



فن تعليم الآلة

القسم الثاني : التوقع

التوقع الخطي لأكثر من متغير

محتويات الكورس :

- القسم الأول : مقدمة
- القسم الثاني : التوقع Regression
- القسم الثالث : التقسيم Classification
- القسم الرابع : الشبكات العصبية NN
- القسم الخامس : نظام الدعم الالي SVM
- القسم السادس : التعليم بدون اشراف Unsupervised ML
- القسم السابع : مواضيع هامة (القيم الشاذة , نظام الترشيحات . . .)

التوقع الخطي لأكثر من متغير Linear Regression with Multivariables

التعامل مع أكثر من بعد :

- تحدثنا سابقا , عن التعامل مع متغير واحد (قيمة لـ X و نجيب منها قيمة Y) الان نتعامل مع أكثر من متغير
- أكثر من متغير معناها ان البيانات الداخلة لها أكثر معلومة لكل صف , فبدلا من ادخال مساحة البيت لمعرفة سعره (X واحدة) , نقوم بادخال مساحة البيت و عدد غرفه , وعمره, و موقعه , وحالته , ولونه , لتحديد سعره , وهذه الأشياء تسمى features

Linear Regression Equation معادلة التوقع الخطي

X	Y
1	7
2	8
2	7
3	9
4	11
5	10
5	12

Linear Regression with Multivariables التوقع الخطي لأكثر من متغير

Multiple features (variables).

Size (feet ²) x_1	Number of bedrooms x_2	Number of floors x_3	Age of home (years) x_4	Price (\$1000) y
2104	5	1	45	460
1416	3	2	40	232
1534	3	2	30	315
852	2	1	36	178
...

$m = 47$

Notation:

- n = number of features $n = 4$
- $x^{(i)}$ = input (features) of i^{th} training example.
- $x_j^{(i)}$ = value of feature j in i^{th} training example.

التعامل مع أكثر من بعد :

- فنري ان سعر البيت (Y) يتاثر بعدد من العوامل (Features) (Xs)
- عدد الاكسات نسويه n , بينما عدد الصفوف لازال m
-
-

Linear Regression with Multivariables التوقع الخطي لأكثر من متغير

$x_j^{(i)}$ = value of feature j in the i^{th} training example

- الرقم اللي فوق يكون رقم الصف (انهي ريكورد فيهم m) و الرقم اللي تحت هيكون رقم العمود (انهي معلومة فيهم n)

Linear Regression التوقع الخطي

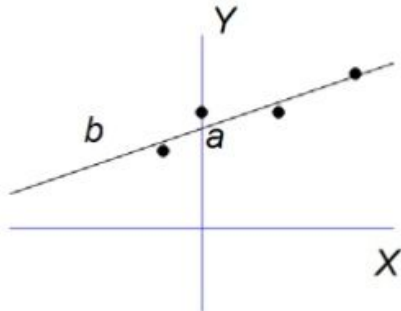
Linear regression equation
(without error)

$$\hat{Y} = bX + a$$

predicted
values of \hat{Y}

b = slope = rate of
predicted \uparrow/\downarrow for Y
scores for each unit
increase in X

Y-intercept =
level of Y
when X is 0



- ويسمي أيضا (One Variable Regression) او (Univariate Regression)

Linear Regression Equation معادلة التوقع الخطي

Hypothesis: $h_{\theta}(x) = \theta_0 + \theta_1 x$

Parameters: θ_0, θ_1

Cost Function: $J(\theta_0, \theta_1) = \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^m (h_{\theta}(x^{(i)}) - y^{(i)})^2$

Goal: $\underset{\theta_0, \theta_1}{\text{minimize}} J(\theta_0, \theta_1)$

- الهدف تقليل الفارق بين قيمة $h(x)$ و هي القيمة المتوقعة من المعادلة الخطية و قيمة y و هي القيمة الحقيقية
- يتم القسمة علي $2m$ لربط قيمة الخطا بعدد القيم بالعينة
- الهدف ايجاد قيم θ_0 و θ_1 والتي تجعل من J (نسبة الخطا) اقل ما يمكن
- تسمى احيانا Cost error function

Linear Regression Equation معادلة التوقع الخطي

Theta0 = 5 , theta 1 = 2

Equation $h(x) = 5 + 2x$

X	Y	h(x)	h(x) - y	(h(x) - y) ²
1	7	7	0	0
2	8	9	1	1
2	7	9	2	4
3	9	11	2	4
4	11	13	2	4
5	10	15	5	25
5	12	15	3	9

$$J(\theta_0, \theta_1) = \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^m (h_{\theta}(x^{(i)}) - y^{(i)})^2$$

$$J = 1 / 14 (0+1+4+4+4+25+9)$$

$$J = 47/14 = 3.3$$

التوقع الخطي لأكثر من متغير Linear Regression with Multivariables

$$h_{\theta}(x) = \theta_0 + \theta_1 x_1 + \theta_2 x_2 + \dots + \theta_n x_n$$

For convenience of notation, define $x_0 = 1$. ($x_0^{(i)} = 1$)

$$x = \begin{bmatrix} x_0 \\ x_1 \\ x_2 \\ \vdots \\ x_n \end{bmatrix} \in \mathbb{R}^{n+1}$$

$$\theta = \begin{bmatrix} \theta_0 \\ \theta_1 \\ \theta_2 \\ \vdots \\ \theta_n \end{bmatrix} \in \mathbb{R}^{n+1}$$

$$h_{\theta}(x) = \theta_0 x_0 + \theta_1 x_1 + \dots + \theta_n x_n$$

$\downarrow = 1$

$$= \boxed{\theta^T x}$$

Multivariate linear regression. \leftarrow

$$\underbrace{[\theta_0 \ \theta_1 \ \dots \ \theta_n]}_{\theta^T} \begin{bmatrix} x_0 \\ x_1 \\ \vdots \\ x_n \end{bmatrix}$$

(n+1) x 1 matrix

$\theta^T x$

x

- وقتها الفنكشن ،
هتكون متعددة الحدود زي كدة ،
وهنعمل ماتركس للاكسات ،
وواحدة للثبتات ،
ونضربهم في بعض بعد ما
نعمل ترانزبوس للثبتا

التوقع الخطي لأكثر من متغير Linear Regression with Multivariables

$$\underbrace{[\theta_0 \ \theta_1 \ \dots \ \theta_n]}_{\theta^T} \begin{bmatrix} x_0 \\ x_1 \\ \vdots \\ x_n \end{bmatrix}$$

$(n+1) \times 1$ matrix

● إليه بنعمل ترانزبوس ؟

لان الثيتا و الاكس اصلا هما فيكتور
(عمود واحد في كذا صف) , فلابزم
اعمل ترانزبوس لواحد فيهم و اضربه
في الثاني , عشان تكون المصفوفة
الاولي صف واحد في 5 عواميد مثلا ,
والثانية زي ما هي 5 صفوف في
عمود واحد , يتضربو بيقو رقم واحد

بس

$$h_{\theta}(x) = \theta_0 + \theta_1 x_1 + \theta_2 x_2 + \dots + \theta_n x_n$$

التوقع الخطي لأكثر من متغير Linear Regression with Multivariables

$$\text{Cost Function: } J(\theta_0, \theta_1) = \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^m (h_{\theta}(x^{(i)}) - y^{(i)})^2$$

- وخذ بالك الصيغة القديمة التي كانت للـ J هيكون فيها شوية تعديل , عشان مبقاش عامل واحد , نفس المعادلة , لكن دلوقتي H بقت فيها ثباتات كتيرة
- لما اعمل تفاضل , هنظلل انش زي هي , وهتختفي كل الثباتات التانية عدا الثباتا اللي باعمل تفاضل علي اساسها اللي هتتبقى في الاخر

Linear Regression with Multivariables التوقع الخطي لأكثر من متغير

● القانون الجديد

repeat until convergence: {

$$\theta_0 := \theta_0 - \alpha \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (h_{\theta}(x^{(i)}) - y^{(i)}) \cdot x_0^{(i)}$$

$$\theta_1 := \theta_1 - \alpha \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (h_{\theta}(x^{(i)}) - y^{(i)}) \cdot x_1^{(i)}$$

$$\theta_2 := \theta_2 - \alpha \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (h_{\theta}(x^{(i)}) - y^{(i)}) \cdot x_2^{(i)}$$

...

}

Linear Regression with Multivariables التوقع الخطي لأكثر من متغير

● الصيغة المجمعة

repeat until convergence: {

$$\theta_j := \theta_j - \alpha \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (h_{\theta}(x^{(i)}) - y^{(i)}) \cdot x_j^{(i)} \quad \text{for } j := 0 \dots n$$

}