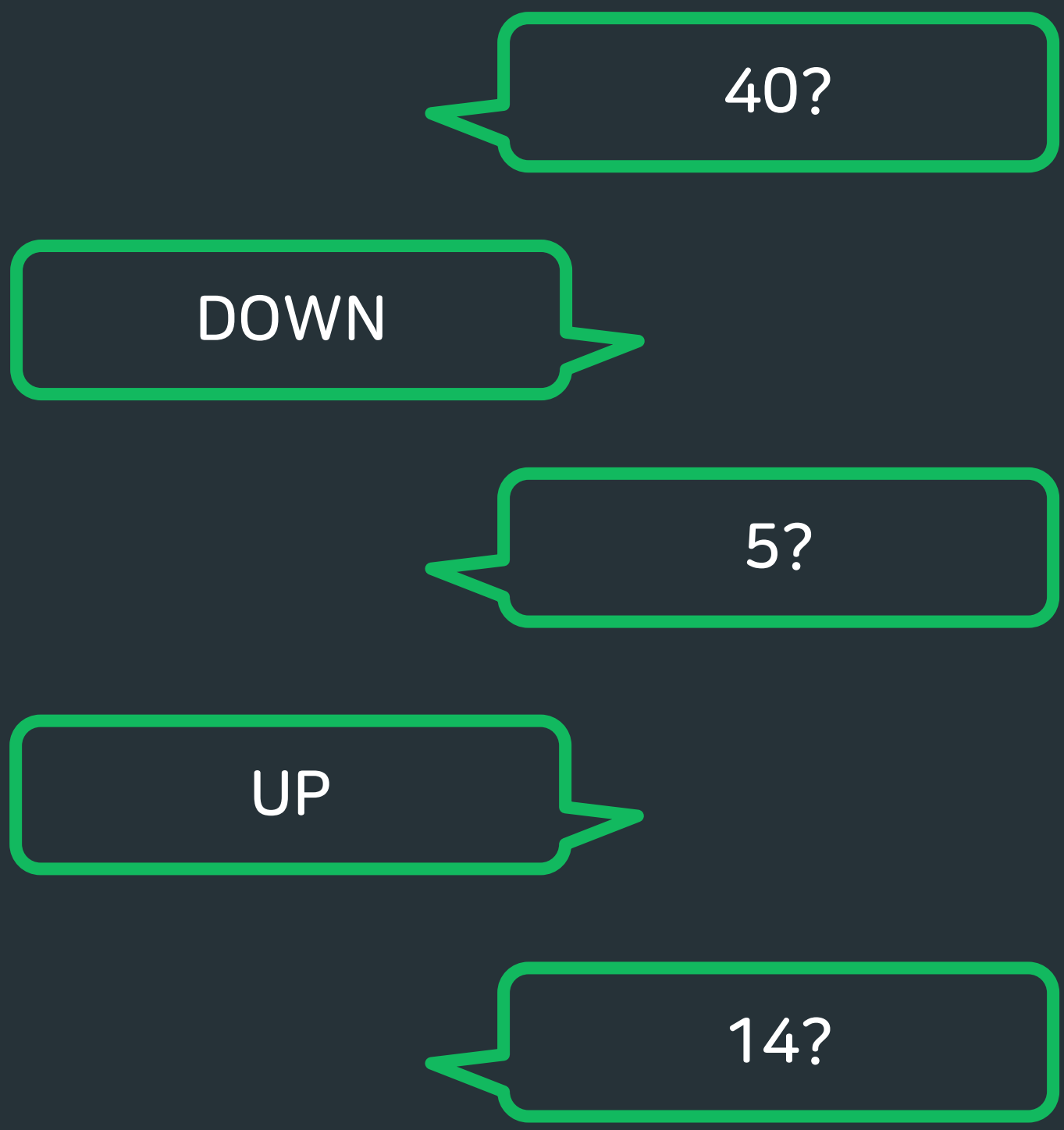


알튜뷰

이분 탐색

문제의 크기를 절반으로 줄이면서 빠르게 답을 찾는 알고리즘입니다.
코딩 테스트에선 주로 효율성을 보는 문제에 활용됩니다.



이런 문제가 있다고 해봅시다.

7	10	12	28	45	62	63	89	101	110	212
---	----	----	----	----	----	----	----	-----	-----	-----

“이 안에 63이 있나?”

이런 문제가 있다고 해봅시다.

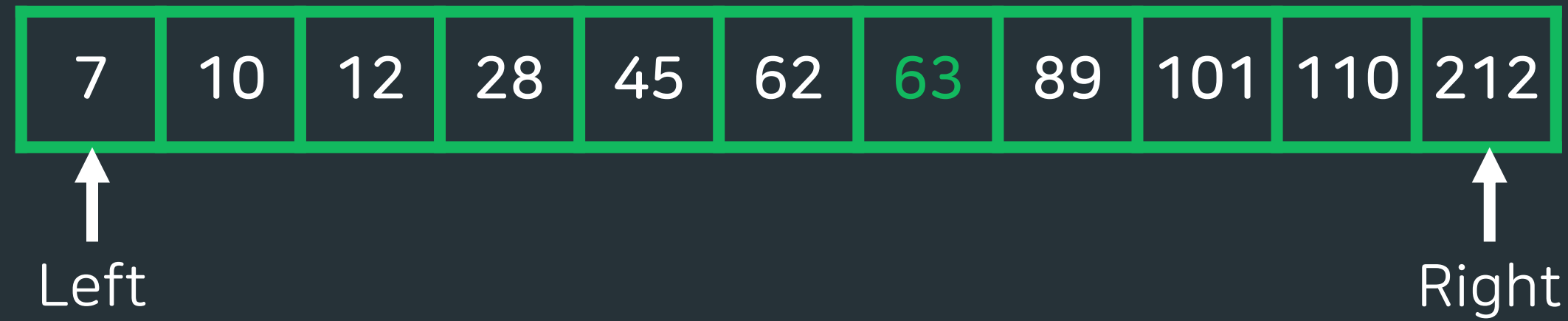


$O(n)$ 으로 찾을 순 있지만...

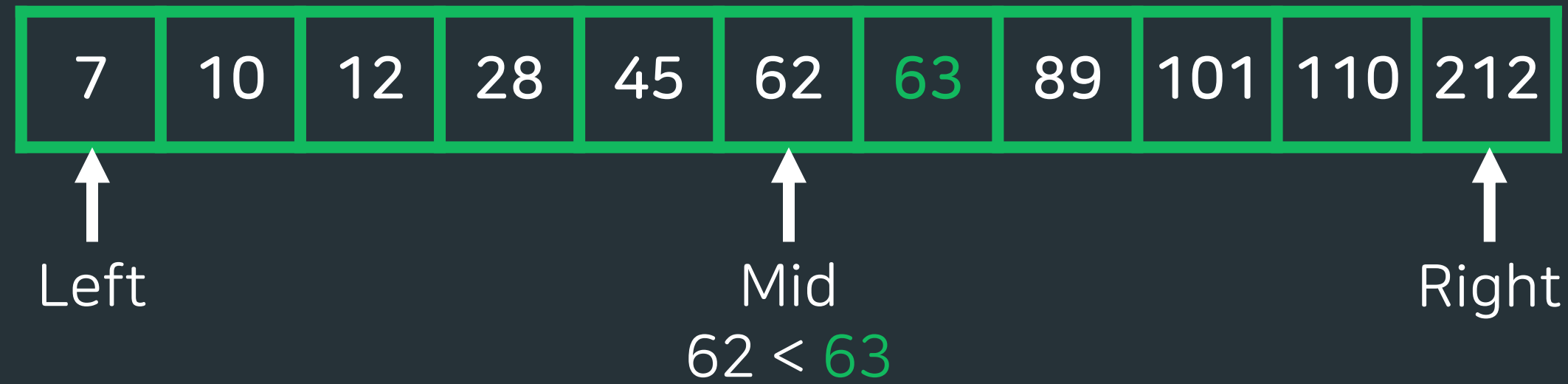
Binary Search

- 배열의 크기를 절반으로 줄이면서 답을 찾는 알고리즘
- 주로 반복문으로 구현
- 시간 복잡도는 $O(\log n)$
- 입력 범위 N 이 큰 편
- 알고리즘이 성립하기 위해선 배열이 반드시 정렬되어 있어야 함

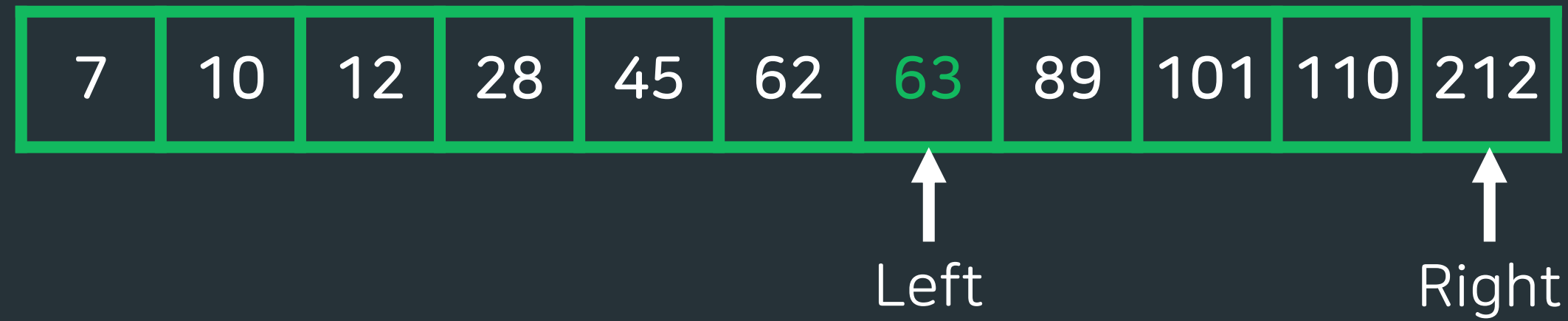
아까 그 문제를 다시 풀면?



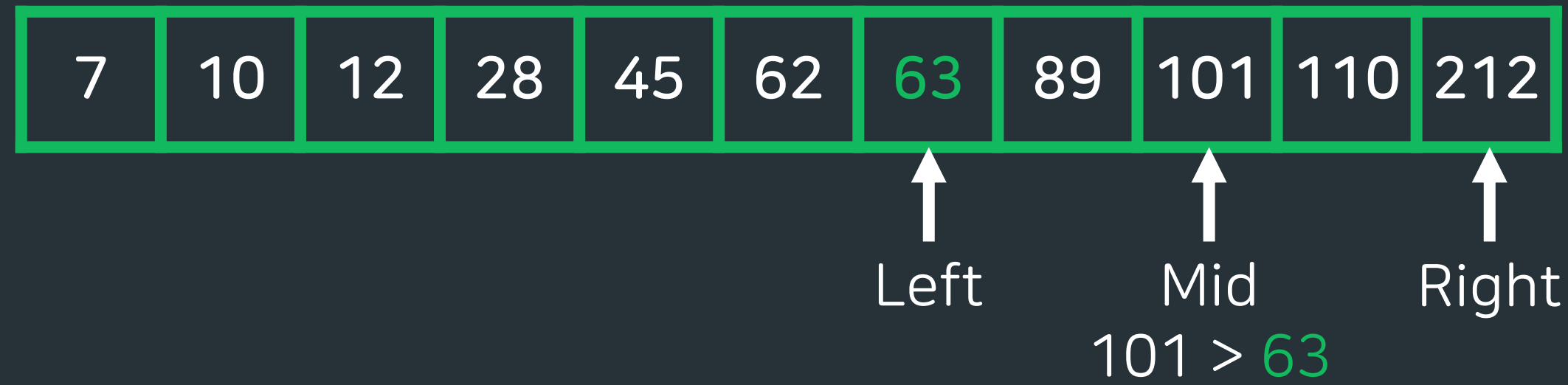
아까 그 문제를 다시 풀면?



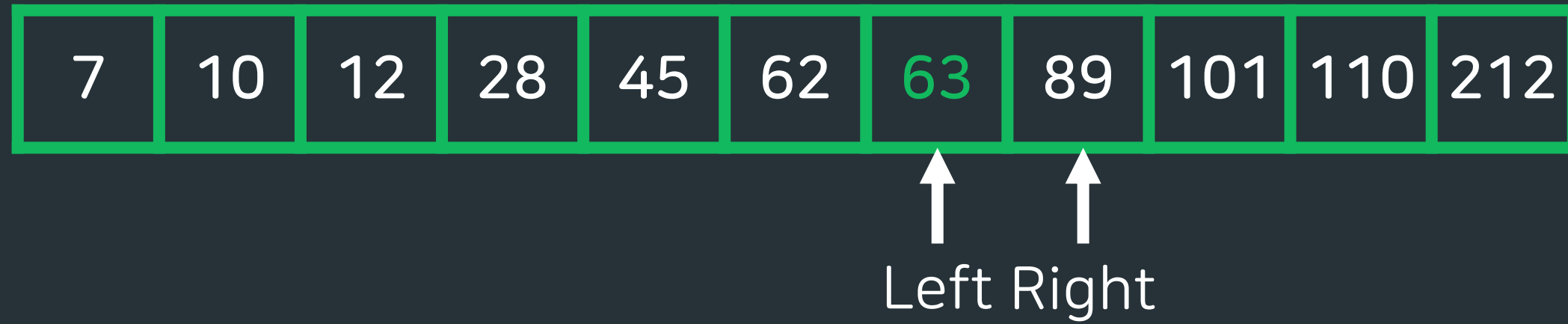
아까 그 문제를 다시 풀면?



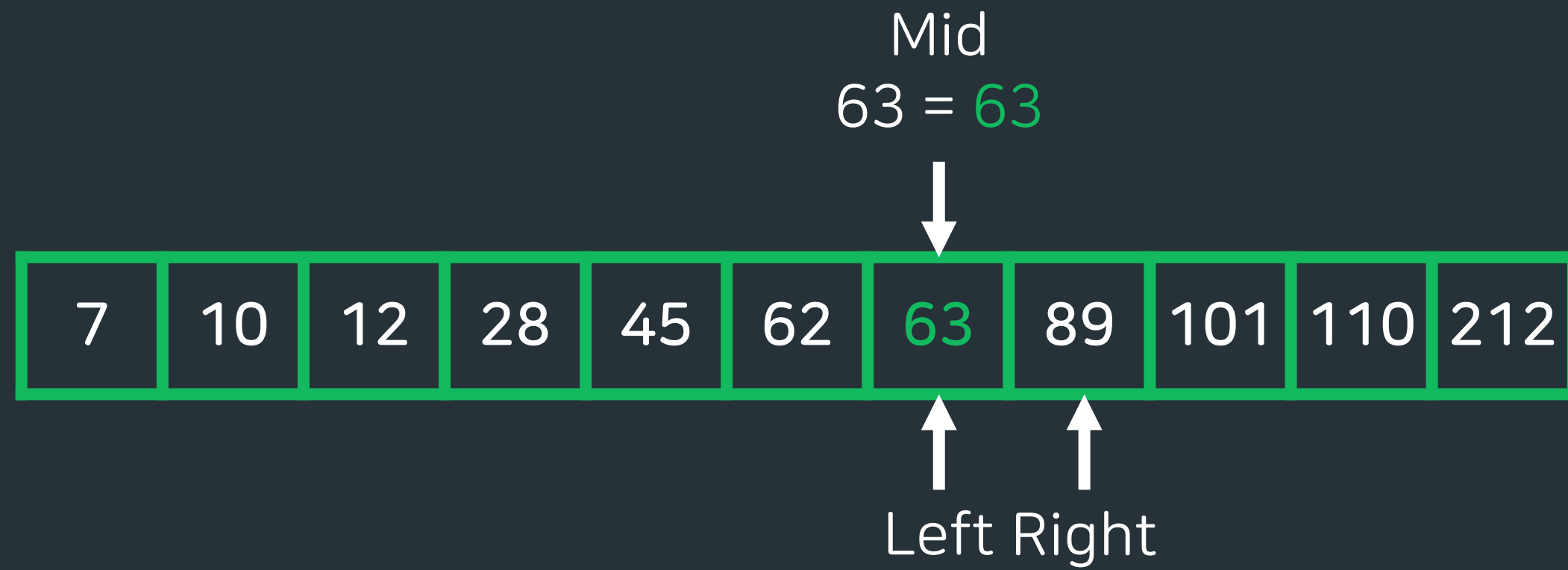
아까 그 문제를 다시 풀면?



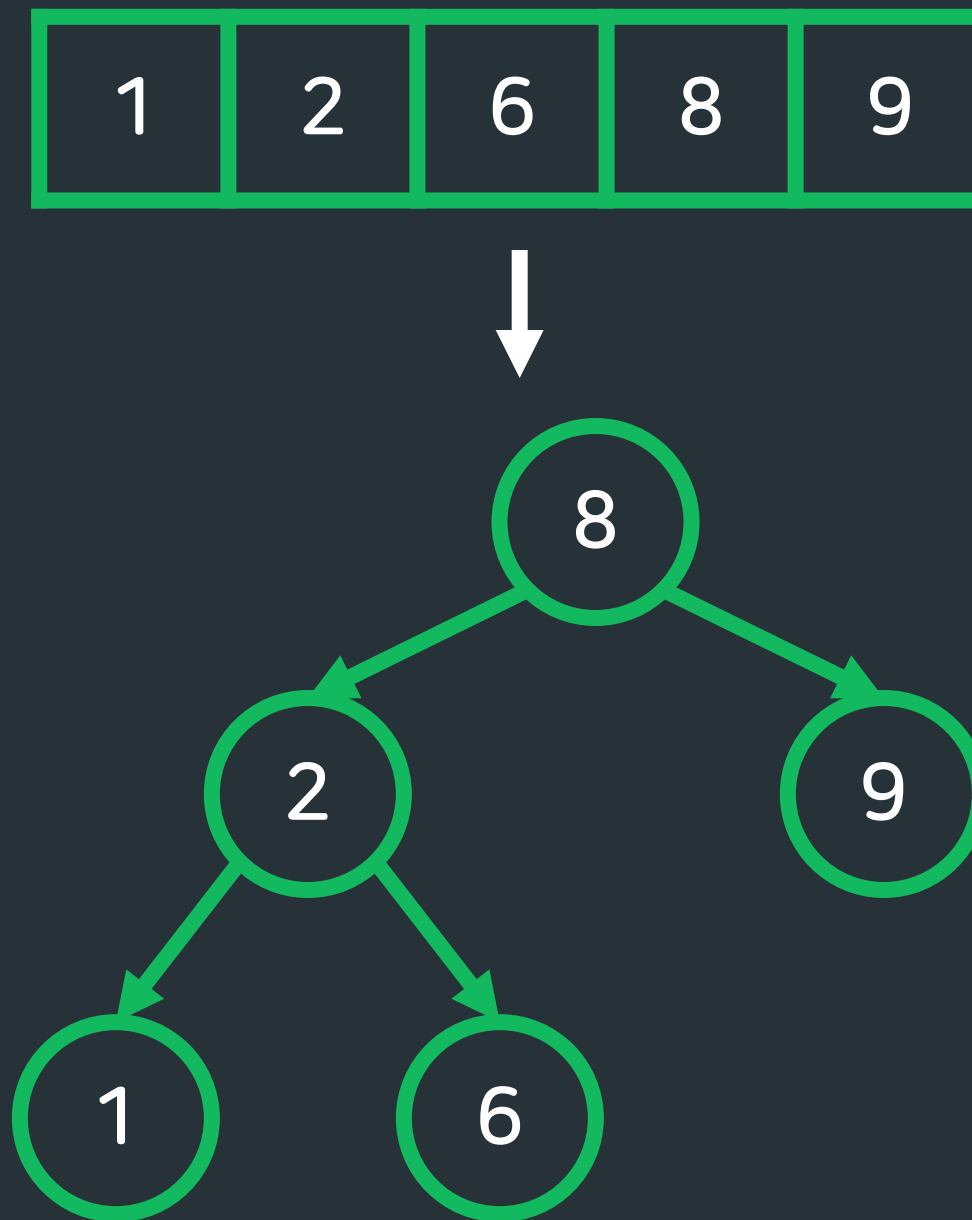
아까 그 문제를 다시 풀면?



아까 그 문제를 다시 풀면?



뭔가 낯설지 않은 이 기분



- 이분 탐색의 대상이 되는 원소들을 **트리**에 넣으면 **BST!**
- BST를 **중위 순회(inorder)**하면 배열이 나옴

/<> 1920번 : 수 찾기 - Silver 4

문제

- N개의 정수가 주어질 때, X라는 정수가 존재하는지 알아내라

제한 사항

- N은 $1 \leq N \leq 100,000$
- 알아내야 하는 수 M의 개수는 $1 \leq M \leq 100,000$
- 입력되는 정수 k는 int 범위 내에 있음

예제 입력

```
5
4 1 5 2 3
5
1 3 7 9 5
```

예제 출력

```
1
1
0
0
1
```

/<> 1920번 : 수 찾기 - Silver 4

문제

- N개의 정수가 주어질 때, X라는 정수가 존재하는지 알아내라

제한 사항

- N은 $1 \leq N \leq 100,000$
- 알아내야 하는 수 M의 개수는 $1 \leq M \leq 100,000$
- 입력되는 정수 k는 int 범위 내에 있음

1. 순차 탐색? -> $100,000 * 100,000 = 1e10 (=100억)$ 시간초과
2. 셋? -> $100,000 * 100 + 100,000 * 100 = 2 * 1e7 (=2000만)$ 메모리면에서 비효율적이나 가능
but 만약 정수의 위치를 요구하면 불가능한 방법

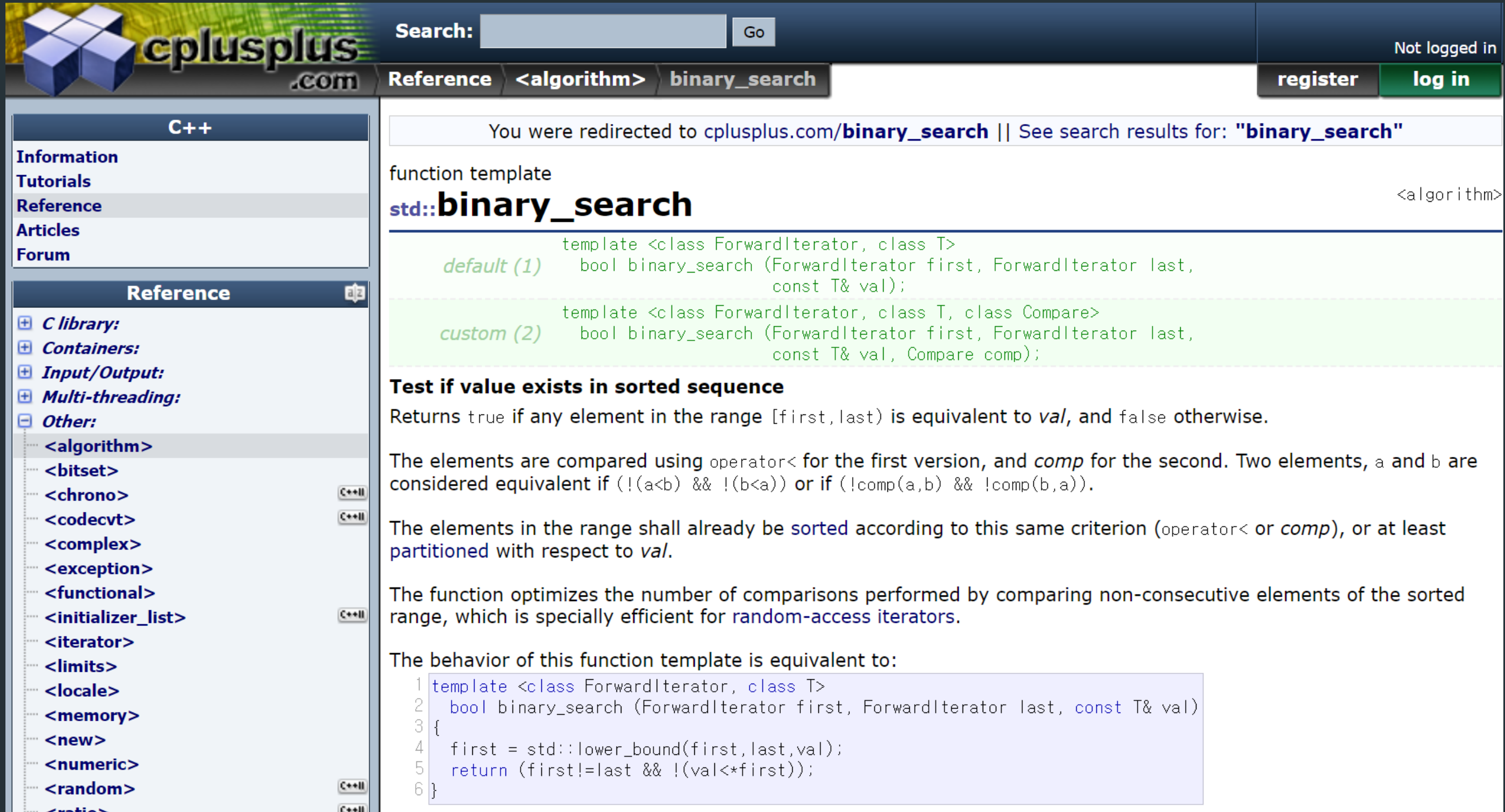
예제 입력

```
5
4 1 5 2 3
5
1 3 7 9 5
```

예제 출력

```
1
1
0
0
1
```

함수가 있긴 한데요...



The screenshot shows the cplusplus.com website. The search bar at the top contains the text "binary_search". The left sidebar shows the "Reference" section with a list of C++ standard library headers, including <algorithm>, <bitset>, <chrono>, <codecvt>, <complex>, <exception>, <functional>, <initializer_list>, <iterator>, <limits>, <locale>, <memory>, <new>, <numeric>, <random>, and <ratio>. The main content area displays the "std::binary_search" function template. It includes two versions: a default version and a custom version. The default version is a function template that takes a ForwardIterator, a class T, and a const T& val, and returns a bool. The custom version is a function template that takes a ForwardIterator, a class T, a class Compare, and a const T& val, and returns a bool. The page also includes a description of the function's behavior and a code snippet showing the implementation of the function template.

Search: Go

Not logged in

Reference <algorithm> binary_search

register log in

You were redirected to cplusplus.com/binary_search || See search results for: "binary_search"

function template

std::binary_search <algorithm>

```
template <class ForwardIterator, class T>
bool binary_search (ForwardIterator first, ForwardIterator last,
const T& val);

template <class ForwardIterator, class T, class Compare>
bool binary_search (ForwardIterator first, ForwardIterator last,
const T& val, Compare comp);
```

Test if value exists in sorted sequence

Returns true if any element in the range [first,last) is equivalent to *val*, and false otherwise.

The elements are compared using `operator<` for the first version, and *comp* for the second. Two elements, *a* and *b* are considered equivalent if `!(a<b) && !(b<a)` or if `!comp(a,b) && !comp(b,a)`.

The elements in the range shall already be **sorted** according to this same criterion (`operator<` or *comp*), or at least **partitioned** with respect to *val*.

The function optimizes the number of comparisons performed by comparing non-consecutive elements of the sorted range, which is specially efficient for **random-access iterators**.

The behavior of this function template is equivalent to:

```
1 template <class ForwardIterator, class T>
2 bool binary_search (ForwardIterator first, ForwardIterator last, const T& val)
3 {
4     first = std::lower_bound(first, last, val);
5     return (first!=last && !(val<*first));
6 }
```

원소의 존재 여부만 리턴하는 간단한 함수이므로 구현하는 방법을 알아야 함

/<> 10816번 : 숫자 카드 2 - Silver 4

문제

- N개의 카드가 주어진다.
- M개의 정수에 대해 해당 숫자가 적힌 카드가 몇 장인가?

제한 사항

- N은 $1 \leq N \leq 500,000$
- 알아내야 하는 수 M의 개수는 $1 \leq M \leq 500,000$
- 입력되는 정수 k는 $-10,000,000 \leq k \leq 10,000,000$

예제 입력

```
10
6 3 2 10 10 10 -10 -10 7 3
8
10 9 -5 2 3 4 5 -10
```

예제 출력

```
3 0 0 1 2 0 0 2
```


/<> 10816번 : 숫자 카드 2 - Silver 4

문제

- N개의 카드가 주어진다.
- M개의 정수에 대해 해당 숫자가 적힌 카드가 몇 장인가?

제한 사항

- N은 $1 \leq N \leq 500,000$
- 알아내야 하는 수 M의 개수는 $1 \leq M \leq 500,000$
- 입력되는 정수 k는 $-10,000,000 \leq k \leq 10,000,000$

1. 순차 탐색? $\rightarrow 500,000 * 500,000 = 25 * 10^{10} (=2500억)$ 시간초과
2. 셋? $\rightarrow 500,000 * 700 + 500,000 * 700 = 7 * 10^8 (=7억)$ 메모리면에서 비효율적이나 가능
but 만약 배열이 정렬됐을 때, 정수의 범위 인덱스를 요구하면 불가능한 방법

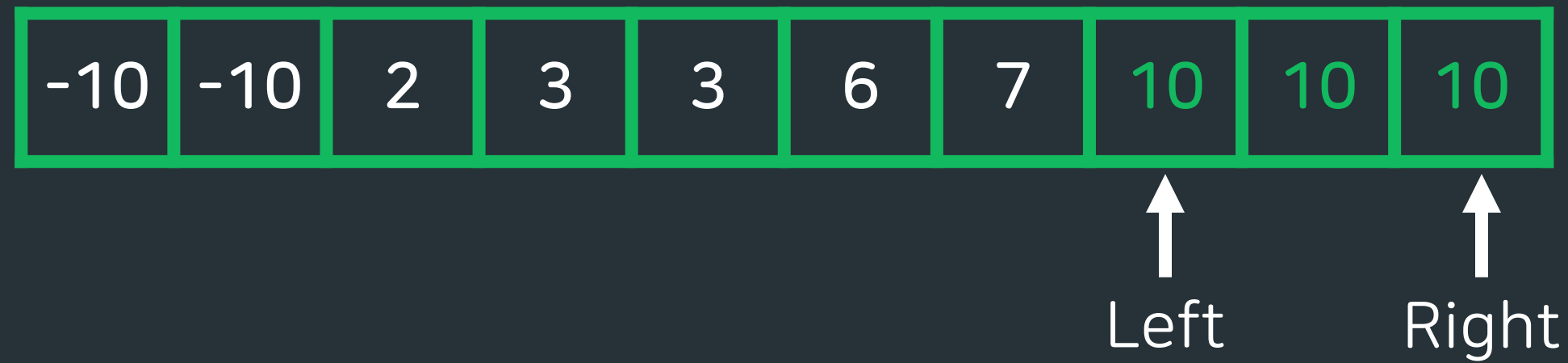
예제 입력

```
10
6 3 2 10 10 10 -10 -10 7 3
8
10 9 -5 2 3 4 5 -10
```

예제 출력

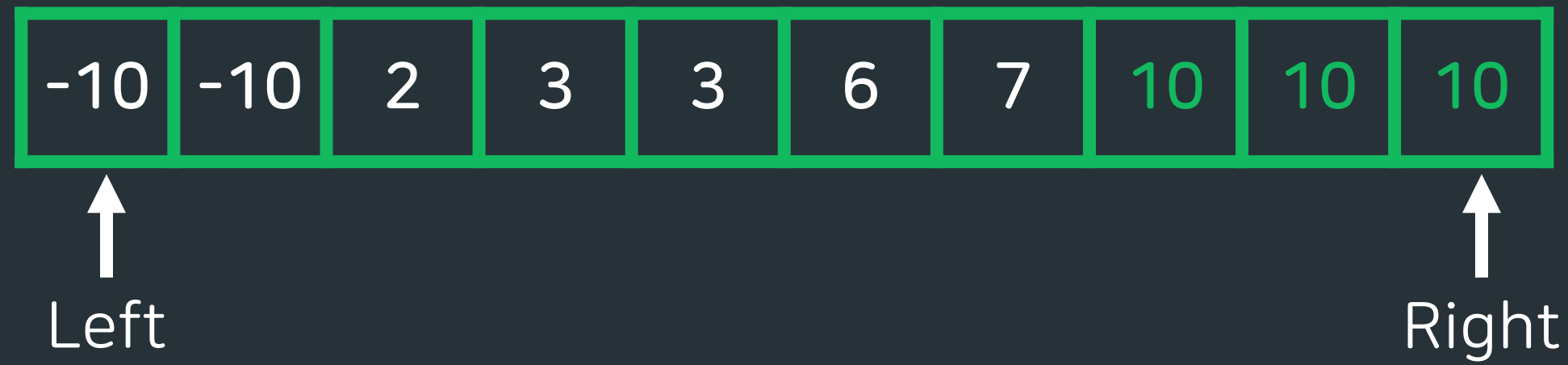
```
3 0 0 1 2 0 0 2
```

범위는 어떻게 찾지?

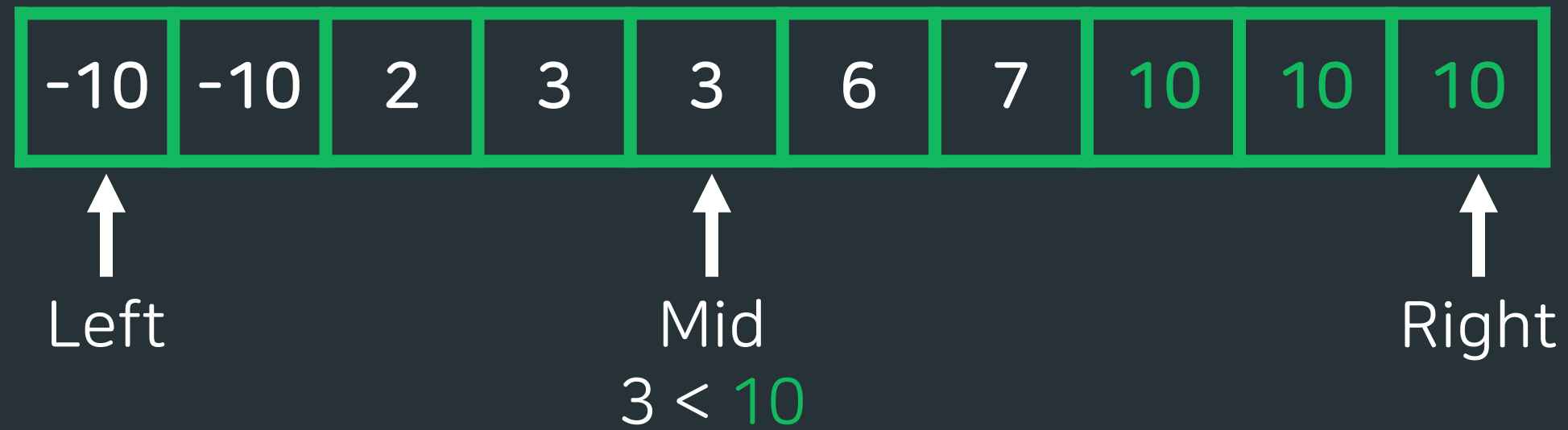


처음으로 10이 나오는 위치와 마지막으로 10이 나오는 위치?

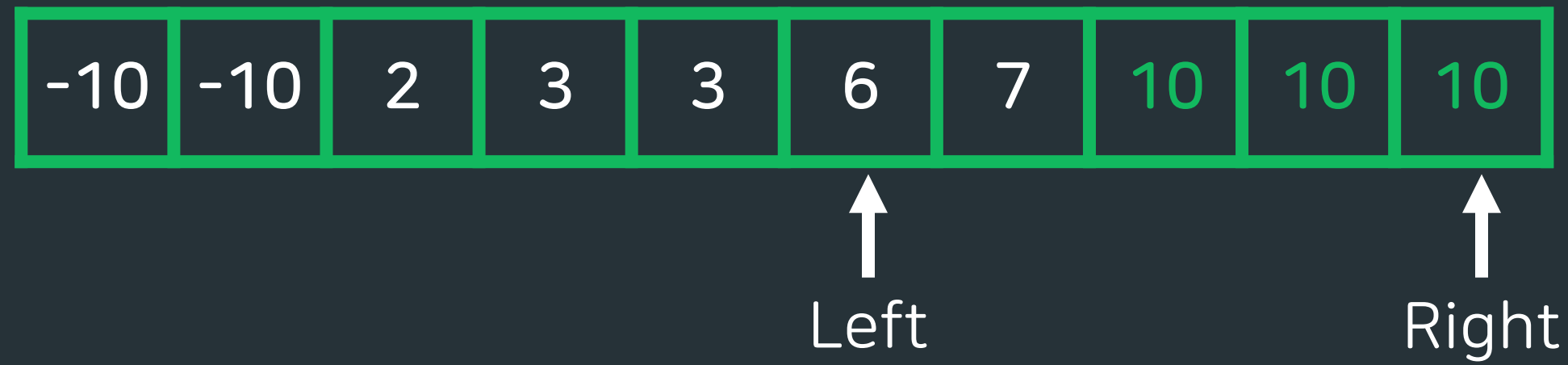
처음으로 10이 나오는 위치



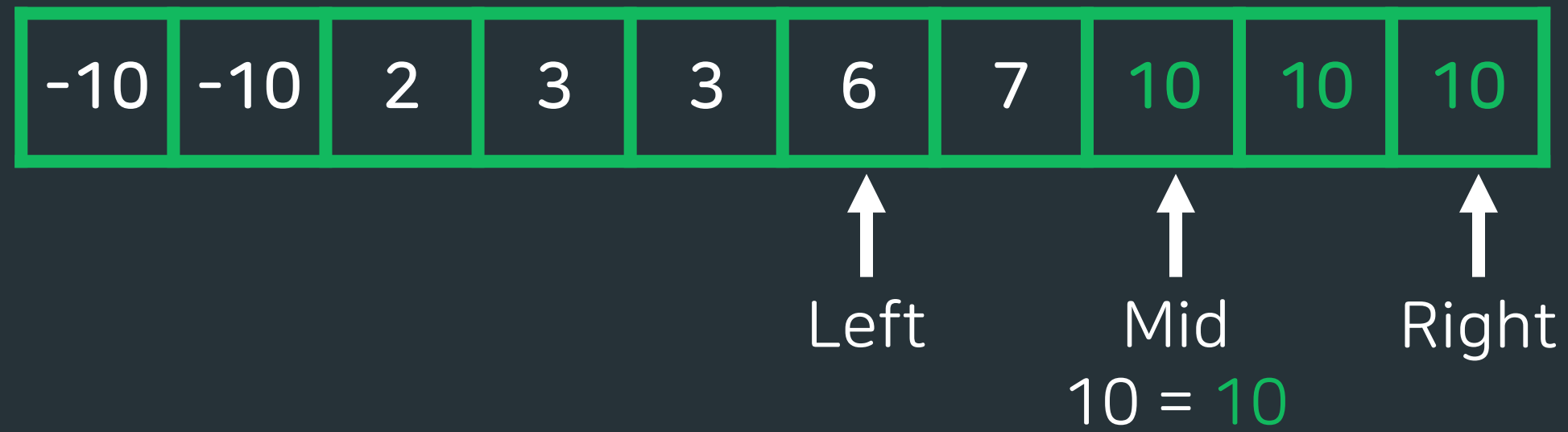
처음으로 10이 나오는 위치



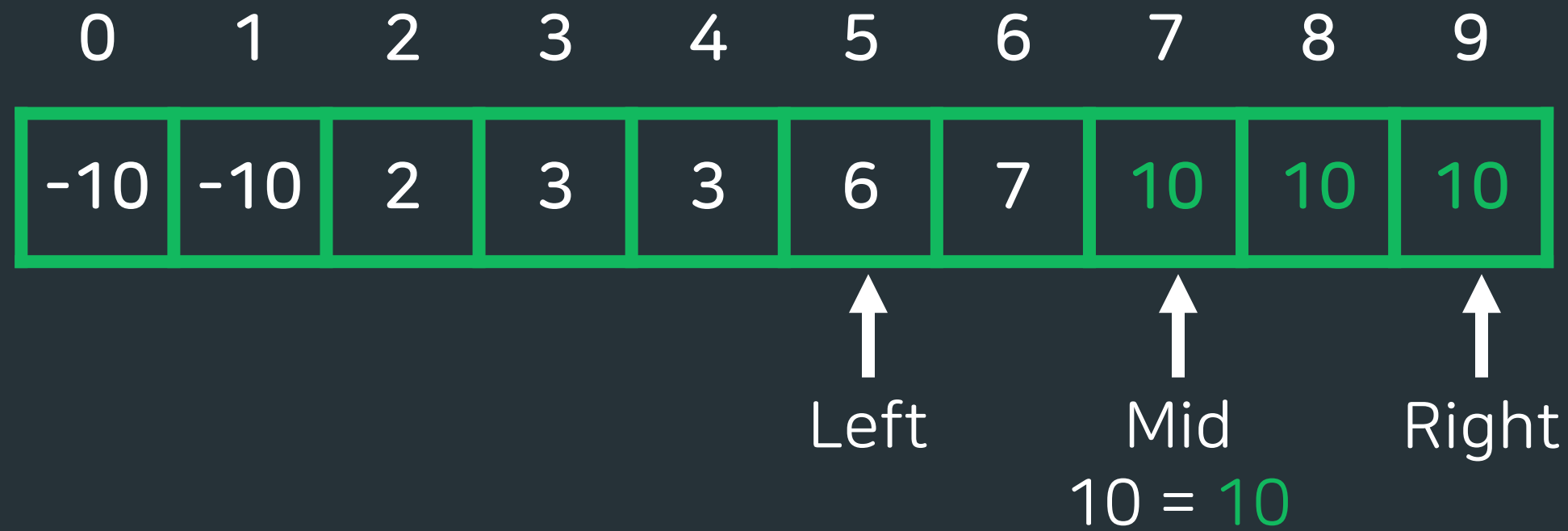
처음으로 10이 나오는 위치



처음으로 10이 나오는 위치

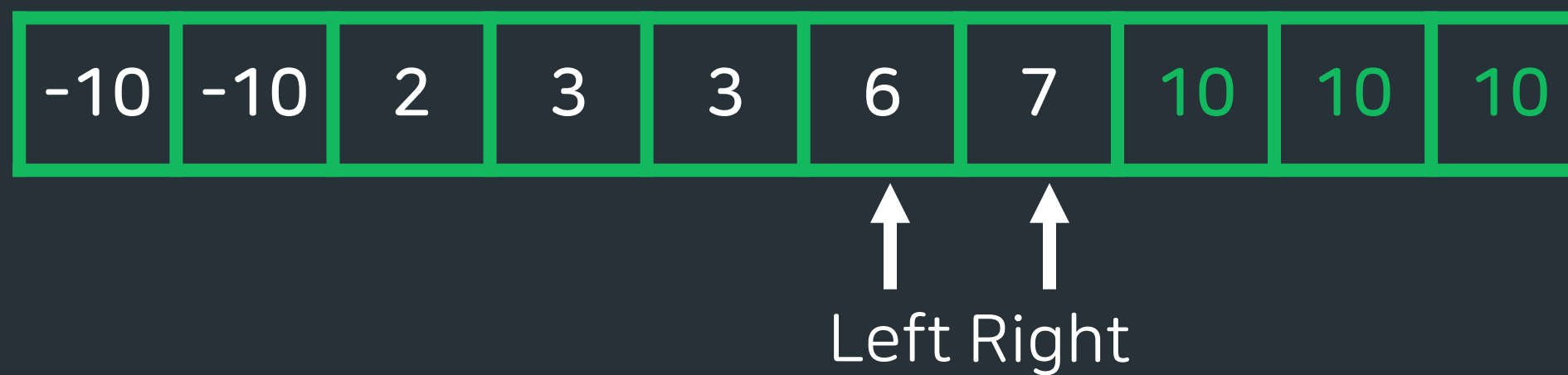


처음으로 10이 나오는 위치

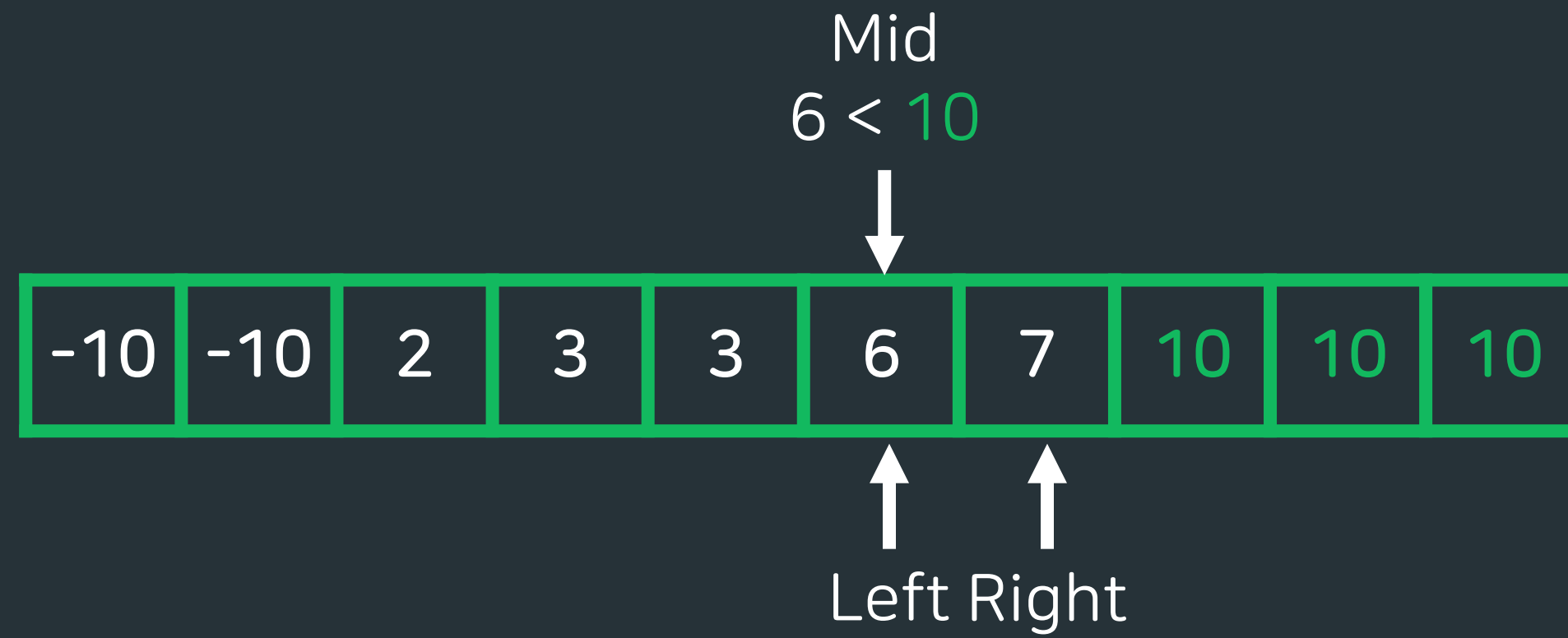


일단 7 위치에 있는데,
혹시 왼쪽에 10이 더 있지 않을까?

처음으로 10이 나오는 위치



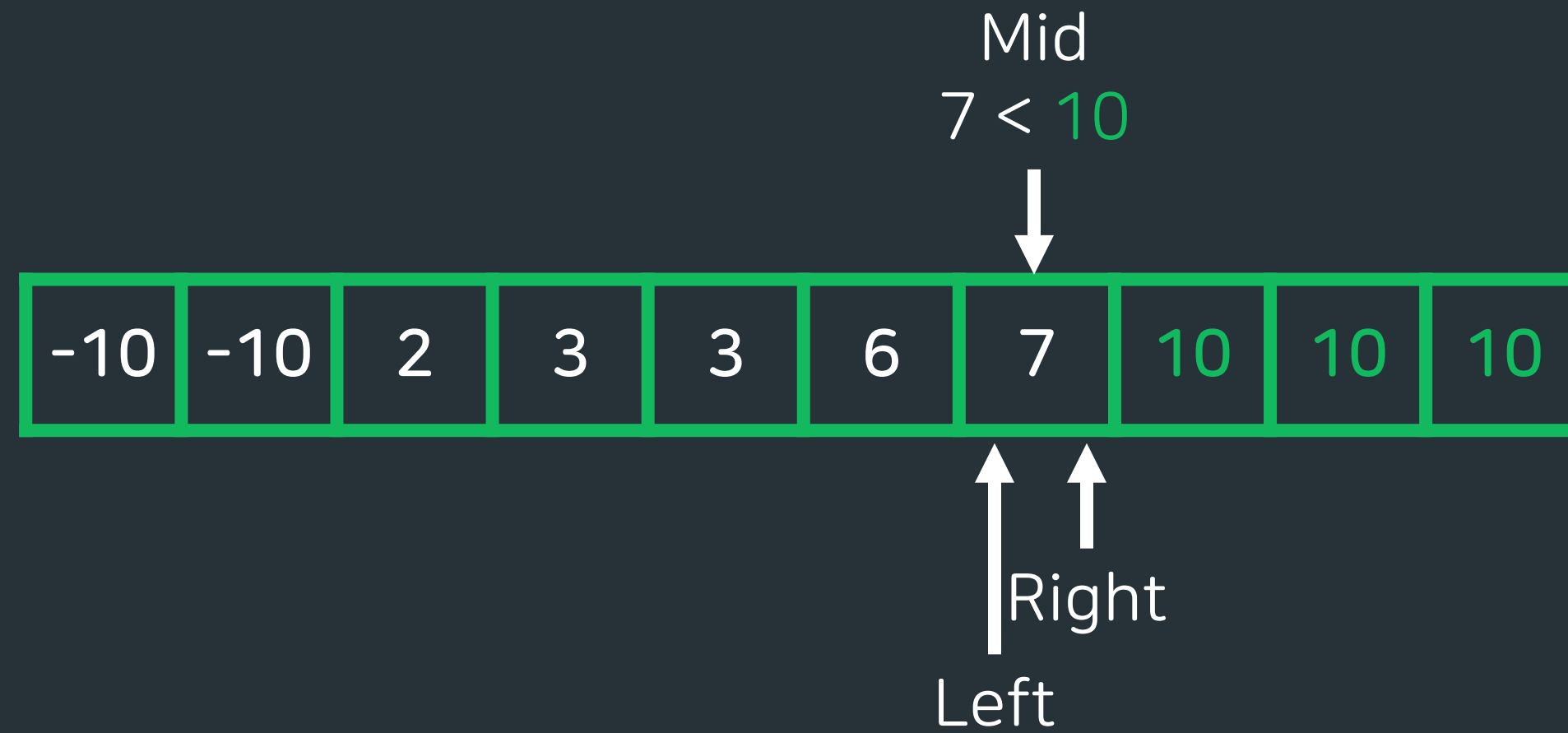
처음으로 10이 나오는 위치



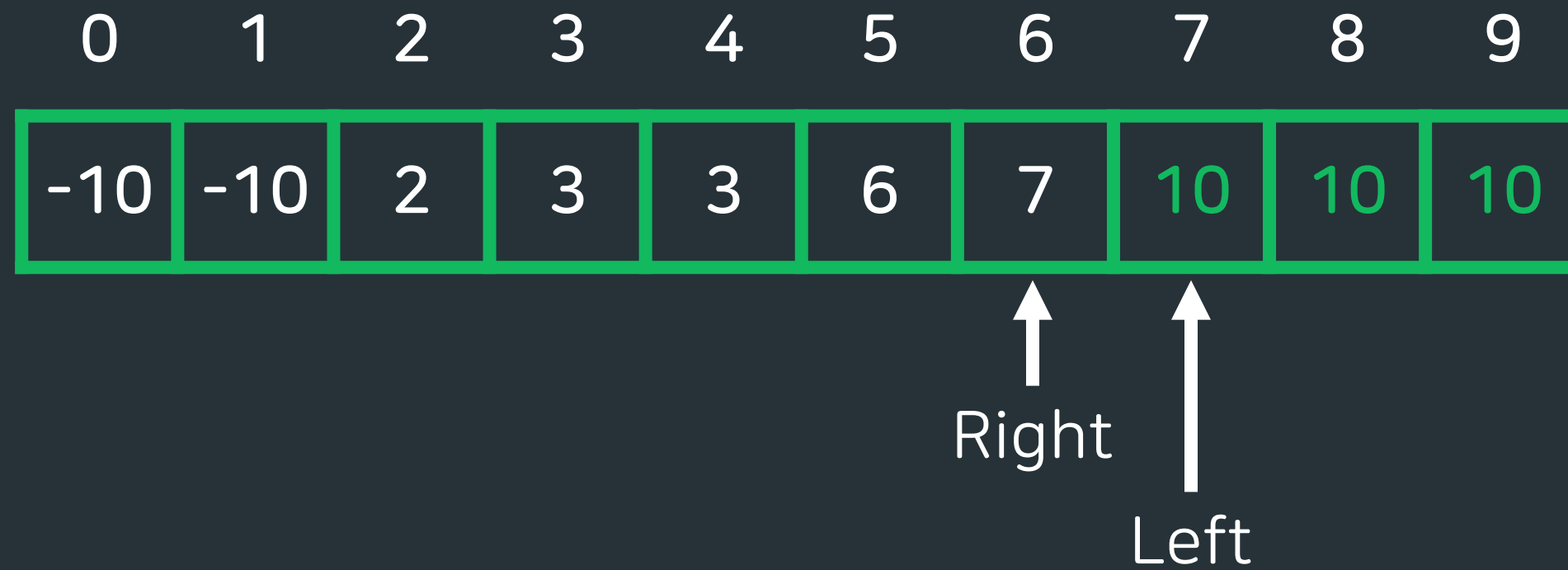
처음으로 10이 나오는 위치



처음으로 10이 나오는 위치

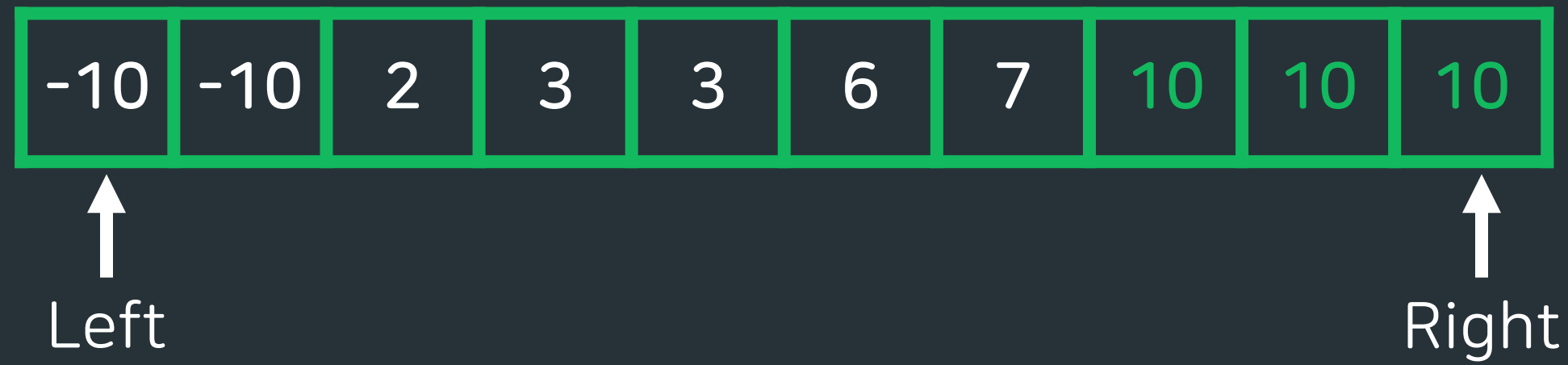


처음으로 10이 나오는 위치

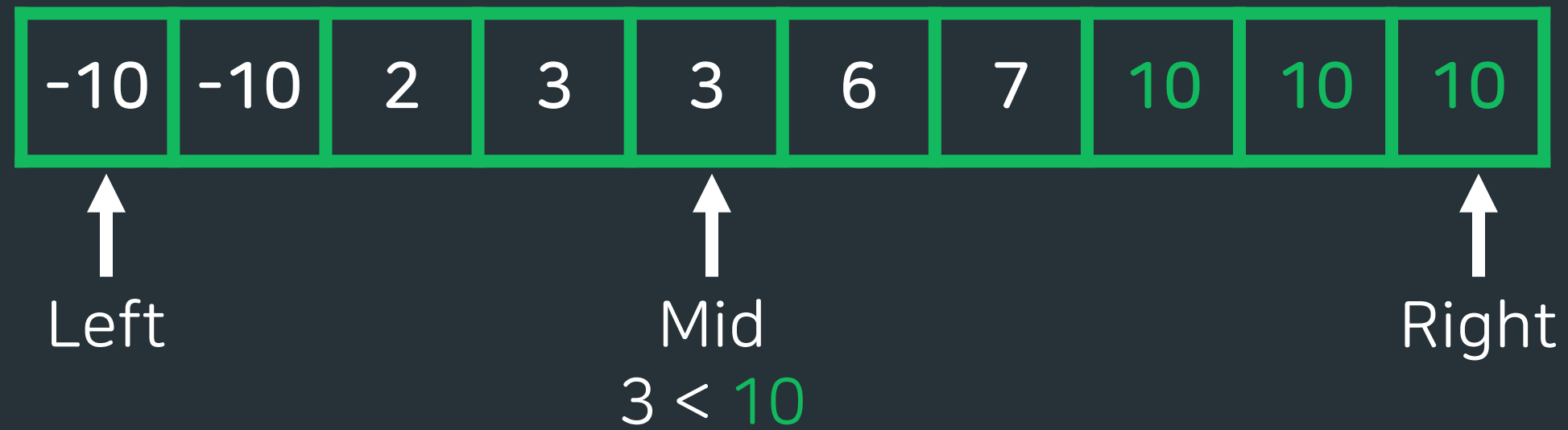


break!
처음으로 10이 나오는 위치는 7

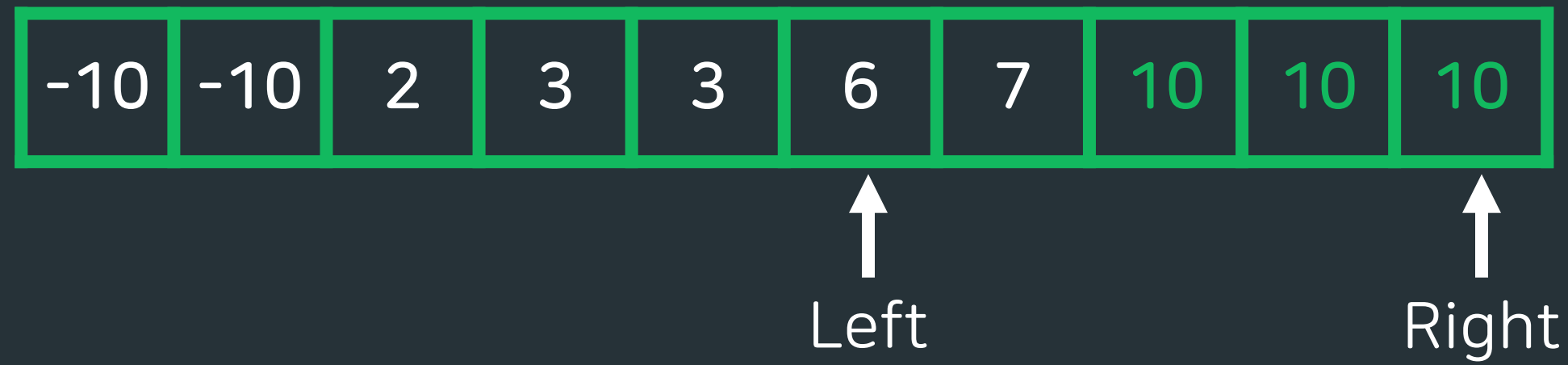
마지막으로 10이 나오는 위치



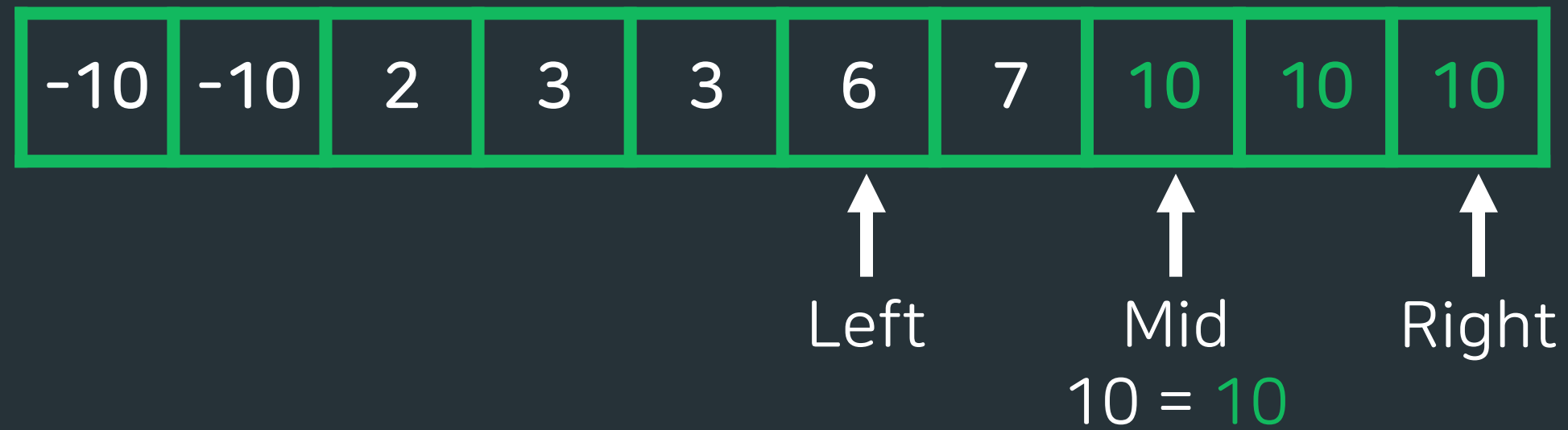
마지막으로 10이 나오는 위치



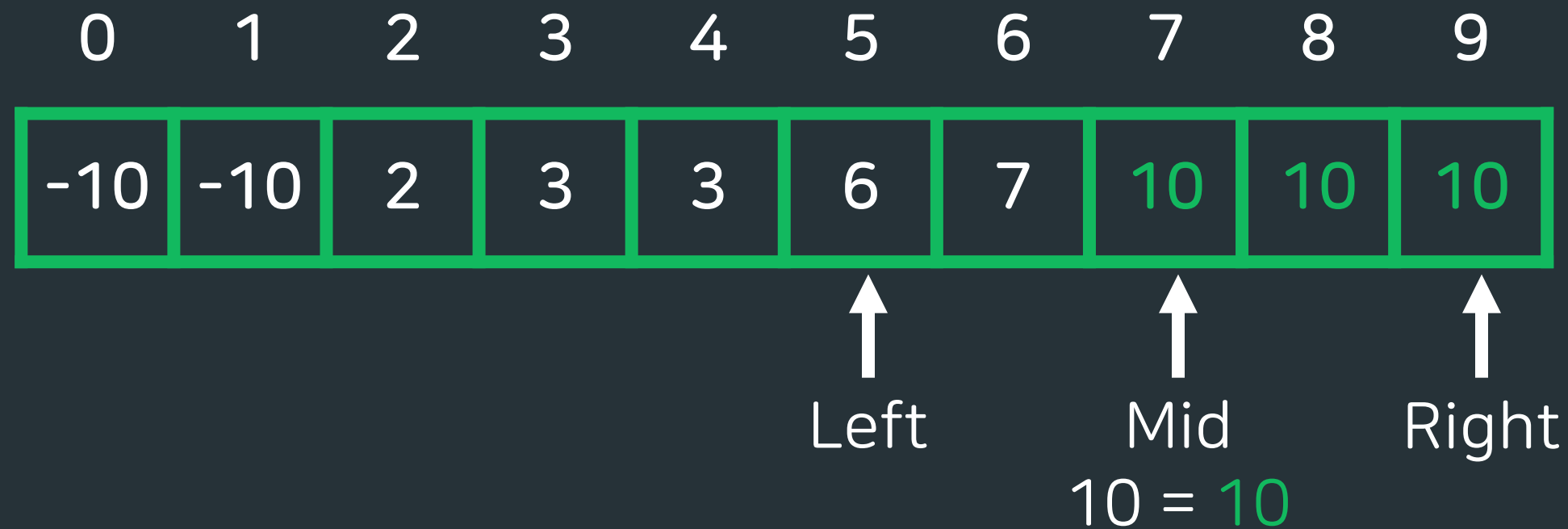
마지막으로 10이 나오는 위치



마지막으로 10이 나오는 위치

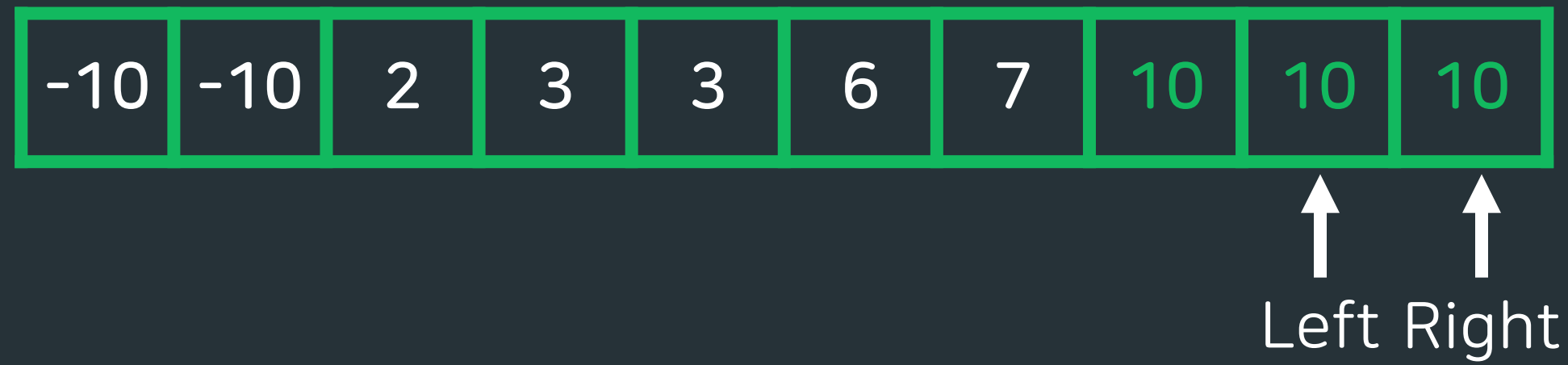


마지막으로 10이 나오는 위치

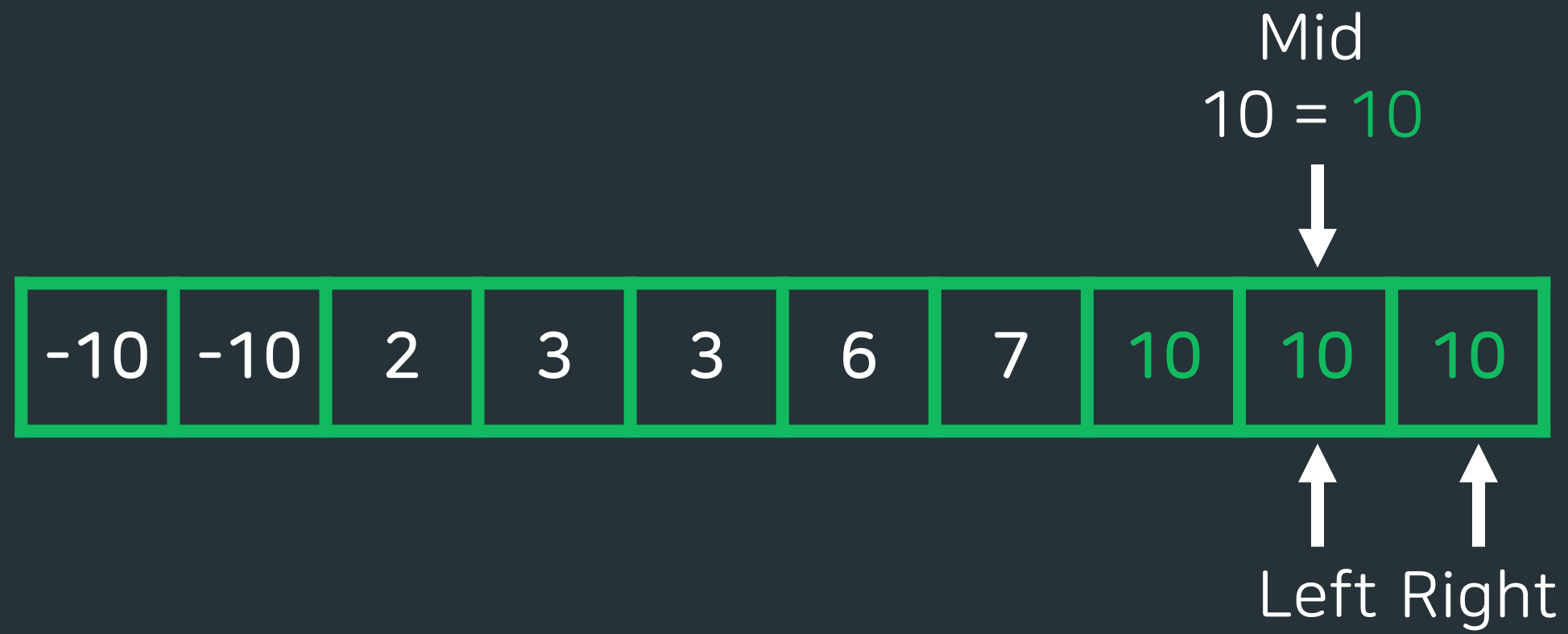


일단 7 위치에 있는데,
혹시 오른쪽에 10이 더 있지 않을까?

마지막으로 10이 나오는 위치



마지막으로 10이 나오는 위치



마지막으로 10이 나오는 위치

8 위치에 있는데!
오른쪽으로 더 가볼까?

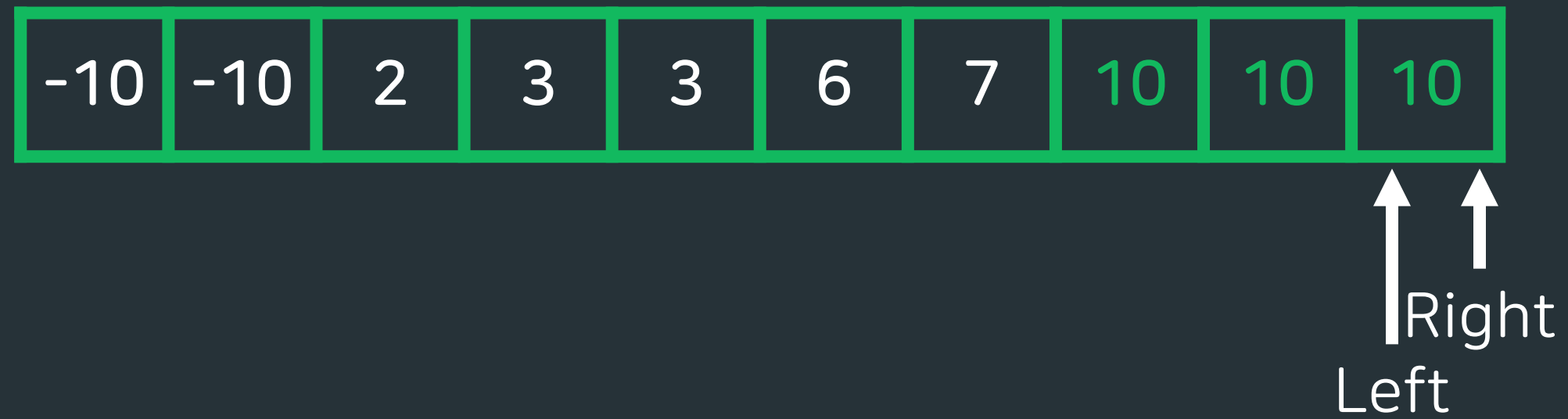
Mid
 $10 = 10$



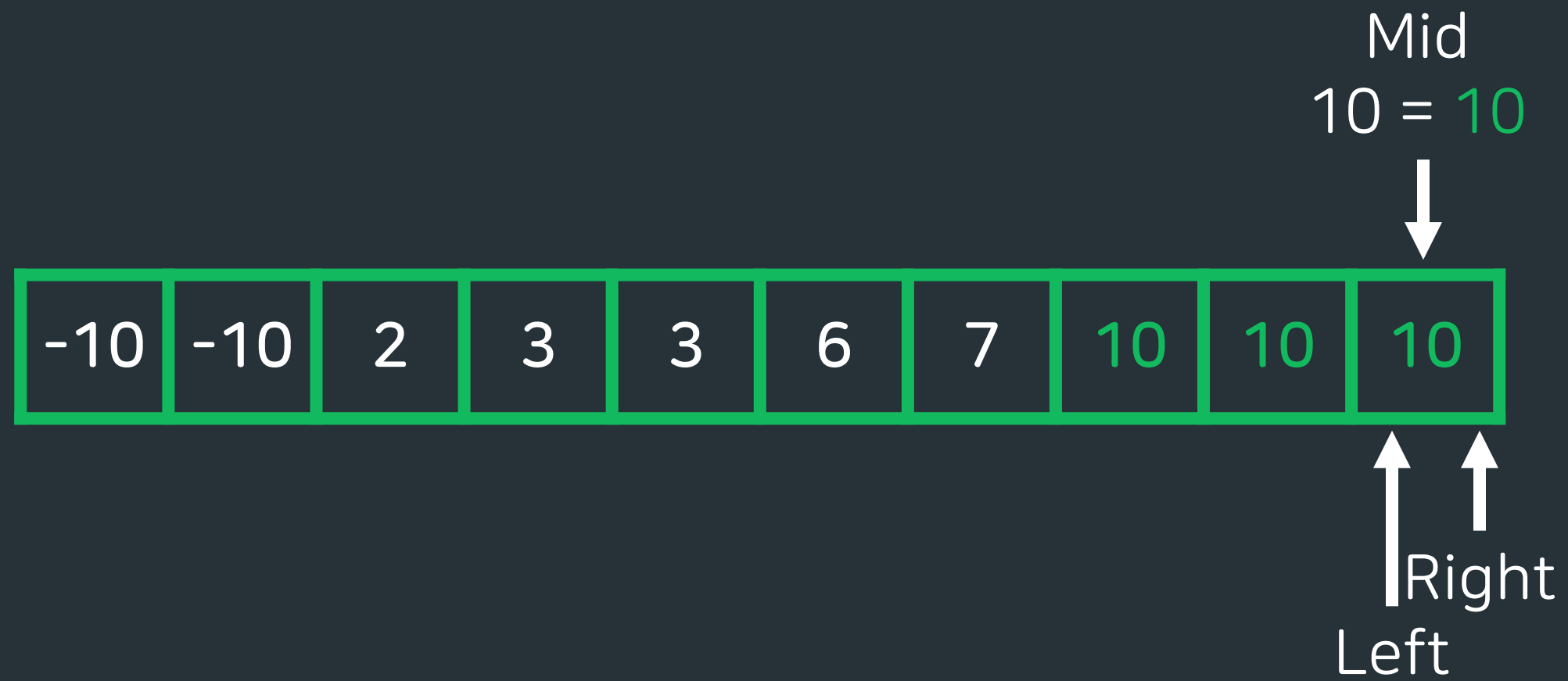
-10	-10	2	3	3	6	7	10	10	10
-----	-----	---	---	---	---	---	----	----	----

↑ ↑
Left Right

마지막으로 10이 나오는 위치



마지막으로 10이 나오는 위치



마지막으로 10이 나오는 위치

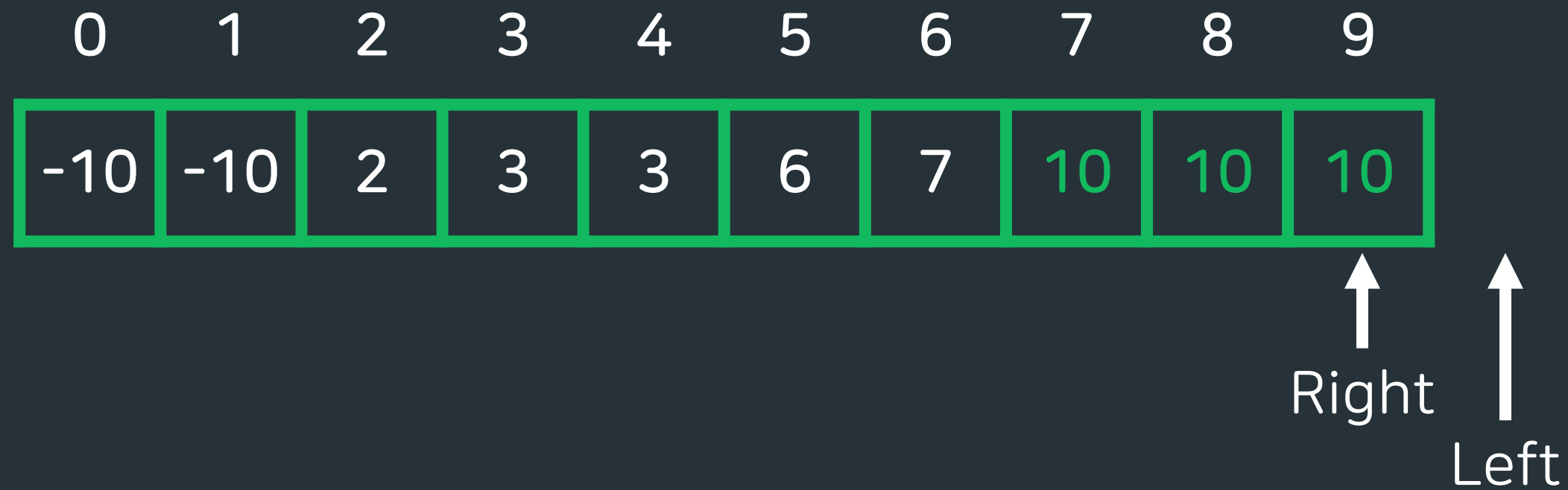
좀만 더?

Mid
 $10 = 10$

-10	-10	2	3	3	6	7	10	10	10
-----	-----	---	---	---	---	---	----	----	----

↑ Right
↑ Left

마지막으로 10이 나오는 위치



break!

마지막으로 10이 나오는 위치는 9

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
-10	-10	2	3	3	6	7	10	10	10

처음으로 10이 나오는 위치는 7
 마지막으로 10이 나오는 위치는 9
 10의 개수는 $(9-7)+1 = 3$

Lower Bound

- 찾고자 하는 값인 X 이상의 수가 처음으로 나오는 위치

Upper Bound

- 찾고자 하는 값인 X 를 초과하는 수가 처음으로 나오는 위치

Lower Bound


- 찾고자 하는 값인 X 이상의 수가 처음으로 나오는 위치

Upper Bound

- 찾고자 하는 값인 X 를 초과하는 수가 처음으로 나오는 위치

* 정확히 말하면 10의 lower bound는 7이지만, 10의 upper bound는 10

함수가 있긴 한데요...! 222



Search: Go

Not logged in

register log in

C++

InformationTutorialsReferenceArticlesForum

Reference

C library:Containers:Input/Output:Multi-threading:Other:

<algorithm><bitset><chrono><codecvt><complex><exception><functional><initializer_list><iterator><limits><locale><memory><new><numeric><random><ratio>

You were redirected to [cplusplus.com/lower_bound](#) || See search results for: "lower_bound"

function template

std::lower_bound

<algorithm>

default (1)

```
template <class ForwardIterator, class T>
ForwardIterator lower_bound (ForwardIterator first, ForwardIterator last,
                           const T& val);
```

custom (2)

```
template <class ForwardIterator, class T, class Compare>
ForwardIterator lower_bound (ForwardIterator first, ForwardIterator last,
                           const T& val, Compare comp);
```

Return iterator to lower bound

Returns an iterator pointing to the first element in the range [first, last) which does not compare less than *val*.


The elements are compared using `operator<` for the first version, and `comp` for the second. The elements in the range shall already be sorted according to this same criterion (`operator<` or `comp`), or at least partitioned with respect to *val*.

The function optimizes the number of comparisons performed by comparing non-consecutive elements of the sorted range, which is specially efficient for random-access iterators.

Unlike `upper_bound`, the value pointed by the iterator returned by this function may also be equivalent to *val*, and not only greater.

The behavior of this function template is equivalent to:

```
1 template <class ForwardIterator, class T>
2   ForwardIterator lower_bound (ForwardIterator first, ForwardIterator last, const T& val)
3 {
4   ForwardIterator it;
5   iterator_traits<ForwardIterator>::difference_type count, step;
6   count = distance(first, last);
7   while (count>0)
```



Search: Go

Not logged in

register log in

C++

InformationTutorialsReferenceArticlesForum

Reference

C library:Containers:Input/Output:Multi-threading:Other:

<algorithm><bitset><chrono><codecvt><complex><exception><functional><initializer_list><iterator><limits><locale><memory><new><numeric><random><ratio>

You were redirected to [cplusplus.com/upper_bound](#) || See search results for: "upper_bound"

function template

std::upper_bound

<algorithm>

default (1)

```
template <class ForwardIterator, class T>
ForwardIterator upper_bound (ForwardIterator first, ForwardIterator last,
                           const T& val);
```

custom (2)

```
template <class ForwardIterator, class T, class Compare>
ForwardIterator upper_bound (ForwardIterator first, ForwardIterator last,
                           const T& val, Compare comp);
```

Return iterator to upper bound

Returns an iterator pointing to the first element in the range [first, last) which compares greater than *val*.

The elements are compared using `operator<` for the first version, and `comp` for the second. The elements in the range shall already be sorted according to this same criterion (`operator<` or `comp`), or at least partitioned with respect to *val*.

The function optimizes the number of comparisons performed by comparing non-consecutive elements of the sorted range, which is specially efficient for random-access iterators.

Unlike `lower_bound`, the value pointed by the iterator returned by this function cannot be equivalent to *val*, only greater.

The behavior of this function template is equivalent to:

```
1 template <class ForwardIterator, class T>
2   ForwardIterator upper_bound (ForwardIterator first, ForwardIterator last, const T& val)
3 {
4   ForwardIterator it;
5   iterator_traits<ForwardIterator>::difference_type count, step;
6   count = std::distance(first, last);
7   while (count>0)
8   {
```

이분 탐색 문제의 특징 때문에 구현하는 방법을 알아야 함

지금까지 한 것들 다 맵, 셋으로도 구현할 수 있는데
굳이 이분 탐색을 해야 하나?

/<> 2110번 : 공유기 설치 - Silver 1

문제

- N개의 **집**이 수직선상에 놓여있다.
- **공유기**는 C개가 있고, 한 집에 **최대 하나**만 설치할 수 있다.
- 공유기 C개를 설치할 때, 가장 인접한 **두 공유기 사이의 최대 거리**는?

제한 사항

- N의 범위는 $2 \leq N \leq 200,000$
- C의 범위는 $2 \leq C \leq N$
- 집의 좌표 x의 범위는 $0 \leq x \leq 1,000,000,000$

예제 입력

```
5 3
1
2
8
4
9
```

예제 출력

```
3
```

Hint

1. 최댓값이라면 정확한 값이 아니라 **근삿값**이겠네요?
2. **관점**을 바꿔볼까요? 문장을 뒤집어 보는 건 어떨까요?

Parametric Search

- 최적화 문제를 결정 문제로 바꾸는 알고리즘
- 가능한 답의 나열이 비내림차순 또는 비오름차순이어야 함
= 정렬된 상태여야 함
- 최댓값, 최솟값을 요구하는 문제라면 Parametric Search가 아닌지 의심!
- 탐색을 시작할 left, right를 잘 정해야 함

최적화 문제를 결정 문제로?



공유기 C개를 설치할 때, 가장 인접한 두 공유기 사이의 최대 거리는?

공유기 C개를 설치할 때, 가장 인접한 두 공유기 사이의 최대 거리는?
-> 가장 인접한 두 공유기 사이의 거리가 K일 때, 공유기 C개를 설치할 수 있는가?

질문에 대한 답이 하나로 나오는 결정 문제로 바꾸기
가능한 모든 K 중 최댓값이 두 공유기 사이의 최대거리

	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22
arr	2	2	3	3	3	3	3	4	4	4

$arr[i] = k$ (=i원에 쓰이는 5원의 개수는 k개)

5원 3개와 다른 동전들로 나타낼 수 있는 **최댓값**은?

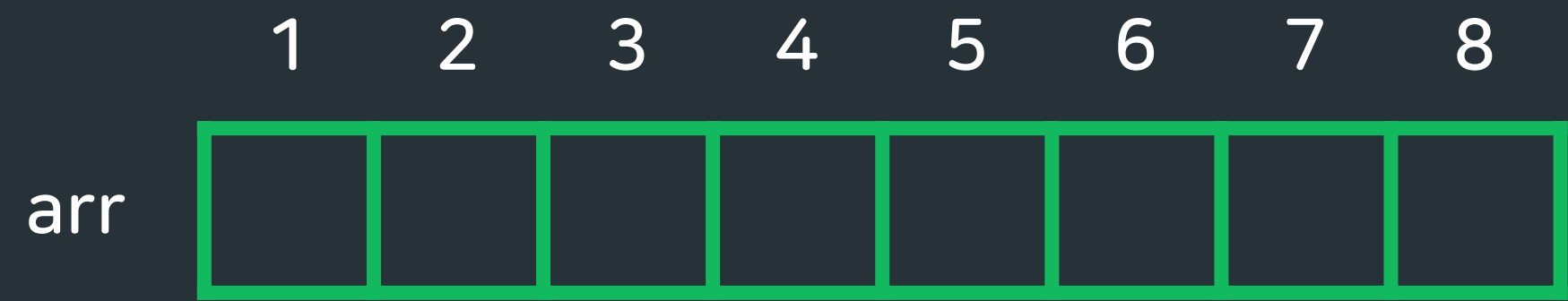
*단, 남은 동전을 5로 나눈 값이 1이상이라면 반드시 5원을 사용해야 한다.

	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22
arr	5	6	3	4	5	6	7	4	5	6

$arr[i] = k$ (=i원에 쓰이는 동전은 총 k개)

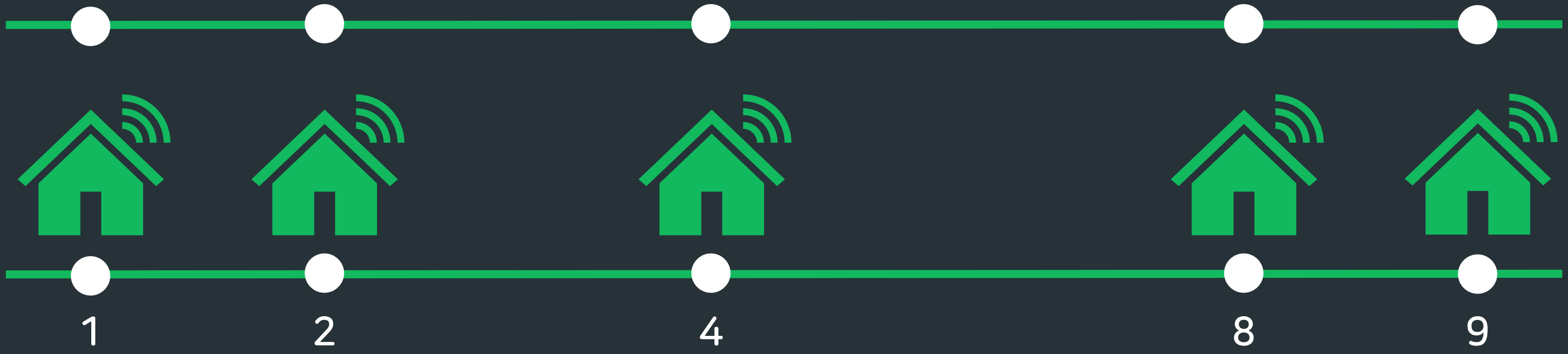
5원과 1원 총 4개를 사용하여 나타낼 수 있는 **최댓값**은?
*단, 남은 동전을 5로 나눈 값이 1이상이라면 반드시 5원을 사용해야 한다.

우리가 풀게 될 문제는?



arr[i] = k (=가장 인접한 공유기 사이의 거리가 **i**이상일 때 설치되는 **최대** 공유기의 개수)

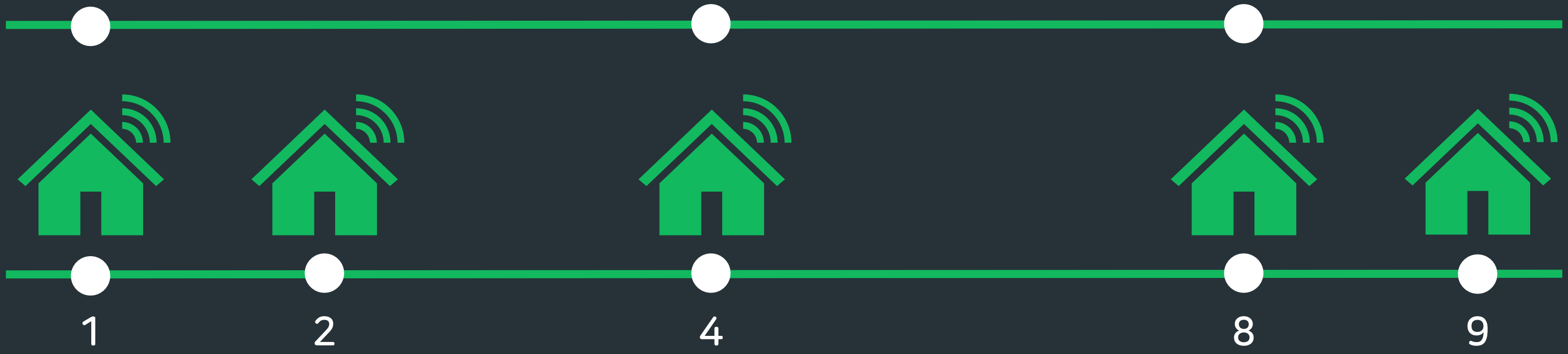
우리가 풀게 될 문제는?



	1	2	3	4	5	6	7	8
arr	5							

arr[i] = k (=가장 인접한 공유기 사이의 거리가 **i이상**일 때 설치되는 **최대** 공유기의 개수)

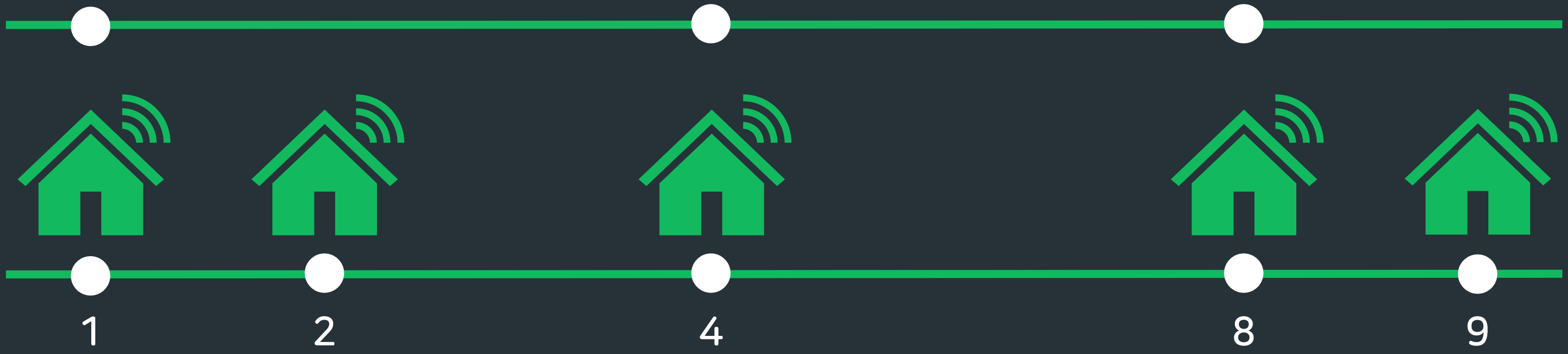
우리가 풀게 될 문제는?



	1	2	3	4	5	6	7	8
arr	5	3						

arr[i] = k (=가장 인접한 공유기 사이의 거리가 **i이상**일 때 설치되는 **최대** 공유기의 개수)

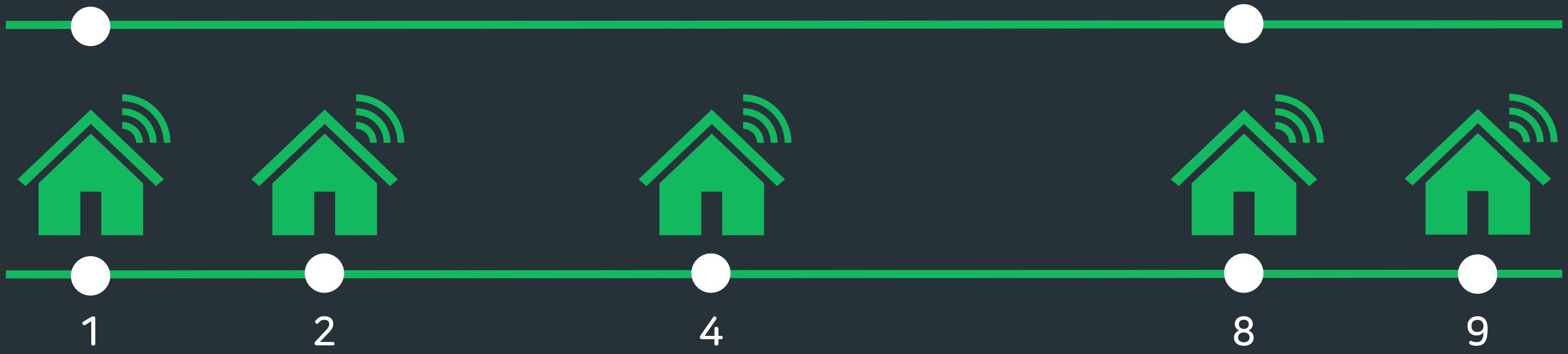
우리가 풀게 될 문제는?



	1	2	3	4	5	6	7	8
arr	5	3	3					

arr[i] = k (=가장 인접한 공유기 사이의 거리가 **i이상**일 때 설치되는 **최대** 공유기의 개수)

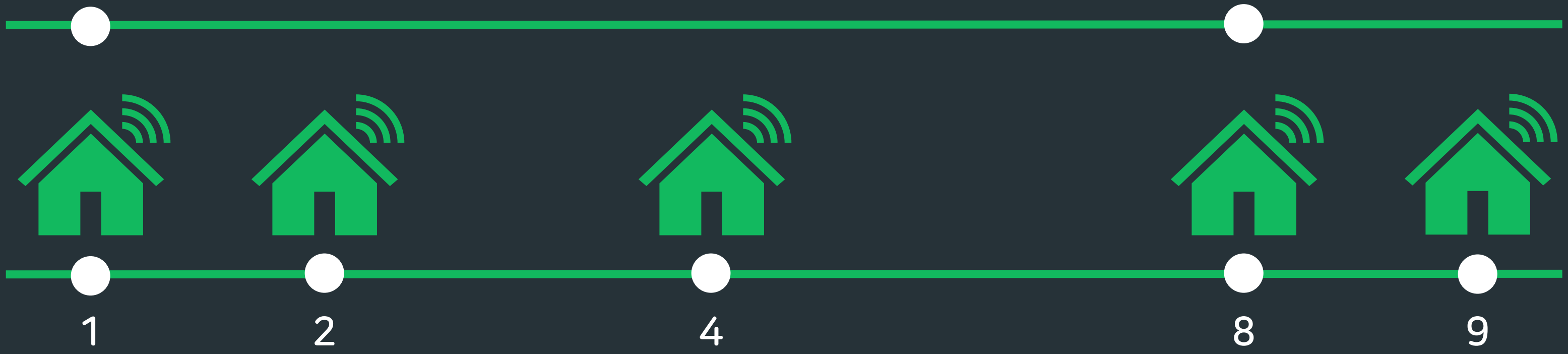
우리가 풀게 될 문제는?



	1	2	3	4	5	6	7	8
arr	5	3	3	2				

arr[i] = k (=가장 인접한 공유기 사이의 거리가 **i이상**일 때 설치되는 **최대** 공유기의 개수)

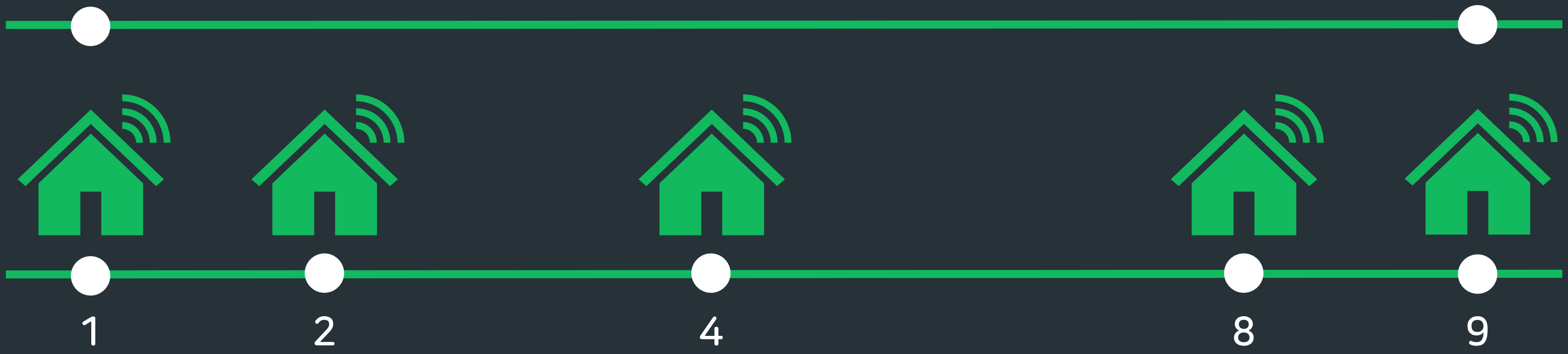
우리가 풀게 될 문제는?



	1	2	3	4	5	6	7	8
arr	5	3	3	2	2	2	2	

arr[i] = k (=가장 인접한 공유기 사이의 거리가 **i이상**일 때 설치되는 **최대** 공유기의 개수)

우리가 풀게 될 문제는?



	1	2	3	4	5	6	7	8
arr	5	3	3	2	2	2	2	2

arr[i] = k (=가장 인접한 공유기 사이의 거리가 **i**이상일 때 설치되는 **최대** 공유기의 개수)

정리

- 배열의 원소가 정렬된 상태라면 이분 탐색보다 더 빨리 특정 원소를 찾을 수는 없음! $O(\log n)$
- 분할 정복과 달리 문제를 나눈 뒤, 답이 없을 문제의 절반을 버림
- 코딩 테스트에는 주로 Parametric Search 문제로 등장
- 최댓값, 최솟값이라는 키워드가 보인다면 일단 이분 탐색을 의심해보자
- 효율성 테스트 문제로 아주 많이 출제됨

이것도 알아보세요

- 원소를 정렬된 상태로 저장하는 맵과 셋에도 lower, upper bound가 있습니다. 한 번 찾아보세요

3문제 이상 선택



2019 카카오 개발자 겨울 인턴십 : 징검다리 건너기 - Level 3

/<> 2343번 : 기타 레슨 - Silver 1

/<> 3079번 : 입국심사 - Silver 1

/<> 13397번 : 구간 나누기 2 - Gold 4

/<> 16401번 : 과자 나눠주기 - Silver 3

/<> 19637번 : IF문 좀 대신 써줘 - Silver 3