Университет ИТМО

Инфокоммуникационные технологии и

системы связи

Программирование в

инфокоммуникационных сетях

Лабораторная работа #1

Коркина Анна Михайловна (К3120)

Преподаватель: Харьковская Татьяна

Александровна

Г. Санкт-Петербург

10.04.2021

1 задача. Максимальная стоимость добычи

Вор находит гораздо больше добычи, чем может поместиться в его сумке. Помогите ему найти самую ценную комбинацию предметов, предполагая, что любая часть предмета добычи может быть помещена в его сумку.

Решение: сортируем массив цен и весов по цене за килограмм по убыванию и забираем всё пока не закончится место в рюкзаке.

Код:

```
in file = open('input.txt')
n, max  weight = in  file.readline().split()
n, max weight = int(n), int(max weight)
things = []
for i in range(int(n)):
  line = in file.readline().split()
  price = \overline{int(line[0])}
  weight = int(line[1])
  things.append((price, weight, price / weight))
in file.close()
things.sort(key=lambda x: x[2], reverse=True)
taked = 0
ans = ""
for i in things:
  new weight = max weight - i[1]
  if (new weight >= \overline{0}):
     taked += i[0]
     max weight -= i[1]
  else:
     taked += i[0] * (max_weight / i[1])
     max weight = 0
  if (max weight == 0):
     ans = f''\{taked:.4f\}''
out = open('output.txt', 'w')
out.write(ans)
print(ans)
out.close()
```

2 задача. Заправки

Вы собираетесь поехать в другой город, расположенный в d км от вашего родного города. Ваш автомобиль может проехать не более m км на полном баке, и

вы начинаете с полным баком. По пути есть заправочные станции на расстояниях

stop1, stop2, ..., stop(n) из вашего родного города. Какое минимальное количество

заправок необходимо?

Решение:

В данном решении осуществляется проход по заправкам и смотрится возможно ли доехать до следующей заправки без пополнения бака на текущей.

Код:

```
inp = open('input.txt')
need = int(inp.readline())
tank = int(inp.readline())
n = int(inp.readline())
stations = list(map(int, inp.readline().split()))
inp.close()
def getFillsCount(need, tank, stations):
  stations.append(need)
  curr = 0
  count = 0
  for i in range(len(stations) - 1):
     if (stations[i] - curr > tank):
        return -1
     if (stations[i + 1] - curr) > tank:
        curr = stations[i]
        count +=1
  if (stations[len(stations) - 1] - curr < tank):</pre>
     return count
  else:
     return -1
count = getFillsCount(need, tank, stations)
out = open('output.txt', 'w')
out.write(str(count))
print(str(count))
out.close()
```

3 задача. Максимальный доход от рекламы

У вас есть n объявлений для размещения на популярной интернет-странице. Для каждого объявления вы знаете, сколько рекламодатель готов платить за один клик по этому объявлению. Вы настроили n слотов на своей странице и оценили ожидаемое количество кликов в день для каждого слота. Теперь ваша цель - распределить рекламу по слотам, чтобы максимизировать общий доход.

```
Код:
inp = open("input.txt")
n = int(inp.readline())
a = list(map(int, inp.readline().split()))
b = list(map(int, inp.readline().split()))
inp.close()

a = list(sorted(a))
b = list(sorted(b))

summ = 0
for i in range(n):
    summ += a[i] * b[i]

out = open("output.txt", "w")
out.write(str(summ))
out.close()
```

Решение:

изначально сортируются два входных массива и произведения соответствующих элементов из двух массивов суммируются. Это позволяет нам получить максимальный доход даже при наличии отрицательных чисел в массивах.

5 задача. Максимальное количество призов

Вы организуете веселый конкурс для детей. В качестве призового фонда у вас есть п конфет. Вы хотели бы использовать эти конфеты для раздачи к лучшим местам в конкурсе с естественным ограничением, заключающимся в том, что чем выше место, тем больше конфет. Чтобы осчастливить как можно больше детей, вам нужно найти наибольшее значение k, для которого это возможно.

Решение:

```
fin = open('input.txt')

n = int(fin.readline())

sum = 0

list_num = []

for i in range(1, n+1):

    if sum + i <= n:
        sum += i
        list_num.append(i)

    else:
        list_num[-1] += (n-sum)
        break
```

```
fout = open('output.txt', 'r')
fout.write(len(list_num))
fout.write(*list_num)
```

в массив для хранения потенциально возможного разложения числа помещаются все целые числа, начиная с единицы до того момента, пока их сумма не станет больше, чем разность параметра и последнего элемента, добавленного в массив. После этого в массив добавляется последнее число, необходимое для того, чтобы сделать сумму равной параметру(завершить разложение)

6 задача.Максимальная зарплата

В качестве последнего вопроса успешного собеседования ваш начальник дает вам несколько листков бумаги с цифрами и просит составить из этих цифр наибольшее число.

Решение:

если числа одного порядка — то проблем нет, выбираем наибольшее

иначе станное условие: если наименьшее равно концу наибольшего и больше чем его начало то оно идет на первое место (например, 233 и 33: 33 = 2

и $33 > 23 3 \rightarrow 33$ на первое место)

12 задача. Последовательность

Дана последовательность натуральных чисел a1, a2, ..., an, и известно, что ai \leq i для любого $1 \leq$ i \leq n. Требуется определить, можно ли разбить элементы последовательности на две части таким образом, что сумма элементов в каждой из частей будет равна половине суммы всех элементов последовательности.

Решение:

```
inp = open("input.txt")
n = int(inp.readline())
seg = list(map(int, inp.readline().split()))
need = sum(seq)
if(need \% 2 == 1):
  out = open("output.txt", "w")
  out.write("-1")
  out.close()
  exit()
need = need // 2
taked = 0
i = 0
while((i < len(seg)) and (taked < need)):
  taked += seq[i]
 i += 1
if(taked == need):
  res = ""
  takedSecondHalf = 0
  takedSecondCount = 0
  for index in range(i, len(seq)):
    takedSecondHalf += seq[index]
    takedSecondCount += 1
    res += f"{seq[index]} "
 if (takedSecondHalf == taked == need):
    out = open("output.txt", "w")
    out.write(f"{takedSecondCount} \n")
    out.write(res)
    out.close()
    exit()
out = open("output.txt", "w")
out.write("-1")
out.close()
```

Так как разбить последовательность надо на 2 части (то есть нельзя вырывать элементы из разных частей, а надо получить две непрерывные последовательности), то сначала просто в цикле while набираем необходимую нам сумму (сумму/2), если она набралась, то суммируем оставшиеся элементы и проверяем равны ли у нас первая и вторая часть.

13. Сувениры

Вы и двое ваших друзей только что вернулись домой после посещения разных стран. Теперь вы хотели бы поровну разделить все сувениры, которые все трое накупили.

```
def canDivision(coins, n, first, second, third, backs):
  if (first == 0) and (second == 0) and (third == 0):
     if (n < 0):
        return True
     else:
       return False
  if (n < 0):
     return False
  way = (first, second, third, n)
  if (way not in backs):
     inFirst = False
     inSecond = False
     inThird = False
     if (first - coins[n] \geq = 0):
        inFirst = canDivision(coins, n - 1, first - coins[n], second, third, backs)
     if (inFirst == False) and (second - coins[n] >= 0):
        inSecond = canDivision(coins, n - 1, first, second - coins[n], third,
backs)
     if (inFirst == False) and (inSecond == False) and (third - coins[n] >=
0):
        inThird = canDivision(coins, n - 1, first, second, third - coins[n],
backs)
     backs[way] = inFirst or inSecond or inThird
  return backs[way]
inp = open("input.txt")
n = int(inp.readline())
```

coins = list(map(int, inp.readline().split()))

```
summ = sum(coins)
if (summ % 3 != 0) or (n < 3):
    out = open("output.txt", "w")
    out.write("0")
    out.close()
    exit

need = summ / 3

backs = {}

res = canDivision(coins, n - 1, need, need, need, backs)
out = open("output.txt", "w")</pre>
```

if (res):
 out.write("1")
else:
 out.write("0")
out.close()

Решение: сначала находим сумму каждой группы,

дальше нужно равномерно распределить наибольшие числа по группам, поэтому сортируем массив по убыванию и жадным алгоритмом добавляем максимальные числа в группы

20 задача. Почти палиндром (3 балла)

Задача:

Слово называется палиндромом, если его первая буква совпадает с последней, вторая - с предпоследней и т.д. Например: «abba», «madam», «x». Для заданного числа К слово называется почти палиндромом, если в нем

можно изменить не более К любых букв так, чтобы получился палиндром).

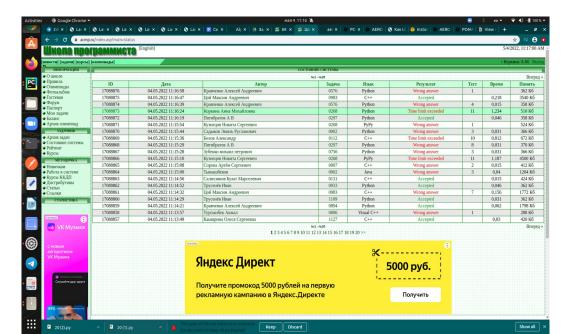
Решение:

Изначально перебираются все под слова которые можно составить из данного слова, и для каждого вызывается функция которая проверяет сколько "ошибок палиндрома" оно содержит, и если это количество не превосходит К, то мы засчитываем этот вариант. И в конце проверяется является ли само слово почти палиндромом.

Код:

```
inp = open('input.txt')
N, K = map(int, inp.readline().split())
word = inp.readline()
inp.close()
def check palidrom(word, K):
  if len(word) == 1:
     return True
  first half = word[:len(word) // 2]
  if len(word) \% 2 == 0:
     second half = word[len(word) // 2:]
  else:
     second half = word[len(word) // 2 + 1:]
  errorsCount = 0
  for i in range(len(first half)):
     if first half[i] != second half[len(second half) - i - 1]:
       errorsCount += 1
     if errorsCount > K:
       return False
  return True
count = 0
for size in range(1, len(word)):
  for i in range(len(word) - size + 1):
     sub word = word[i:i + size]
     if check palidrom(sub word, K):
       count +=1
if (check_palidrom(word, K)):
  count +=1
out = open('output.txt', 'w')
out.write(str(count))
out.close()
```

Задача не прошла ограничение на время на 11 тесте:



21 задача. Игра в дурака (3 балла)

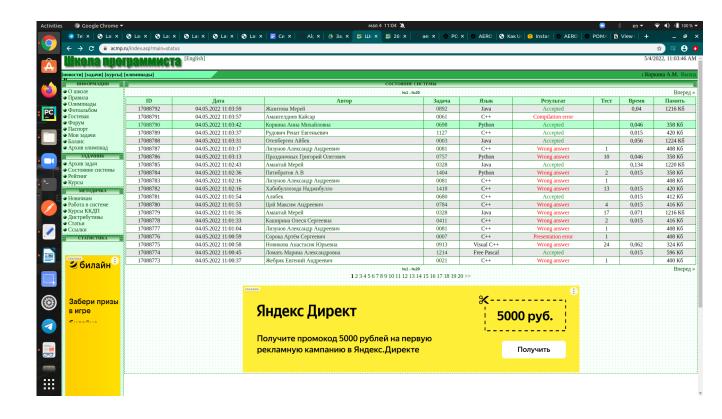
Петя очень любит программировать. Недавно он решил реализовать популярную карточную игру «Дурак». Но у Пети пока маловато опыта, ему срочно нужна Ваша помощь. Как известно, в «Дурака» играют колодой из 36 карт. В Петиной программе каждая карта представляется в виде строки из двух символов, где первый символ означает ранг ('6', '7', '8', '9', 'T', 'J', 'Q', 'K', 'A') карты, а второй символ означает масть ('S', 'C', 'D', 'H'). Ранги перечислены в порядке возрастания старшинства.

Решение:

```
def getCardWeight(card):
  arr = ["6", "7", "8", "9", "T", "I", "O", "K", "A"
  return arr.index(card)
inp = open("input.txt")
myCount, enemyCount, trump = inp.readline().split()
myCount = int(myCount)
enemyCount = int(enemyCount)
myCards = inp.readline().split()
enemyCards = inp.readline().split()
myColorCards = {"S": [], "C": [], "D": [], "H": []}
enemyColorCards = {"S": [], "C": [], "D": [], "H":
for card in myCards:
 myColorCards[card[1]].append(card[0])
for card in enemyCards:
  enemyColorCards[card[1]].append(card[0])
cardColors = ["S", "C", "D", "H"]
for color in cardColors:
  myColorCards[color] = sorted(myColorCards[color], key=lambda x:
getCardWeight(x))
  enemyColorCards[color] = sorted(enemyColorCards[color], key=lambda x:
getCardWeight(x), reverse=True)
cardColors.remove(trump)
def CanWin():
  for enemyCard in enemyColorCards[trump]:
    isBreaked = False
    for myCard in myColorCards[trump]:
       if (getCardWeight(myCard) > getCardWeight(enemyCard)):
```

```
myColorCards[trump].remove(myCard)
         isBreaked = True
        break
   if (isBreaked == False):
    return False
  for color in cardColors:
    for enemyCard in enemyColorCards[color]:
      isBreaked = False
      for myCard in myColorCards[color]:
         if (getCardWeight(myCard) > getCardWeight(enemyCard)):
           myColorCards[color].remove(myCard)
           isBreaked = True
           break
       if (isBreaked == False):
         for myTrump in myColorCards[trump]:
           isBreaked = True
           myColorCards[trump].remove(myTrump)
           break
         if (isBreaked == False):
           return False
 return True
result = CanWin()
out = open("output.txt", "w")
if (result):
 out.write("YES")
out.write("NO")
out.close()
```

тесты пройдены:



Данная задача решается при помощи жадных алгоритмов, изначально мы сортируем наши карты по возрастанию и карты противника по убыванию. Дальше мы проходимся по козырям противника и пытаемся их отбить (при поиске карты для биты мы берём минимальную карту, которая превосходит карту противника). Далее мы проходимся по всем не козырным картам противника, и бьём их картами той же масти, если же мы не можем побить мы обращаемся к нашим козырям, если же их нет, то мы не можем побить и возвращается False. Если же все карты побиты, то возвращаем True.

Вывод:

Для большинства задач наиболее оптимальными решениями будут — жадный алгоритм иои динамическое программирование. Так же в некоторых ситуациях можно обойтись и без прямого использования динамики или жадных алгоритмов, но скорость написания и размер такого кода будет уступать предыдущим вариантам.