

# 알튜비튜

## 우선순위 큐

오늘은 STL에서 제공하는 container adaptor인 priority queue에 대해 알아봅니다.  
가장 최근의 데이터를 뽑는 스택, 제일 먼저 들어갔던 데이터를 뽑는 큐와 달리 우선순위가 가장 높은 데이터를 뽑는 자료구조입니다.

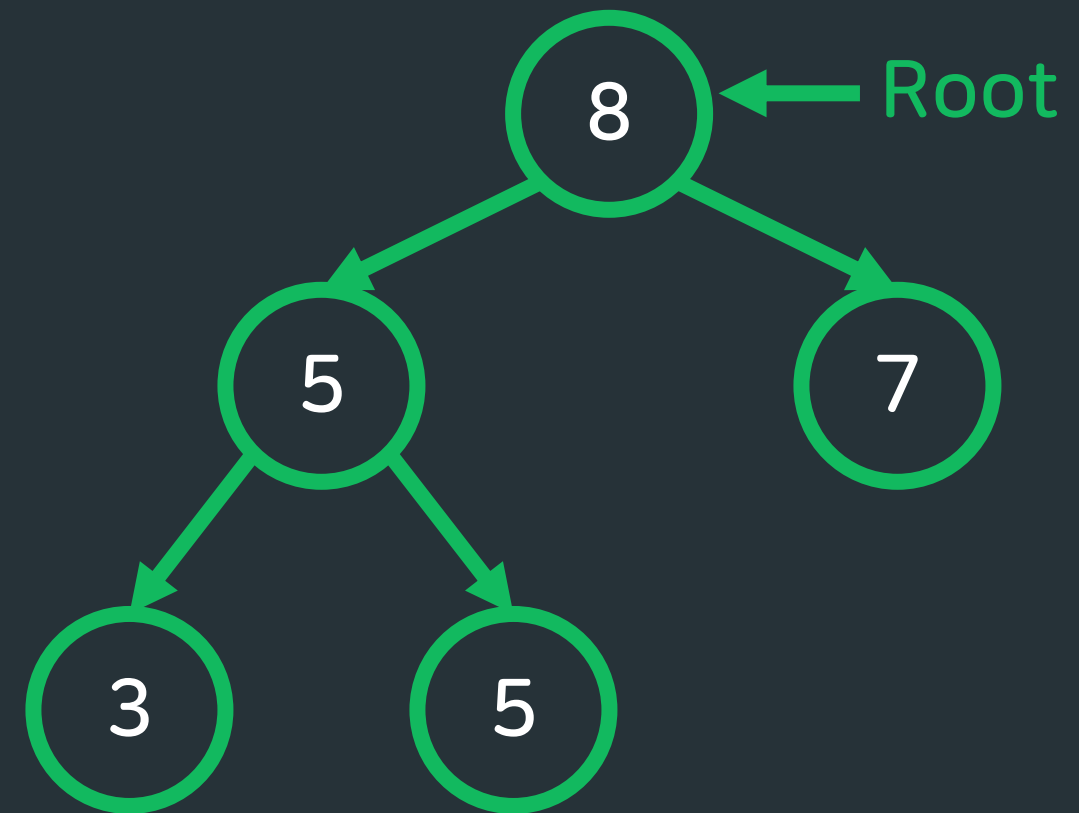


— FAMILY —  
EMERGENCY ROOM



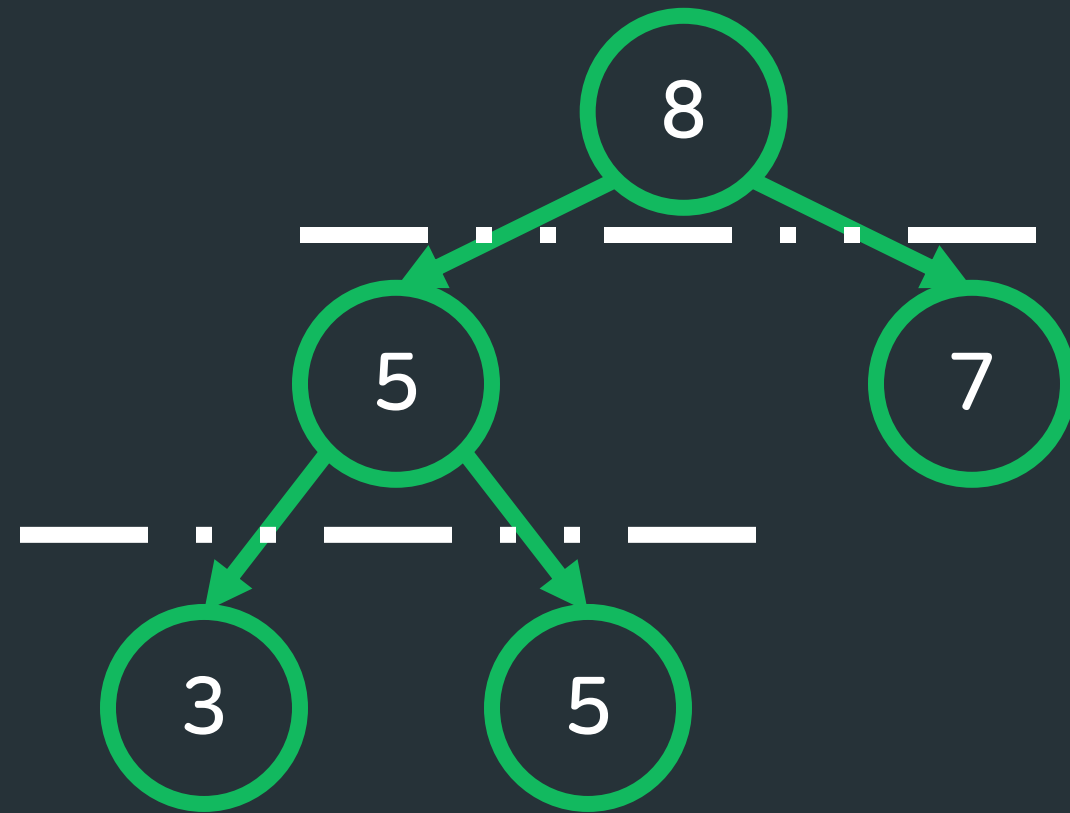
## Priority Queue

- 우선순위가 높은 데이터가 먼저 나옴
- 자료의 Root 노드에서만 모든 연산이 이루어짐
- 모든 연산에 대한 시간 복잡도는  $O(\log n)$
- Heap으로 구현
- Heap의 조건
  1. 완전 이진 트리
  2. 상위 노드의 값은 모든 하위 노드의 값보다 우선순위가 크거나 같다



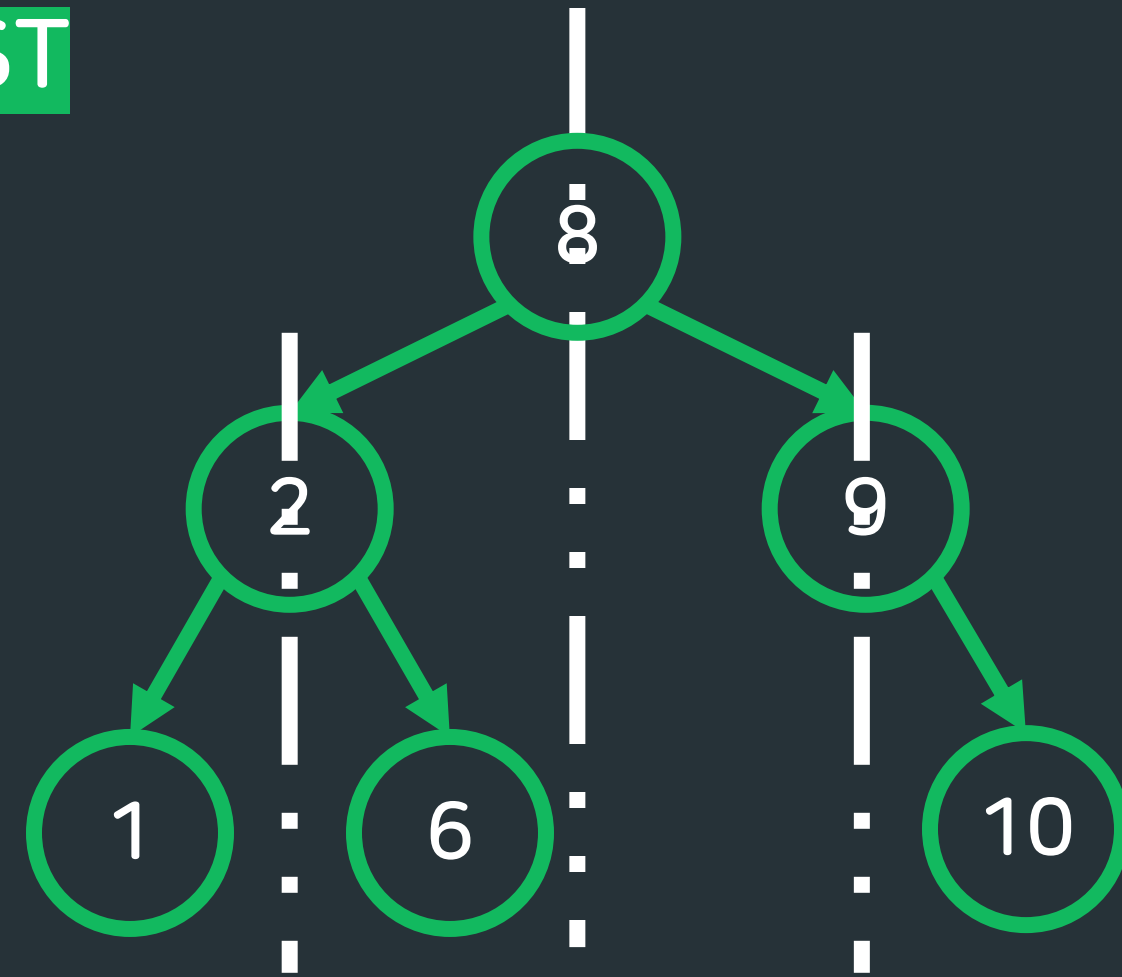
# Heap과 BST의 차이

Heap



(상위)  $\geq$  (하위)  
상하관계

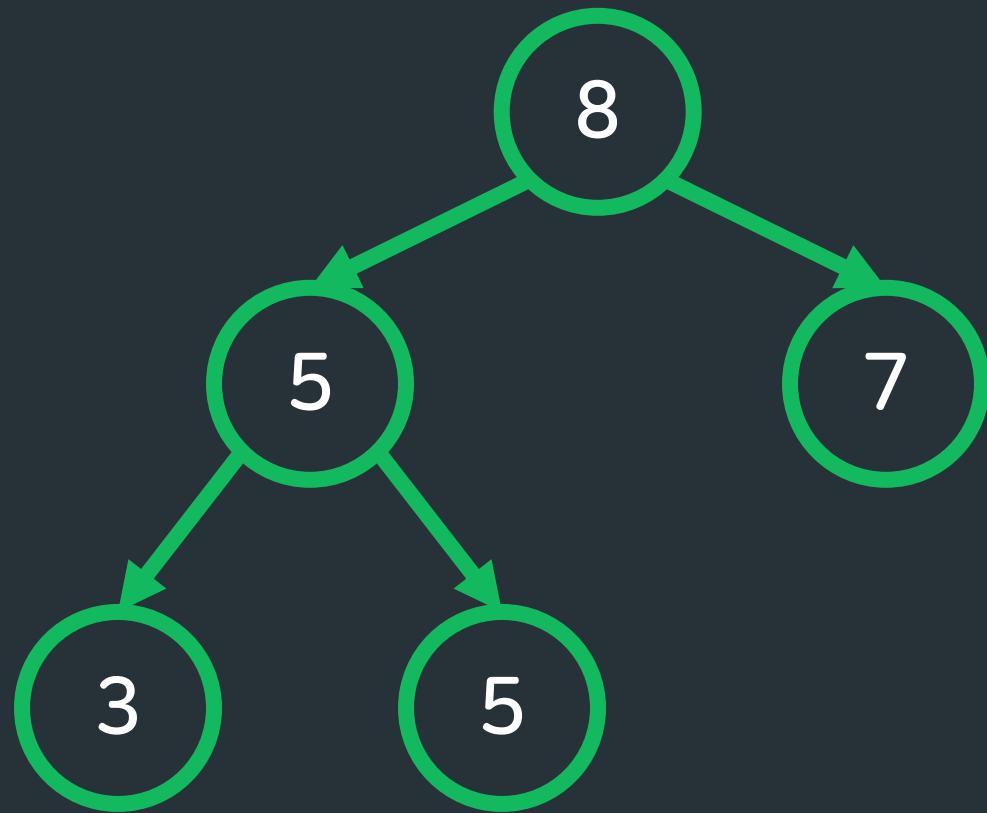
BST



(왼쪽)  $<$  (루트)  $<$  (오른쪽)  
좌우관계

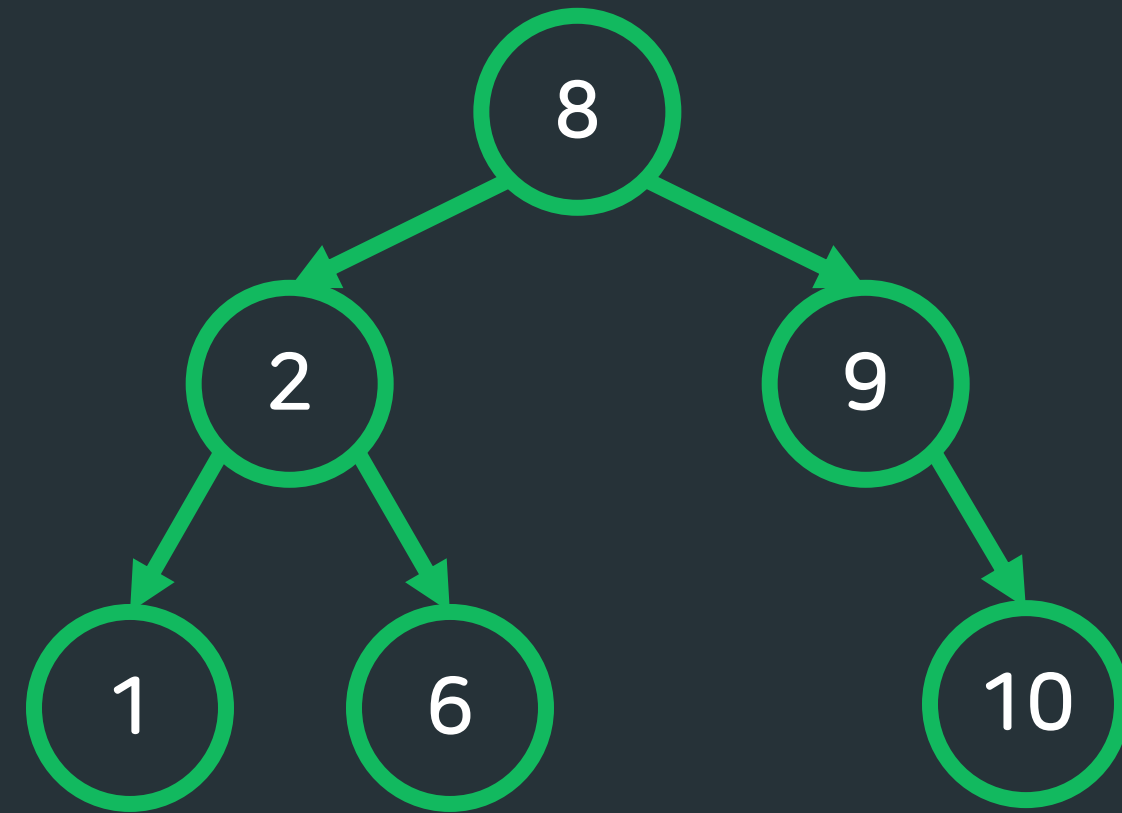
# Heap과 BST의 차이

Heap

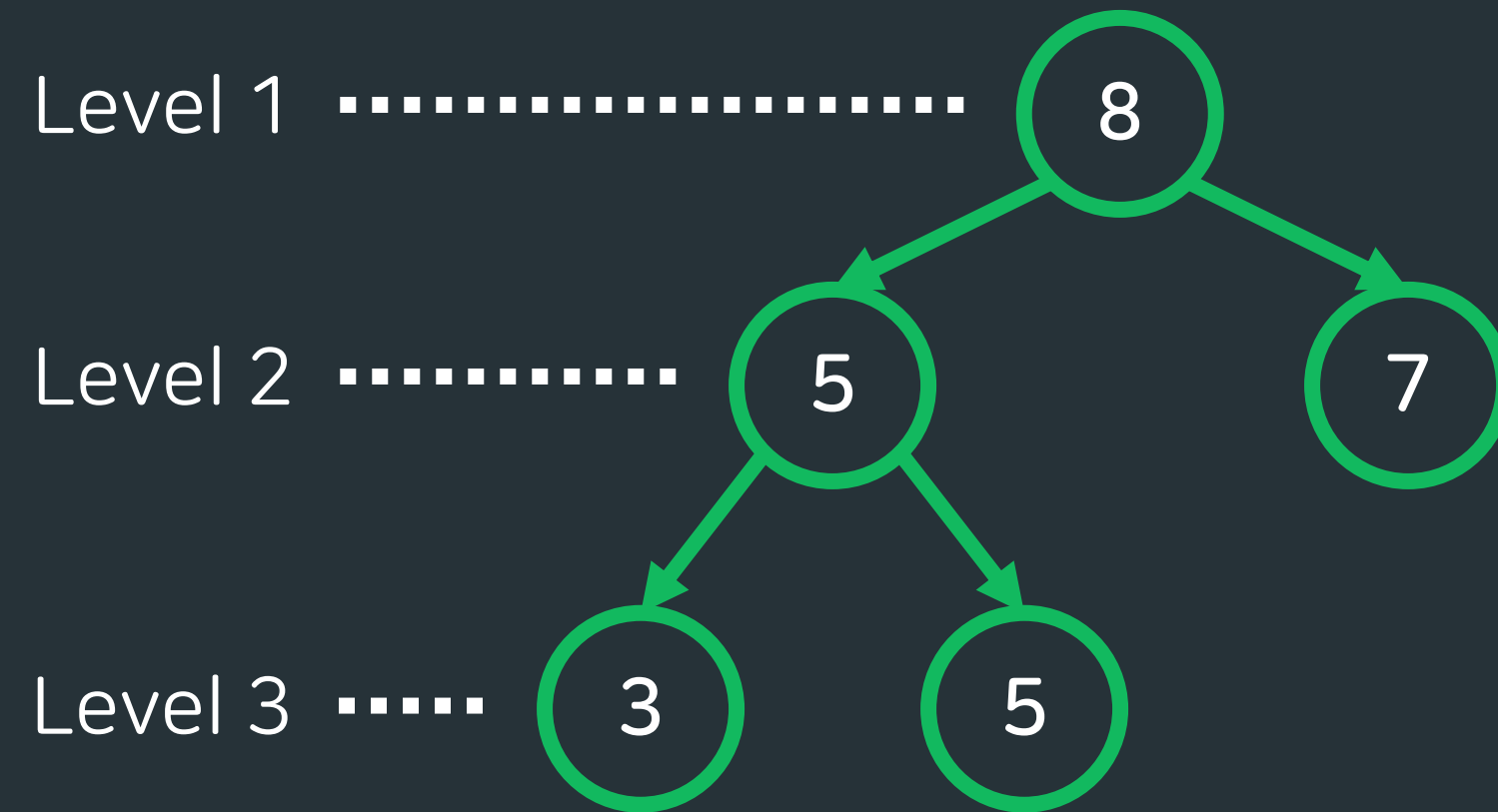


중복 0  
완전 이진 트리

BST



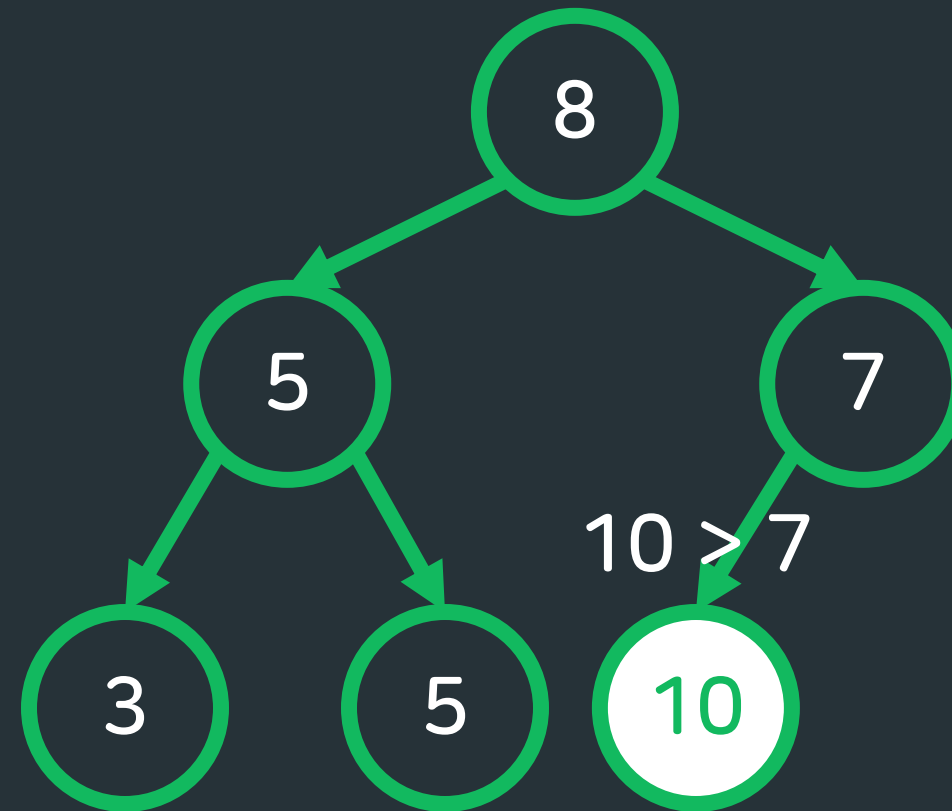
중복 X  
완전 이진 트리일 필요 없음



## Complete Binary Tree

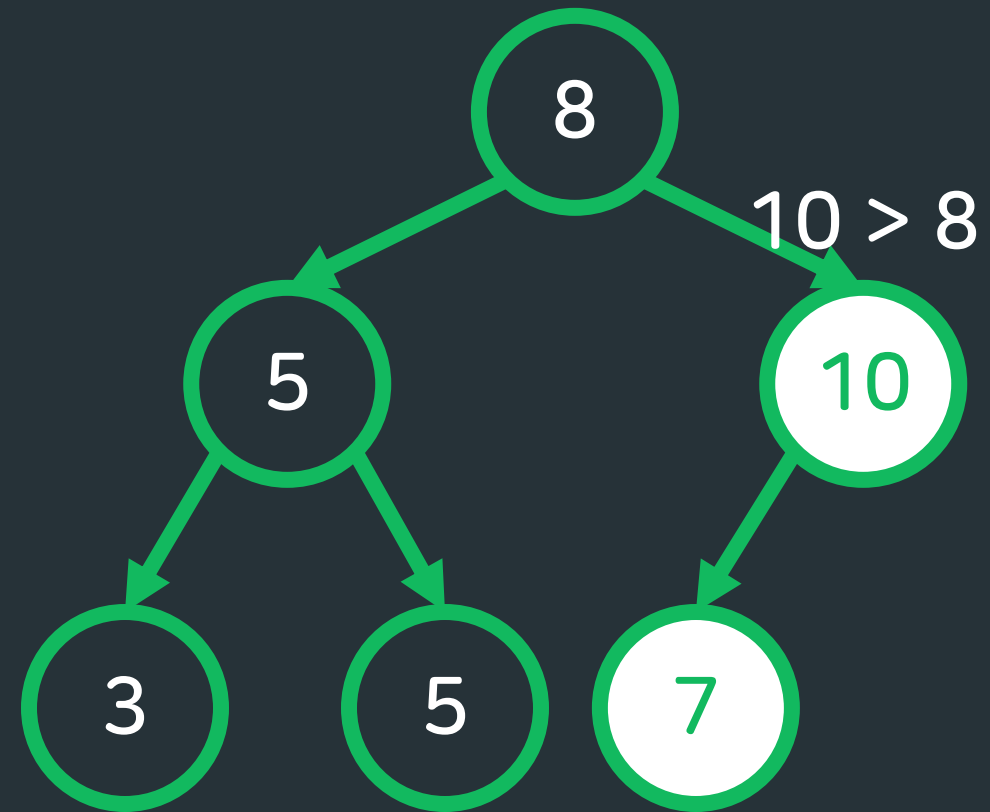
- 마지막 레벨을 제외하고 모든 레벨을 다 채움
- 마지막 레벨의 모든 노드는 왼쪽부터 빈 공간 없이 채움

# 최대 힙에 데이터 삽입



key = 10

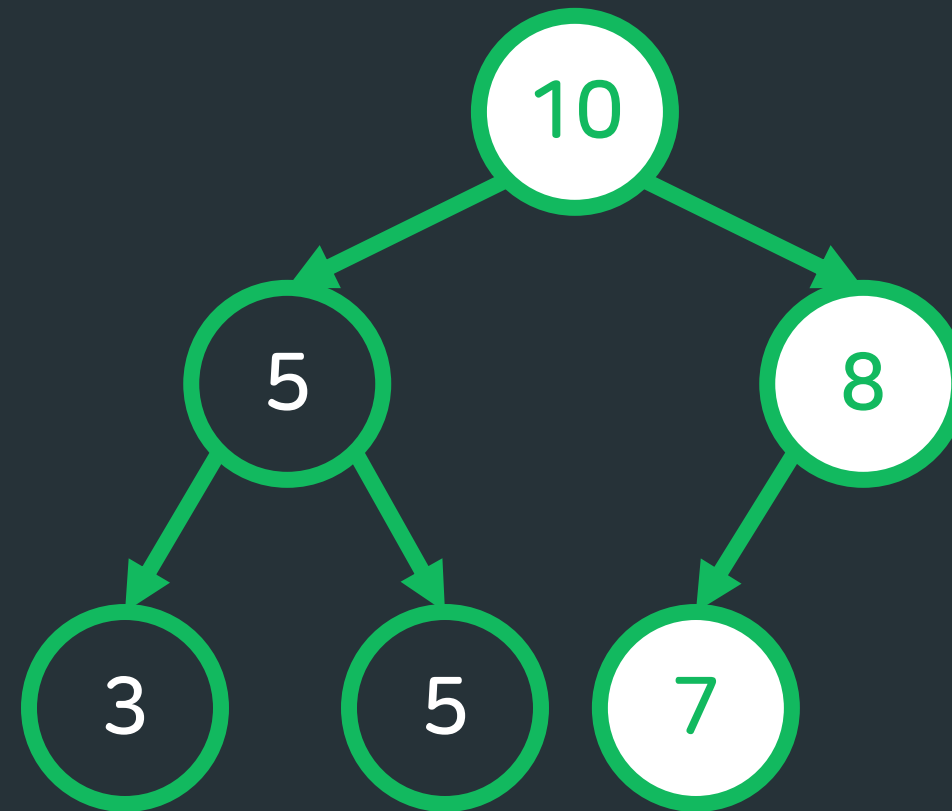
# 최대 힙에 데이터 삽입



key = 10

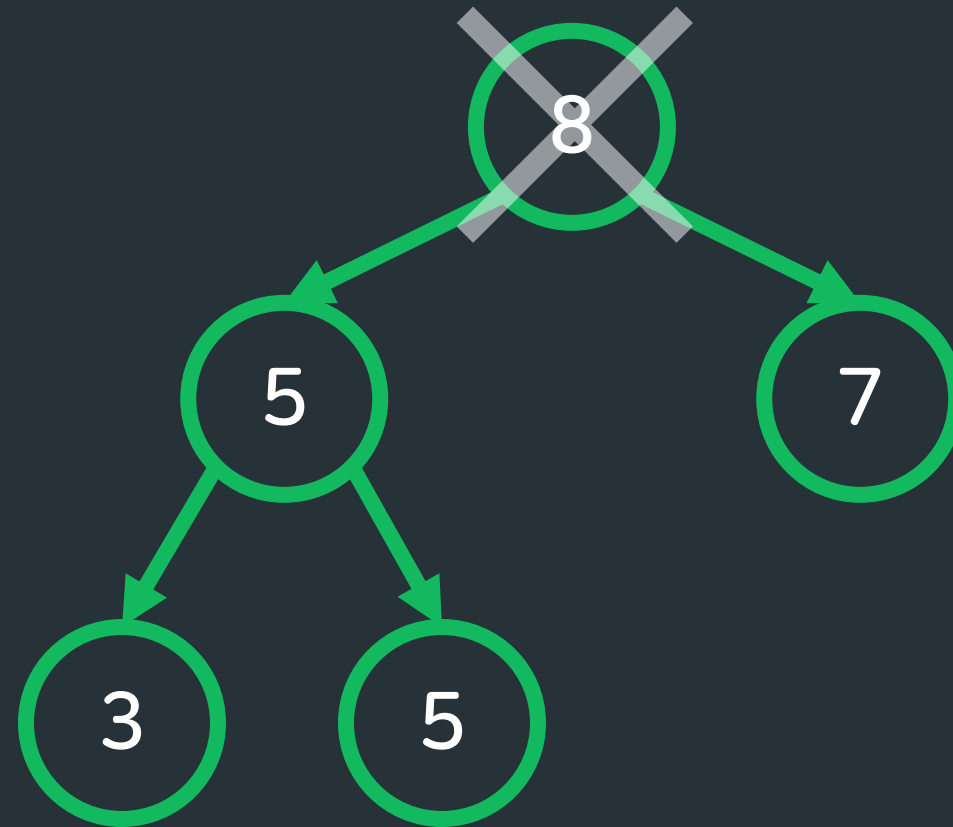


# 최대 힙에 데이터 삽입

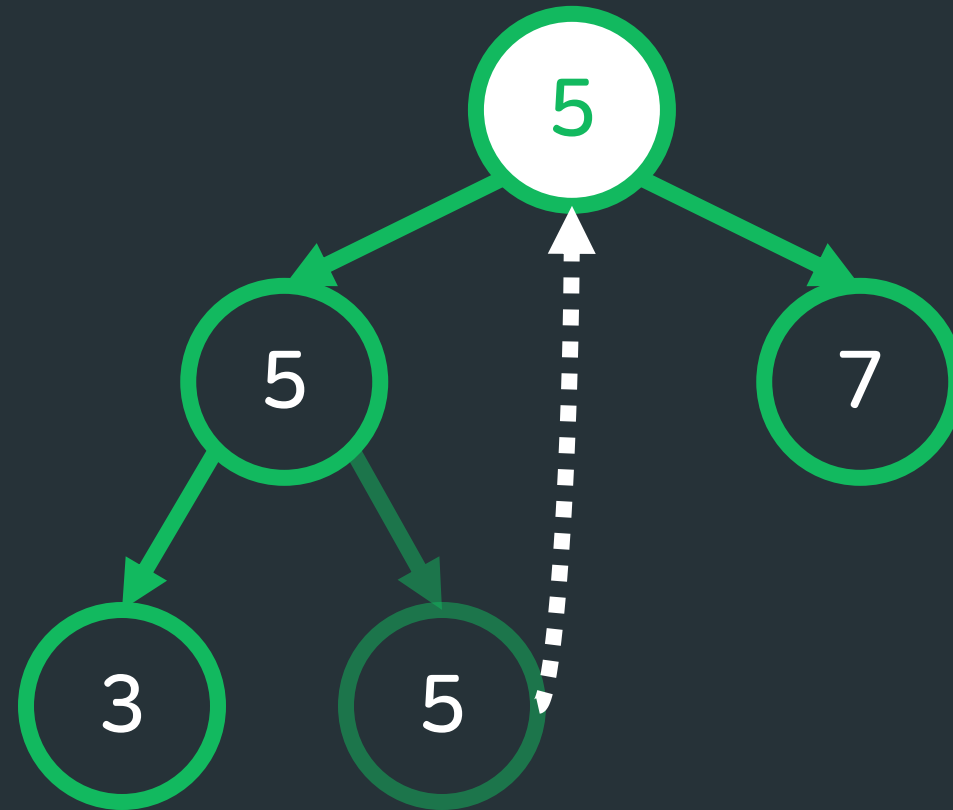


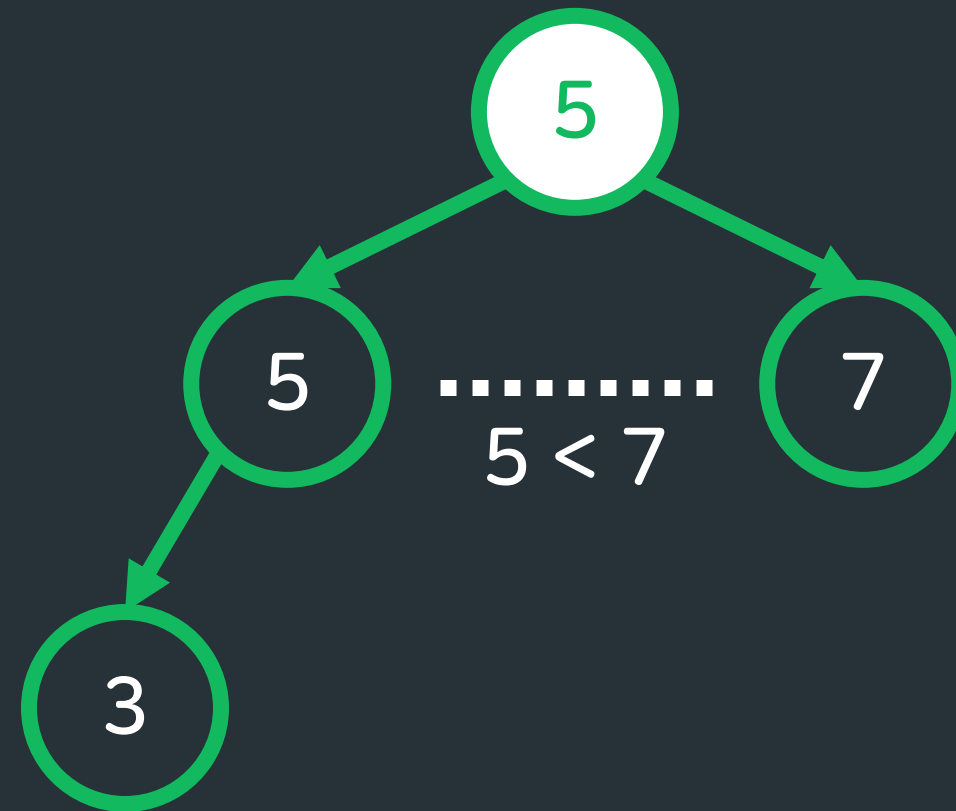
key = 10

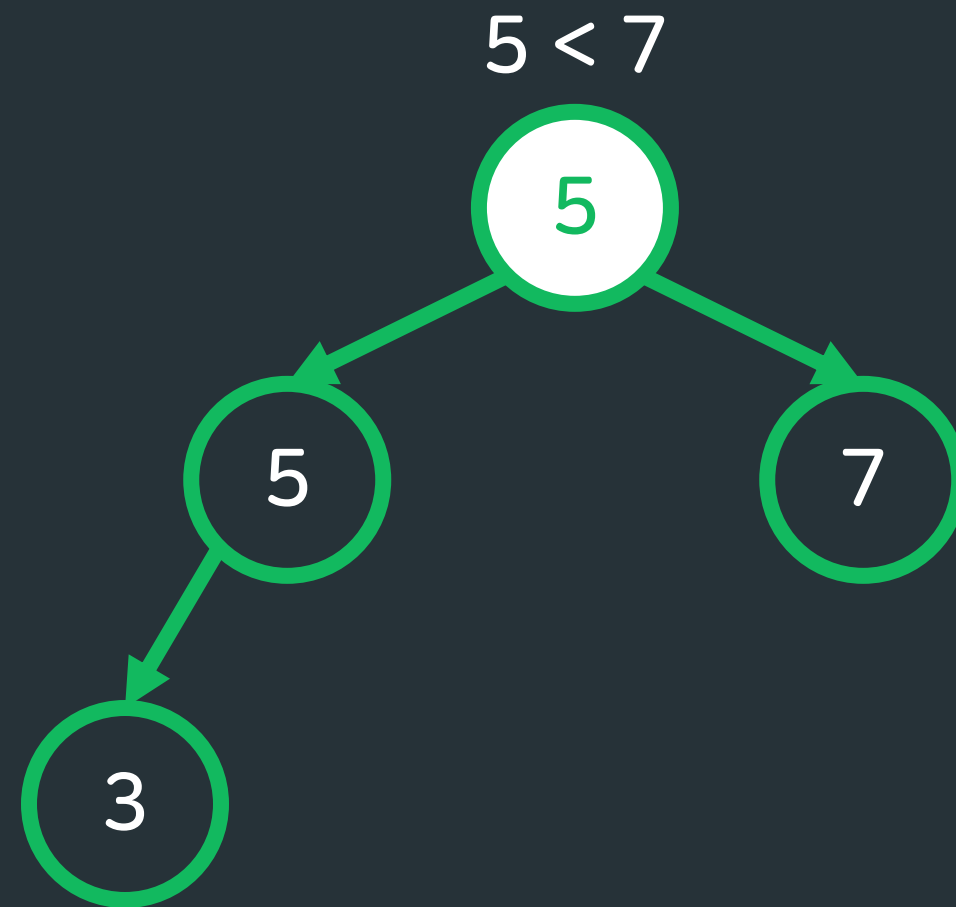
# 최대 힙에서 데이터 삭제



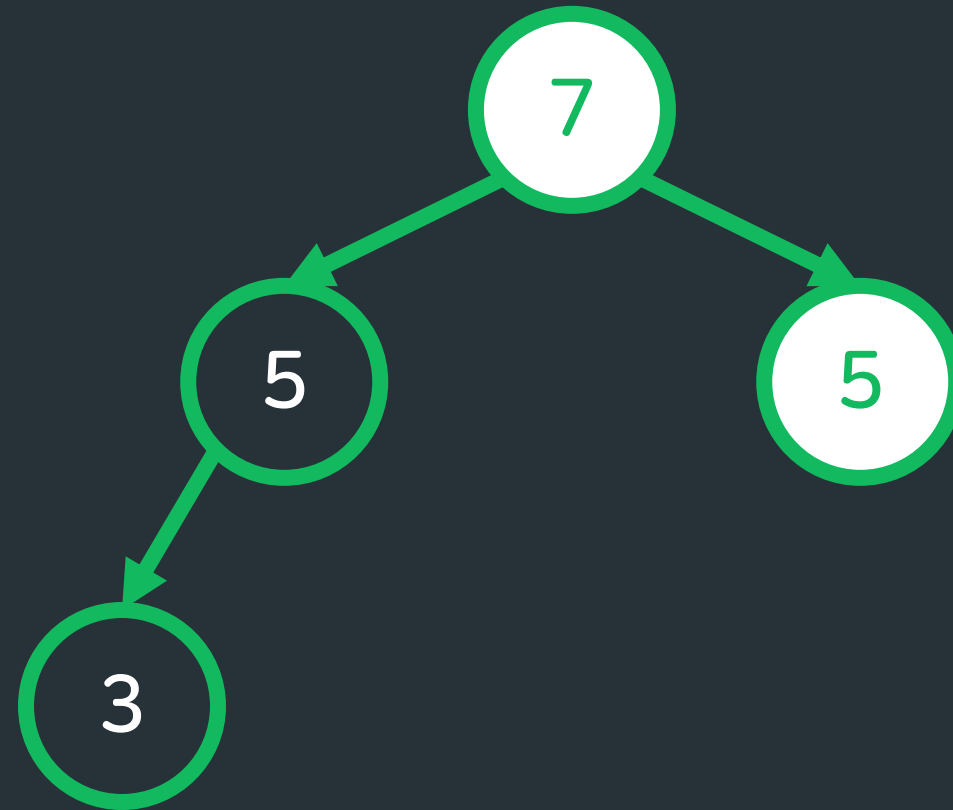
# 최대 힙에서 데이터 삭제



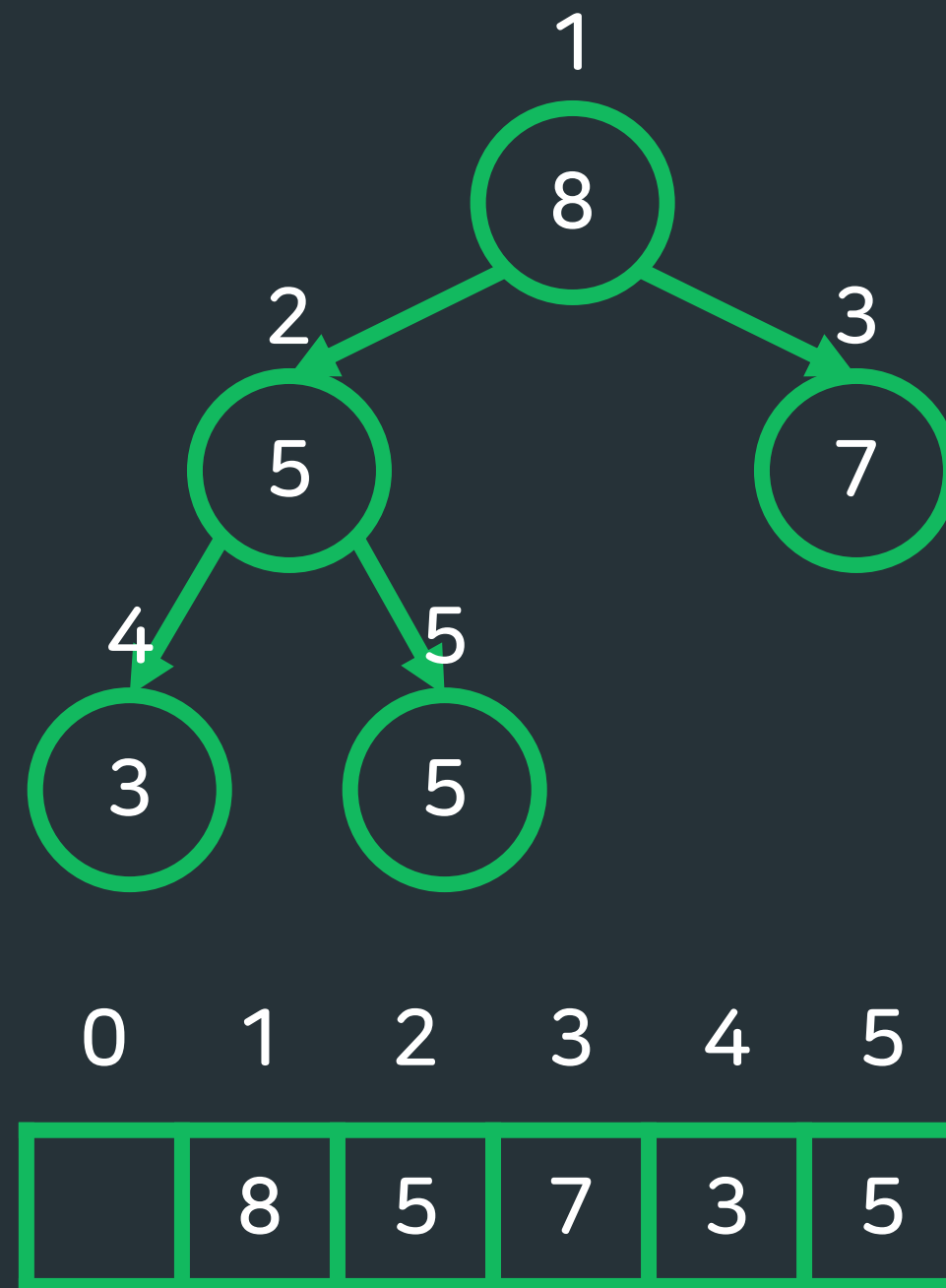




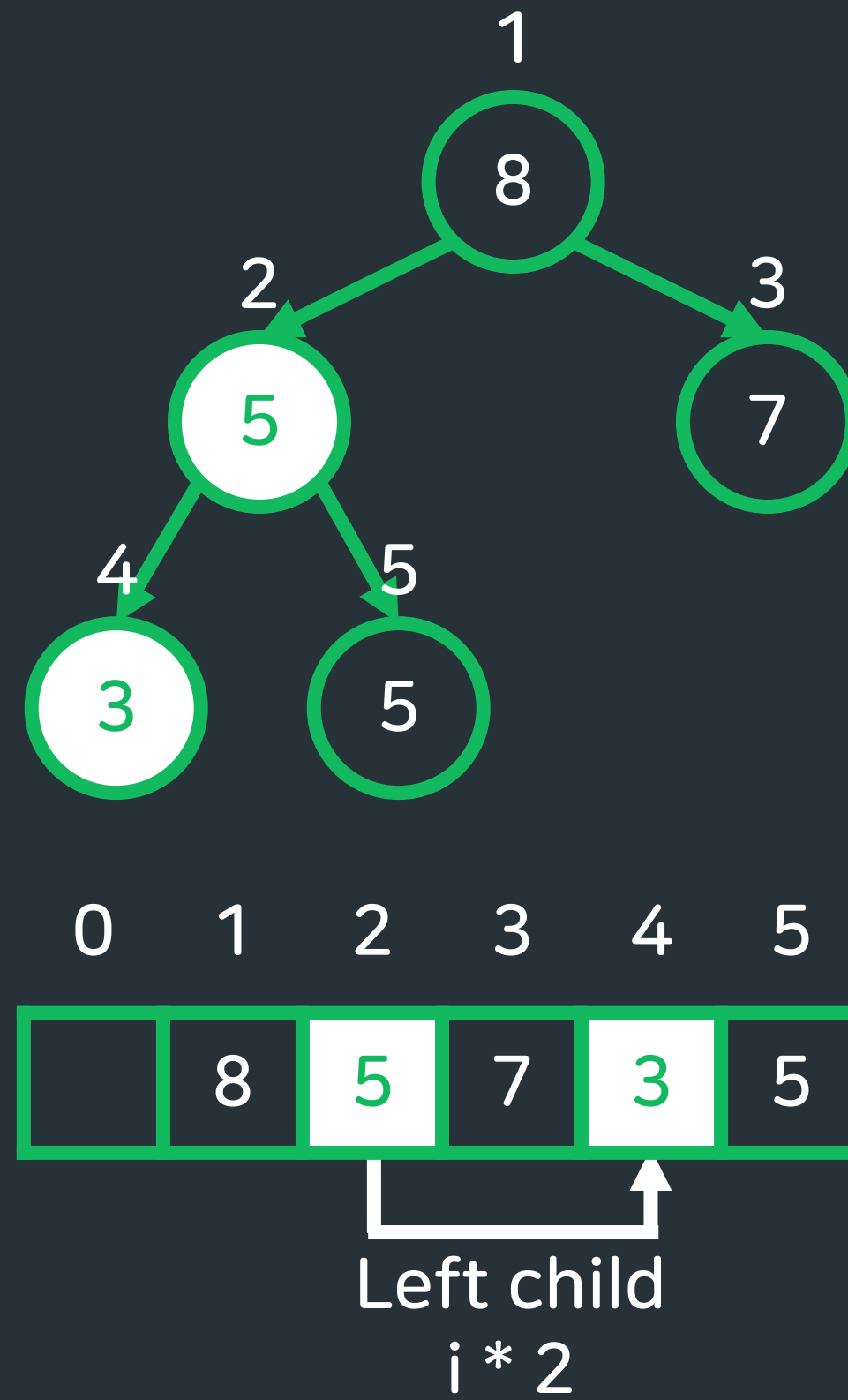
# 최대 힙에서 데이터 삭제



# 배열로 힙 구현하기

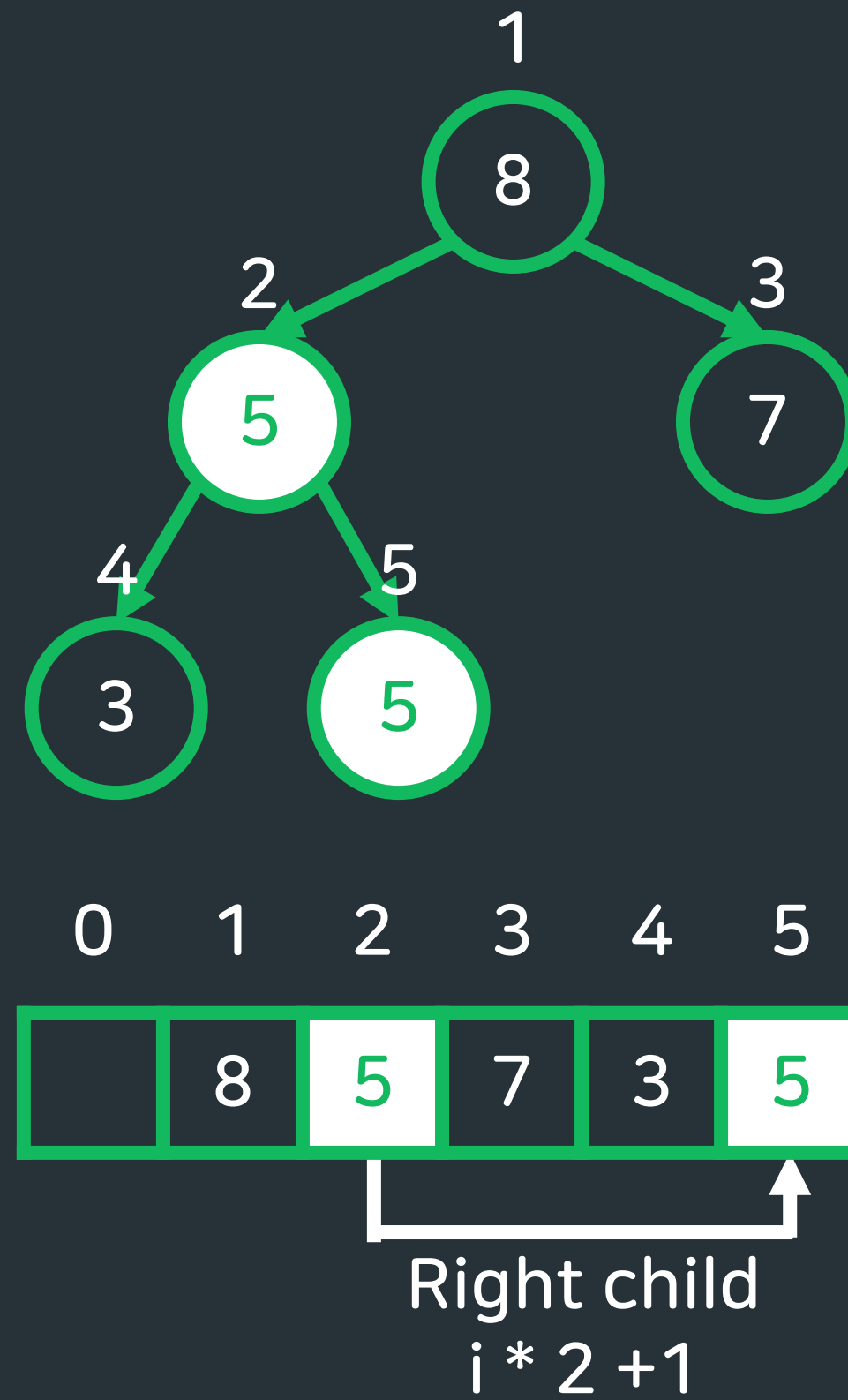


# 배열로 힙 구현하기





# 배열로 힙 구현하기



## /<> 11279번 : 최대 힙 - Silver 2

### 문제

- 다음의 명령을 처리하는 **최대 힙** 프로그램 만들기
  1. 정수  $x$ 가 주어진다.
  2.  $x$ 가 **자연수**라면 최대 힙에  $x$  **추가**
  3.  $x$ 가 **0**이라면 최대 힙에서 가장 큰 값을 출력하고 **제거**. 최대 힙이 비었다면 0 출력

### 제한 사항


- 명령의 수  $N$ 의 범위는  $1 \leq N \leq 100,000$
- 명령과 함께 주어지는 정수  $x$ 의 범위는  $0 \leq x \leq 2^{31}$

예제 입력

```
13
0
1
2
0
0
3
2
1
0
0
0
0
0
```

예제 출력

```
0
2
1
3
2
1
0
0
```



Search:

[Reference](#)
[<queue>](#)
[priority\\_queue](#)

[register](#)
[log in](#)

C++

[Information](#)
[Tutorials](#)
[Reference](#)
[Articles](#)
[Forum](#)

Reference

C library:

Containers:

<array>

<deque>

<forward\_list>

<list>

<map>

<queue>

<set>

<stack>

<unordered\_map>

<unordered\_set>

<vector>

Input/Output:

Multi-threading:

Other:

<queue>

priority\_queue

queue

priority\_queue

priority\_queue::priority\_queue

member functions:

priority\_queue::emplace

priority\_queue::empty

priority\_queue::pop

You were redirected to [cplusplus.com/priority\\_queue](#) || See search results for: "**priority\_queue**"

class template

std::priority\_queue

<queue>

```
template <class T, class Container = vector<T>,
          class Compare = less<typename Container::value_type> > class priority_queue;
```

Priority queue

Priority queues are a type of container adaptors, specifically designed such that its first element is always the greatest of the elements it contains, according to some *strict weak ordering* criterion.

This context is similar to a *heap*, where elements can be inserted at any moment, and only the *max heap* element can be retrieved (the one at the top in the *priority queue*).

Priority queues are implemented as *container adaptors*, which are classes that use an encapsulated object of a specific container class as its *underlying container*, providing a specific set of member functions to access its elements. Elements are *popped* from the "back" of the specific container, which is known as the *top* of the priority queue.

The underlying container may be any of the standard container class templates or some other specifically designed container class. The container shall be accessible through *random access iterators* and support the following operations:

- empty()
- size()
- front()
- push\_back()
- pop\_back()

The standard container classes `vector` and `deque` fulfill these requirements. By default, if no container class is specified for a particular `priority_queue` class instantiation, the standard container `vector` is used.

Support of *random access iterators* is required to keep a heap structure internally at all times. This is done automatically by the container adaptor by automatically calling the algorithm functions `make_heap`, `push_heap` and `pop_heap` when needed.

## /<> 2075번 : N번째 큰 수 - Gold 5

### 문제

- $N \times N$  크기의 표에서 **N번째 큰 수**를 찾아라
- 표 안의 모든 수는 자신의 **한 칸 위**에 있는 수보다 크다.

### 제한 사항

- N의 범위  $1 \leq N \leq 1,500$
- 표에 적힌 수 k의 범위  $-1,000,000,000 \leq k \leq 1,000,000,000$
- 메모리 제한 : **12MB**

## 예제 입력

```
5
12 7 9 15 5
13 8 11 19 6
21 10 26 31 16
48 14 28 35 25
52 20 32 41 49
```

## 예제 출력

```
35
```

## Hint

1. 도움 안되는 **조건**이 하나 있어요
2. 모든 정보를 다 담기엔 **메모리**가 부족해요

## 자신의 한 칸 위에 있는 수보다 크다?

12	7	9	15	5
13	8	11	19	6
21	10	26	31	16
48	14	28	35	25
52	20	32	41	49

좌우 관계를 모르기 때문에 쓸데없는 정보  
(최대 힙에서 현재의 최솟값을 찾을 수 없는 것과 같음)



## 자신의 한 칸 위에 있는 수보다 크다?

12	7	9	15	5
13	8	11	19	6
21	10	26	31	16
48	14	28	35	25
52	20	32	41	49

좌우 관계를 모르기 때문에 쓸데없는 정보  
(최대 힙에서 현재의 최솟값을 찾을 수 없는 것과 같음)

-> 그냥 우선순위 큐에 다 넣어버리자!

- int형 변수 하나의 크기 = 4 바이트
- 1024 바이트 = 1 KB
- 1024 KB = 1 MB
- 12MB에 담을 수 있는 int형 변수의 개수 =  $12 * 1024 * 1024 / 4 = 3,145,728$ 개
- N이 최대일 때 필요한 int형 변수의 개수 =  $1,500 * 1,500 = 2,250,000$ 개

-> 여기까지만 계산하면 메모리가 충분해 보이지만... 헤더, 라이브러리 등등의 메모리로 12MB 초과

# 최대 힙이 아니라 최소 힙

~~최대 힙에 다 넣은 뒤 N번 pop하자!~~  
최소 힙의 크기를 N으로 유지하며 입력을 처리하자!

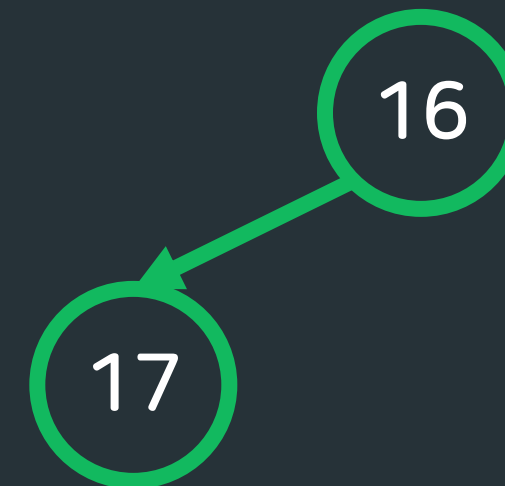
N = 2일 때

17	16
12	20

17

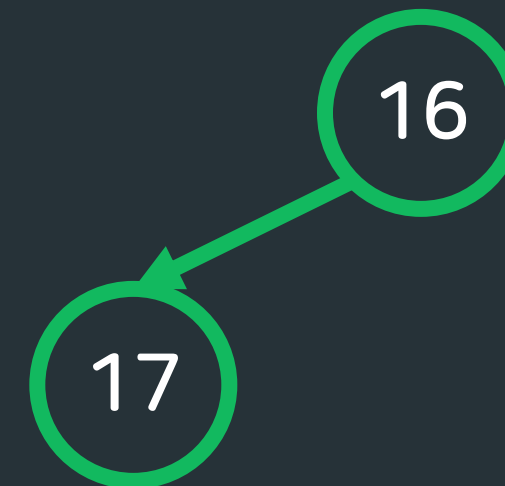
N = 2일 때

17	16
12	20



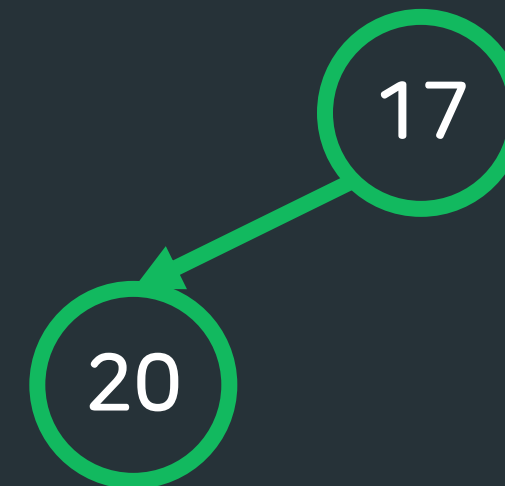
N = 2일 때

17	16
12	20



N = 2일 때

17	16
12	20



## 정리

- 우선순위 큐는 힙으로 구현하고, 시간 복잡도가  $O(\log n)$ 인 자료구조
- 효율성을 보는 문제에 사용되는 경우가 많음
- 그리디, 최단 경로 알고리즘 풀이에 활용되기도 함
- comp 정의할 때는 헛갈리지 말기! priority queue는 comp가 true를 반환해야 swap됨! (sort와 반대)
- 무한 루프 (pop을 하지 않음), 런타임 에러 (empty 체크 안하고 조회 or 삭제 시도) 조심!!

## 이것도 알아보세요!

- 힙을 배열로 구현할 때 왜 인덱스를 1부터 시작했을까요? 0부터 시작한다면 어떻게 될까요?



## 필수

- /<> 11723번 : 집합 - Silver 5
- /<> 3613번 : java vs C++ - Silver 5

## 3문제 이상 선택

- /<> 2493번 : 탑 - Gold 5
- /<> 7662번 : 이중 우선순위 큐 - Gold 5
- /<> 11000번 : 강의실 배정 - Gold 5
- /<> 11286번 : 절댓값 힙 - Silver 1
- /<> 12018번 : Yonsei TOTO - Silver 3
- /<> 15903번 : 카드 합체 놀이 - Silver 2