

Algorithm Study

01.27.2024 김홍주

#1238. 파티 / Gold3

Q. #1238.파티 (Gold 3)

N개의 숫자로 구분된 각각의 마을에 한 명의 학생이 살고 있다.

어느 날 이 N명의 학생이 X ($1 \leq X \leq N$)번 마을에 모여서 파티를 벌이기로 했다.

이 마을 사이에는 총 M개의 단방향 도로들이 있고 i번째 길을 지나는데 T_i ($1 \leq T_i \leq 100$)의 시간을 소비한다.

각각의 학생들은 파티에 참석하기 위해 걸어가서 다시 그들의 마을로 돌아와야 한다. 하지만 이 학생들은 워낙 게을러서 최단 시간에 오고 가기를 원한다.

이 도로들은 단방향이기 때문에 아마 그들이 오고 가는 길이 다를지도 모른다.

N명의 학생들 중 오고 가는데(왕복) 가장 많은 시간을 소비하는 학생은 누구일지 구하여라.

<입력 조건 >

- 첫째 줄에 N ($1 \leq N \leq 1,000$), M ($1 \leq M \leq 10,000$), X 입력
- 다음 M개의 줄에 i번째 도로의 시작점, 끝점, 위 도로의 소요시간 T_i 입력
- 시작점 = 끝점 같은 도로는 없음
- 시작점과 한 도시 A에서 다른 도시 B로 가는 도로 개수는 최대 1개
- 모든 N명의 학생은 집에서 X에 갈 수 있고, X에서 집으로 돌아올 수 있는 데이터만 입력으로 주어진다.

<출력 조건>

- 첫 번째 줄에 N명의 학생들 중 왕복 시간이 가장 오래 걸리는 학생의 소요시간을 출력한다.

Q. #1238.파티 (Gold 3)

N개의 숫자로 구분된 각각의 마을에 한 명의 학생이 살고 있다.

어느 날 이 **N명의 학생이 X ($1 \leq X \leq N$)번 마을에 모여서** 파티를 벌이기로 했다.

이 마을 사이에는 **총 M개의 단방향 도로**들이 있고 **i번째 길을 지나는데 $T_i (1 \leq T_i \leq 100)$ 의 시간**을 소비한다.

각각의 학생들은 파티에 참석하기 위해 걸어가서 다시 그들의 마을로 돌아와야 한다. 하지만 이 학생들은 워낙 게을러서 **최단 시간**에 오고 가기를 원한다.

이 도로들은 단방향이기 때문에 아마 그들이 **오고 가는 길이 다를지도 모른다.**

N명의 학생들 중 **오고 가는데(왕복) 가장 많은 시간을 소비하는 학생**은 누구일지 구하여라.

<입력 조건 >

- 첫째 줄에 **$N (1 \leq N \leq 1,000)$, $M (1 \leq M \leq 10,000)$, X** 입력
- 다음 M개의 줄에 i번째 도로의 **시작점, 끝점**, 위 도로의 **소요시간 T_i** 입력
- 시작점 = 끝점 같은 도로는 없음
- 시작점과 한 도시 A에서 다른 도시 B로 가는 도로 개수는 최대 1개
- 모든 N명의 학생은 집에서 X에 갈 수 있고, X에서 집으로 돌아올 수 있는 데이터만 입력으로 주어진다.

<출력 조건>

- 첫 번째 줄에 N명의 학생들 중 **왕복 시간이 가장 오래 걸리는 학생의 소요시간**을 출력한다.

[예제]

입력

4 8 2 # N, M, X

1 2 4 # 시작, 끝, 소요시간

1 3 2

1 4 7

2 1 1

2 3 5

3 1 2

3 4 4

4 2 3

출력

10

Hint

0. 왕복 최단 거리 계산 : $\text{MAX}(\{\text{N마을} \rightarrow \text{파티장}\} + \{\text{파티장} \rightarrow \text{N마을}\})$

1. 다익스트라 (Dijkstra) # 최단거리, # 그리디, # 우선순위 큐

- 그래프에서 한 정점(X)에서 다른 정점(A,B,C..) 까지 가는 각각의 최단 경로 구하는 방법
- 동작 과정

1. 출발 노드 설정 : X
2. 최단 거리 테이블 초기화 * $\text{distance}([1,2,3 \dots n]) = \text{INF}$

노드 번호 N	1(start)	2	3	4	...
최단 거리	0	INF	INF	INF	

*각 노드에 대한 최단 거리를 담은 1차원 리스트

3. 노드들 중

(1) 방문 하지 않았고

(2) 현재 가장 거리가 짧은 노드를 선택

- 구현 방법 : 완전 탐색($O(V^2)$) / 우선순위 큐 by heapque($O(E \log V)$)

: $\min(\text{Cost}(X \rightarrow a, b, c \dots)) \ \& \ \text{not visited} \Rightarrow a \text{ 선택}$

4. 출발점(X)에서 위 노드(a) 를 경유해서 다른(인접) 노드 (Y) 로 가는 거리 계산 \Rightarrow 최단 거리 테이블 업데이트
: $\text{Cost}(X \rightarrow a \rightarrow Y) < \text{Cost}(X \rightarrow Y) \Rightarrow \text{update!}$

Hint

1-2. 다익스트라 (Dijkstra) # 최단거리, # 그리디, # 우선순위 큐

```
import heapq

def dijkstra(s):
    #2. 최단거리 테이블 초기화
    D = [float('inf')] * (N+1)
    D[s] = 0
    q = []
    # 최단 거리 테이블을 heap으로 구현
    heapq.heappush(q, (0, s))
    # heap에 (가중치, 노드) 형식으로 삽입

    #3. 현재 출발점과 가장 가깝고, 방문 안한 노드(경유지) 찾기
    while q:
        dist, now = heapq.heappop(q)
        # 최소힙이므로 가중치가 가장 작은 값이 pop
        if D[now] >= dist:
            # 이미 최솟값 구했는지 확인(방문여부확인)

    #4. 인접한 노드 중 now를 경유할 때 더 작은 값이면 최단거리 테이블 갱신 & 큐 삽입
    for v, val in city[now]:
        # 연결된 노드(Y)를 확인
        if dist + val < D[v]:
            # 경유 방법이 가중치가 더 작은 값이면 갱신
            D[v] = dist + val
            heapq.heappush(q, (dist + val, v))
    # 큐에 삽입

    return D

dijkstra(start) # 1.출발점 설정
```

- 그래프에서 한 정점(X)에서 다른 정점(A,B,C...) 까지 가는 각각의 최단 경로 구하는 방법
- 동작 과정

1. 출발 노드 설정 : X *distance([1,2,3 .. n]) = INF
2. 최단 거리 테이블 초기화

노드 번호 N	1	2	3	4	...
최단 거리	0	INF	INF	INF	

*각 노드에 대한 최단 거리를 담은 1차원 리스트

3. 현재 노드와 연결된 노드 중
 - (1) 방문 하지 않았고
 - (2) 가장 거리가 짧은 노드를 선택
 - 구현 방법 : 우선순위 큐 by heapque($O(E \log V)$)
4. 현재 노드(X)가 위 노드(a)를 경유해서 다른(인접) 노드 (Y)로 가는 거리 계산
=> 최단 거리 테이블 업데이트

My Solution

```
import sys
import heapq
# 1. 인접 리스트 field 만들기 (단방향)
input = sys.stdin.readline
INF = int(1e9) #1<=Time<=100
N, M, start_town = map(int, input().split()) # 시작 note
# 각 road (edge)와 Time 정보가 담긴 리스트 만들기
field = [[] for _ in range(N+1)] # idx: 1~ N+1
#무한으로 최단 거리 테이블 초기화
to_X_distance = [ [INF for _ in range(N+1)] for k in range(N+1)]
# 1-2. 모든 road 및 time 정보 넣기
```

```
for m in range(M):
    start, end, time = map(int, input().split())
    field[start].append((end, time))
```

```
# 다익스트라
def dijkstra(start, distance):
    q = [] # 우선순위 큐
    #1. 시작 노드에 대해 최단경로 = 0, 큐 삽입(시간 = 0, 노드)
    heapq.heappush(q, (0, start))
    distance[start] = 0
    #2. q가 비어 있기 전까지
    while q:
        # 가장 최단 거리 짧은 노드에 대한 정보 추출
        time, now = heapq.heappop(q) # A -> now(출간)
        # 현재 노드가 이미 처리 = 방문 여부 확인
        if distance[now] < time:
            continue
        # 현재 노드와 연결된 다른 인접 노드 확인
        for near_road, near_time in field[now]:
            duration = near_time + time # A -> now -> B
            # 기존 방법 보다 현재 노드 경유해서 갈때 시간이 적게 걸릴때
            # 큐 삽입 & 최단거리 테이블 업데이트
            if duration < distance[near_road]:
                distance[near_road] = duration # 업데이트
                heapq.heappush(q, (duration, near_road)) # 큐에 넣기
```

```
# 다익스트라 수행
for i in range(1, N+1):
    to_X_distance[i] = dijkstra(i, to_X_distance[i])

# result[N] = distance( N -> X ) + distance(X -> N) # N의 출발 최단 거리
result = [0 for _ in range(N+1)]
for town in range(1, N+1):
    result[town] = to_X_distance[town][start_town] + to_X_distance[start_town][town]

print(max(result))
```

1. 인접 리스트 (단방향) 만들기

2. 최단 거리 테이블 초기화

: 1차 => 2차 리스트

3. 다익스트라

: Start 마을 -> N개 마을의 최단 거리 테이블 반환

My Solution

```
import sys
import heapq
# 1. 입력 리스트 field 만들기 (단방향)
input = sys.stdin.readline
INF = int(1e9) #1<=Time<=100
N, M, start_town = map(int, input().split()) # 시작 note
# 각 road (edge)와 Time 정보를 담을 리스트 만들기
field = [[] for _ in range(N+1)] # idx : 1~N+1
#무한으로 최단 거리 테이블 초기화
to_X_distance = [ [INF for _ in range(N+1)] for k in range(N+1)]
# 1-2. 모든 road 및 time 정보 받기
```

```
for m in range(M):
    start, end, time = map(int, input().split())
    field[start].append((end, time))
```

```
# 다익스트라
def dijkstra(start, distance):
    q = [] # 우선순위 큐
    #1. 시작 노드에 대해 최단경로 = 0, 큐 삽입(시간 = 0, 노드)
    heapq.heappush(q, (0, start))
    distance[start] = 0
    #2. q가 비어 있기 전까지
    while q:
        # 가장 최단 거리 짧은 노드에 대한 정보 추출
        time, now = heapq.heappop(q) # A -> now(중간)
        # 현재 노드가 이미 처리 = 방문 여부 확인
        if distance[now] < time:
            continue
        # 현재 노드와 연결된 다른 인접 노드 확인
        for near_road, near_time in field[now]:
            duration = near_time + time # A -> now -> B
            # 기존 방법 보다 현재 노드 경유해서 갈때 시간이 적게 걸릴때
            # 큐 삽입 & 최단거리 테이블 업데이트
            if duration < distance[near_road]:
                distance[near_road] = duration # 업데이트
                heapq.heappush(q, (duration, near_road)) # 큐에 넣기
```

```
# 다익스트라 수행
for i in range(1, N+1):
    to_X_distance[i] = dijkstra(i, to_X_distance[i])

# result[N] = distance( N -> X ) + distance(X -> N) # N의 왕복 최단 거리
result = [0 for _ in range(N+1)]
for town in range(1, N+1):
    result[town] = to_X_distance[town][start_town] + to_X_distance[start_town][town]

print(max(result))
```

```
# 다익스트라 수행
for i in range(1, N+1):
    to_X_distance[i] = dijkstra(i, to_X_distance[i])

# result[N] = distance( N -> X ) + distance(X -> N) # N의 왕복 최단 거리
result = [0 for _ in range(N+1)]
for town in range(1, N+1):
    result[town] = to_X_distance[town][start_town] + to_X_distance[start_town][town]

print(max(result))
```

4. N -> N 의 최단 거리 테이블 업데이트 (N-1 다익스트라)

Town(X=2)	0	1	2	3	4
0					
1 -> n		0	4	2	6
2 -> n		1	0	3	7
3 -> n		2	6	0	4
4 -> n		4	3	6	0

N -> X : 집에서 파티장까지 최단 거리

X -> N : 집 도착 최단 거리

	1	3	4
N->X	4	6	3
X->N	1	3	7
왕복	5	9	10

다른 Solution 1.

: 역방향 그래프 구축해서 다익스트라 2번 사용하기(Pypy3: 296m)

```
import sys
import heapq
INF = 1e10
def input(): return sys.stdin.readline().rstrip()

def dijkstra(s, edge):
    dist = [INF] * (n+1)
    q = []
    heapq.heappush(q, (s, 0))
    while q:
        w, d = heapq.heappop(q)
        if dist[w] < d:
            continue
        for nxt, c in edge[w]:
            if dist[nxt] > d + c:
                dist[nxt] = d + c
                heapq.heappush(q, (nxt, d + c))
    return dist

n, m, x = map(int, input().split())
graph = [[] for _ in range(n+1)]
reverse_graph = [[] for _ in range(n+1)]
for _ in range(m):
    a, b, c = map(int, input().split())
    graph[a].append((b, c))
    reverse_graph[b].append((a, c))
node2x = dijkstra(x, reverse_graph)
x2node = dijkstra(x, graph)

print(max([x2node[i] + node2x[i] for i in range(1, n+1) if i != x]))
```

다른 Solution 2.

: 다익스트라 N-1번 & 1차원 최단거리 테이블 사용

```
import heapq

def dijkstra(s):
    D = [float('inf')] * (N+1)
    D[s] = 0
    q = []
    # 최단 거리 테이블을 heap으로 구현
    heapq.heappush(q, (0, s))
    # heap에 (가중치, 노드) 형식으로 삽입
    while q:
        dist, now = heapq.heappop(q)
        # 최소힙이므로 가중치가 가장 작은 값이 pop
        if D[now] <= dist:
            # 이미 최단거리 구했는지 확인
            continue
        for v, val in city[now]:
            # 연결된 노드들 확인
            if dist + val < D[v]:
                # 가중치가 더 작은 값이면 갱신
                D[v] = dist + val
                heapq.heappush(q, (dist + val, v))
    return D

N, M, X = map(int, input().split())
city = [[] for _ in range(N+1)]
for _ in range(M):
    a, b, t = map(int, input().split())
    city[a].append((b, t))

# 1. X -> N 마을로 돌아가는 최단 거리 테이블
ans = dijkstra(X)
ans[0] = 0

# 2. 왼쪽 최단 거리 구하기
for i in range(1, N+1):
    if i != X:
        res = dijkstra(i) # N(X 제외) -> 최단 거리
        ans[i] += res[X] # 그 중 N -> X 가는 길 더함

print(max(ans))
```


Assignment

[백준#4480 녹색 옷 입은 애가 젤다지?] Gold4

- 문제 : <https://www.acmicpc.net/problem/4485>

#다익스트라