

به نام خدا

**مبانی بینایی کامپیوتر**

**دکتر محمدی**

**تمرین دو**

علی عطاریان - ۹۹۵۲۱۴۵۱

## سوال (الف)

کانوولوشن را مطابق این فرمول پیاده سازی می کنیم. در واقع در هر مرحله یک پنجره از عکس به اندازه ابعاد فیلتر جدا کرده و این پنجره را متناظرا در فیلتر ضرب کرده و جمع مقادیر این پنجره را در خروجی قرار می دهیم. در پیاده سازی بایستی به پدینگ و همچنین ایندکس مربوط به لوپ ها دقت کرد.

$$(w \star f)(x, y) = \sum_{s=-a}^a \sum_{t=-b}^b w(s, t) f(x - s, y - t)$$

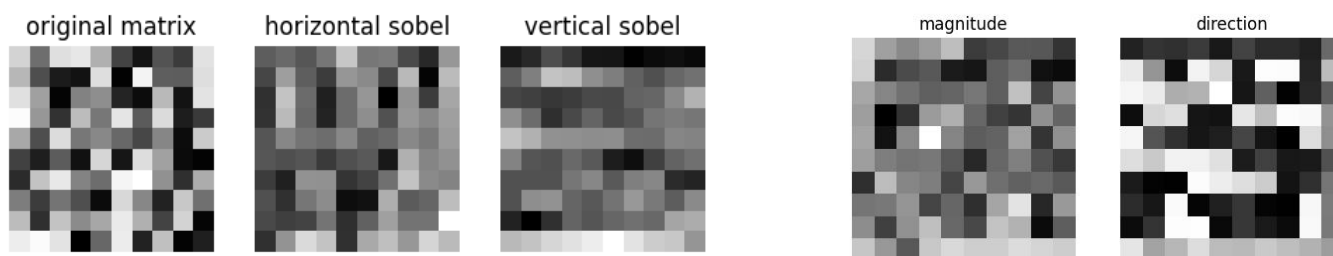
در این سوال از فیلتر سوبل استفاده می کنیم که مقادیر آن مشخص است. همچنین فرمول اندازه و جهت گرادیان که از سوبل افقی و عمودی به دست می آید را نیز پیاده سازی می کنیم.

$G_y$			$G_x$		
-1	-2	-1	-1	0	+1
0	0	0	-2	0	+2
+1	+2	+1	-1	0	+1

$$\text{mag} = \sqrt{g_x^2 + g_y^2}$$

$$\text{dir} = \text{atan2}(g_y, g_x)$$

خروجی بدین صورت است:

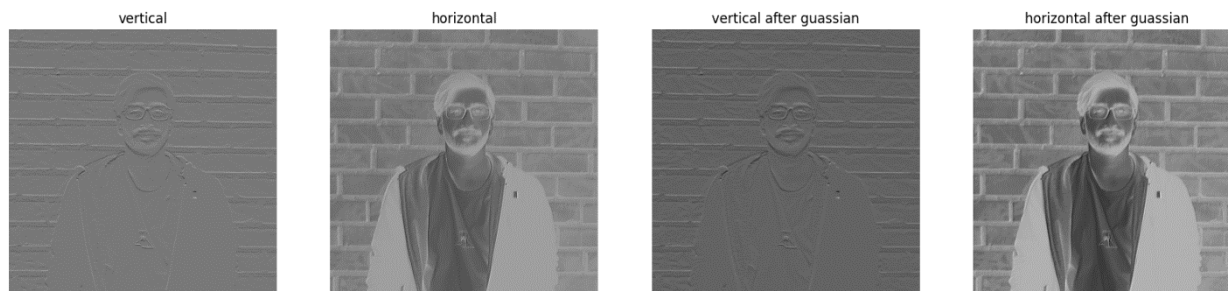


### سوال ۱) ب)

فیلتر گاوس را مطابق فرمول ریاضی پیاده‌سازی می‌کنیم:

$$g(x, y) = \frac{1}{2\pi\sigma^2} e^{-(x^2+y^2)/(2\sigma^2)}$$

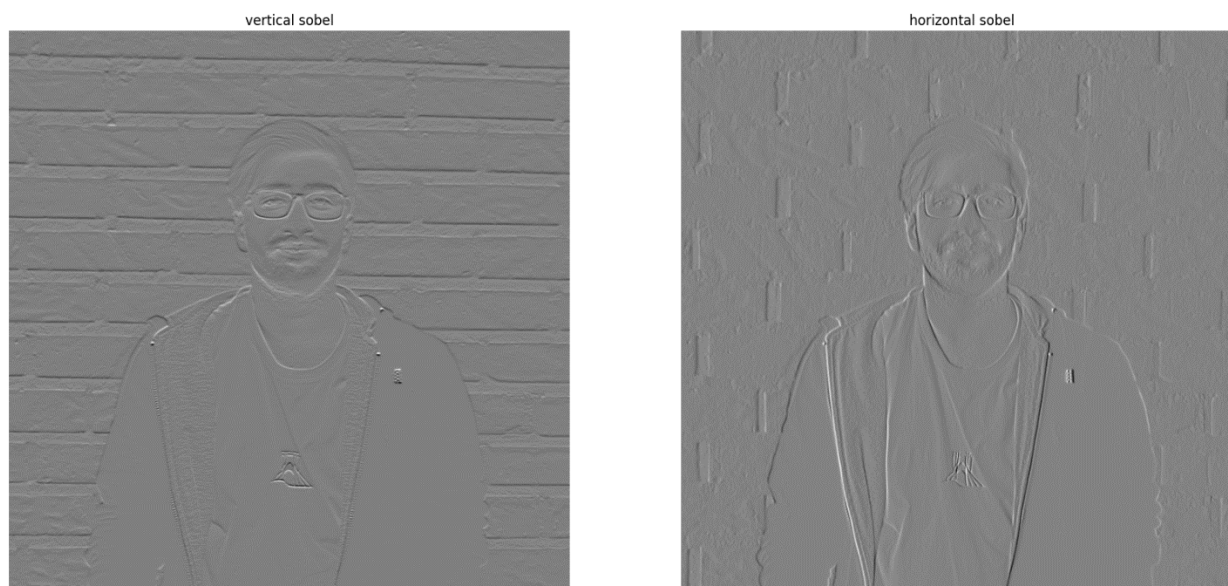
حال تصویر را با عملگر سوبل افقی و عمودی با/بدون فیلتر گاوسی پردازش می‌کنیم.



مشاهده می‌کنیم در تصاویری که سوبل بعد از فیلتر گاوسی اعمال شده است، لبه‌ها واضح‌تر شناسایی شده‌اند.

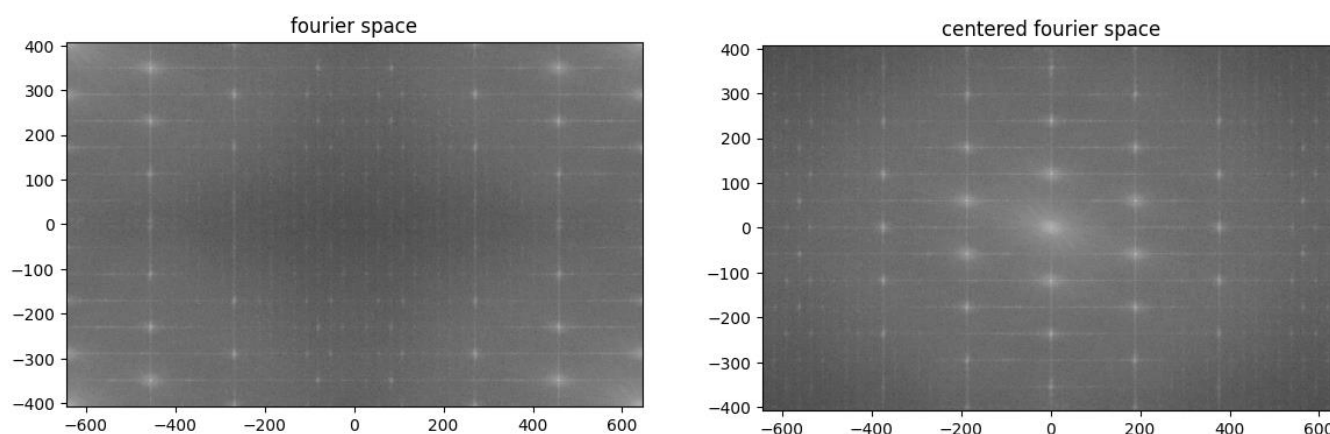
### سوال ۱) ج)

پارامترهای متد `cv2.sobel` به ترتیب تصویر ورودی، عمق تصویر خروجی که همان دیتاتایپ و تعداد کانال‌ها می‌باشد (در اینجا `float` و یک کاناله)، ست کردن مشتق افقی، ست کردن مشتق عمودی و سائز فیلتر می‌باشند. خروجی بدین صورت است:

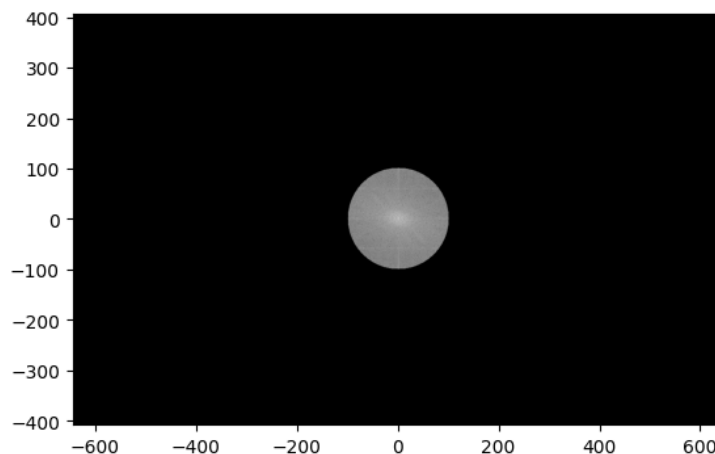


## سوال (۲) الف)

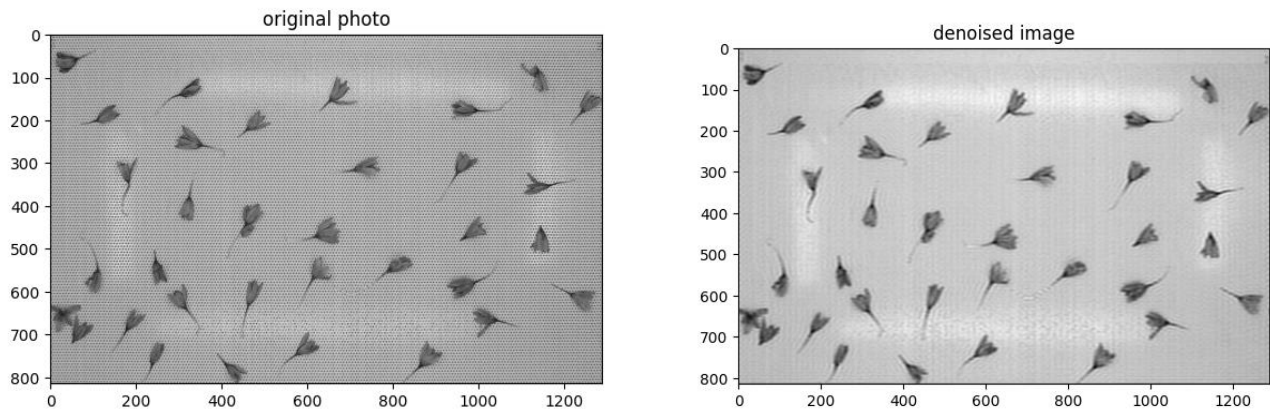
ابتدا تصویر را با استفاده از `np.fft.fft2` به فضای فوریه می‌بریم. سپس به اندازه نصف طول شیفت افقی و به اندازه نصف عرض شیفت عمودی می‌دهیم که با دستور `np.fft.fftshift` قابل انجام است. باید دقت داشت برای نمایش بصری فضای فوریه لگاریتم می‌گیریم زیرا در غیر اینصورت به دلیل مقدار بسیار زیاد در نقطه  $0$  و  $0$  تمام تصویر سیاه دیده می‌شود.



در تصویر `centered fourier space` پیک‌های روشنایی به جز پیک وسط تصویر نشان دهنده نویز می‌باشند. راه‌حل پیشنهادی برای از بین بردن نویز، نگه داشتن دایره‌ای کوچک در وسط و حذف باقی مقادیر است. با تابع `denoisingFourier` همه نقاط به جز دایره‌ای به مرکز تصویر و شعاع `radius` را سیاه می‌کنیم.



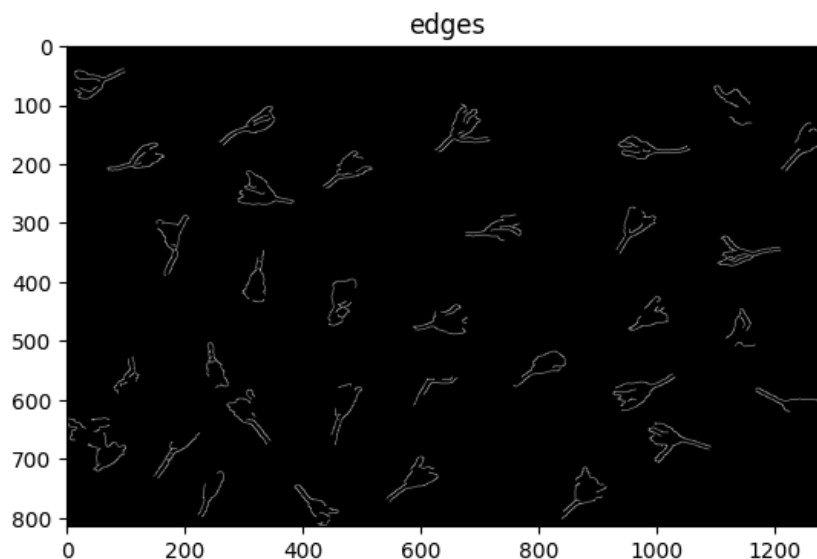
حال این ماتریس در فضای فوریه را با `np.fft.ifftshift` به حالت قبل از شیفت برگردانده و سپس با دستور `np.fft.ifft2` به فضای تصویر می‌بریم تا تصویر دینویز شده را نمایش دهیم.



می‌بینیم روزه‌ها که نویز بودند حذف شدند.

### سوال (۲) ب)

پارامترهای تابع `cv2.canny` به ترتیب تصویر ورودی، `minValue` و `maxValue` هستند. تصویر ورودی باید به تایپ `uint8` کست شود تا ارور نگیریم. مقادیر بالاتر از `maxValue` حتماً لبه هستند و مقادیر کمتر از `minValue` حتماً لبه نیستند اما مقادیر بین این دو اگر به نقاط لبه (نقاط با مقدار بیش از `maxValue`) وصل باشند آنگاه لبه حساب می‌شوند. پس از کمی آزمون و خطا مقادیر مناسب برای این پارامترها ۵۰ و ۱۲۰ یافت شدند.



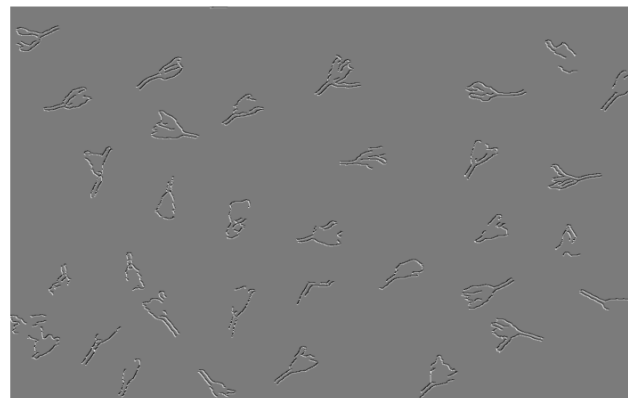
### سوال ۲ (ج)

اندازه و جهت گرادیان را مانند سوال یک محاسبه می‌کنیم.

magnitude



direction



### سوال ۳ (الف)

فیلتر پایین‌گذر فرکانس‌های پایین را عبور می‌دهد و تاثیر فرکانس‌های بالا کاهش می‌دهد یا حذف می‌کند به همین دلیل در تار کردن و smooth کردن تصویر و همچنین روش‌های کاهش نویز کاربرد دارد. فیلترهای میانگین و میانه و گاوسی مثالهایی از فیلتر پایین‌گذر هستند.

فیلتر بالاگذر فرکانس‌های بالا را عبور می‌دهد و تاثیر فرکانس‌های پایین را کاهش می‌دهد یا حذف می‌کند. از این فیلتر برای برجسته کردن لبه‌ها یا افزایش sharpness تصویر استفاده می‌شود. از فیلترهای بالاگذر می‌توان به فیلتر لاپلاسی و سوبل و پریویت اشاره کرد.

### سوال ۳ (ب)

از آنجایی که در این تصویر لبه‌ها برجسته شده‌اند پس از یک فیلتر بالاگذر استفاده شده است.

### سوال (۳ ج)

نویز جمع‌شونده یعنی یک مقدار رندوم به مقادیر تصویر اضافه می‌شود که معمولا توزیع یونیفرم دارد و بر تمام سیگنال تاثیر می‌گذارد. نویزهای سفید، گاوسی و نمک‌فلفل از این نوع هستند. برای کاهش این نویز فیلتر میانه و فیلتر گاوسی پیشنهاد می‌شود.

نویز ضرب‌شونده نوعی نویز است که در تصویر اصلی ضرب می‌شود. علت آن می‌تواند تغییرات نوری یا مشخصات سنسور باشد. این نویز می‌تواند بخش‌های مختلف تصویر را به طرز متفاوتی تحت تاثیر قرار دهد و یونیفرم نیست. نویز نقطه‌ای (speckle noise) که معمولا در تصاویری راداری یا فراصوتی دیده می‌شود و همچنین نویز دانه‌ای فیلم (film grain noise) که در فیلم‌های آنالوگ وجود دارد از این نوع نویز هستند. فیلتر میانگین غیرمحلی (non-local means filter) که کل تصویر را به پیکسل‌هایی در دسته‌های کوچک تقسیم می‌کند و با استفاده از شباهت این دسته‌ها نویز را تشخیص می‌دهد و حذف می‌کند یک روش از بین بردن نویز ضرب‌شونده مخصوصا نویز نقطه‌ای است.

### سوال (۳ د)

وقتی به صورت رندوم پیکسل‌های کاملا روشن ۲۵۵ یا کاملا تاریک ۰ در تصویر رخ بدهد، نویز نمک‌فلفل داریم. دلیل آن می‌تواند پیکسل‌های معیوب در سنسور یا مشکل انتقال دیجیتالی داده باشد. برای حذف این نویز می‌توان از فیلتر میانه استفاده کرد زیرا باعث از بین رفتن داده‌های پرت مانند ۰ و ۲۵۵ می‌شود. همچنین می‌توان از alpha-trimmed mean filter استفاده کرد که درصد مشخصی از داده‌های بسیار زیاد و بسیار کم را حذف می‌کند.



## سوال (۴)

سوال (۴) الف) جمع مقادیر دینامی یکسایه‌ای تغییر  
همان نقطه (۰,۰) تبدیل فوریه است -

چهارشنبه

آبان

۲ ربيع الاول ۱۴۴۳

3 Nov 2022

$$F(u, v) = \sum_{x=0}^{M-1} \sum_{y=0}^{N-1} f(x, y) e^{-j2\pi (ux/M + vy/N)}$$

$$\begin{matrix} u=0 \\ v=0 \end{matrix} \rightarrow F(0,0) = \sum_{x=0}^{M-1} \sum_{y=0}^{N-1} f(x, y)$$

جمع مقادیر تغییر

		$x$
$y$	۴	۰
	۳	۲

سوال (۴) ب)

$$u=0, v=0 \Rightarrow F(0,0) \stackrel{\text{طبق الف}}{=} 9$$

$$u=0, v=1 \Rightarrow F(0,1) = 4x e^{-j2\pi(0)} + 0 + 3x e^{-j2\pi(\frac{1}{2})} + 2x e^{-j2\pi(\frac{1}{2})} = -1$$

$$u=1, v=0 \Rightarrow F(1,0) = 4 + 0 + 3x e^{-j2\pi(\frac{1}{2})} + 2x e^{-j2\pi(\frac{1}{2})} = 2$$

$$u=1, v=1 \Rightarrow F(1,1) = 4 + 0 + 3x e^{-j2\pi(\frac{1}{2} + \frac{1}{2})} + 2x e^{-j2\pi(\frac{1}{2} + \frac{1}{2})} = 3$$

Scanned with CamScanner

		$u$
$v$	9	2
	-1	3

تبدیل فوریه

Scanned with CamScanner

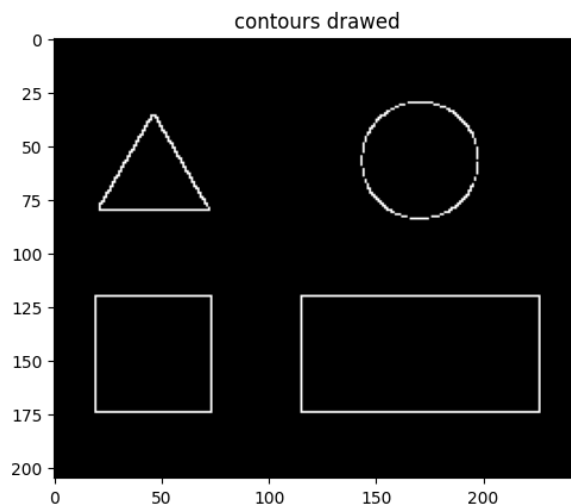
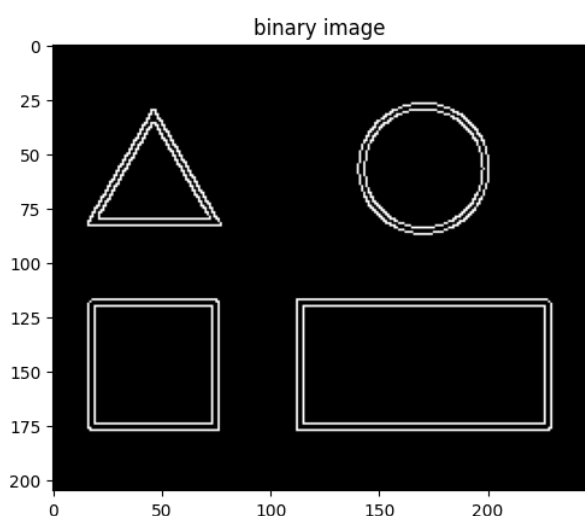


## سوال (۵) الف)

تصویر را می‌خوانیم.

## سوال (۵) ب)

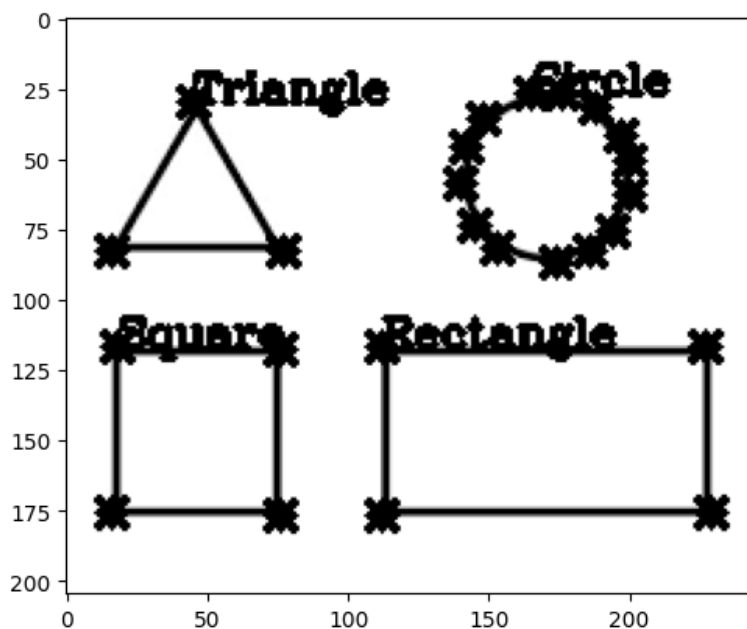
کانتور انحنایی تشکیل شده از نقاط به هم پیوسته است که رنگ یا شدت روشنایی مشابهی دارند. تابع `cv2.findContours` کانتور ها با استفاده از یک نسخه بهینه شده الگوریتم سوزوکی پیدا می‌کند. پارامتر ورودی اول این تابع تصویر ورودی است که باید باینری باشد پس از `canny` استفاده می‌کنیم. پارامتر دوم نشان می‌دهد چه کانتورهایی را می‌خواهیم که در اینجا `cv2.RETR_EXTERNAL` خطوط خارجی اشکال را بازمی‌گرداند. پارامتر سوم `cv2.CHAIN_APPROX_SIMPLE` است که بدین معنی می‌باشد که نقاط کمتر و بهینه‌ای را بازمی‌گرداند مثلاً به جای تمام نقاط خط، دو نقطه ابتدا و انتهای خط را برمی‌گرداند. برعکس `cv2.CHAIN_APPROX_NONE` که تمام نقاط را در کانتور بازمی‌گرداند. در نهایت با استفاده از `cv2.drawContours` کانتورهای یافت شده را رسم می‌کنیم. پارامترهای این تابع به ترتیب عکس ورودی، آرایه‌ای کانتورها، ایندکس کانتوری که قرار است رسم شود (منفی یک یعنی همه کانتورها)، رنگ و شدت می‌باشند.



### سوال (۵) ج)

تابع `cv2.approxPolyDP` کانتور و اپسیلون و `closed` را ورودی می گیرد و یک شکل تخمینی که به اندازه اپسیلون به کانتور ورودی شبیه است را برمی گرداند. `Closed` نیز یک بولین است که مشخص می کند کانتور یک منحنی بسته است یا باز. برای به دست آوردن اپسیلون از `cv2.arclength` استفاده کردیم که طول/محیط منحنی را می دهد.

برای هر کانتور تخمین می زنیم، نقاط موجود در تخمین را با مارکر علامت می زنیم و با توجه به تعداد نقاطی که در هر تخمین بازگردانده شده، شکل اشیا را تشخیص می دهیم. باید توجه داشت مستطیل و ربع هر دو چهارنقطه تخمینی دارند اما اگر طول مساوی عرض باشد یعنی مربع است.



### سوال (۶) الف)

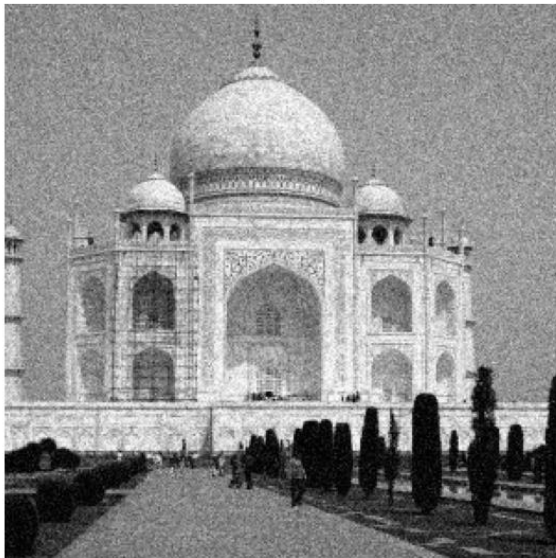
برای `reflect101` از `np.pad` با `mode='reflect'` استفاده می کنیم.

در فیلتر میانگین از پیکسل مربوطه و همسایه هایش (با توجه به سایز فیلتر) میانگین می گیریم.

در فیلتر میانه از بین پیکسل مربوطه و همسایه‌هایش میانه را مشخص می‌کنیم و جای آن پیکسل می‌گذاریم.

در فیلتر گاوسی نیز همانند سوال یک عمل می‌کنیم. باید بدانیم فیلتر گاوسی در واقع یک نوع میانگین وزن دار است، هرچقدر پیکسل‌ها به پیکسل مربوطه نزدیکتر باشند، وزن بیشتری دارند. خروجی‌ها بدین صورت می‌باشد:

main image



Averaging Blurring



Median Blurring



Gaussian Blurring



همچنین با افزایش سایز فیلتر تصویر محوتر و smooth تر می‌شود. مثلاً اینجا برای فیلتر میانگین اندازه ۶۰ داده شده است:



سوال ۶ (ج)

در اینجا از توابع آماده cv2 استفاده می‌کنیم و می‌بینیم نتایج بسیار مشابهی به دست می‌آید:

