## Imagerie ultrasonore par inversion de formes d'onde

#### Alice DINSENMEYER

encadrée par Romain BROSSIER & Ludovic MOREAU Maîtres de conférences, ISTerre

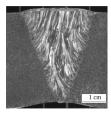
12 juillet 2016





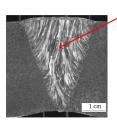


Contexte



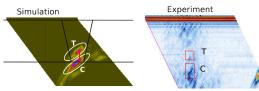
Macrographie d'une soudure austénitique\*

- méthodes par sommation cohérente de signaux
- Décomposition des matrices de covariance (DORT)



Macrographie d'une soudure austénitique\*

#### Forte anisotropie

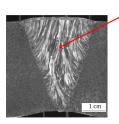


Comparaison d'un modèle (lancer de rayons) et d'une mesure \*\*

- méthodes par sommation cohérente de signaux
- Décomposition des matrices de covariance (DORT)

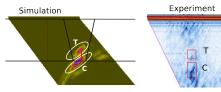
- X requièrent une connaissance a priori de la vitesse
  - X sujettes aux artefacts

Contexte



Macrographie d'une soudure austénitique\*

#### Forte anisotropie



Comparaison d'un modèle (lancer de rayons) et d'une mesure \*\*

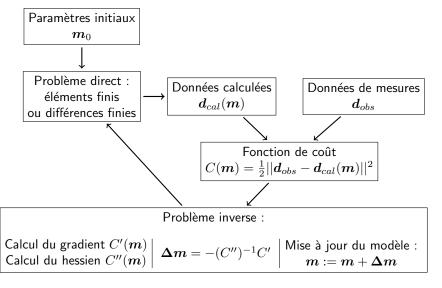
- méthodes par sommation cohérente de signaux
- Décomposition des matrices de covariance (DORT)
- Résolution d'un problème d'optimisation

- x requièrent une connaissance a priori de la vitesse
- x sujettes aux artefacts
- ▶ optimisation topologique : Dominguez et al., Rodriguez et al.
- ✓ reconstruction d'un ensemble de paramètres : FWI

## La FWI

- ► Full waveform inversion : utilise la totalité du champ d'onde (toutes les arrivées et les amplitudes)
- ► Développée pour la géophysique
- ► Méthode d'optimisation locale

## La FWI



► Fonction de coût :  $C(m) = \frac{1}{2}||\boldsymbol{d}_{obs} - \boldsymbol{d}_{cal}(\boldsymbol{m})||^2$ 

Inversions en milieu isotrope

lacktriangle Perturbation du modèle :  $oldsymbol{\Delta} m = -(C'')^{-1}C'$ 

- ► Fonction de coût :  $C(m) = \frac{1}{2}||\boldsymbol{d}_{obs} \boldsymbol{d}_{cal}(m)||^2$
- lacktriangledown Perturbation du modèle :  $oldsymbol{\Delta} m = -(C'')^{-1} \cline{C'}$

$$\frac{\partial C}{\partial m_i} = {}^t \tilde{\boldsymbol{d}}_{cal} \left( \frac{\partial \boldsymbol{A}}{\partial m_i} \right) \boldsymbol{A}^{-1} (\tilde{\boldsymbol{d}}_{obs} - \tilde{\boldsymbol{d}}_{cal}) \tag{1}$$

A: opérateur équation d'onde (élastique ou acoustique)

Références

Contexte

- ► Fonction de coût :  $C(\mathbf{m}) = \frac{1}{2} ||\mathbf{d}_{obs} \mathbf{d}_{cal}(\mathbf{m})||^2$

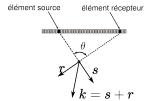
$$\frac{\partial C}{\partial m_i} = {}^t \tilde{\boldsymbol{d}}_{cal} \left( \frac{\partial \boldsymbol{A}}{\partial m_i} \right) \underbrace{\boldsymbol{A}^{-1} (\tilde{\boldsymbol{d}}_{obs} - \tilde{\boldsymbol{d}}_{cal})}_{\text{résidus rétropopagés}}$$
(1)

A: opérateur équation d'onde (élastique ou acoustique)

## Résolution de la FWI

Contexte

$$\begin{split} \frac{\partial C}{\partial m_i} &= \underbrace{\overset{t}{d}_{cal}}_{\text{champ incident}} \overset{t}{\left(\frac{\partial \boldsymbol{A}}{\partial m_i}\right)} \underbrace{\boldsymbol{\lambda}}_{\text{résidus rétropopagés}} \\ &\sim & \Re\left(e^{jk_0\boldsymbol{s}.\boldsymbol{x}}\right) &\sim & \Re\left(e^{jk_0\boldsymbol{r}.\boldsymbol{x}}\right) \end{split}$$

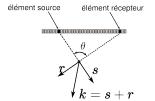


# $\frac{\partial C}{\partial m_i} = \underbrace{\overset{t}{\tilde{d}_{cal}}}_{\text{champ incident}} \overset{t}{\left(\frac{\partial A}{\partial m_i}\right)}_{\text{r\'esidus r\'etropopag\'e}} \underbrace{\boldsymbol{\lambda}}_{\text{r\'esidus r\'etropopag\'e}}$

$$\sim \Re\left(e^{jk_0 \boldsymbol{s}.\boldsymbol{x}}\right) \sim \Re\left(e^{jk_0 \boldsymbol{r}.\boldsymbol{x}}\right)$$

► Résolution du gradient :

$$|\mathbf{k}| = |\mathbf{s} + \mathbf{r}| = \frac{\omega}{c} 2\cos\left(\frac{\theta}{2}\right)$$



élément source

## Résolution de la FWI

$$rac{\partial C}{\partial m_i} = \underbrace{\check{m{d}}_{cal}}_{ ext{champ incident}}^t \left( rac{\partial m{A}}{\partial m_i} 
ight)_{ ext{résidus rétropopagés}} m{\lambda}_{ ext{résidus rétropopagés}} \ \sim \Re\left( e^{jk_0 m{s.x}} 
ight) \ \sim \Re\left( e^{jk_0 m{r.x}} 
ight)$$

► Résolution du gradient :

$$|m{k}| = |m{s} + m{r}| = \frac{\omega}{c} 2\cos\left(\frac{ heta}{2}\right)$$



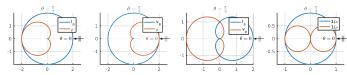
## Résolution de la FWI

$$egin{aligned} rac{\partial C}{\partial m_i} &= \underbrace{d_{cal}}_{ ext{champ incident}} \left[ \left( rac{\partial oldsymbol{A}}{\partial m_i} 
ight) 
ight]_{ ext{résidus rétropopagés}} oldsymbol{\lambda} \ &\sim \Re \left( e^{jk_0 oldsymbol{s}.oldsymbol{x}} 
ight) \end{aligned} \ \sim \Re \left( e^{jk_0 oldsymbol{r}.oldsymbol{x}} 
ight)$$

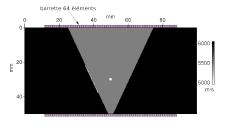
► Résolution du gradient :

$$|\mathbf{k}| = |\mathbf{s} + \mathbf{r}| = \frac{\omega}{c} 2\cos\left(\frac{\theta}{2}\right)$$

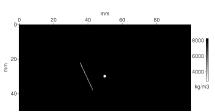
► Rayonnement des paramètres :



## Génération des données de référence



Vitesse vraie



Masse volumique vraie

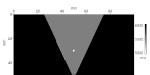
## Inversions en milieu isotrope

#### Modèle initial de vitesse :



#### Modèle initial de vitesse :



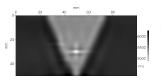


## Inversions en milieu isotrope

#### Modèle initial de vitesse :

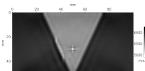


#### Vitesse Reconstruite :

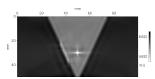


## $f{\approx}~400~kHz$

### Modèle initial de vitesse :



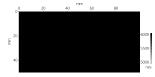
#### Vitesse Reconstruite :



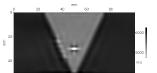


## Inversions en milieu isotrope

#### Modèle initial de vitesse :



## Vitesse Reconstruite :



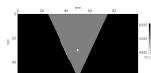
#### $f{\approx}~1~\text{MHz}$

#### Modèle initial de vitesse :



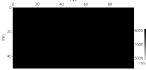
#### Vitesse Reconstruite :





## Inversions en milieu isotrope

#### Modèle initial de vitesse :



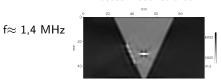
#### \_\_\_\_\_



## Modèle initial de vitesse :



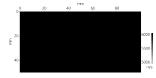
#### Vitesse Reconstruite :



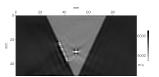


## Inversions en milieu isotrope

#### Modèle initial de vitesse :



#### Vitesse Reconstruite :



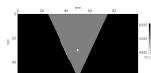
#### $f \approx 2 \ MHz$

#### Modèle initial de vitesse :



#### Vitesse Reconstruite:



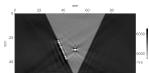


## Inversions en milieu isotrope

#### Modèle initial de vitesse :

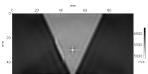


## Vitesse Reconstruite :



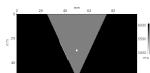
f≈ 3 MHz

#### Modèle initial de vitesse :

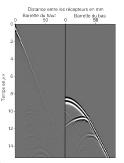


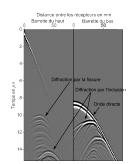
#### Vitesse Reconstruite:





## Inversion monoparamètre





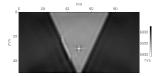
Signaux issus de  $\rho$  homogène

Signaux issus de ho vraie



## Inversions en milieu isotrope

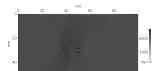
#### Vitesse initiale :



#### Vitesse reconstruite:



#### Masse volumique reconstruite :



- B. Chassignole. Influence de la structure métallurgique des soudures en acier inoxydable austénitique sur le contrôle non-destructif par ultrasons. PhD thesis, INSA Lyon, 1999.
- A. Gardahaut, H. Lourme, F. Jenson, S. Lin, and M. Nagai. Ultrasonic wave propagation in dissimilar metal welds—application of a ray-based model and comparison with experimental results. In 11th European Conference on Non-Destructive Testing, 2014.

questions : différence avec tomo diffraction

défaut : air

Contexte