

دوره آموزشی برنامه ممتیکا
دوره سایت فرادرس
جلسه اول
حذف متغیر در برنامه (هر متغیری قبل از این دستور پاک می‌شود).

```
Clear["Global`*"]
```

تنها متغیر a حذف می‌شود.

```
Clear[a]
```

غیرفعال کردن یک دستور:
Un/comment Section ← edit منوی
کلید میانبر : Alt + /

نشان دادن هر متغیری (چه مقدار دهی شده و چه مقدار دهی نشده)

```
Clear["Name`*"]
```

* همیشه باید در اول هر برنامه از دو کد Remove و Clear استفاده کنیم تا در محاسبات مشکلی پیش نیاید.
* در ممتیکا حرف اول همه دستورها باید بزرگ شود.
* روش اجرا دستورهایی در یک سل : Shift + Enter
اجرای دستورهایی همه سل‌ها به صورت یکجا: *Evaluation* → *Evaluate Notebook*
دستور برای مقداردهی یک متغیر:

```
Variable_name = Value
```

برای مثال در کد زیر مقدار ۲ را درون متغیری با نام a قرار می‌دهیم:

```
a = 2
```

مشکلی که این نوع مقداردهی دارد این است که بعد از اجرا سلولی که این کد درون آن است، این مقدار در خروجی چاپ می‌شود. برای اینکه هم مقدار موردنظر در متغیر موردنظر ذخیره شود و هم اینکه در خروجی نمایش داده نشود. دو روش وجود دارد. روش اول:

```
a = 2;
```

روش دیگری که موجود است:

```
a := 2
```

تفاوت این دو دستور باهم این است که در روش اول مقدار حساب و ذخیره می‌شوند. ولی در روش دوم مقدار حساب نمی‌شود تا زمانی که از آن در جایی استفاده شود
روش متوقف کردن برنامه در حال اجرا:
Local Quit kernel Evaluation
جواب سوال پرسیده شده: Quit
* هر دستور در ممتیکا باید در براکت ([]) نوشته شود:

```
Sin[x] , Clear[c]
```

دستورهای پایه ریاضی
برای این بخش دو متغیر از قبل تعریف می‌کنیم:

```
a = 5  
b = 8
```

دستور جمع:

```
a + b      Out : 13
```

دستور تفریق:

```
a - b      Out : -3
```

دستور ضرب:

```
a * b      Out : 40
```

دستور تقسیم (روش اول):

```
1 a / b Out : 5 / 8
```

دستور تقسیم (روش دوم):

```
1 a/b Out : 5 / 8
```

نحوه خروجی گرفتن با دقت موردنظر:

```
1 N[expression] e.g: N[1/3] Out: 0.333
2 N[expression , accuracy] e.g: N[1/3 , 10] Out: 0.3333333333
```

برای نوشتن این روش پس از نوشتن صورت تقسیم (در این مثال a / b) Ctrl + / را می‌زنیم.
روش تایپ کردن فرمول‌های خاص:
Palettes → *BasicMathAssistant*
استفاده از حروف یونانی و اسمبل‌ها در این قسمت نیز موجود است.
هز گزینه کلید میانبر مخصوص خود را دارد. برای آشنایی با کلید میانبر هر گزینه، روی گزینه کمی نگه دارید.
* خطای ۱۰۴۲: ایجاد اشکال در دستور وارد شده، مثال:

```
1 W = W + 1 , W = W1 + 1
```

روش دیگر برای نوشتن این عبارت: در این حالت کنترلی در تعداد اعشار نداریم.

```
1 1 / 3 // N
```

جلسه دوم : معرفی توابع
تابع رادیکال:

```
1 Sqrt[4] Out: 2
2 Sqrt[x**2] Out:  $\sqrt{x^2}$ 
```

تابع ساده سازی (Simplify):

```
1 Simplify[%, x > 0] Out: +x
2 Simplify[%, x < 0] Out: -x
```

در این مثال نماینده آخرین خروجی است.
تابع نمایی:

```
1 Exp[x] Out: e**x e = 2.7
2 Exp[2] Out: e**2
3 Exp[2] // N Out: 7.38906
```

تابع جزء صحیح:

```
1 Floor[2.3] Out: 2
```

تابع قدرمطلق:

```
1 Abs[-2] Out: 2
2 Abs[-x] Out: Abs[x]
```

* در مثال دوم این کد، خروجی از تابع بیرون در نمی‌آید چون x می‌تواند منفی و چیزهای دیگر باشد.
تابع علامت:

```
1 Sign[{-2, 0, 3}] Out: {-1, 0, 1}
```

تابع فاکتوریل (روش اول):

```
1 x = 5
2 Facorial[x] Out: 120
```

تابع فاکتوریل (روش دوم):

```
1 x! Out: 120
```

تابع لگاریتم:

```
1 Log[x] Out: Log[x]
```

زمانی که برای الگوریتم پایه تعریف نکنیم، نرم افزار به صورت خودکار پایه را عدد نپر (E یا $x \ln$) قرار می دهد.

```
1 Log[E] Out: 1
```

تعریف پایه الگوریتم:

```
1 Log[a , x] a is The base of the logarithm
2 Log[10 , 1000] Out: 3
```

توابع مثلثاتی:

```
1 Sin[x] e,g: Sin[Pi/3] Out: sqrt[3] / 2
2 Cos[x]
3 Tan[x]
4 Cot[x]
5 ArcSin[x]
6 ArcTan[x]
```

به صورت دیفالت مقدار محاسبه این توابع به صورت رادیان است، اگر بخواهیم نرم افزار خاص درجه موردنظر را حساب کند، این گونه عمل می کنیم:

```
1 Sin[30 Degree] Out: sqrt[3] / 2
2 Sin[30 Degree] // N Out: 0.5
```

توابع هیپربولیک

```
1 Sinh[x]
2 Cosh[x]
3 Coth[x]
```

تابع تولید اعداد تصادفی
برای اعداد حقیقی:

```
1 RandomReal[{-2, 2}, 5] Out: {1.31496, 0.0146972, -1.486, -1.93584, 0.638742}
2 RandomReal[{-2, 2}, {2, 5}] Out: {{1.86401, -1.47587, 0.0531725, 1.73636, 0.243321},
3 {1.50354, 0.924516, 1.60522, 0.870081, -1.22427}}
```

در مثال اول پنج عدد تصادفی در بازه ۲ ، -۲ انتخاب می شوند.
در مثال دوم دو دسته پنج تایی عدد تصادفی در بازه ۲ ، -۲ انتخاب می شوند.
برای اعداد صحیح:

```
1 RandomInteger[{-2, 2}, 5] Out: {-2, 0, 1, 2, -2}
```

پنج عدد صحیح تصادفی در بازه ۲ ، -۲ انتخاب می شوند.
تبدیل عدد به عامل های اول:

```
1 FactorInteger[10] Out: {{2, 1}, {5, 1}} 10 = 2^1 * 5^1
```

به توان رساندن:

```
1 Superscript[2, 3] Out: Superscript[2,3]
2 Superscript @@ {2, 3} Out: Superscript[2,3]
3 Superscript @@@ {{2, 3}, {6, 5}} Out: {Superscript[2,3], Superscript[6,5]}
4 Superscript @@ {{2, 3}, {4, 5}} Out: Superscript[{2, 3},{4, 5}]
```

```
1 CenterDot[x, y] Out: x\[CenterDot]y
2 CenterDot @@ (Superscript @@@ (FactorInteger[15])) Out: Superscript[3,1]\[CenterDot]
Superscript[5,1]
```

کوچکترین مضرب مشترک

```
1 LCM[5, 6]
```

بزرگترین تقسیم الیه مشترک

```
1 GCD[15, 9]
```

باقی مانده

```
Mod[15 , 2]
```

خارج قسمت

```
Quotient[15, 3]
```

ترکیب

```
Binomial[15, 3]
```

دلتا دیراک

```
DiracDelta[x]
DiracDelta[x] // TraditionalForm Out: \[Delta](x)
```

دلتا کراینیکر

```
DiracDelta[m, n] // TraditionalForm
```

اعداد مختلط:

```
z = x + I y Out: x + I y
Re[z] Out: -Im[y] + Re[x]
```

برای تعریف کردن قسمت موهومی و واقعی اعداد مختلط:

```
Refine[Re[z], Element[{x, y}, Reals]] Out: x // Real Part
Refine[Im[z], Element[{x, y}, Reals]] Out: y // Imaginary Part
```

مزدوج گیری (مختلط):

```
Conjugate[z] Out: Conjugate[x] - I Conjugate[y]
```

ریفاین کردن

```
Refine[Conjugate[z], Element[{x, y}, Reals]] Out: x - I y
```

تعریف تابع دلخواه:

```
F[x_] = x^2 + 1 Out: 1 + x^2
F[3] Out: 10
Map[F, {2, 3}] Out: {5, 10}
F /@ {2, 3} Out: {5, 10}
```

برای تعریف توابع چند متغیره:

```
G[x_, y_] = x + y + 2 Out: 2 + x + y
G[{2, 3}, {5, 6}] Out: {9, 11}
```

جلسه سوم : محاسبات جبری و مثلثاتی، سری ها بسط یک عبارت

```
(x + 1)^3 Out: (1 + x)^3
Expand[(x + 1)^3] Out: 1 + 3 x + 3 x^2 + x^3
(x + 1)^3 // Expand Out: 1 + 3 x + 3 x^2 + x^3
Expand[(a + b)^2*(x + 1)^2] Out: a^2 + 2 a b + b^2 + 2 a^2 x + 4 a b x + 2 b^2 x
+ a^2 x^2 + 2 a b x^2 + b^2 x^2
```

همانطور که مشاهده می شود در مثال آخر کدهای بالا هر دو جمله بسط داده می شوند. گاهی نیاز است که تنها یکی از این جملات بسط داده شود. برای این کار:

```
Expand[(a + b)^2*(x + 1)^2, x] Out: (a + b)^2 + 2 (a + b)^2 x + (a + b)^2 x^2
```

همانطور که مشاهده می شوند فقط جمله ای که در آن x وجود دارد، بسط داده خواهد شد.
فاکتورگیری

```
Factor[x^4 + x^2 + x] Out: x (1 + x + x^3)
Factor[x^4 + x^2] Out: x^2 (1 + x^2)
```

به مثال زیر توجه کنید:

```

۱ y = x^4 + x^2 + x
۲ x = a + b
۳ Factor[y]      Out: (a + b) (1 + a + a^3 + b + 3 a^2 b + 3 a b^2 + b^3)

```

همانطور که مشاهده می‌شود در این کد، از (a) + (b) فاکتور گرفته می‌شود.
ساده کردن یک عبارت کسری

```

۱ Cancel[(x^2 - 1)/(x - 1)]      Out: 1 + x

```

تجزیه کسر به کسرهایی جزئی

```

۱ Apart[1/((1 + x)*(5 + x))]      Out: 1/(4 (1 + x)) - 1/(4 (5 + x))
۲ Expand[(1 + x)*(5 + x)]          Out: 5 + 6 x + x^2
۳ Apart[1/%]                       Out: 1/(4 (1 + x)) - 1/(4 (5 + x))

```

بسط عبارات مثلثاتی و تبدیل آن‌ها به عبارت نهایی

```

۱ Cancel[Sin[2*x]/Sin[x]]          Out: Csc[x] Sin[2 x]
۲ Cancel[Sin[2*x]/Sin[x], Trig -> True] Out: 2 Cos[x]

```

ساده سازی عبارتهای مثلثاتی

```

۱ TrigFactor[Cos[x + y] + Sin[x]*Sin[y]]      Out: Cos[x] Cos[y]

```

بسط عبارتهای مثلثاتی

```

۱ TrigExpand[Cos[x + y]]            Out: Cos[x] Cos[y] - Sin[x] Sin[y]
۲ TrigExpand[Sin[2*x]]              Out: 2 Cos[x] Sin[x]

```

تبدیل عبارتهای مثلثاتی درجه‌های بالاتر به عبارت خطی

```

۱ TrigReduce[2*(Cos[x])^2]          Out: 1 + Cos[2 x]
۲ TrigReduce[(Cos[x])^3]            Out: 1/4 (3 Cos[x] + Cos[3 x])

```

تبدیل عبارتهای مثلثاتی به نمایی و برعکس

```

۱ TrigToExp[Cos[x]]                 Out: E^(-I x)/2 + E^(I x)/2
۲ ExpToTrig[Exp[Ix]]                Out: Cosh[Ix] + Sinh[Ix]

```

ساده سازی عبارتها

نکته: در نرم افزار متمتیکا در دو حالت زیر ضرب تعریف می‌شود:
۱) بین دو عبارت علامت ضرب "*" قرار گیرد.
۲) بین دو عبارت اسپیس گذاشته شود.

```

۱ Simplify[(x - 1) (x + 1) (x^2 + 1) + 1]      Out: x^4
۲ Simplify[(Sin[x])^2 + (Cos[x])^2]            Out: 1
۳ FullSimplify[Cosh[x] - Sinh[x]]              Out: E^-x

```

نکته ۱: FullSimplify از Simplify قوی‌تر است. کارایی هر دو یکی است.

نکته ۲: گاهی باید برای ساده سازی یک عبارت، ابتدا باید آن Expand شود یا در کسرها از Cancel استفاده شود.
سری (مجموعه‌ها)

```

۱ Sum[Sin[i x], {i, 1, 5}]          Out: Sin[x] + Sin[2 x] + Sin[3 x] + Sin[4 x] + Sin[5 x]
۲ Sum[i, {i, 1, n}]                 Out: 1/2 n (1 + n)
۳ Sum[i^2, {i, 1, n}]               Out: 1/6 n (1 + n) (1 + 2 n)
۴ Sum[Sin[i x], {i, 1, 10, 2}]      Out: Sin[x] + Sin[3 x] + Sin[5 x] + Sin[7 x] + Sin[9 x]

```

روش دیگر: با استفاده از کلید میان ESC + Sum + ESC می‌توان این نماد را رسم کرد.

$$\sum_{i=1}^n i$$

$$\sum_{i=1}^5 i^2$$

خروجی کدهای تصویر بالا:

```
1 Out1: 1/2 n (1 + n)
2 Out2: 55
```

حاصل ضرب:

```
1 Product[Sin[i x], {i, 1, 10}] Out: Sin[x] Sin[2 x] Sin[3 x] Sin[4 x] Sin[5 x]
2 Sin[6 x] Sin[7 x] Sin[8 x] Sin[9 x] Sin[10 x]
3
4 Product[Sin[i x], {i, 1, 10, 2}] Out: Sin[x] Sin[3 x] Sin[5 x] Sin[7 x] Sin[9 x]
```

روش دیگر: با استفاده از کلید میان ESC + Prod + ESC می‌توان این نماد را رسم کرد.



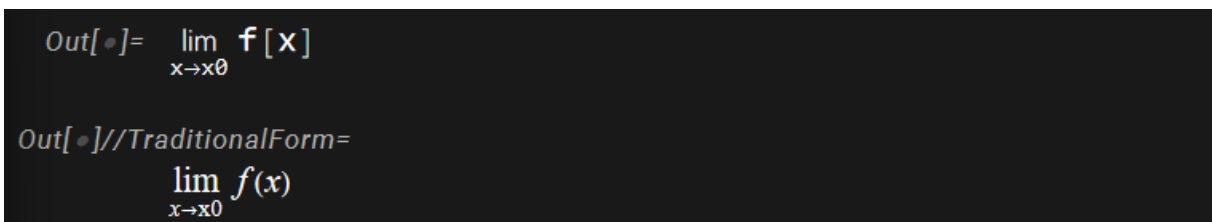
خروجی کد تصویر بالا:

```
1 Out: 120
```

جلسه چهارم : حد، مشتق و انتگرال
بخش اول - محاسبه حد

```
1 Limit[f[x], x -> x0]
2 Limit[f[x], x -> x0] // TraditionalForm
```

خروجی کد بالا به شکل زیر می‌باشد:



مثالی دیگر:

```
1 Limit[Sin[x]/x, x -> 0] Out: 1
```

نکته: اگر یک عبارت حد چپ و راست برابر نداشته باشد، حد ندارد و در نرم‌افزار پیامی طبق این مفهوم می‌آید.

```
1 Limit[1/x, x -> 0] Out: Indeterminate
```

همچنین می‌توانیم حد چپ و راست را به صورت جداگانه برای یک عبارت حساب کنیم. به مثال زیر توجه کنید.
حد چپ : از سمت مقادیر کمتر از صفر به سمت صفر

```
1 Limit[1/x, x -> 0, Direction -> 1] Out: -Infinity
```

حد چپ : از سمت مقادیر بیشتر از صفر به سمت صفر

```
1 Limit[1/x, x -> 0, Direction -> -1] Out: Infinity
```

بخش دوم - مشتق
برای انجام عمل مشتق در برنامه می‌توان به دو صورت زیر اقدام کرد:

```
1 Derivative[n][f][x + 1]
2 D[f[x], {x, n}]
```

که خروجی کد بالا به شکل زیر در ترمینال نمایش داده خواهد شد:

```
Out[•]= f(n) [1 + x]
```

```
Out[•]= f(n) [x]
```

نکته: در کد دوم پارامتر $f(x)$ تابع موردنظر براش مشتق گرفتن، پارامتر x متغیری که می‌خواهیم طبق آن مشتق گیری انجام دهیم و پارامتر n تعداد مشتق است. به مثال زیر توجه کنید:

```
1 D[(Sin[x])^10, x] Out: 10 Cos[x] Sin[x]^9
```

در این مثال تابع $\sin(x)$ به عنوان تابع ما و x به عنوان پارامتر مشتق‌گیری قرار داده شده است. توجه شود که پارامتر n در این مثال مشخص نشده و به پیش‌فرض ۱ در نظر گرفته می‌شود. مشتق جزئی:

```
1 D[f[x, y], x, y]
2 D[f[x, y], {x, 2}, {y, 3}]
```

خروجی آن در ترمینال به شکل زیر است:

```
Out[•]= f(1,1) [x, y]
```

```
Out[•]= f(2,3) [x, y]
```

مثال کاربردی:

```
1 D[x^3 + y^2, {x, 2}, {y, 1}] Out: 0
```

بخش سوم - انتگرال گیری

```
1 Integrate[f[x], x]
```

که خروجی آن در ترمینال به صورت زیر نمایش داده می‌شود:

```
Out[•]= ∫ f[x] dx
```

یک مثال از انتگرال نامعین:

```
1 Integrate[Sin[x], x] Out: -Cos[x]
```

انتگرال دوگانه نامعین:

```
1 Integrate[f[x, y], x, y]
```

که خروجی آن در ترمینال به صورت زیر نمایش داده می‌شود:

```
Out[•]= ∫∫ f[x, y] dy dx
```

یک مثال از انتگرال دوگانه نامعین:

```
Integrate[x*y + 1, x, y] Out: x y + (x^2 y^2)/4
```

انتگرال معین:

```
Integrate[1/(x^3 + 1), {x, 0, 1}] Out: 1/18 (2 Sqrt[3] \[Pi] + Log[64])
```

نکته: جواب انتگرال گیری‌های معین است.
یک مثال از انتگرال دوگانه معین:

```
Integrate[x*y + 1, {x, 0, t}, {y, -x, x}] Out: t^2
```

انتگرال‌های عددی:

```
NIntegrate[Sin[Sin[x]], {x, 0, 4}] Out: 1.45747
```

اما چرا از این روش استفاده می‌شود. بیاید از روش قبل انتگرال بالا را حساب کنیم:

```
Integrate[Sin[Sin[x]], {x, 0, 4}]
```

خروجی به شکل زیر خواهد بود:



Out[•]= $\int_0^4 \text{Sin}[\text{Sin}[x]] \, dx$

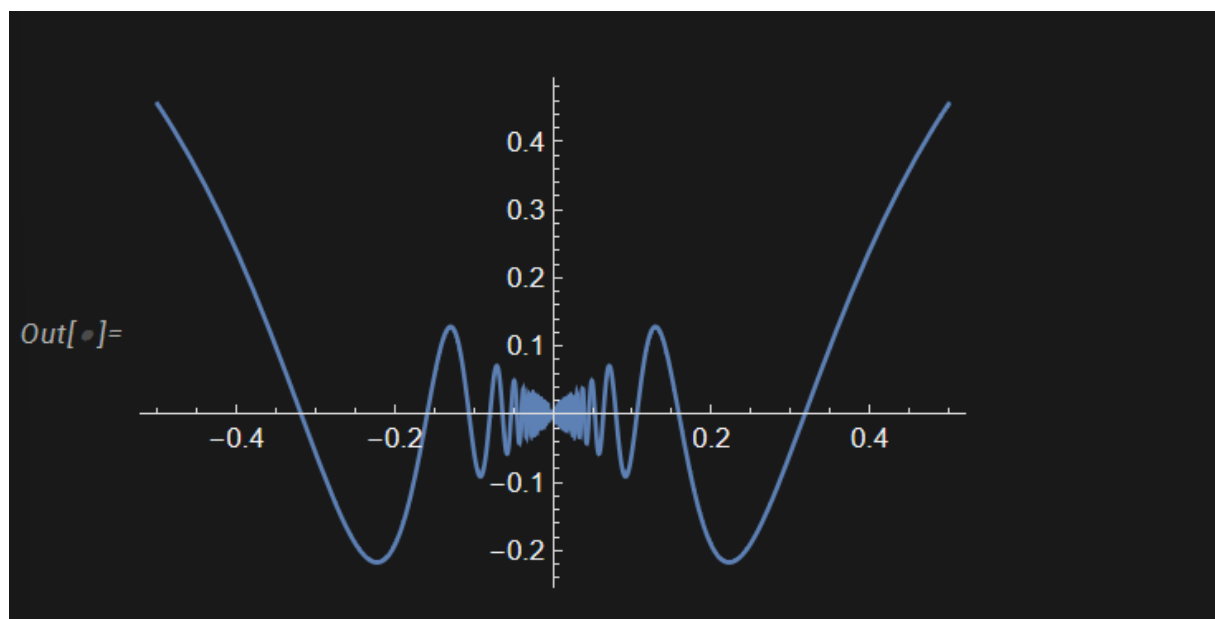
دلیل آن بر این است که این انتگرال به صورت بسته با توابع ابتدایی بیان‌شدنی نیست. همین است که Integrate در Mathematica معمولاً جواب نمادین برنمی‌گرداند.
یک مثال دیگر:

```
a = 2 ;  
NIntegrate[a*Sin[Sin[x]], {x, 0, 4}] Out: 2.91494
```

جلسه پنجم: رسم توابع
۵ - ۱ رسم توابع در فضای دو بعد:

```
Plot[x*Sin[1/x], {x, -1/2, 1/2}]
```

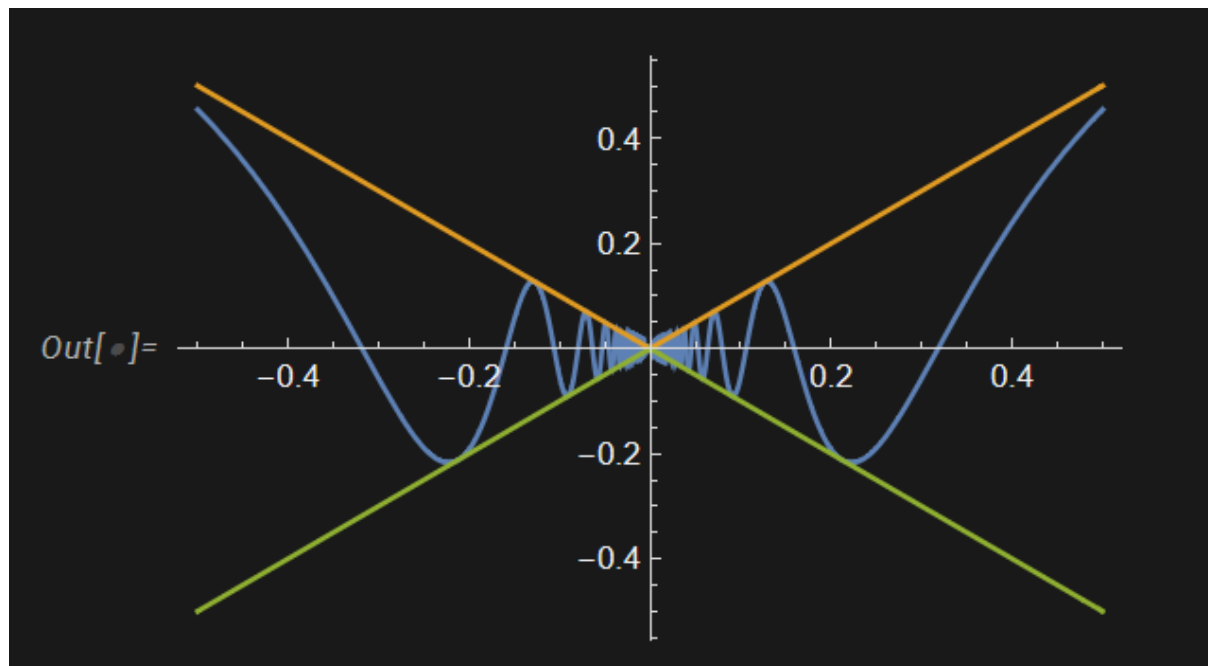
خروجی:



رسم سه تابع در یک دستگاه مختصات:


```
Plot[{x*Sin[1/x], Abs[x], -Abs[x]}, {x, -1/2, 1/2}]
```

خروجی:



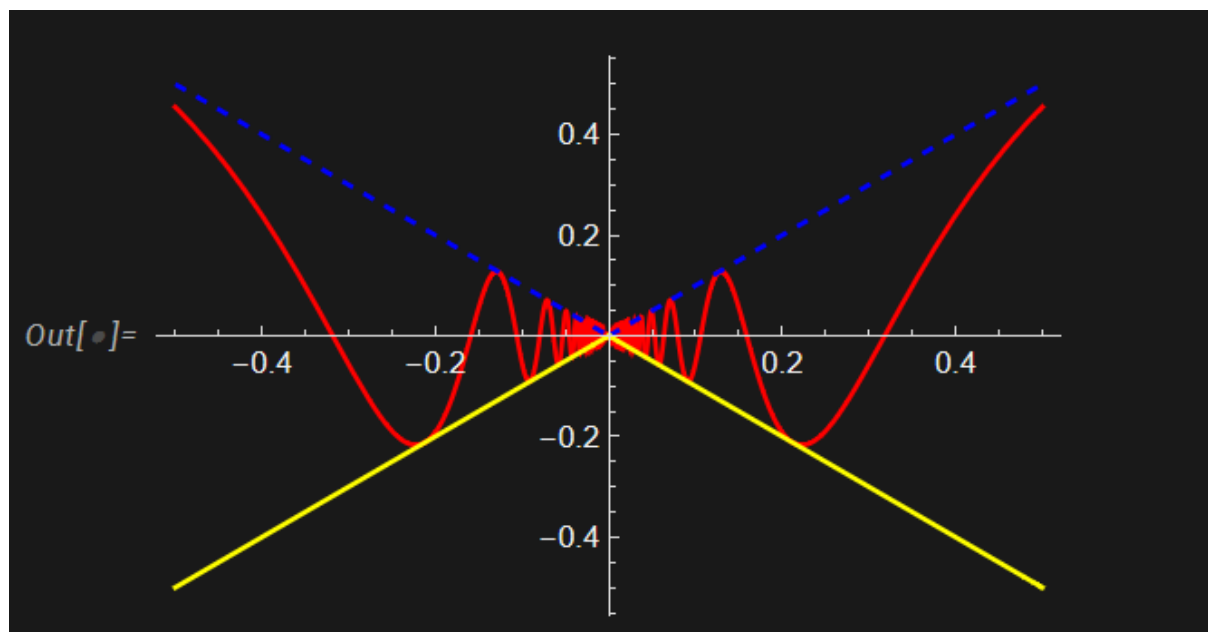
همانطور که مشاهده می‌شود هر سه تابع در یک دستگاه مختصات با رنگ‌های متفاوت رسم می‌شود. برای تغییر رنگ و استایل توابع، در ادامه دستور قبل کد زیر نوشته می‌شود:

```
PlotStyle -> { Red, Directive[Dashed, Blue], Yellow}
```

کد کامل با استایل اضافه شده:

```
Plot[{x*Sin[1/x], Abs[x], -Abs[x]}, {x, -1/2, 1/2},  
PlotStyle -> { Red, Directive[Dashed, Blue], Yellow}]
```

خروجی:



نکته ۱: دستور Directive برای اعمال چندین دستور برای یک نمودار استفاده می‌شود.

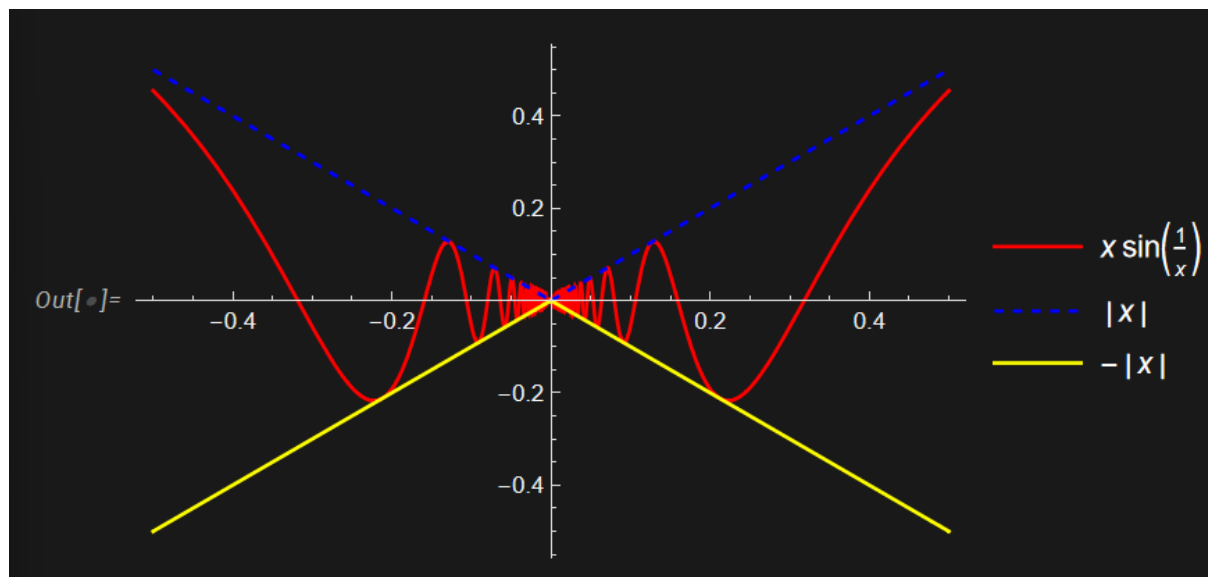
نکته ۲: بعد از هایلایت نمودار می‌توانیم از ؛ استفاده کنیم، زیرا plot یک تابع است و ذخیره سازی آن ممکن نیست و صرفاً برای نمایش استفاده می‌شود.
برای راهنما قرار دادن برای نمودار، بعد از تغییر رنگ در همان گروه از دستور زیر استفاده می‌نماییم:

```
PlotLegends -> "Expressions"
```

*توضیحاتی درباره نمودار نمایش داده خواهد شد.
کد کامل با بخش اضافه شده:

```
Plot[{x*Sin[1/x], Abs[x], -Abs[x]}, {x, -1/2, 1/2},  
PlotStyle -> { Red, Directive[Dashed, Blue], Yellow},  
PlotLegends -> "Expressions"]
```

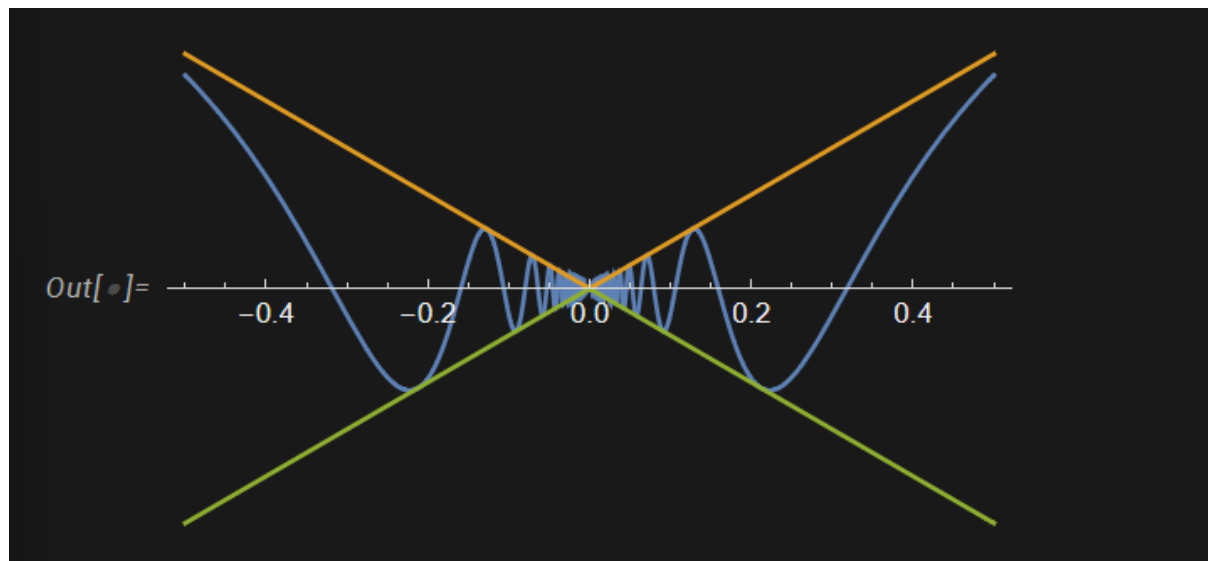
خروجی:



برای نمایش ندادن یکی از محورها یا هر دوی آنها (محورهای x و y) مانند زیر عمل می‌کنیم:

```
Plot[{x*Sin[1/x], Abs[x], -Abs[x]}, {x, -1/2, 1/2},  
Axes -> {True, False}]
```

خروجی:



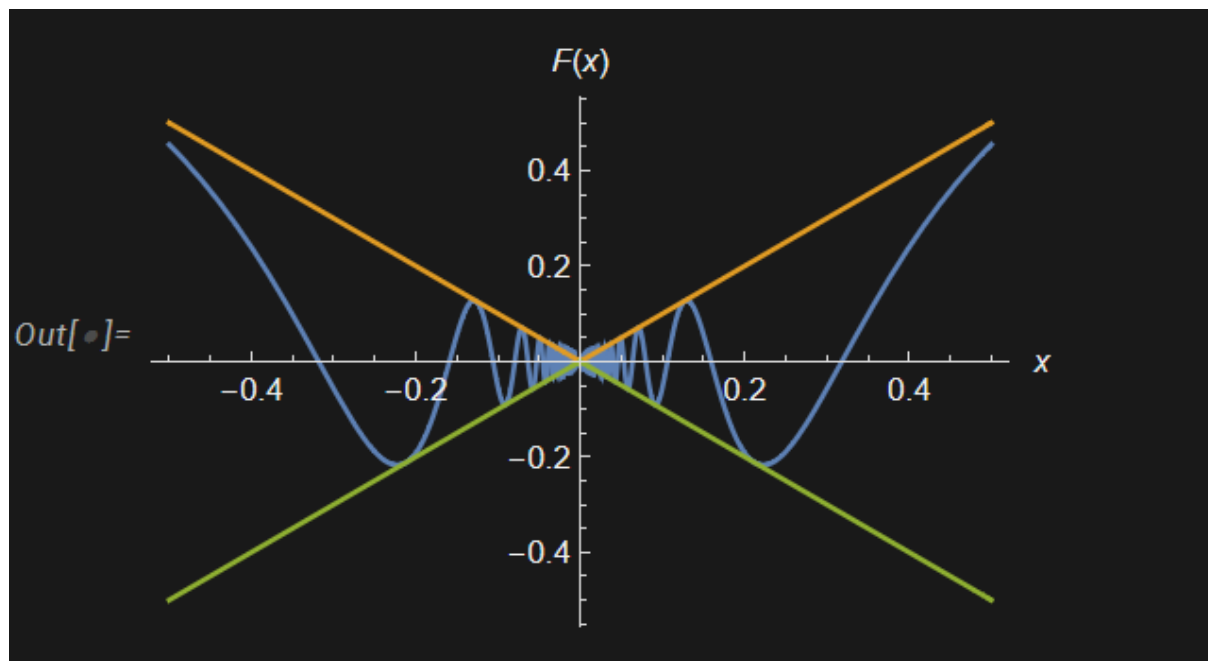
نکته: مقدار True به این معنی است که محور نمایش داده شود و مقدار False به این معنی است که محور نمایش داده نشود. همانطور که مشاهده می‌شود در این مثال محور x نمایش داده شده و محور y حذف شده است. اگر مقدار x هم False قرار دهیم، محور x نیز نمایش داده نمی‌شود.
برای نام گذاری برای محورها از دستور زیر استفاده می‌کنیم:

```
1 AxesLabel -> {x, F[x]}
```

کد کامل با بخش اضافه شده:

```
1 Plot[{x*Sin[1/x], Abs[x], -Abs[x]}, {x, -1/2, 1/2},  
2 AxesLabel -> {x, F[x]}}
```

خروجی:



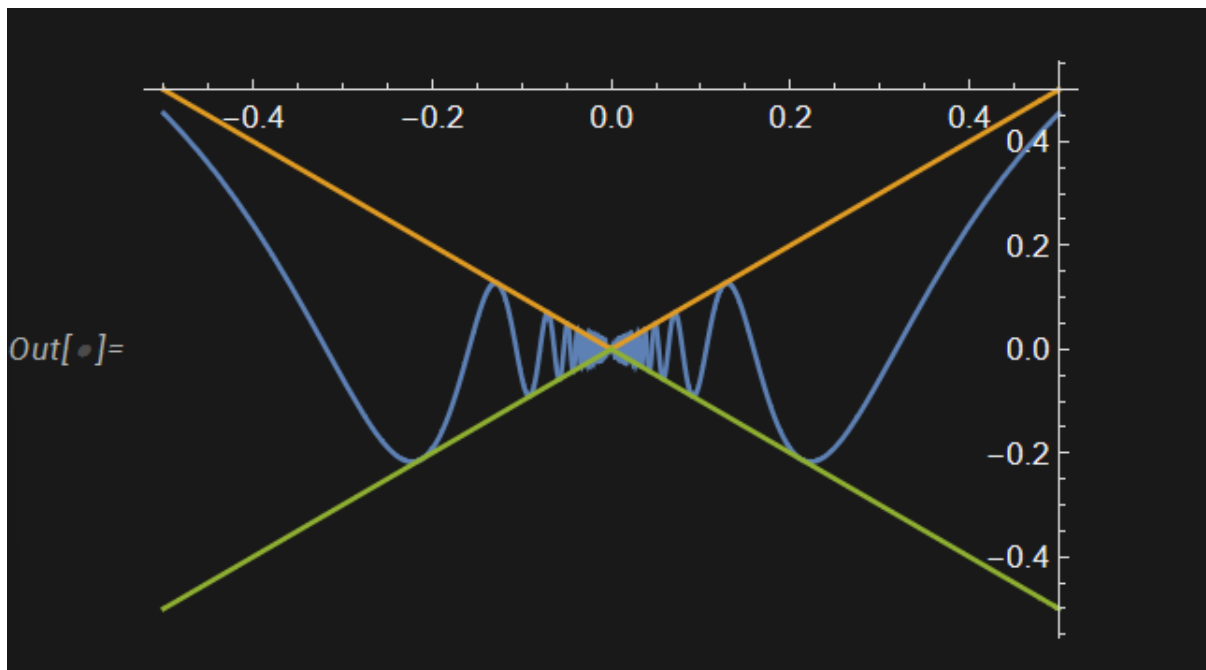
نکته: در این مثال، نام محور y به محور F(x) تغییر داده شده.
برای جابه‌جایی نمودار از دستور زیر استفاده می‌کنیم:

```
1 AxesOrigin -> {.5, .5}
```

این کد به این معنی است که نمودار ۵.۰ واحد به سمت چپ و راست و ۵.۰ واحد به سمت پایین و بالا جابه‌جا شود.
کد کامل با بخش اضافه شده:

```
1 Plot[{x*Sin[1/x], Abs[x], -Abs[x]}, {x, -1/2, 1/2},  
2 AxesOrigin -> {.5, .5}
```

خروجی:



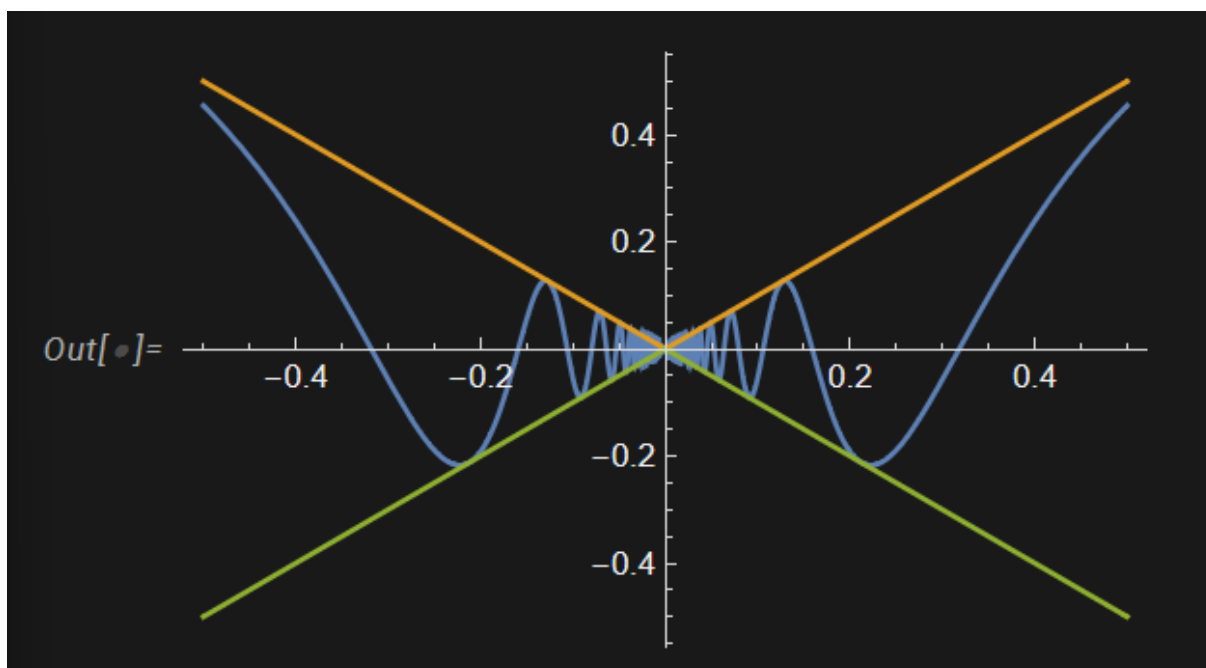
اگر نمودار کامل نمایش داده نشود، می‌توانیم از دستور زیر برای نمایش کامل آن استفاده کنیم:

```
۱ PlotRange -> Full
۲ //or
۳ PlotRange -> All
```

کد کامل با بخش اضافه شده:

```
۱ Plot[{x*Sin[1/x], Abs[x], -Abs[x]}, {x, -1/2, 1/2}, PlotRange -> Full]
```

خروجی:



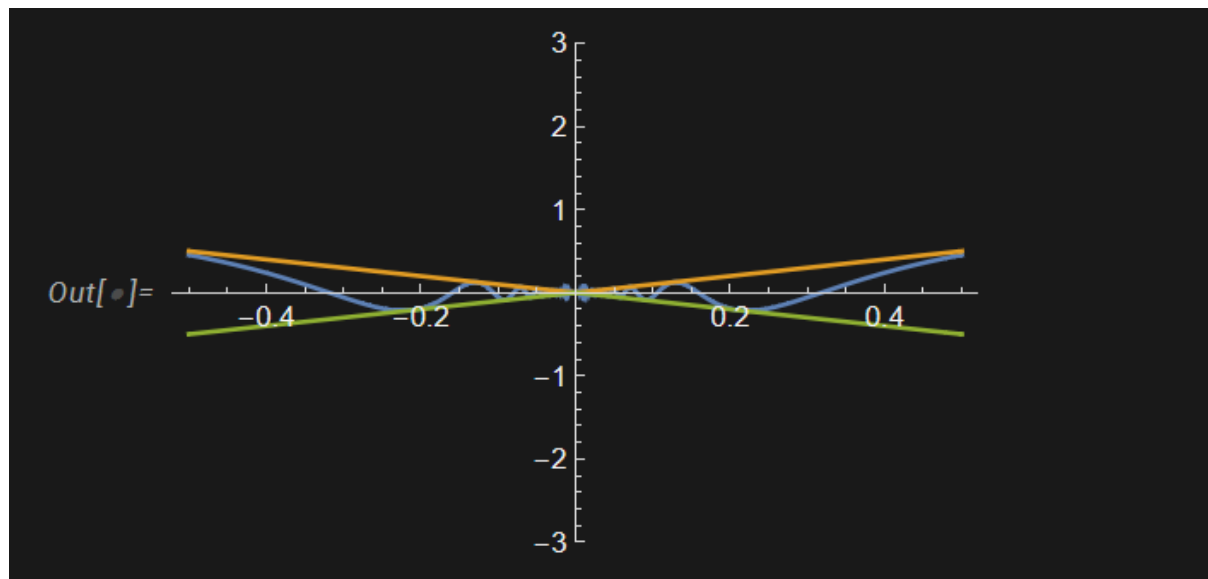
و اگر بخواهیم تا حدی مشخص نمایش داده شود، به جای Full و All آن عدد مشخص را تایپ می‌کنیم:

```
۱ PlotRange -> 3
```

کد کامل با بخش اضافه شده:

```
Plot[{x*Sin[1/x], Abs[x], -Abs[x]}, {x, -1/2, 1/2}, PlotRange -> 3]
```

خروجی:



برای استفاده از رنگ رنگین کمانی در نمودارهای از دستور زیر استفاده می‌کنیم:

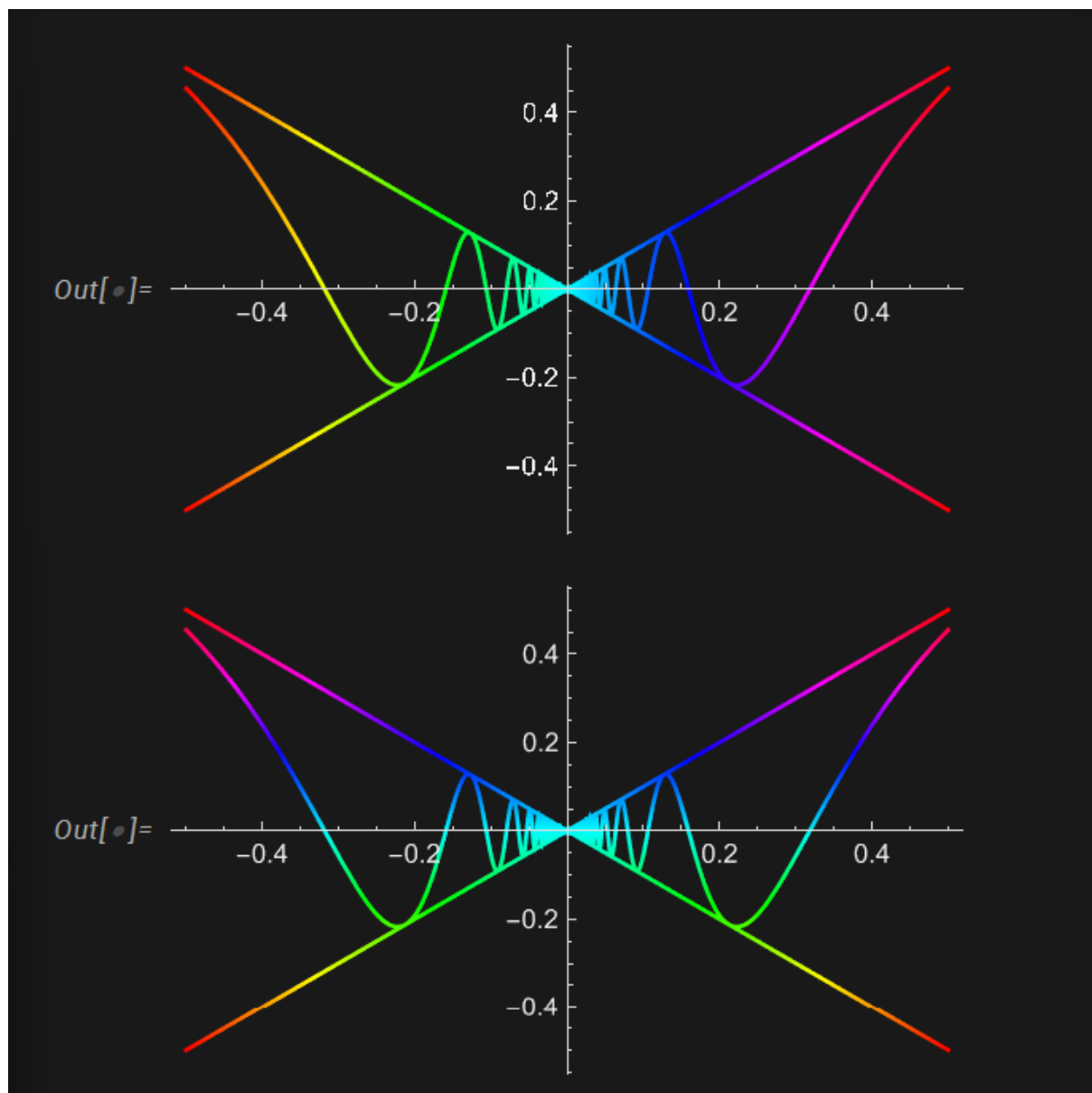
```
ColorFunction -> Function[{x, y}, Hue[y]]
```

نکته: Hue [x] به این معنی است که جهت تغییر رنگ به سمت محور x است. اگر به جای x مقدار y را قرار دهیم. جهت تغییر رنگ‌ها به سمت محور y خواهد بود. کد کامل با بخش اضافه شده:

```
Plot[{x*Sin[1/x], Abs[x], -Abs[x]}, {x, -1/2, 1/2},
ColorFunction -> Function[{x, y}, Hue[x]]]

Plot[{x*Sin[1/x], Abs[x], -Abs[x]}, {x, -1/2, 1/2},
ColorFunction -> Function[{x, y}, Hue[y]]]
```

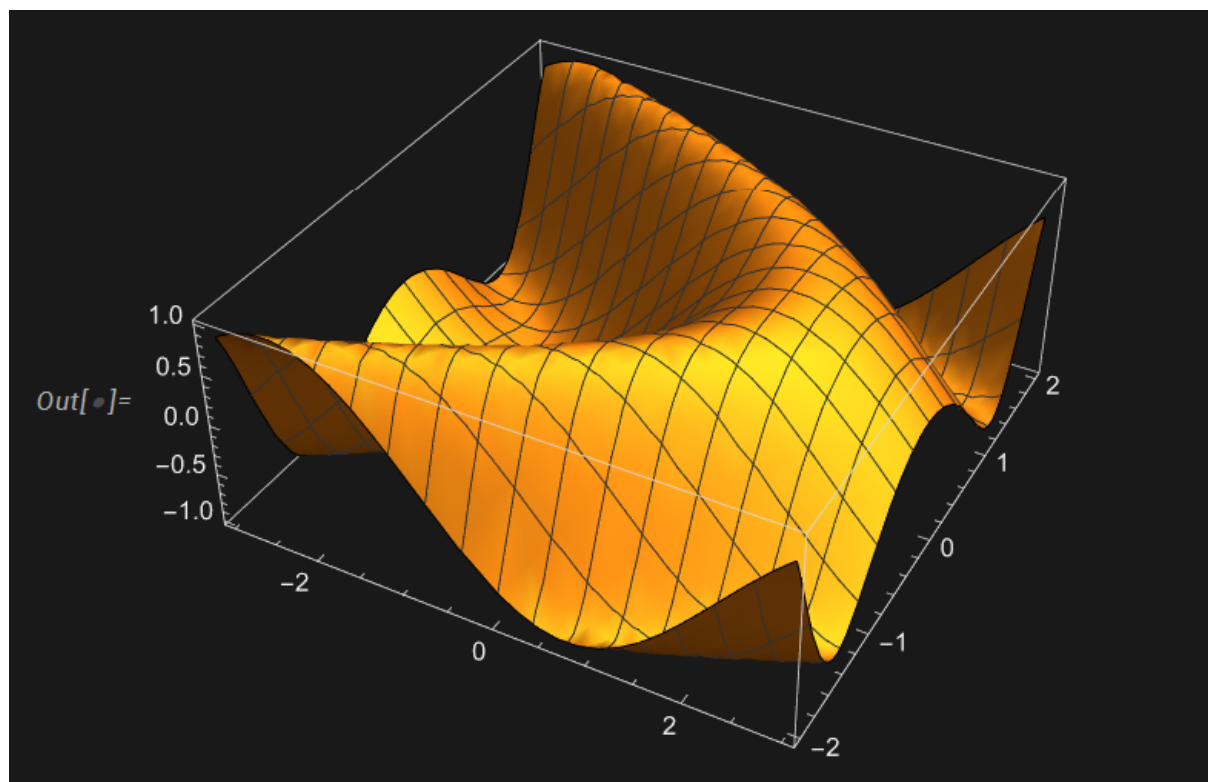
خروجی:



نکته: اگر از ColorFunction استفاده کنیم، نمی‌توانیم در دستور از Legends Plot نیز استفاده کنیم.
 ۵ - ۲ رسم رویه‌ها
 سه بعدی:

```
Plot3D[Sin[x + y^2], {x, -3, 3}, {y, -2, 2}]
```

خروجی:



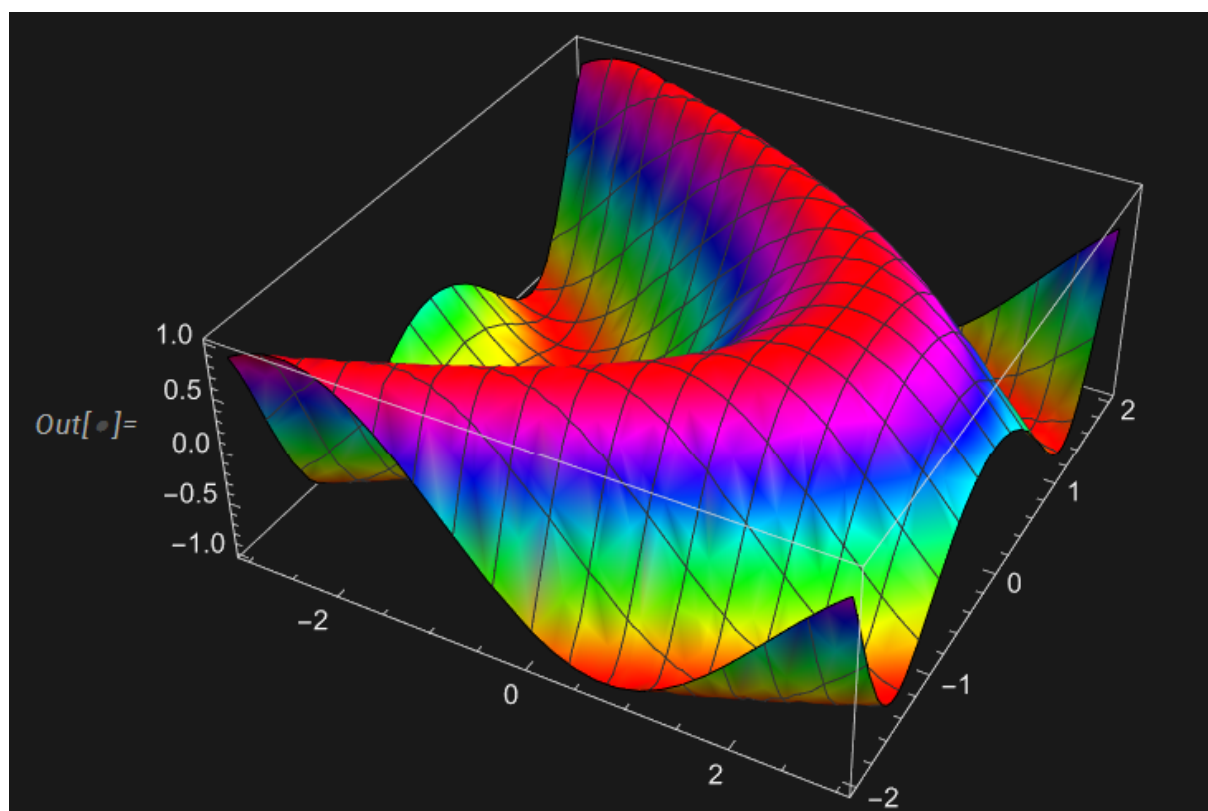
از ColorFinder می‌توانیم در رویه‌های سه بعدی هم استفاده کنیم و بهتر است از Hue(z) در این دستورها استفاده کنیم.

```

۱ Plot3D[Sin[x + y^2], {x, -3, 3}, {y, -2, 2} ,
۲ ColorFunction -> Function[{x, y, z}, Hue[z]]]

```

خروجی:



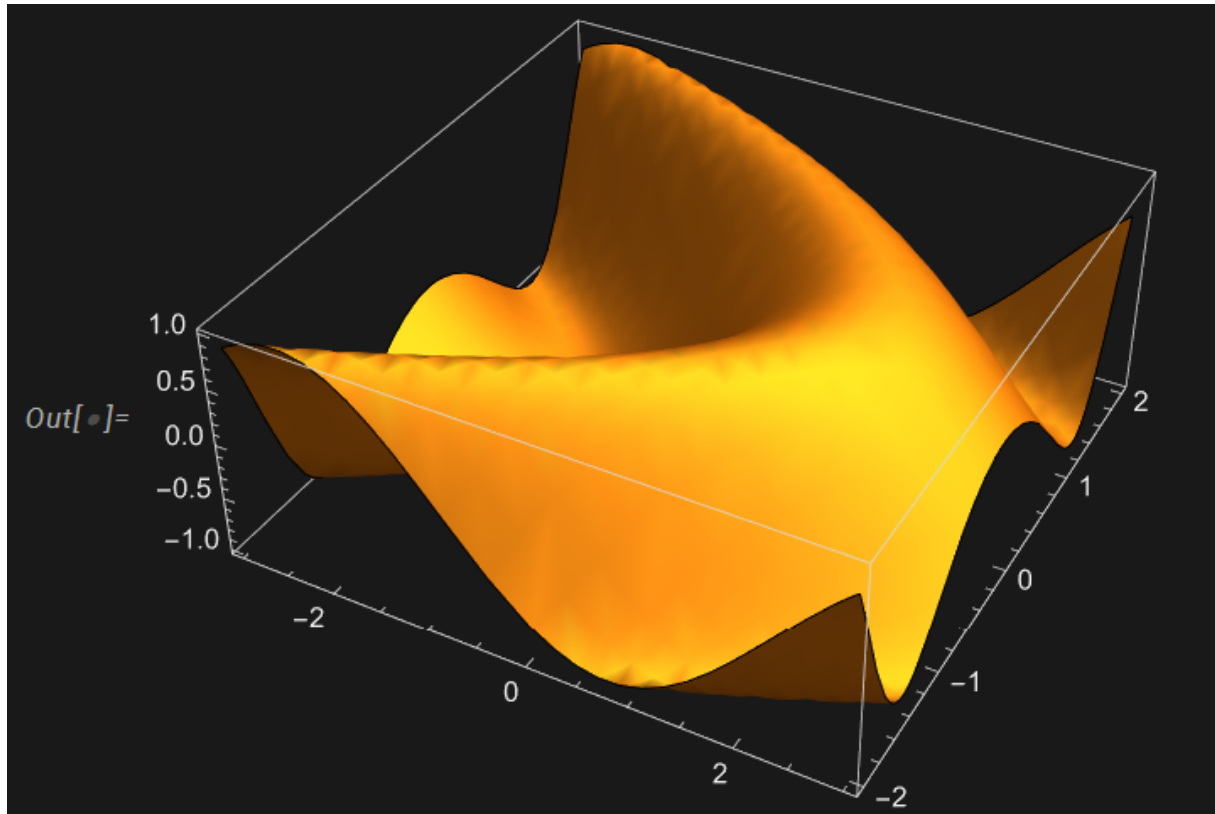
برای حذف چهارخانه‌های روی رویه از دستور زیر استفاده می‌کنیم:

```
Mesh -> None
```

کد کامل با بخش اضافه شده:

```
Plot3D[Sin[x + y^2], {x, -3, 3}, {y, -2, 2}, Mesh -> None]
```

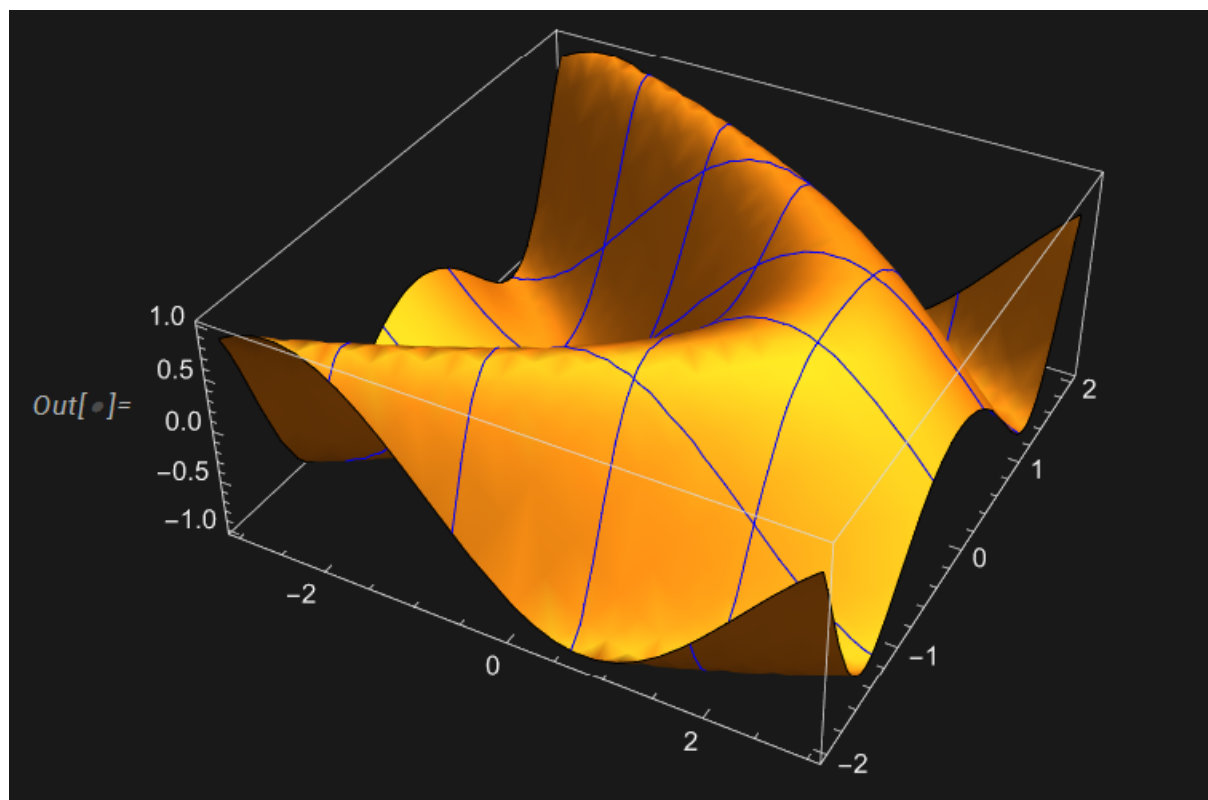
خروجی:



اگر به جای none از یک عدد استفاده کنیم، به تعداد آن عدد mesh در سمت x و y کشیده می‌شود:

```
Plot3D[Sin[x + y^2], {x, -3, 3}, {y, -2, 2}, Mesh -> 4,  
MeshStyle -> Blue]
```

نکته: Blue در این کد رنگ Mesh هستش.
خروجی:



۵ - ۳ رسم توابع پارامتری توابع دو بعدی:

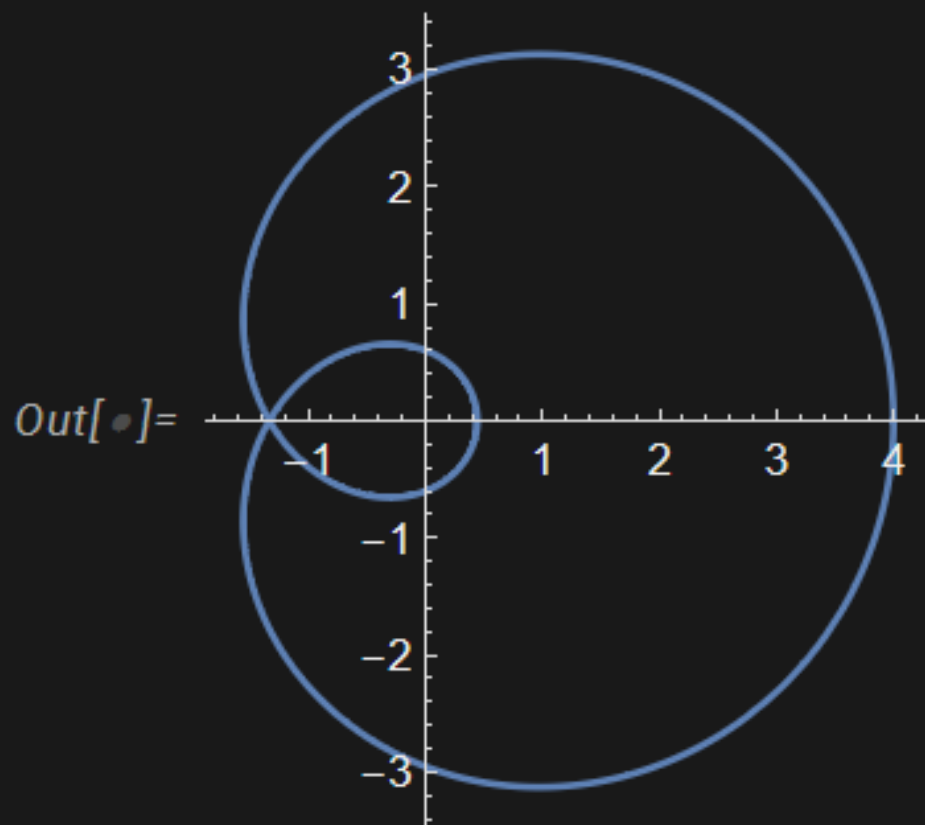
```

۱ h = 1/(s - 1/2)^2 /. s -> Exp[I w]
۲ ParametricPlot[{Re[h], Im[h]}, {w, 0, 2*Pi}]

```

خروجی:

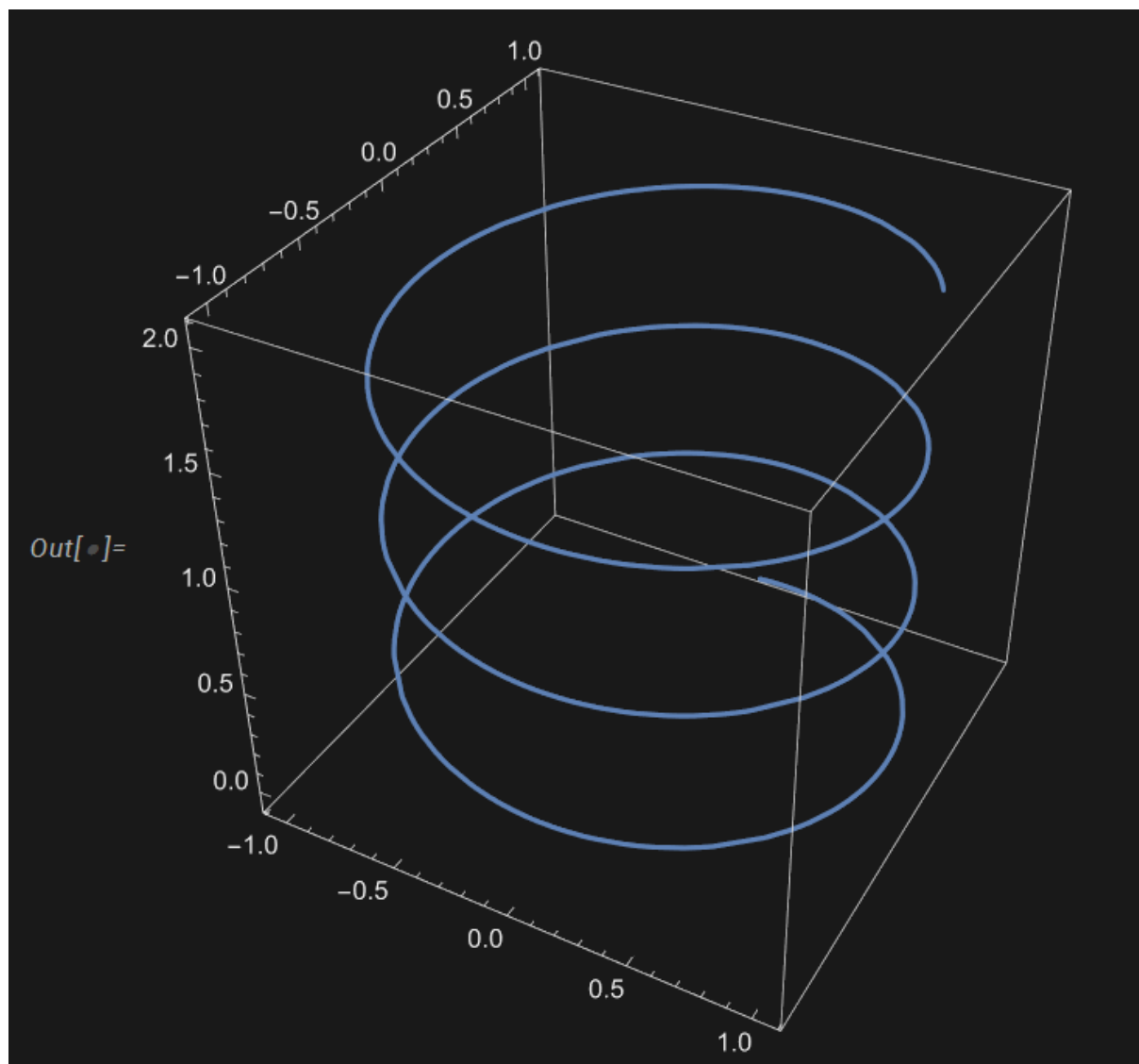
$$\text{Out}[•]= \frac{1}{\left(-\frac{1}{2} + e^{i w}\right)^2}$$



توابع سه بعدی:

```
ParametricPlot3D[{Sin[x], Cos[x], x/10}, {x, 0, 20}]
```

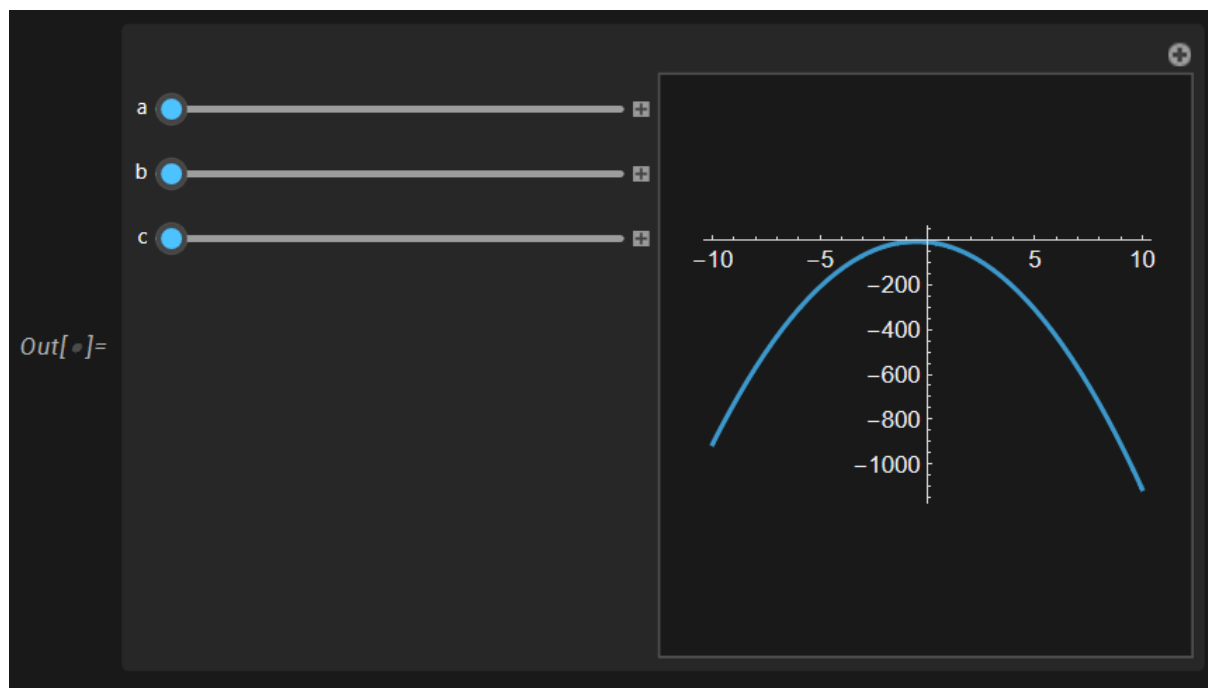
خروجی:



۵ - ۴ رسم توابع با پارامترهای نامعلوم

```
Manipulate[Plot[a*x^2 + b*x + c, {x, -10, 10}], {a, -10, 10}, {b, -10, 10}, {c, -10, 10}]
```

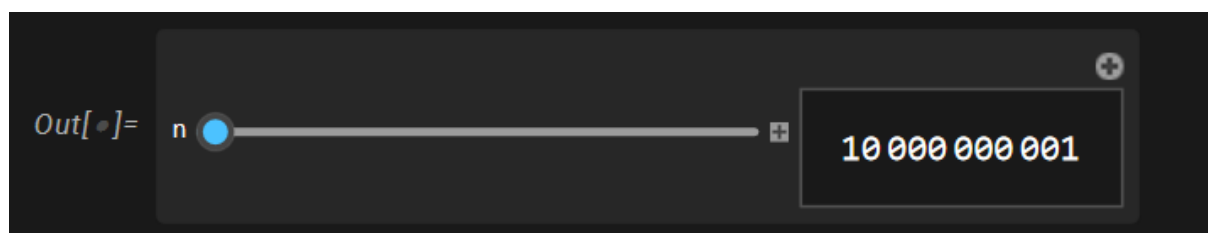
خروجی:



از Manipulate نیز می‌توان برای فاکتورگیری و چندجمله‌ای‌ها نیز استفاده کرد:

```
Manipulate[Factor[n^n + 1], {n, 10, 100, 13}]
```

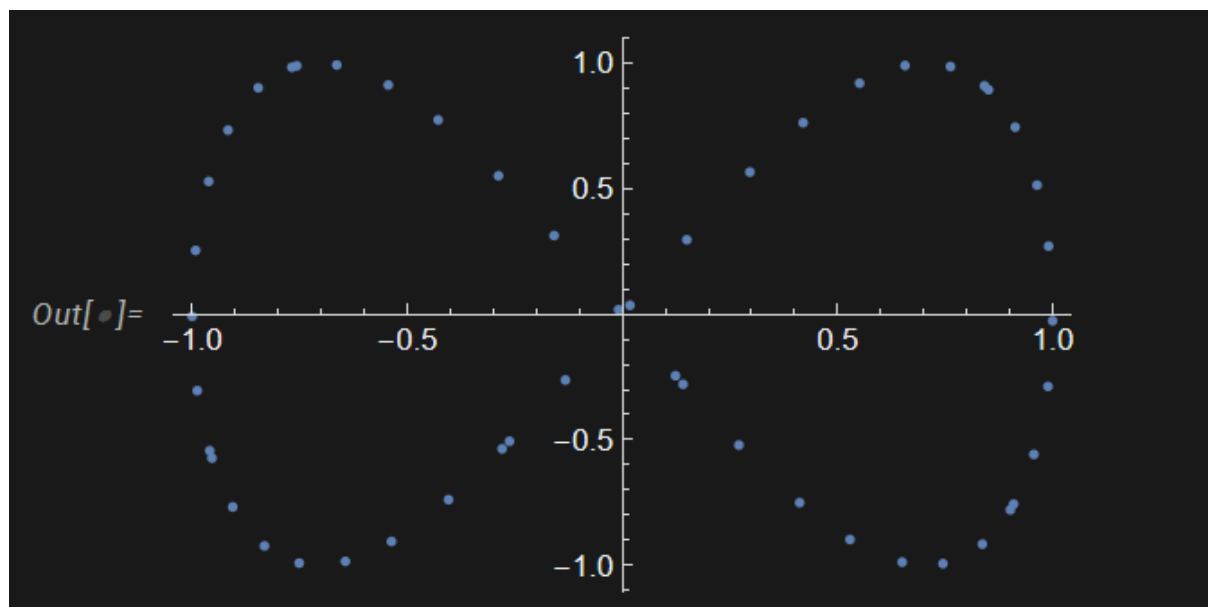
خروجی:



۵ - ۵ رسم توابع با استفاده از نقاط

```
ListPlot[Table[{Sin[x], Sin[2 x]}, {x, 50}]]
```

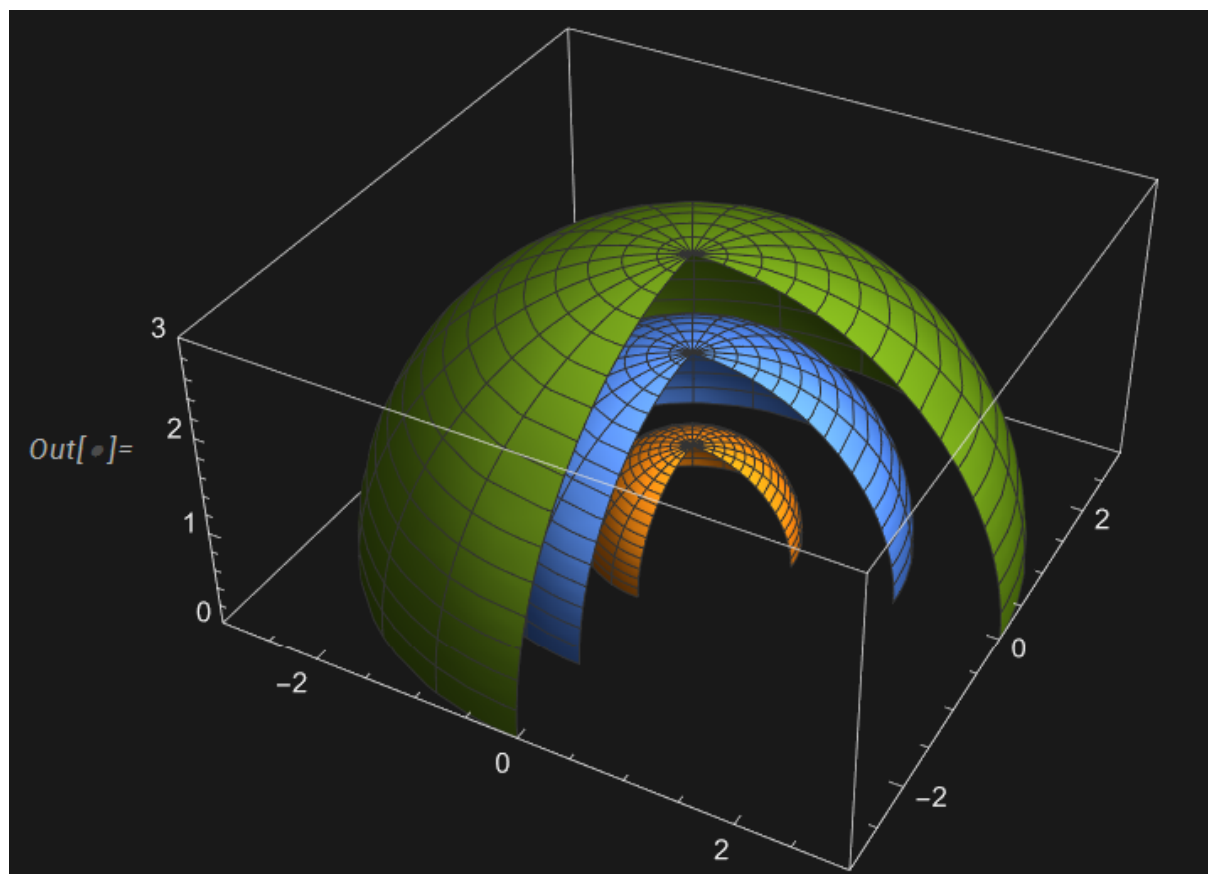
خروجی:



۵ - ۶ رسم منحنی در مختصات‌های مختلف مختصات کروی: مثال اول

```
۱ SphericalPlot3D[{1, 2, 3}, {\[Theta], 0, Pi/2}, {\[CapitalPhi], 0,  
۲ 3*Pi/2}]
```

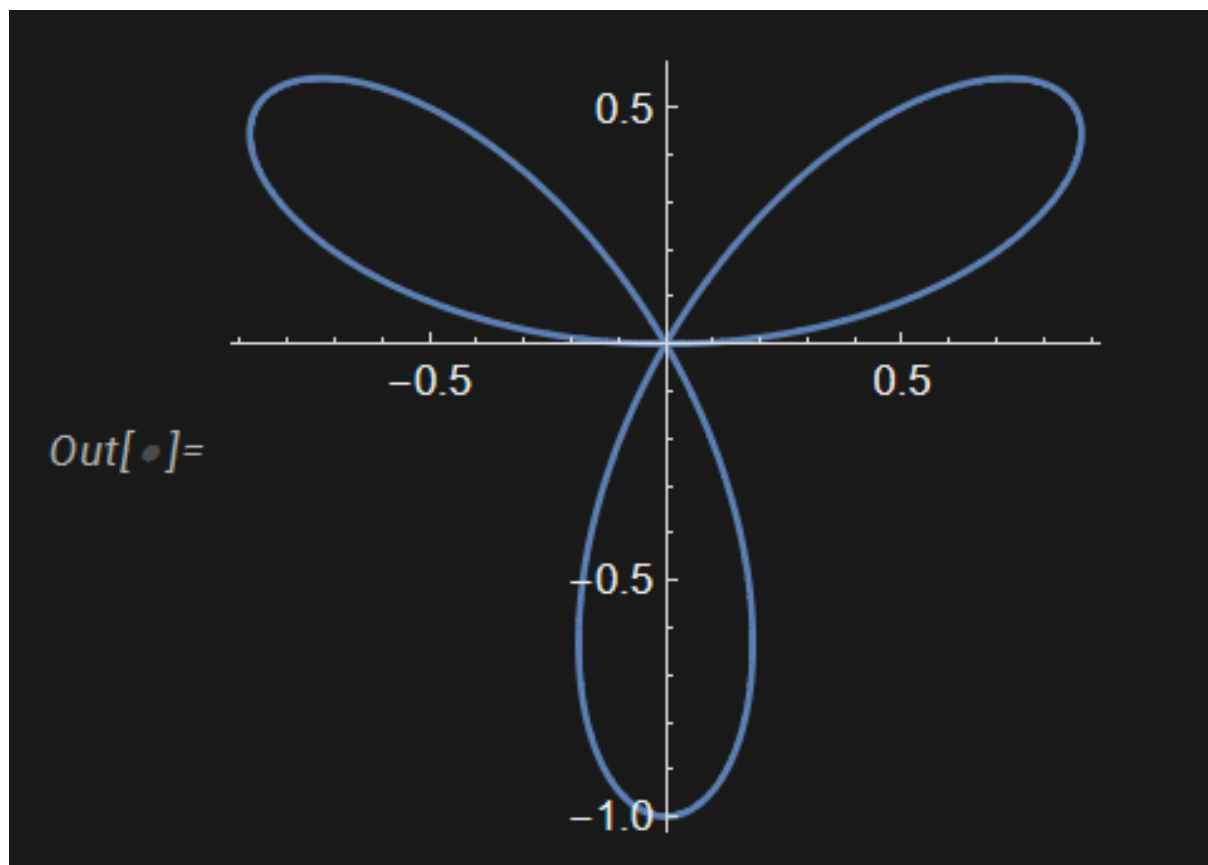
خروجی:



مختصات کروی: مثال دوم

```
۱ PolarPlot[Sin[3*t], {t, 0, Pi}]
```

خروجی:



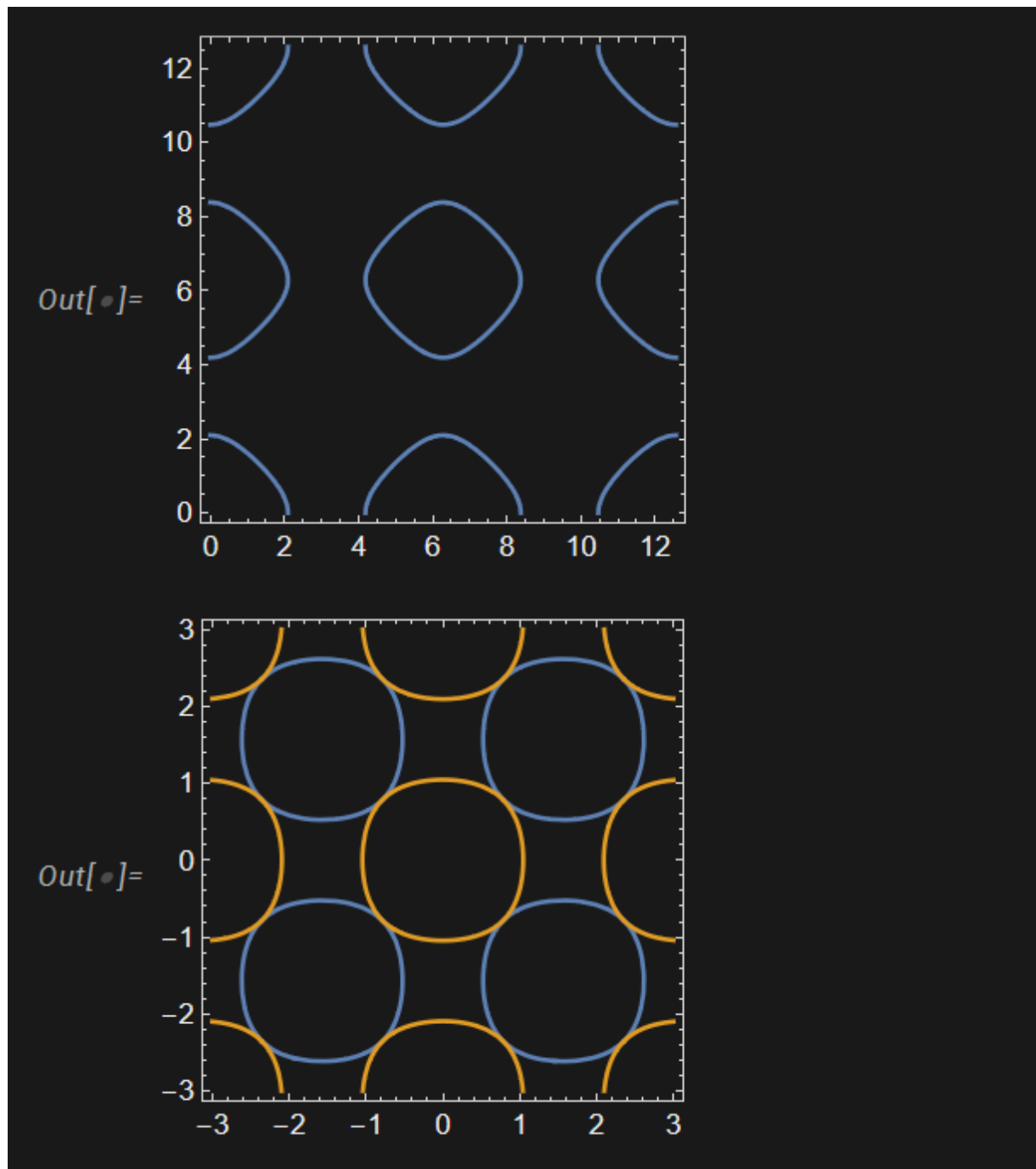
۵ - ۷ رسم محدوده جواب نامعدلات جبری

```

۱ ContourPlot[Cos[x] + Cos[y] == 1/2, {x, 0, 4*Pi}, {y, 0, 4*Pi}]
۲ ContourPlot[{Abs[Sin[x]* Sin[y]] == .5 ,
۳ Abs[Cos[x]*Cos[y]] == .5}, {x, -3, 3}, {y, -3, 3}]

```

خروجی:



جلسه ششم: حل معادلات ۶ - ۱ حل معادلات جبری
مثال ۱:

```
1 Solve[a*x^2 + b*x + c == 0, x]      Out: {{x -> (-b - Sqrt[b^2 - 4 a c])/(2 a)},
2 {x -> (-b + Sqrt[b^2 - 4 a c])/(2 a)}}
```

* ریشه‌های معادله درجه دو را بدست می‌آورد.
مثال ۲:

```
1 Solve[x^2 + y^2 == 2 && x - y == 1, {x, y}]
2 Out: {{x -> 1/2 (1 - Sqrt[3]),
3 y -> 1/2 (-1 - Sqrt[3])}, {x -> 1/2 (1 + Sqrt[3]),
4 y -> 1/2 (-1 + Sqrt[3])}}
```

* این معادله دو نقطه و دو جواب دارد که آن نقطه تقاطع این دو معادله است.
برای اینکه جواب‌ها را جداگانه بدهد:

```
sol = Solve[x^2 + y^2 == 2 && x - y == 1 , {x, y}]
x /. sol
```

Out: {1/2 (1 - Sqrt[3]), 1/2 (1 + Sqrt[3])}

* X های جواب معدله را نشان می دهد.
مثال ۳ :

```
Solve[x == 1 && x == 2, x]      Out: {}
```

* این دسته معادله‌ها جواب ندارند. علامت یعنی دستگاه جوابی ندارد.
مثال ۴ :

Solve[x == x, x] Out: {{}}

* در این مثال مجمع حواب بی‌نهایت است. علامت یعنی دستگاه بی‌نهایت جواب دارد.
مثال ۵ :

```
Solve[(x^4 - 1)*(x - 4) == 0, x, Reals]      Out: {{x -> -1}, {x -> 1}, {x -> 4}}
```

* ریشه‌های که فقط Real هستند در خروجی نمایش داده خواهد شد.
اگر یک معادله با دستور Solve حل نشود، ممکن است با استفاده از دستور NSolve حل بشود.

```
NSolve[(x - 1)*(x^4 - 4) == 0, Reals]      Out: {{x -> -1.41421}, {x -> 1.}, {x -> 1.41421}}
```

۶-۲ یافتن ریشه معادلات غیرخطی به روش نیوتون و سکانت
روش نیوتون (یک نقطه ورودی دارد)

```
FindRoot[Sin[x] + Exp[x], {x, 0}]      Out: {x -> -0.588533}
```

روش سکانت (دو نقطه ورودی دارد)

```
FindRoot[Sin[x] + Exp[x], {x, 0, 1}]      Out: {x -> -0.588533}
```

اگر بخواهیم از یک نقطه شروع کنیم و در یک بازه خاص دنیا جواب بگردد از روش زیر استفاده می‌کنیم (روش نیوتون):

```
FindRoot[Sin[x] + Exp[x], {x, 0, -1, 1}]      Out: {x -> -0.588533}
```

* در این مثال، پارامتر دوم که در اینجا θ قرار داده شده نقطه شروع، دو پارامتر بعدی بازه را مشخص می‌کند. در اینجا بازه $1 - 1$ تا 1 .

برای بالا بردن دقت محاسبات می‌توانیم از WorkingPrecision استفاده کنیم. به مثال زیر دقت کنید:

```
FindRoot[x^2 - 2, {x, 1}]          Out: {x -> 1.41421}
FindRoot[x^2 - x, {x, 1}, WorkingPrecision -> 60]    Out: {x ->
  1.0000000000000000000000000000000000000000000000000000000}
```

اگر بخواهیم دقت بسیار بسیار زیاد شود:

```
Needs["FunctionApproximations`"]
InterpolateRoot[Exp[x] == 2, {x, 0, 1}]    Out: {x -> 0.693147180559945309417232}
```

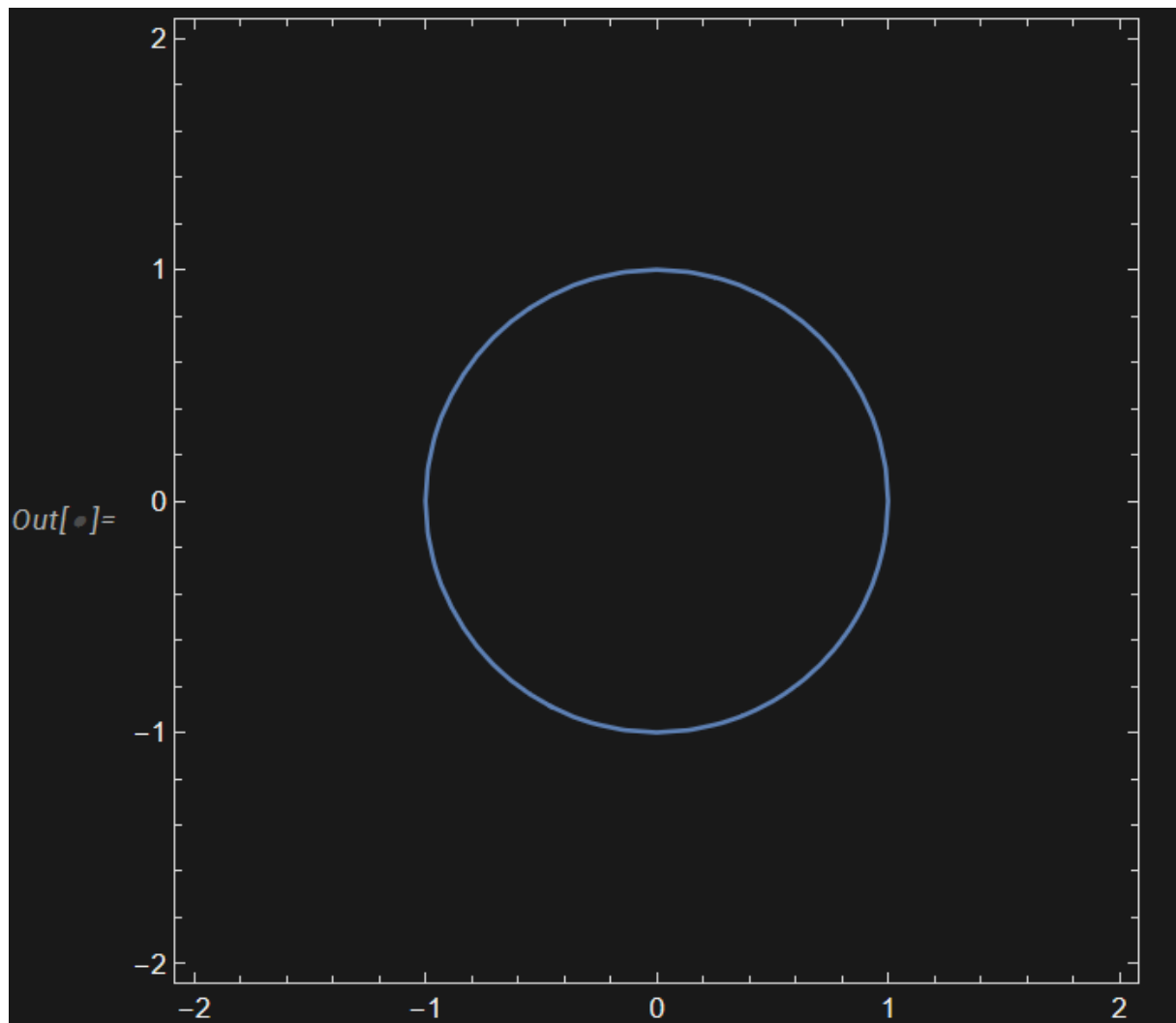
حل نامعادلہ:

```
Reduce[x^2 + y^2 < 1, {x, y}] Out: -1 < x < 1 && -Sqrt[1 - x^2] < y < Sqrt[1 - x^2]
```

رسم دایره:

```
ContourPlot[x^2 + y^2 == 1, {x, -2, 2}, {y, -2, 2}]
```

خروجی:



۶ - ۳ معادلات دیفرانسیل معمولی و جزئی

حل معادله دیفرانسیل $\left\{ \begin{array}{l} \text{روش تحلیلی (دقیق)} \\ \text{روش عددی (تقریبی)} \end{array} \right\}$

معادلاتی که می‌توان به روش تحلیلی حل کرد:

```
1 DSolve[{y'[x] + y[x] == a Sin[x ]}, y, x] Out: {{y -> Function[{x}, E^-x C[1] +
```

```
1/2 a (-Cos[x] + Sin[x])]]}}
```

اگر بخواهیم مقدار $C[1]$ محاسبه شود، کد را اینگونه می‌نویسیم:

```
1 DSolve[{y'[x] + y[x] == a Sin[x ], y[0] == 0}, y, x] Out: {{y -> Function[{x},
```

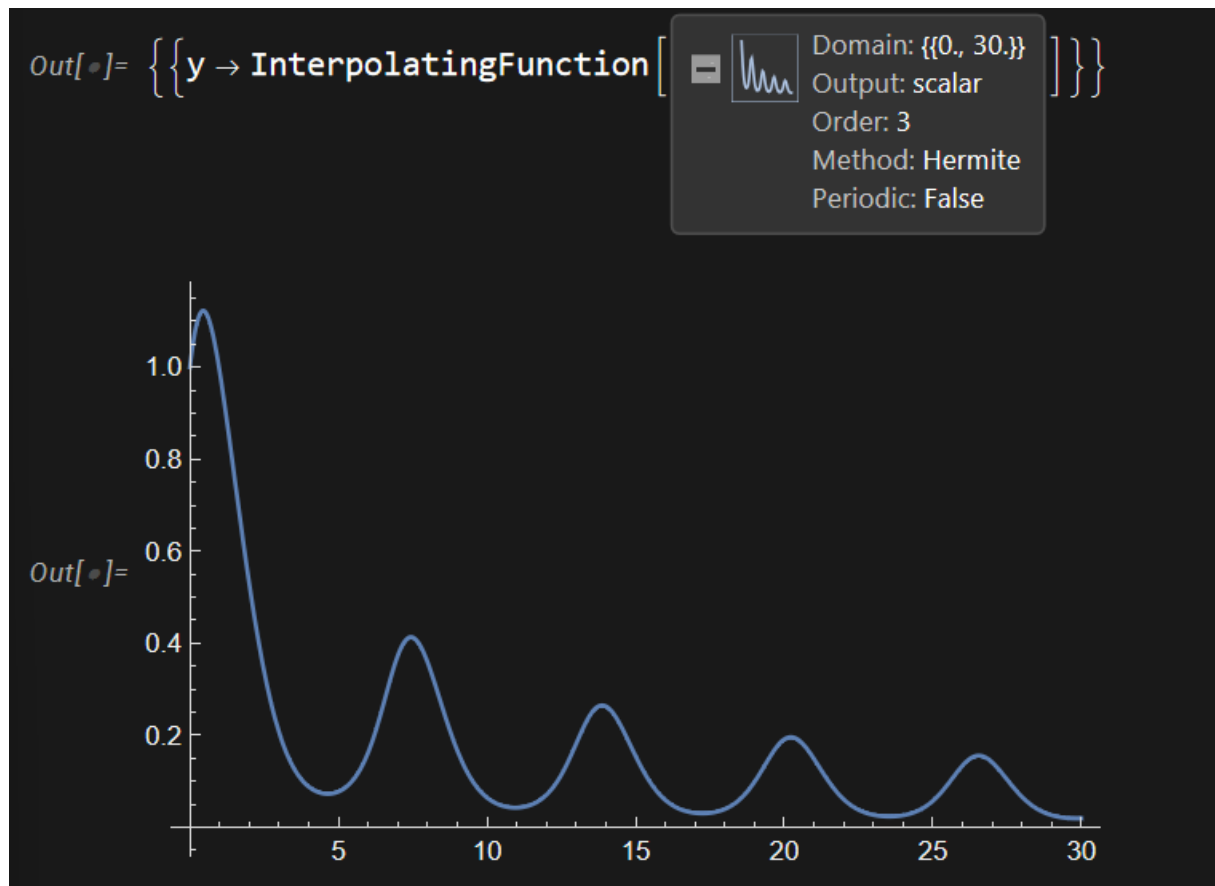
```
-(1/2) a E^-x (-1 + E^x Cos[x] - E^x Sin[x])]]}}
```

* عبارت $y[0] == 0$ در کد بالا شرط اولیه است.

معادلاتی که می‌توان به روش عددی (تقریبی) حل کرد:

```
1 s = NDSolve[{y'[x] == y[x]*Cos[x + y[x]], y[0] == 1}, y, {x, 0, 30}]
2 Plot[Evaluate[y[x] /. s], {x, 0, 30}, PlotRange -> All]
```

خروجی:



حل معادلات پارشال:

```

1 eq = D[\[Psi][x, t], {x, 2}] == -1/\[Alpha]^2 D[\[Psi][x, t], {t, 2}]
2 DSolve[eq, \[Psi][x, t], {x, t}]

```

خروجی:

$$Out[•]= \psi^{(2,0)}[x, t] == -\frac{\psi^{(0,2)}[x, t]}{\alpha^2}$$

$$Out[•]= \left\{ \left\{ \psi[x, t] \rightarrow c_1 \left[t + \frac{x \sqrt{-\alpha^2}}{\alpha^2} \right] + c_2 \left[t - \frac{x \sqrt{-\alpha^2}}{\alpha^2} \right] \right\} \right\}$$