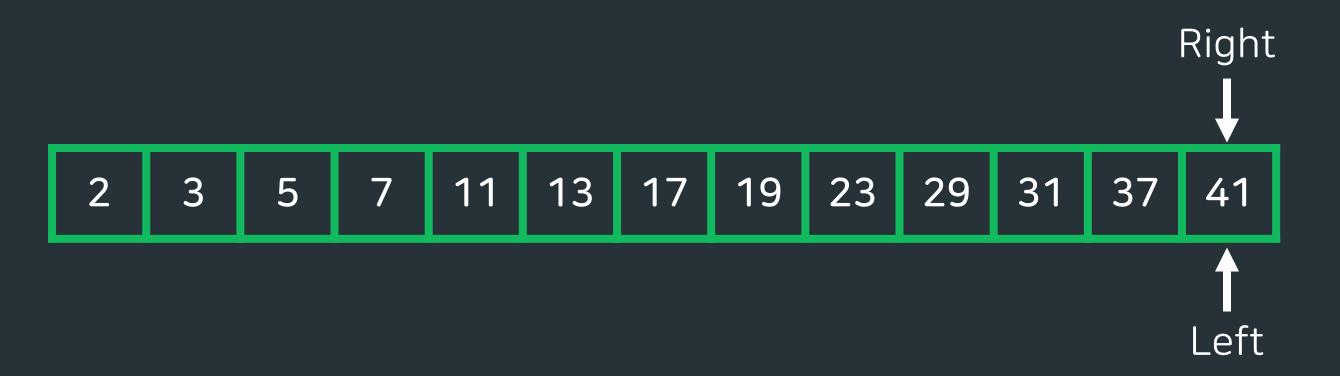


Left ~ Right = 48



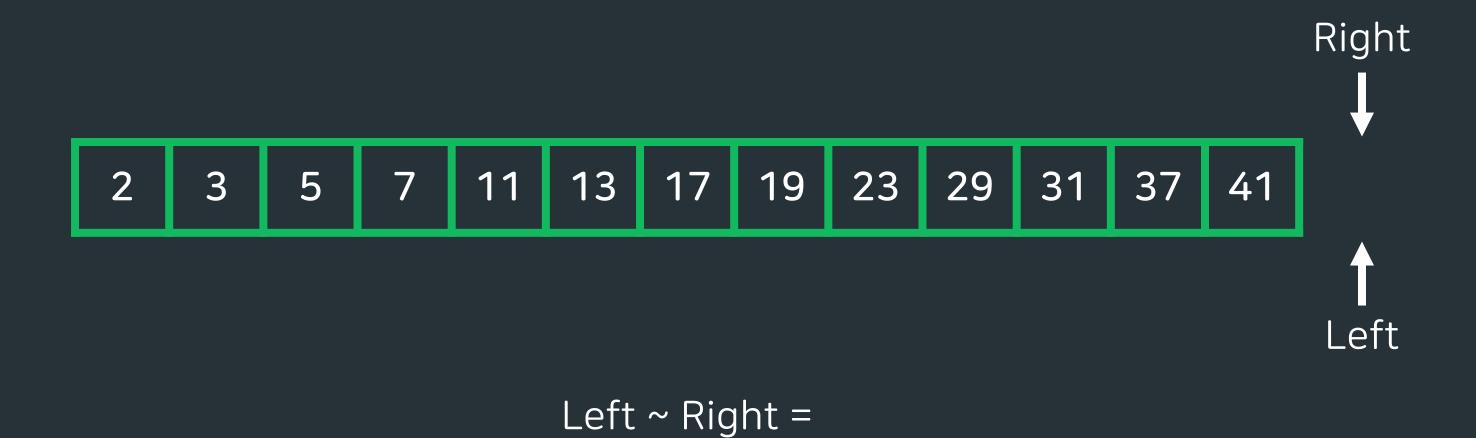






Left ~ Right = 41





break!

#### 응용 문제





2020 카카오 인턴십: 보석 쇼핑 - Level 3

#### 문제

- N개의 보석이 있는 진열대가 주어진다
- 진열된 모든 종류의 보석을 1개 이상 포함하는 가장 짧은 구간은?

#### 제한 사항

- N의 범위는 1 <= N <= 100,000</li>
- 보석 gem은 길이가 1이상 10이하인 알파벳 대문자로만 구성된 문자열



#### 예제 입력 1

{"DIA", "RUBY", "RUBY", "DIA", "DIA", "EMERALD", "SAPPHIRE", "DIA"}

#### 예제 출력 1

{3, 7}

#### 예제 입력 2

{"AA", "AB", "AC", "AA", "AC"}

#### 예제 출력 2

{1, 3}

#### 예제 입력 3

{"XYZ", "XYZ", "XYZ"}

### 예제 출력 3

{1, 1}

### 몰래 보세요



### Hint

- 1. 효율성 테스트 점수가 따로 있다는건…
- 2. 각 구간에 어떤 보석이 얼마나 있는지 어떻게 저장할까요?
- 3. 구간 내에 있는 모든 보석을 고려해야해요

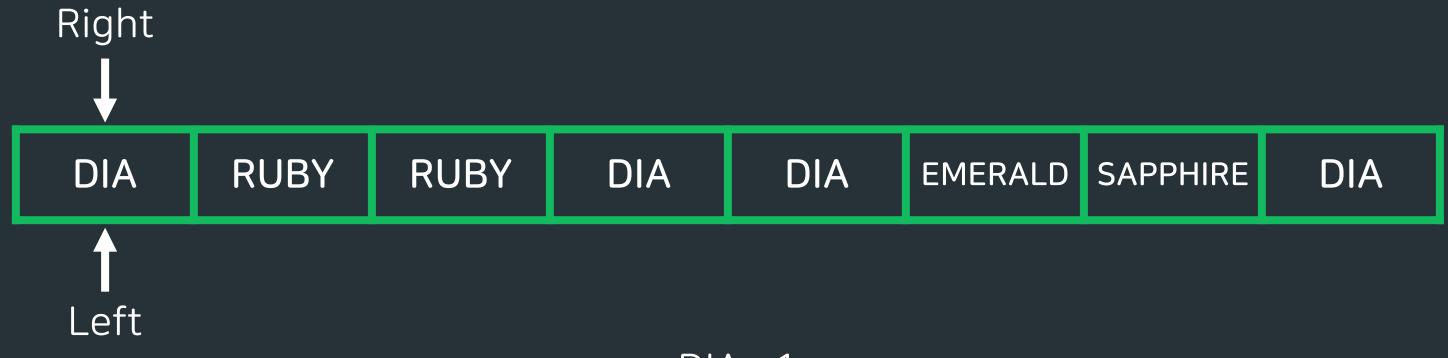




RUBY: 0

EMERALD: 0





DIA:1

RUBY: 0

EMERALD: 0

SAPPHIRE: 0

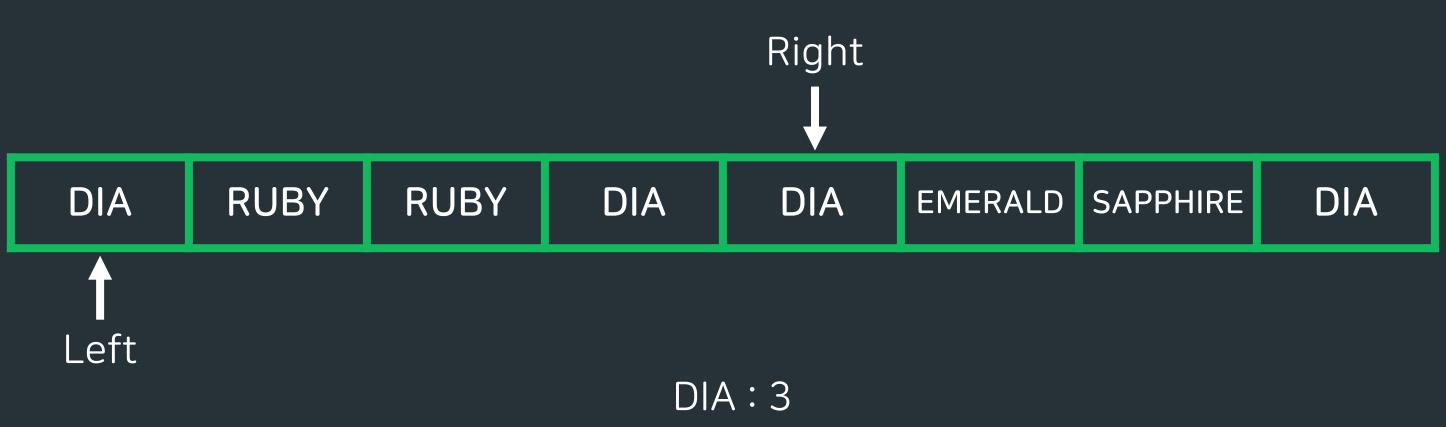
더 많은 보석을 담아야 함!





EMERALD: 0





RUBY: 2

EMERALD: 0





EMERALD: 1





EMERALD: 1





아까처럼 두 포인터 모두 이동?

EMERALD: 1





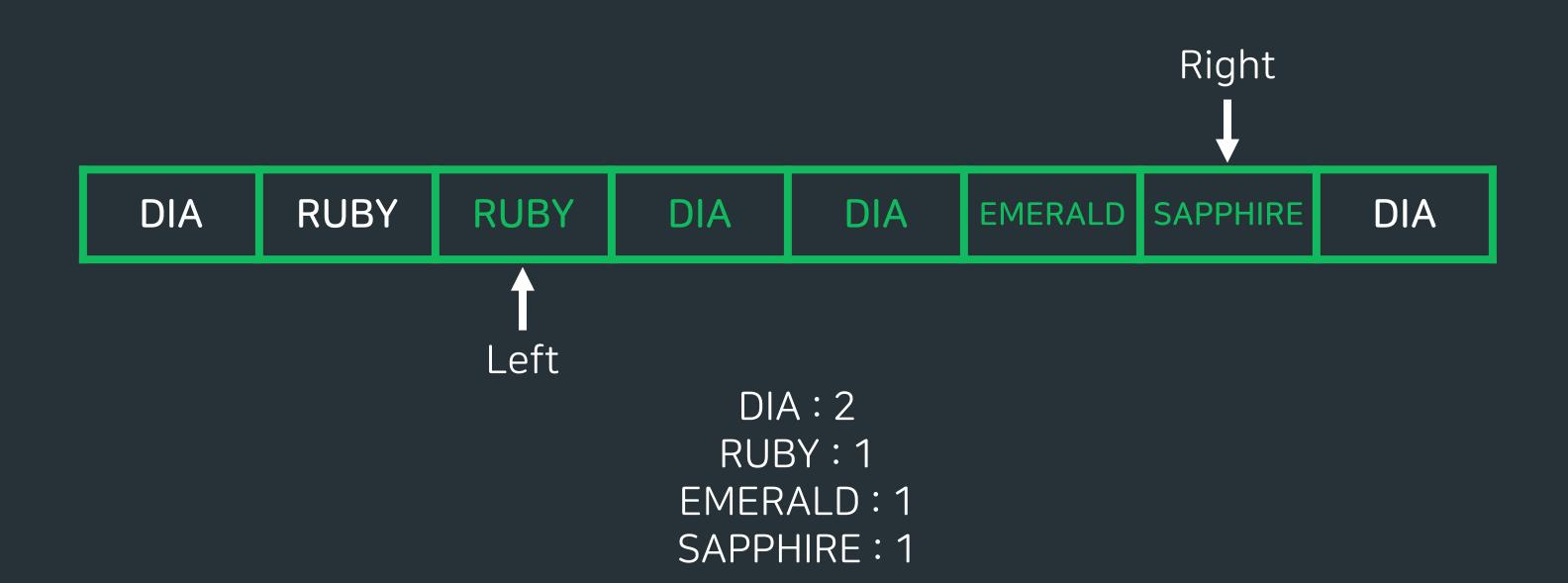
중복 데이터가 있고, 가장 짧은 구간의 길이를 구해야 함

-> 왼쪽 포인터만 옮기자!

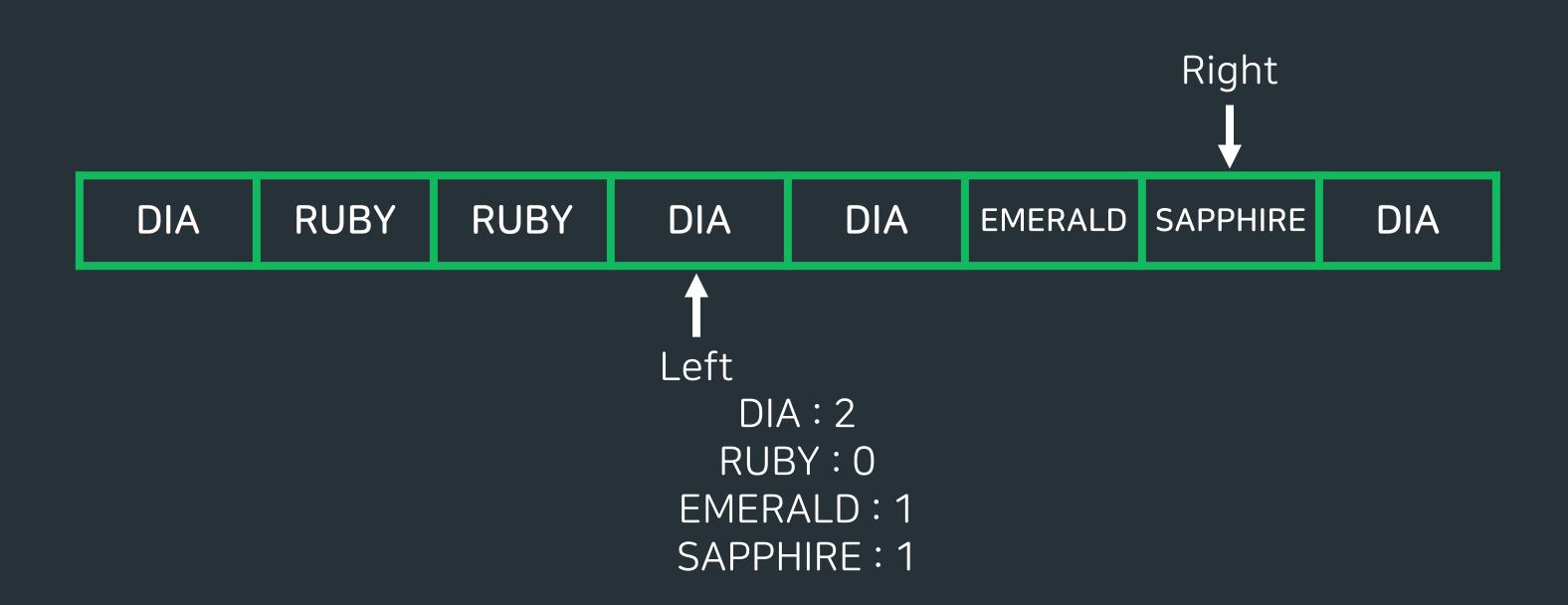








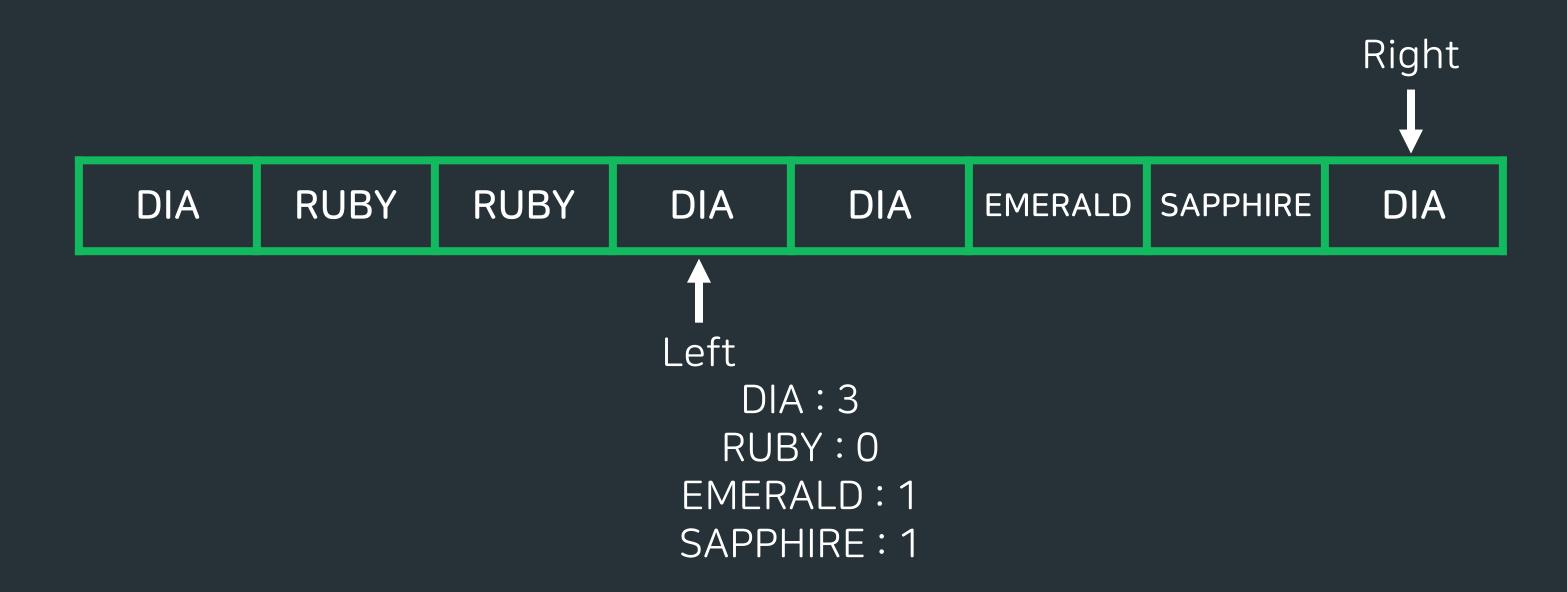






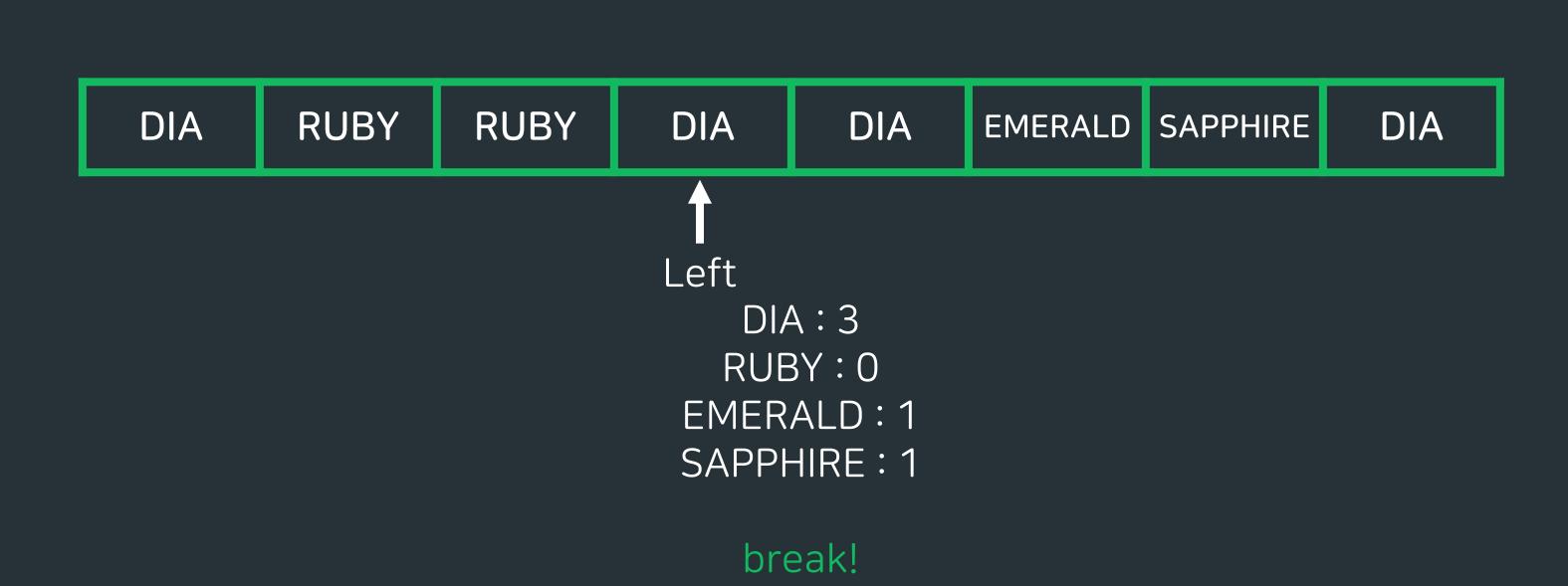








Right



#### 마무리



#### 정리

- 다양한 경우에서 배열의 탐색 효율을 높이기 위해 사용되는 투 포인터 알고리즘!
- 두개의 포인터 사이의 거리가 고정된다면 슬라이딩 윈도우!
- 포인터가 가까워지는 방법(left < right)과 멀어지는 방법(left <= right)이 있음
- 가까워지는 방법은 보통 중복이 없고, 정렬된 배열에만 사용 가능함. 두 개의 포인터가 가리키는 값만 고려
- 멀어지는 방법은 두 개의 포인터가 가리키는 값 사이의 모든 값<u>을</u> 고려
- 효율성 테스트 문제로 아주 많이 출제됨

#### 과제



#### 필수

- **/<> 14500번 : 테트로미노 Gold 5**
- /<> 2607번 : 비슷한 단어 Silver 4

#### 3문제 이상 선택

- 1253번 : 좋다 Gold 4
- /<> 2143번 : 두 배열의 합 Gold 3
- 2473번 : 세 용액 Gold 4
- 2531번 : 회전 초밥 Silver 1
- **/**<> 13422번 : 도둑 Gold 4
- /<> 20922번 : 겹치는 건 싫어 Silver 1