#### مقدمه

الگوریتم رقابت استعماری یکی از الگوریتمهای بهینهسازی هوشمند است که در حوزه هوش محاسباتی معرفی شده است. جان مایه اصلی این الگوریتم، شبیهسازی فرآیند سیاسی استعمار است.

به همان صورت که الگوریتم ژنتیک تکامل زیستی را شبیهسازی میکند، در الگوریتم رقابت استعماری، از تکامل سیاسی استفاده شده است.

#### مقدمه

این الگوریتم در سال ۲۰۰۷ توسط اسماعیل آتش پز و مرحوم پرفسور کارو لوکس (استاد فقید دانشگاه تهران) معرفی شد. قدرت بالای این الگوریتم، به خصوص در برخورد با مسائل پیوسته، باعث شده است که الگوریتم رقابت استعماری به عنوان یکی از ابزارهای مهم در زمینه بهینهسازی به حساب آید.

#### مقدمه

این الگوریتم یک استراتژی جدید بهینه سازی بر مبنای تکامل اجتماعی و سیاسی انسان است. به طور دقیقتر منبع الهام این الگوریتم فرایند اجتماعی سیاسی پدیده استعمار است. از زمان معرفی، این الگوریتم در حل مسائل مهندسی بسیاری مورد استفاده قرار گرفته است که نتایج، حاکی از موفقیت این الگوریتم در حل مسائل مختلف است.

امپریالیزم، در لغت به سیاست توسعه قدرت و نفوذ یک کشور در حوزه خارج از قلمرو شناخته شده برای آن، اطلاق می شود. یک کشور می تواند کشور دیگر را به طور قانونگذاری مستقیم و یا از طریق روشهای غیر مستقیم، مثل کنترل کالاها و مواد خام، کنترل کند. مورد اخیر اغلب استعمار نو خوانده می شود.

استعمار یک پدیده ذاتی در تاریخ بوده است. استعمار در مراحل ابتدایی، به صورت نفوذ سیاسی نظامی در کشورها و به صورت صرف استفاده از منابع زمینی، انسانی و سیاسی بوده است.

بعضی مواقع نیز استعمار، به صرف جلوگیری از نفوذ کشور استعمارگر رقیب انجام میشد. به هر حال کشورهای استعمارگر رقابت شدیدی را برای به استعمار کشیدن مستعمرات همدیگر نشان میدادند.

این رقابت به نوبه خود باعث رشد و توسعه کشورهای استعمارگر از لحاظ سیاسی، نظامی و اقتصادی گردید. زیرا کشورها برای داشتن امکان رقابت، مجبور به توسعه بودند.

در حالتهای قدیمی تر، استعمار گران با بهره گیری از منابع زمینی، انسانی و غیره کشور مستعمره، فقط در صدد افزایش قدرت خود بودند و اینکه آیا مستعمرات پیشرفت می کنند یا نه مهم نبود. اما بعدها با افزایش ارتباط میان ملل و رشد انسانی، استعمار گران برای ادامه نفوذ خود، به نوعی از اقبال عمومی (حمایت مردمی) نیز احتیاج پیدا کردند.

بدین ترتیب کشورهای استعمارگر شروع به ایجاد عمران و آبادی (هر چند ظاهری) در مستعمراتشان نمودند. بدین ترتیب، مستعمرات، شاهد پیشرفت در زمینههای اقتصادی، اجتماعی و انسانی شدند که عامل این پیشرفت به اجبار، کشور استعمارگر بود. دلیل نامگذاری این فرایند با نام "استعمار" که ریشه در کلمه عمران و آبادی دارد، نیز، همین مساله میباشد.

البته دریافت اقبال عمومی تنها دلیل ایجاد عمران توسط استعمار گران در مستعمرات نبود. یک دلیل دیگر ایجاد سلطه فرهنگی بر مستعمرات در راستای اجرای سیاست همگونسازی بود. به عنوان مثال کشورهایی نظیر فرانسه و انگلیس به ایجاد مدارس انگلیسی زبان و فرانسوی زبان در مستعمرات خود پرداختند. این اقدام به دلایل مختلفی صورت می گرفت که در راس این دلایل افزایش نفوذ فرهنگی در مستعمرات بوده است. نا گفته نماند که فرایند استعمار (حداقل بعد فرهنگی آن) با همه تبعات منفی آن در بعضی از کشورهای امپریالیست به چشم یک جهاد فکری برای نجات بشر نیز نگریسته میشد.

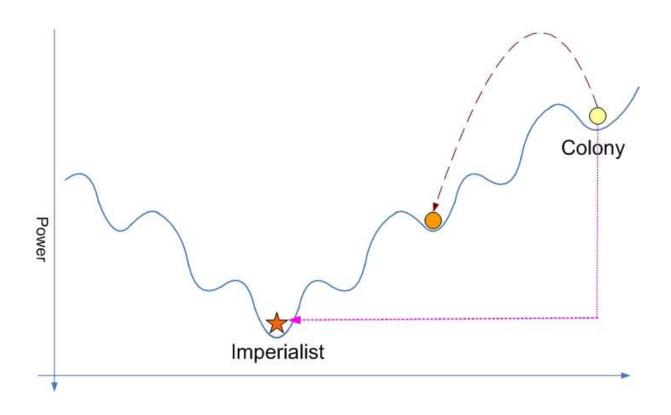
امپریالیزم، نگرش عمومی نسبت به تمدن غرب را تغییر داد. داروینیستهای اجتماعی، امپریالیزم را تفسیر کرده و این ایده که فرهنگ غرب، نسبت به فرهنگ شرق، برتر است؛ را تقویت کردند.

در آفریقا تنها آنهایی که بعضی از استانداردهای فرهنگی غرب را داشتند، دارای بخشی از حقوق اجتماعی خود بودند. پرتقالیها این مردم را جذب شده و فرانسویها بطور توهینآمیزی آنها را تکاملیافته مینامیدند.

به هرحال مستقل از اثرات و تبعات مثبت و منفی آن، استعمار به عنوان یک فرایند ذاتی در تاریخ بشر ایجاد شد، و در عین وارد کردن خسارتهای جبران ناپذیر به زیربناهای اساسی یک کشور (خصوصا زیربناهای فرهنگی) در بعضی موارد اثرات مثبتی را نیز برای کشورها مستعمره داشت.

از دید بهینهسازی، استعمار بعضی از کشورها را که در یک دره معمولی تمدن قرار داشتند، خارج کرده و آنها را به یک حوزه دیگر برد که در بعضی موارد وضعیت این حوزه بهتر از موقعیت قبلی کشور مستعمره بود.

اما به هر حال این حرکت مستلزم پیشروی مستعمره در راستای محورهای مختلف اقتصادی و فرهنگی به سمت یک امپریالیست قویتر بود، یعنی از میان رفتن بعضی از ساختارهای فرهنگی و اجتماعی.



اعمال سیاست جذب از طرف استعمار گران بر مستعمرات

در این شکل، مستعمره در نتیجه سیاست همگونسازی از یک ناحیه کمینه خارج شده و وارد یک ناحیه کمینه دیگر می شود که در آن وضعیت بهتری را دارا می باشد.

به هر حال هزینهای که بابت این حرکت پرداخت شده است، نزدیکی به کشور استعمارگر در راستای محورهای مختلف اقتصادی، سیاسی و اجتماعی است. ادامه این حرکت می تواند به جذب کامل کشور مستعمره در کشور استعمارگر بیانجامد.

- الگوریتم رقابت استعماری، همانند سایر روشهای بهینه سازی مبتنی بر جمعیت، با تعدادی جمعیت تصادفی اولیه شروع می شود که هر عنصر جمعیت یک کشور نامیده می شود.
- تعدادی از بهترین عناصر جمعیت (معادل نخبهها در الگوریتم ژنتیک) به عنوان امپریالیست انتخاب میشوند. باقیمانده جمعیت نیز به عنوان مستعمره، در نظر گرفته میشوند.
- هر استعمارگر (امپریالیست)، بسته به قدرت خود، تعدادی از کشورهای مستعمره را به سلطه خود درآورده و آنها را کنترل می کند.

• استعمارگران بسته به قدرتشان، این مستعمرات را با یک روند خاص که در ادامه میآید؛ به سمت خود میکشند.

• قدرت کل یک امپراطوری به صورت مجموع قدرت کشور استعمارگر به اضافه درصدی از قدرت میانگین مستعمرات آن تعریف میشود. یعنی در طی رقابت استعماری، امپراطوریهای ضعیف، به تدریج قدرت خود را از دست داده و با تضعیف شدن از بین میروند.

• با شکلگیری امپراطوریهای اولیه، رقابت امپریالیستی میان آنها شروع میشود. هر امپراطوریای که نتواند در رقابت استعماری، موفق عمل کرده و بر قدرت خود بیفزاید (و یا حداقل از کاهش نفوذش جلوگیری کند)، از صحنه رقابت استعماری، حذف خواهد شد.

• بنابراین بقای یک امپراطوری، وابسته به قدرت آن در جذب مستعمرات امپراطوریهای رقیب، و به سیطره در آوردن آنها خواهد بود.

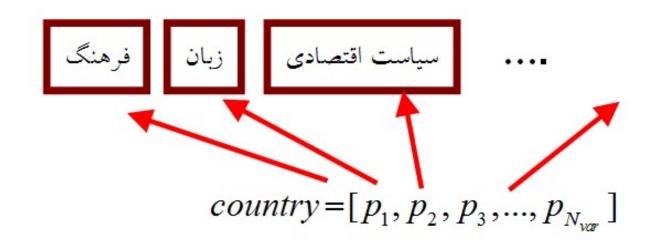
- در نتیجه، در جریان رقابتهای امپریالیستی، به تدریج بر قدرت امپراطوریهای بزرگتر افزوده شده و امپراطوریهای ضعیفتر، حذف خواهند شد. امپراطوریها برای افزایش قدرت خود، مجبور خواهند شد تا مستعمرات خود را نیز پیشرفت دهند.
- با گذشت زمان، مستعمرات، از لحاظ قدرت به امپراطوریها نزدیک تر خواهند شد و شاهد یک نوع همگرایی خواهیم بود. حد نهایی رقابت استعماری، زمانی است که یک امپراطوری واحد در دنیا داشته باشیم، با مستمراتی که از لحاظ موقعیت، به خود کشور امپریالیست، خیلی نزدیک هستند.

برای شروع الگوریتم، ابتدا آرایهای از متغیرهای بهینهسازی تشکیل میشود. در الگوریتم این آرایه کروموزوم نامیده میشود، اما در الگوریتم معرفی شده، این آرایه تحت عنوان کشور شناخته میشود.

در حل مسئله بهینهسازی، به دنبال یافتن بهترین کشور هستیم. (یعنی بهترین دسته پارامترهای موجود در مسئله)

 $Country = [P_1, P_2, \dots, P_{Nvar}]$ 

مقادیر متغیرهها در یک کشور، به صورت اعداد اعشاری نمایش داده می شوند. از دیدگاه تاریخی فرهنگی، اجزای تشکیل دهنده یک کشور را می توان ویژگیهای اجتماعی سیاسی آن کشور، همچون فرهنگ، زبان، ساختار اقتصادی و سایر ویژگیها در نظر گرفت.



مطابق این شکل متغیرهای مجهول تابع هزینه که ما در طی فرایند بهینهسازی به دنبال آنها می گردیم، در نگاه اجتماعی سیاسی ویژگیهای تاریخی و فرهنگیای هستند که یک کشور را به نقطه کمینه تابع هزینه رهنمون می سازند.

در حقیقت در حل یک مسئله بهینهسازی توسط الگوریتم معرفی شده، ما به دنبال بهترین کشور (کشوری با بهترین ویژگی های اجتماعی-سیاسی) هستیم.

یافتن این کشور در حقیقت معادل یافتن بهترین پارامترهای مسئله است که کمترین مقدار تابع هزینه را تولید می کنند.

برای شروع الگوریتم، تعداد  $N_{Country}$  کشور اولیه را ایجاد می کنیم.  $N_{Country}$  تا از به بهترین اعضای این جمعیت (کشورهای دارای کمترین مقدار تابع هزینه) را به عنوان امپریالیست انتخاب می کنیم. باقیمانده  $N_{col}$  تا از کشورها، مستعمراتی را تشکیل می دهند که هر کدام به یک امپراطوری تعلق دارند.

برای تقسیم مستعمرات اولیه بین امپریالستها، به هر امپریالیست، تعدادی از مستعمرات را که این تعداد، متناسب با قدرت آن است، میدهیم. برای انجام این کار، با داشتن هزینه همه امپریالیستها، هزینه نرمال شده آنها را به صورت زیر در نظر می گیریم.

$$C_n = \max_i \{c_i\} - c_n$$

که در آن  $c_{\rm n}$  هزینه امپریالست nام،  $\{c_{\rm i}\}$  سیمترین هزینه میان امپریالیست، میباشد. امپریالیستها و  $C_{\rm n}$  هزینه نرمالیزه شده این امپریالیست، میباشد.

هر امپریالیستی که درای هزینه بیشتری باشد (امپریالیست ضعیفتری باشد)، دارای هزینه نرمالیزه کمتری خواهد بود. با داشتن هزینه نرمالیزه، قدرت نسبی نرمالیزهی هر امپریالیست، به صورت زیر محاسبه شده و بر مبنای آن، کشورهای مستعمره، بین امپریالسیتها تقسیم میشوند.

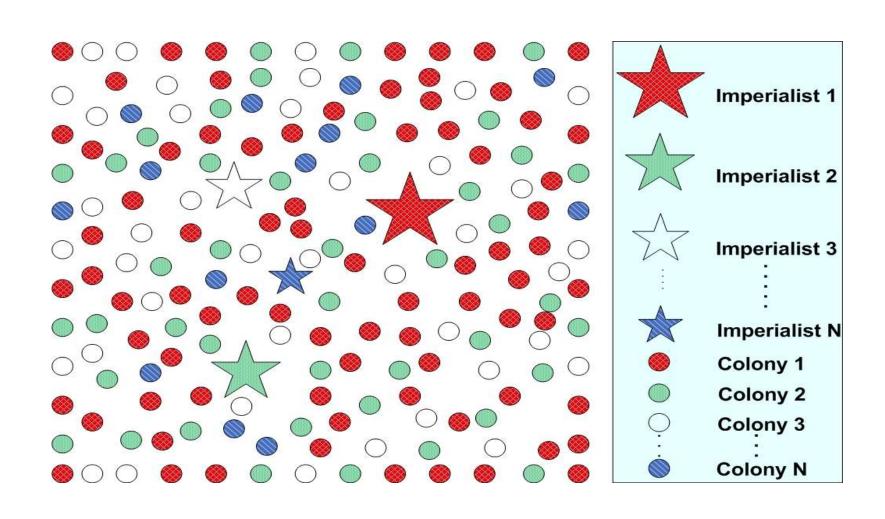
$$p_n = \frac{C_n}{\sum_{i=1}^{N_{imp}} C_i}$$

از یک دید دیگر، قدرت نرمالیزه شده یک امپریالیست، نسبت مستعمراتی است که توسط آن امپریالیست اداره می شود. بنابراین تعداد اولیهی مستعمرات یک امپریالیست برابر خواهد بود با:

$$N.C._n = round\{p_n.(N_{col})\}$$

که در آن  $N.C._n$  ، تعداد اولیه مستعمرات یک امپراطوری و  $N_{\rm col}$  نیز تعداد کل کشورهای مستعمره موجود در جمعیت کشورهای اولیه است.

با در نظر گرفتن N.C برای هر امپراطوری، به این تعداد از کشورهای مستعمره اولیه را به صورت تصادفی انتخاب کرده و به امپریالیست nام میدهیم. با داشتن حالت اولیه تمام امپراطوریها، الگوریتم رقابت استعماری شروع میشود. روند تکامل در یک حلقه قرار دارد که تا برآورده شدن یک شرط توقف، ادامه مییابد.



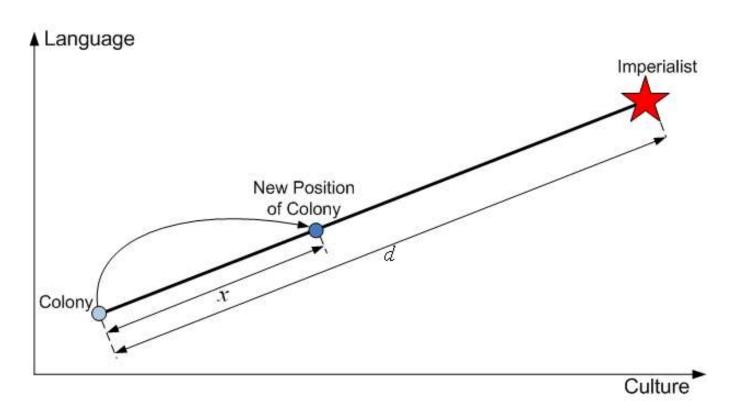
همانگونه که در این شکل نشان داده شده است. امپراطوریهای بزرگتر، تعداد بیشتری مستعمره دارند. در این شکل، امپریالست شماره ۱ قوی ترین امپراطوری را ایجاد کرده است و بیش ترین تعداد مستعمرات را دارد.

سیاست همگونسازی (جذب) با هدف تحلیل فرهنگ و ساختار اجتماعی مستعمرات در فرهنگ حکومت مرکزی انجام می گرفت. همانگونه که قبلا نیز بیان شد، کشورهای استعمار گر، برای افزایش نفوذ خود، شروع به ایجاد عمران (ایجاد زیرساختهای حمل و نقل، تاسیس دانشگاه و ...) کردند.

به عنوان مثال کشورهایی نظیر انگلیس و فرانسه با تعقیب سیاست همگونسازی در مستعمرات خویش در مستعمرات خویش بودند.

با در نظر گرفتن شیوه نمایش یک کشور در حل مسلئه بهینهسازی، در حقیقت این حکومت مرکزی با اعمال سیاست جذب سعی داشت تا کشور مستعمره را در راستای ابعاد مختلف اجتماعی سیاسی به خود نزدیک کند.

این بخش از فرایند استعمار در الگوریتم بهینهسازی، به صورت حرکت مستعمرات به سمت کشور امپریالیست، مدل شده است. شکل زیر، شمای کلی این حرکت را نشان میدهد.



مطابق این شکل کشور امپریالیست کشور مستعمره را در راستای محورهای فرهنگ و زبان به سمت خود جذب می کند.

همانگونه که در این شکل نشان داده شده است، کشور مستعمره (Colony)، به اندازه واحد در جهت خط واصل مستعمره به استعمارگر (Imperialist)، حرکت کرده و به موقعیت جدید (New Position of Colony)، کشانده می شود.

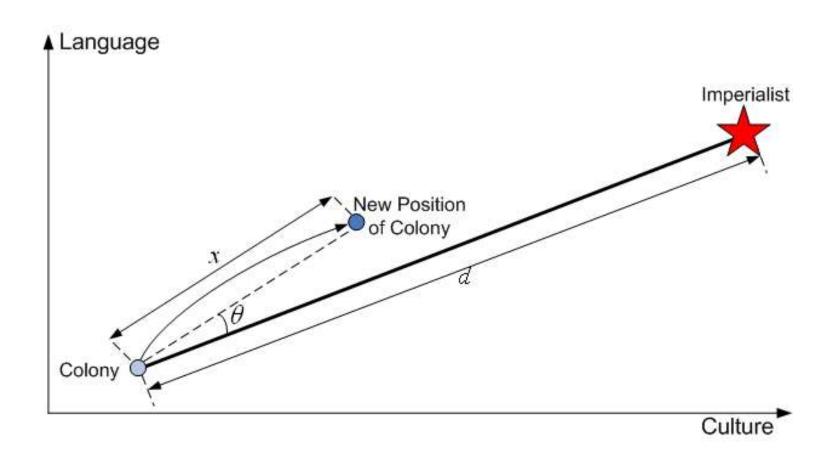
در این شکل، فاصله میان استعمار گر و مستعمره با d نشان داده شده است. x نیز عددی تصادفی با توزیع یکنواخت (و یا هر توزیع مناسب دیگر) میباشد. یعنی برای x داریم:

$$x \in U(0, \beta \times d)$$

که در آن  $\beta$  عددی بزرگتر از یک و نزدیک به ۲ میباشد. یک انتخاب مناسب میتواند  $\beta=2$  باشد. وجود ضریب  $\beta>1$  باعث میشود تا کشور مستعمره در حین حرکت به سمت کشور استعمار گر، از جهتهای مختلف به آن نزدیک شود.

با بررسی تاریخی پدیده همگونسازی، یک حقیقت آشکار در این زمینه این است که علی رغم اینکه کشوهای استعمارگر بطور جدی پیگیر سیاست جذب بودند، اما وقایع بطور کامل مطابق سیاست اعمال شده آنها پیش نمی رفت و انحرافاتی در نتیجه کار وجود داشت.

در الگوریتم معرفی شده، این انحراف احتمالی با افزودن یک زاویه تصادفی به مسیر جذب مستعمرات، انجام می گیرد. بدین منظور، در حرکت مستعمرات به سمت استعمار گر، کمی زاویه تصادفی نیز به جهت حرکت مستعمره، اضافه می کنیم.



بدین منظور اینبار به جای حرکت به اندازه x، به سمت کشور استعمارگر و در جهت بردار واصل مستعمره به استعمارگر، به همان میزان، ولی با انحراف  $\theta$  در مسیر، به حرکت خود ادامه می دهیم.  $\theta$  را به صورت تصادفی و با توزیع یکنواخت در نظر می گیریم (اما هر توزیع دلخواه و مناسب دیگر نیز می تواند استفاده شود).

$$\theta \in U(-\gamma, \gamma)$$

در این رابطه،  $\gamma$  پارامتری دلخواه میباشد که افزایش آن باعث افزایش جستجوی اطراف امپریالیست شده و کاهش آن نیز باعث میشود تا مستعمرات تا حد ممکن، به بردار واصل مستعمره به استعمار گر، نزدیک حرکت کنند.

با در نظر گرفتن واحد رادیان برای  $\theta$ ، عددی نزدیک به  $\pi/4$ ، در اکثر پیادهسازیها، انتخاب مناسبی بوده است.

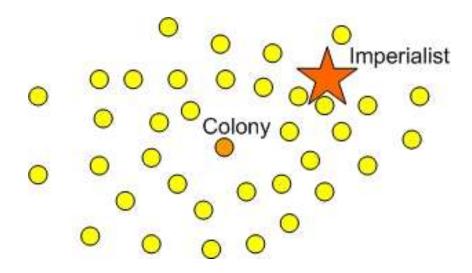
سیاست جذب در عین نابودی ساختارهای اجتماعی سیاسی کشور مستعمره در بعضی موارد نتایج مثبتی را نیز برای آانها در پی داشت. بعضی از کشور در نتیجه اعمال این سیاست به نوعی از خودباوری عمومی دست یافتند و پس از مدتی همان تحصیلکرده گان (به عبارت دیگر جذب شدگان فرهنگ استعماری) بودند که به رهبری ملت خود برای رهایی از چنگال استعمار پرداختند.

نمونه های فراوانی از این موارد را می توان در مستعمرات انگلیس و فرانسه یافت. از سوی دیگر نگاهی به فراز و نشیب چرخش قدرت در کشورها به خوبی نشان می دهد که کشورهایی که زمانی در اوج قدرت سیاسی — نظامی بودند، پس از مدتی سقوط کردند و در مقابل کشورهایی سکان قدرت را در دست گرفتند که زمانی هیچ قدرتی در دست نداشتد.

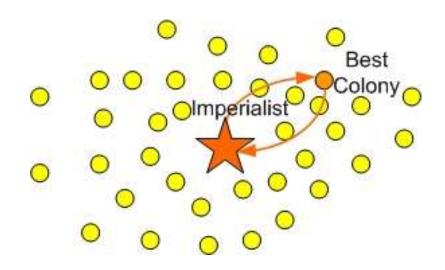
در مدلسازی این واقعه تاریخی در الگوریتم معرفی شده به این صورت عمل شده است که در حین حرکت مستعمرات به سمت کشور استعمارگر، ممکن است بعضی از این مستعمرات به موقعیتی بهتر از امپریالیست برسند (به نقاطی در تابع هزینه برسند که هزینه کمتری را نسبت به مقدار تابع هزینه در موقعیت امپریالیست، تولید میکنند.)

در این حالت، کشور استعمارگر و کشور مستعمره، جای خود را با همدیگر عوض کرده و الگوریتم با کشور استعمارگر در موقعیت جدید ادامه یافته و این این بار این کشور امپریالیست جدید است که شروع به اعمال سیاست همگونسازی بر مستعمرات خود می کند.

تغییر جای استعمارگر و مستعمره، در شکل الف نشان داده شده است. در این شکل، بهترین مستعمره ی امپراطوری، که هزینهای کمتر از خود امپریالیست دارد، به رنگ تیره تر، نشان داده شده است. شکل ب، کل امپراطوری را پس از تغییر موقعیتها، نشان می دهد.



ب: کل امپراطوری، پس از تغییر موقعیتها



الف تغییر جای استعمار گر و مستعمره

## قدرت کل یک امپراطوری

قدرت یک امپراطوری تاثیر اصلی را از قدرت حکومت مرکزی آن میپذیرد. مستعمرات نیز تاثیری هرچند اندک بر قدرت امپراطوری دارند.

بنابراین، قدرت کل یک امپراطوری برابر قدرت حکومت مرکزی آن به علاوه درصد کوچکی از قدرت مستعمرات آن تعریف می شود.

 $T.C_n = Cost imperialist + \xi mean Cost colonies of empire$ 

# قدرت کل یک امپراطوری

که در آن  $\mathrm{T.C.}_{\mathrm{n}}$  هزینه کل امپراطوری nام و  $\zeta$  عددی مثبت است که معمولا بین صفر و یک و نزدیک به صفر در نظر گرفته می شود.

کوچک در نظر گرفتن  $\xi$  ، باعث می شود که هزینه کل یک امپراطوری، تقریبا برابر با هزینه حکومت مرکزی آن (کشور امپریالیست)، شود و افزایش  $\xi$  نیز باعث افزایش تاثیر میزان هزینه مستعمرات یک امپراطوری در تعیین هزینه کل آن می شود. در حالت نوعی  $\xi=0.05$  در اکثر پیاده سازی به پاسخهای مطلوبی منجر شده است.

#### انقلاب

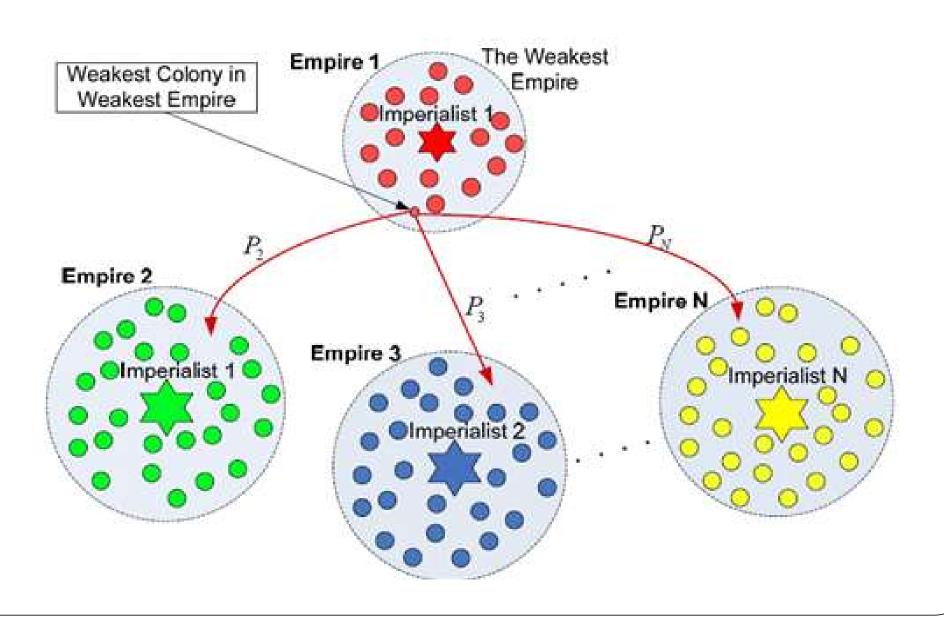
تغییرات ناگهانی در موقعیت یک کشور را انقلاب می گویند، در واقع خود کشورها اراده می کنند یکسری تغییرات تصادفی در جاهایی اتفاق بیفتد یعنی تغییرات روی خاصیتهای اصلی انجام شود و این تغییرات باعث شود موقعیت تفاوتی را تجربه کنند البته توصیف الگوریتمی این رویداد این است که در برنامه چیزی از دست داده نخواهد شد زیرا هدف ما حرکت به سمت استعمار گریا امپراطور است.

#### انقلاب

در واقع شاید بتوان کارکرد عملگر انقلاب را مانند عمگر جهش در الگوریتم ژنتیک توصیف نمود. در واقع عملگر انقلاب باعث تغییر تصادفی روی پاسخها می شود که این کمک می کند پاسخهای متنوعی ایجاد شود تا به پاسخ بهتر برسیم و شانس رسیدن به بهینه سراسری را افزایش می دهد.

همانگونه که قبلا نیز بیان شد، هر امپراطوریای که نتواند بر قدرت خود بیفزاید و قدرت رقابت خود را از دست بدهد، در جریان رقابتهای امپریالیستی، حذف خواهد شد. این حذف شدن، به صورت تدریجی صورت میپذیرد. بدین معنی که به مرور زمان، امپراطوریهای ضعیف، مستعمرات خود را از دست داده و امپراطوریهای قویتر، این مستعمرات را تصاحب کرده و بر قدرت خویش میافزایند.

برای مدل کردن این واقعیت، فرض می کنیم که امپراطوری در حال حذف، ضعیف ترین امپراطوری موجود است. بدین ترتیب، در تکرار الگوریتم، یکی یا چند تا از ضعیف ترین مستعمرات ضعیف ترین امپراطوری را برداشته و برای تصاحب این مستعمرات، رقابتی را میان کلیه امپراطوریها ایجاد می کنیم. مستعمرات مذکور، لزوما توسط قویترین امپراطوری، تصاحب نخواهند شد، بلکه امپراطوریهای قویتر، احتمال تصاحب بیشتری دارند.



در این شکل امپراطوری شماره ۱ به عنوان ضعیف ترین امپراطوری در نظر گرفته شده و یکی از مستعمرات آن در معرض رقابت امپریالیستی قرار گرفته است و امپراطوریهای ۲ تا N برای تصاحب آان با هم رقابت می کنند. برای مدل سازی رقابت میان امپراطوریها برای تصاحب این مستعمرات، ابتدا احتمال تصاحب هر امپراطوری (که متناسب با قدرت آن امپراطوری می باشد)، را با در نظر گرفتن هزینه کل امپراطوری، به ترتیب زیر محاسبه می کنیم.

ابتدا از روی هزینه کل امپراطوری، هزینه کل نرمالیزه شده آن را تعیین می کنیم:

$$N.T.C._n = \max_{i} \{T.C._i\} - T.C._n$$

در این رابطه  $T.C._n$  هزینه کل امپراطوری nام و  $N.T.C._n$  نیز، هزینه کل نرمالیزه شده آن امپراطوری میباشد. هر امپراطوری که  $T.C._n$  کمتری داشته باشد  $N.T.C._n$  بیشتری خواهد داشت. در حقیقت  $T.C._n$  معادل هزینه کل یک امپراطوری و  $N.T.C._n$  معادل قدرت کل آن میباشد. امپراطوری با کمترین هزینه، دارای بیشترین قدرت است.

با داشتن هزینه کل نرمالیزه شده، احتمال (قدرت) تصاحب مستعمره رقابت، توسط هر امپراطوری، به صورت زیر محاسبه می شود:

$$p_{p_n} = \left| rac{N.T.C._n}{\sum_{i=1}^{N_{imp}} N.T.C._i} 
ight|$$

با داشتن احتمال تصاحب هر امپراطوری، مکانیزمی همانند چرخه رولت در الگوریتم ژنتیک مورد نیاز است تا مستعمره مورد رقابت را با احتمال متناسب با قدرت امپراطوریها در اختیار یکی از آنها قرار دهد. در کنار امکان استفاده از چرخ رولت موجود، در این نوشتار مکانیزم جدیدی برای پیادهسازی این فرایند معرفی شده است که نسبت به چرخه رولت دارای هزینه محاسباتی بسیار کمتری می باشد.

زیرا عملیات نسبتا زیاد مربوط به محاسبه تابع توزیع جمعی احتمال را که در چرخه رولت مورد نیاز است را حذف می کند و فقط به داشتن تابع چگالی احتمال نیاز دارد. در ادامه مکانیزم مطرح شده برای اختصاص متناسب با احتمال مستعمره مورد رقابت به امپراطوری های رقیب توضیح داده می شود.

• با داشتن احتمال تصاحب هر امپراطوری، برای اینکه مستعمرات مذکور را به صورت تصادفی، ولی با احتمال وابسته به احتمال تصاحب هر امپراطوری، بین امپراطوریها تقسیم کنیم؛ بردار P را از روی مقادیر احتمال فوق، به صورت زیر تشکیل میدهیم.

$$\mathbf{P} = \left[ p_{p_1}, p_{p_2}, p_{p_3}, ..., p_{p_{N_{imp}}} \right]$$

بردار P دارای اندازه  $N_{imp}$  میباشد و از مقادیر احتمال تصاحب امپراطوریها P تشکیل شده است. سپس بردار تصادفی P ، هم اندازه با بردار P را تشکیل میدهیم. درایههای این بردار، اعدادی تصادفی با توزیع یکنواخت در بازه P میباشند.

$$\mathbf{R} = \left[r_1, r_2, r_3, ..., r_{N_{imp}}\right]$$

$$r_1, r_2, r_3, ..., r_{N_{imp}} \in (0,1)$$

سپس بردار D را به صورت زیر تشکیل میدهیم:

$$\mathbf{D} = \mathbf{P} - \mathbf{R} = \begin{bmatrix} D_1, D_2, D_3, ..., D_{N_{imp}} \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} p_{p_1} - r_1, p_{p_2} - r_2, p_{p_3} - r_3, ..., p_{p_{N_{imp}}} - r_{N_{imp}} \end{bmatrix}$$

با داشتن بردار D، مستعمرات مذکور را به امپراطوریای میدهیم که اندیس مربوط به آن در بردار D بزرگتر از بقیه میباشد. امپراطوریای که بیشترین احتمال تصاحب را داشته باشد، با احتمال بیشتری اندیس مربوط به آن در بردار D، بیشترین مقدار را خواهد داشت.

عدم نیاز به محاسبه CDF باعث می شود که این مکانیزم نسبت به چرخه رولت با سرعت به مراتب بیشتری عمل کند. مکانیزم جدید مطرح شده نه تنها می تواند در اختصاص مستعمره به امپراطوری بر حسب احتمال تصاحب آنها مفید باشد، بلکه به عنوان یک مکانیزم انتخاب بر حسب احتمال می تواند جایگزین چرخه رولت در الگوریتم ژنتیک برای انتخاب والدین شود و سرعت اجرای عملیات در آن را تا حد زیادی افزایش دهد.

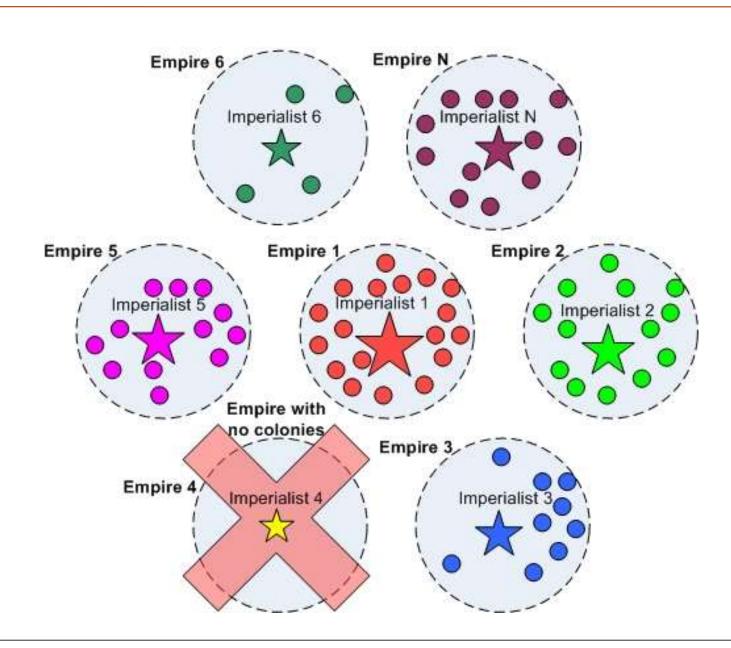
با تصاحب مستعمره توسط یکی از امپراطوری ها، عملیات این مرحله از الگوریتم نیز به پایان میرسد.

# سقوط امپراطوريهاي ضعيف

همانگونه که بیان شد، در جریان رقابتهای امپریالیستی، خواه ناخواه، امپراطوریهای ضعیف به تدریج سقوط کرده و مستعمراتشان به دست امپراطوریهای قوی تر میافتد. شروط متفاوتی را می توان برای سقوط یک امپراطوری در نظر گرفت.

در الگوریتم پیشنهاد شده، یک امپراطوری زمانی حذف شده تلقی می شود که مستعمرات خود را از دست داده باشد. همانطور که در شکل نشان داده شده است، امپراطوری شماره ۴ به علت از دست دادن کلیه مستعمراتش، دیگر قدرتی برای رقابت ندارد و باید از میان بقیه امپراطوریها حذف شود.

### سقوط امپراطوريهاي ضعيف



#### همگرایی

الگوریتم مورد نظر تا برآورده شدن یک شرط همگرایی، و یا اتمام تعداد کل تکرارها، ادامه مییابد. پس از مدتی، همه امپراطوریها، سقوط کرده و تنها یک امپراطوری خواهیم داشت و بقیه کشورها تحت کنترل این امپراطوری واحد، قرار می گیرند.

در این دنیای ایدهآل جدید، همهی مستعمرات، توسط یک امپراطوری واحد اداره می شوند و موقعیت و هزینه های مستعمرات، برابر با موقعیت و هزینه کشور امپریالیست است.

#### همگرایی

در این دنیای جدید، تفاوتی، نه تنها، میان مستعمرات، بلکه میان مستعمرات و کشور امپریالیست، وجود ندارد. به عبارت دیگر، همهی کشورها، در عین حال، هم مستعمره و هم استعمار گرند.

در چنین موقعیتی رقابت امپریالیستی به پایان رسیده و به عنوان یکی از شروط توقف الگوریتم متوقف می شود. شبه کد مربوط به الگوریتم پیشنهادی در ادامه نشان داده شده است.

# روند الگوريتم رقابت استعماري

- 1. چند نقطه تصادفی روی تابع انتخاب کرده و امپراطوریهای اولیه را تشکیل بدهد.
  - 2. مستعمرات را به سمت کشور امپریالیست حرکت بدهد (سیاست همگونسازی).
- 3. اگر مستعمرهای در یک امپراطوری، وجود داشته باشد که هزینهای کمتر از امپریالیست داشته باشد؛ جای مستعمره و امپریالیست را با هم عوض کند.
- 4. هزینهی کل یک امپراطوری را با در نظر گرفتن هزینهی امپریالیست و مستعمراتشان حساب کن.
- 5. یک یا چند مستعمره از ضعیفترین امپراطوری انتخاب کرده و آن را به امپراطوریای که بیشترین احتمال تصاحب را دارد، بدهد.
  - 6. عملگر انقلاب را اعمال کند.
  - 7. امپراطوریهای ضعیف را حذف کند.
  - 8. اگر تنها یک امپراطوری باقی مانده باشد، توقف کن وگرنه به گام ۲ برو.

## ويژگىهاي الگوريتم رقابت استعماري

- سرعت مناسب یافتن جواب بهینه
- سادگی فرموله کردن مسائل و قابلیت درک فرایند
  - امكان استفاده براى انواع مسائل بهينهسازى
- توانایی بهینه سازی هم تراز و حتی بالاتر در مقایسه با الگوریتمهای مختلف بهینه سازی، در مواجهه با انواع مسائل بهینه سازی
- نو بودن ایده ی پایه ای الگوریتم :به عنوان اولین الگوریتم بهینهسازی مبتنی بر یک فرایند اجتماعی سیاسی

#### فلوچارت رقابت استعماري

