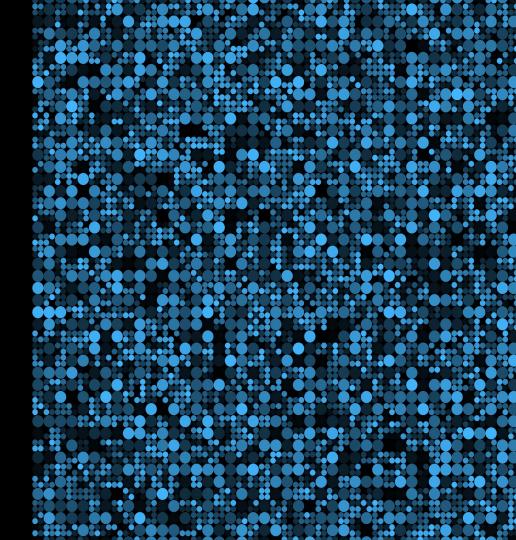
Cryptologie

Bastien Vialla

bastien.vialla@orange.com

Année 2023-2024



Qu'est ce que la cryptologie ?

Cryptologie :

- Cryptographie :
 - Crypto = caché, graphie = écriture
 - L'art de « caché » une message, de le rendre illisible

Qu'est ce que la cryptologie?

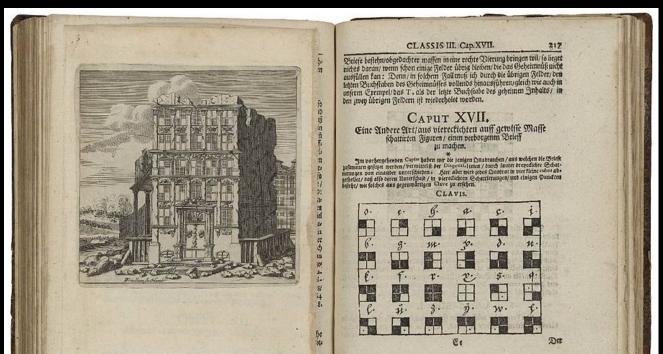
Cryptologie :

- Cryptographie :
 - Crypto = caché, graphie = écriture
 - L'art de « caché » une message, de le rendre illisible
 - ATTENTION: On cache le contenu du message pas le fait qu'on écrit une message.
 - Stéganographie

Encres invisibles: 1er siècle av. J.C. Pline l'Ancien

- Encres invisibles : 1^{er} siècle av. J.C. Pline l'Ancien
- Dessins: Johannes Balthasar Friderici, Cryptographia oder Geheime Schrifft-mündund Würkliche Correspondendentz (1684)

- Encres invisibles : 1^{er} siècle av. J.C. Pline l'Ancien
- Dessins: Johannes Balthasar Friderici, Cryptographia oder Geheime Schrifft-mündund Würkliche Correspondendentz (1684)





- Les brins d'herbe le long de la rivière et sur le mur du jardin
- La longueur des brins d'herbe représentent les points et traits de l'alphabet Morse



- Encres invisibles: 1^{er} siècle av. J.C. Pline l'Ancien
- Dessins: Johannes Balthasar Friderici, Cryptographia oder Geheime Schrifft-mündund Würkliche Correspondendentz (1684)
- Méthodes modernes
 - Images : utilisation des bits de poids faibles des pixels pour cacher le message
 - Audio: utilisation des sons inaudible par l'humain (ultrasons) pour cacher le message

Qu'est ce que la cryptologie?

Cryptologie :

- Cryptographie :
 - Crypto = caché, graphie = écriture
 - L'art de « caché » une message, de le rendre illisible
 - ATTENTION: On cache le contenu du message pas le fait qu'on écrit une message.
 - Stéganographie
 - Utiliser pour cacher les paramètres de config par certains malwares
 - Watermarks invisibles

Qu'est ce que la cryptologie?

Cryptologie :

- Cryptographie :
 - Crypto = caché, graphie = écriture
 - L'art de « caché » une message, de le rendre illisible

Cryptanalyse :

- Crypto = caché, analyse = analyse
- L'analyse des messages chiffrés
- L'attaque des systèmes de cryptographie

Exemples d'applications

- Sur les sites internet httpS
- Cartes à puces : cartes bancaires, carte vitale, ...

Exemples d'applications

- Sur les sites internet httpS
- Cartes à puces : cartes bancaires, carte vitale, ...
- Dans les puces RFID (Radio Frequency IDentification)
- Plateformes de streaming (Netflix, PrimeVideo, ...)

Exemples d'applications

- Sur les sites internet httpS
- Cartes à puces : cartes bancaires, carte vitale, ...
- Dans les puces RFID (Radio Frequency IDentification)
- Plateformes de streaming (Netflix, PrimeVideo, ...)
- Télécommunications : WIFI, 4G / 5G, ...
- Smartphones

Vocabulaire utile

- Le clair (plaintext) : le message que l'on souhaite envoyer
- Le chiffré (ciphertext) : le message après avoir été « caché »

Vocabulaire utile

- Le clair (plaintext) : le message que l'on souhaite envoyer
- Le chiffré (ciphertext) : le message après avoir été « caché »
- Chiffrer (encrypt) : l'opération qui transforme le clair en chiffré à partir d'une autre information (la clé de chiffrement)
- Déchiffrer (decrypt) : L'opération qui révèle le clair à partir du chiffré, grâce à une information (la clé de déchiffrement)

Vocabulaire utile

- Le clair (plaintext) : le message que l'on souhaite envoyer
- Le chiffré (ciphertext) : le message après avoir été « caché »
- Chiffrer (encrypt) : l'opération qui transforme le clair en chiffré à partir d'une autre information (la clé de chiffrement)
- Déchiffrer (decrypt) : L'opération qui révèle le clair à partir du chiffré, grâce à une information (la clé de déchiffrement)
- Décrypter : retrouver le clair à partir du chiffré sans connaître la clé
- Attention! « Crypter » n'est pas un mot français.

Cryptomonnaies \neq **Cryptologie**

- Attention! Les « cryptos » ne sont pas à confondre avec cryptologie / cryptographie.
- Définition par l'autorité des marchés financiers (AMF):

« Une cryptomonnaie ou un cryptoactif désigne des actifs numériques virtuels qui reposent sur la technologie de la blockchain (chaine de bloc) à travers un registre décentralisé et un protocole crypté. »

Les garanties de la cryptographie

- Confidentialité : le message ne pourra être lu que par son destinataire légitime
- Intégrité : le destinataire peut s'assurer que le message n'a pas été modifié

Les garanties de la cryptographie

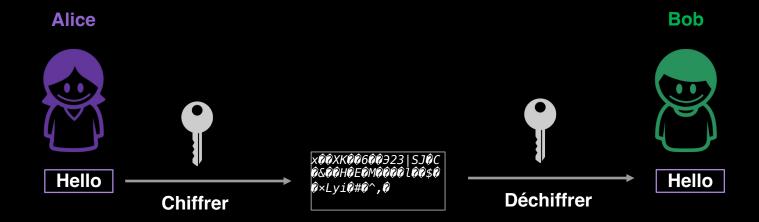
- Confidentialité : le message ne pourra être lu que par son destinataire légitime
- Intégrité : le destinataire peut s'assurer que le message n'a pas été modifié
- Authenticité : le destinataire peut s'assurer de l'origine du message (que l'expéditeur est bien celui qu'il prétend être)
- Non répudiation : l'expéditeur ne peut nier être à l'origine du message

Principe(s) à retenir

- Principe de Kerckhoffs: pour garantir la sécurité d'un schéma de chiffrement, la méthode doit être publique (elle finira par l'être un jour de toute façon). Seule une petite partie de la méthode (appelée clé) restera secrète et sera facilement modifiable.
- Loi de Moore : le nombre de transistors d'un cpu doubles tous les deux ans.
 - N'est plus vraiment valable en 2023
 - La sécurité d'un protocole cryptographique se mesure en partie par la complexité algorithmique de casser un chiffré

Cryptographie Symétrique

Cryptographie symétrique, ou à clé secrète



Chiffrements antiques : la Scytale

 Message écrit le long du cylindre, une lettre par morceau de ruban.



 Message chiffré correspond à la lecture du ruban déroulé

Chiffrements antiques : la Scytale

Message écrit le long du cylindre, une lettre par morceau de ruban.



- Message chiffré correspond à la lecture du ruban déroulé
- Pour déchiffrer : connaître nombre N de lettres par tour de ruban ou L nombre de tour du ruban (L×N nombre de lettres du message)
- Enrouler le message autour du cylindre et le message clair apparait.

Chiffrements antiques: la Scytale

Message écrit le long du cylindre, une lettre par morceau de ruban.



- Message chiffré correspond à la lecture du ruban déroulé
- Pour déchiffrer : connaître nombre N de lettres par tour de ruban ou L nombre de tour du ruban (L×N nombre de lettres du message)
- Enrouler le message autour du cylindre et le message clair apparait.
- C'est un chiffrement par permutation

Chiffrements antiques : le chiffrement de César

On décale chaque lettre de 3 rangs

а	b	C	d	е	f	g	h	i	 V	W	X	у	Z
d	е	f	g	h	i	j	k	ı	 у	Z	а	b	С

Chiffrements antiques : le chiffrement de César

On décale chaque lettre de 3 rangs

а	b	C	d	e	f	g	h	i	 V	W	X	у	Z
d	е	f	g	h	i	j	k	I	 у	Z	а	b	С

Exemple: m e s s a g e 12 4 18 18 0 6 4 15 7 21 21 3 9 7 p h v v d j h

Chiffrements antiques : le chiffrement de César

On décale chaque lettre de 3 rangs

а	b	C	d	е	f	g	h	ï	:	V	W	X	у	Z
d	е	f	g	h	i	j	k	ı		у	Z	а	b	С

Exemple: m e s s a g e 12 4 18 18 0 6 4 15 7 21 21 3 9 7 p h v v d j h

C'est une substitution monoalphabétique

Chiffrements antiques: ROT 13

On décale chaque lettre de 13 rangs

а	b	C	d	е	f	g	h	·	 V	W	X	у	Z
n	0	р	q	r	S	t	u	V	 i	j	k	ı	m

```
Exemple: m e s s a g e
12 4 18 18 0 6 4
25 17 5 5 13 19 17
z r f f n t r
```

Chiffrements antiques: ROT 13

On décale chaque lettre de 13 rangs

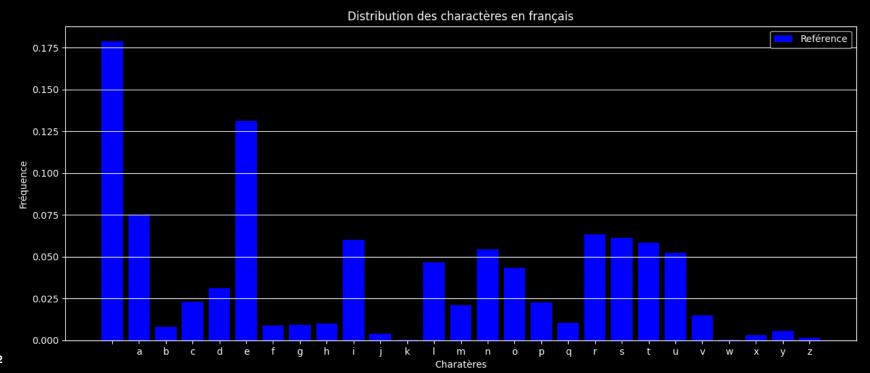
а	b	С	d	е	f	g	h	i	 V	w	X	у	Z
n	0	р	q	r	S	t	u	V	 i	j	k	ı	m

```
Exemple: m e s s a g e
12 4 18 18 0 6 4
25 17 5 5 13 19 17
z r f f n t r
```

Attention! Rot13(Rot13(m)) = m

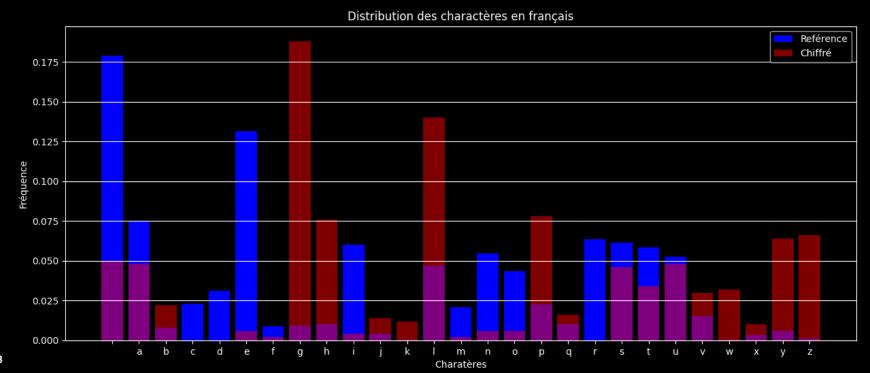
Cryptanalyse : analyse fréquentielle

Une langue donnée à une distribution caractéristique d'apparition des lettres



Cryptanalyse : analyse fréquentielle

Comparer la distribution des lettres du chiffré avec la distribution de référence



Analyse fréquentielle : test χ^2

Manuellement, on peut tester toutes les clés possibles et essayer de lire résultat

Analyse fréquentielle : test χ^2

- Manuellement, on peut tester toutes les clés possibles et essayer de lire résultat
- Ou, mesurer la distance entre les distributions avec le test statistique χ^2

$$\chi^2 = \sum_{c \in Alphabet} \frac{(F_c - R_c)^2}{R_c}$$

 F_c : la fréquence de la lettre c dans le chiffré R_c : la fréquence de référence pour la lettre c

Analyse fréquentielle : test χ^2

- Manuellement, on peut tester toutes les clés possibles et essayer de lire résultat
- Ou, mesurer la distance entre les distributions avec le test statistique χ^2

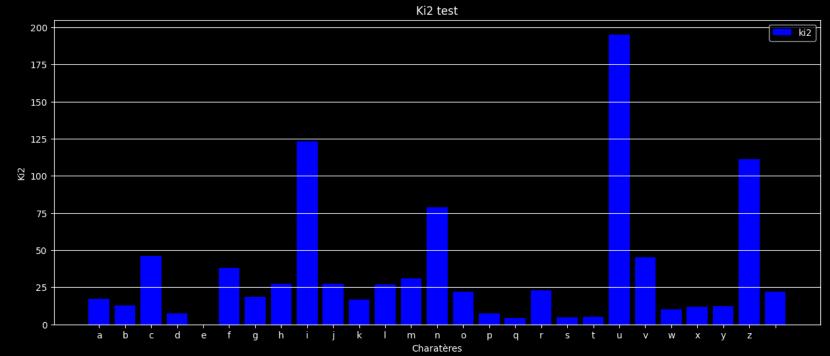
$$\chi^2 = \sum_{c \in Alphabet} \frac{(F_c - R_c)^2}{R_c}$$

 F_c : la fréquence de la lettre c dans le chiffré R_c : la fréquence de référence pour la lettre c

La lettre donnant la valeur minimale pour le test χ^2 est la clé

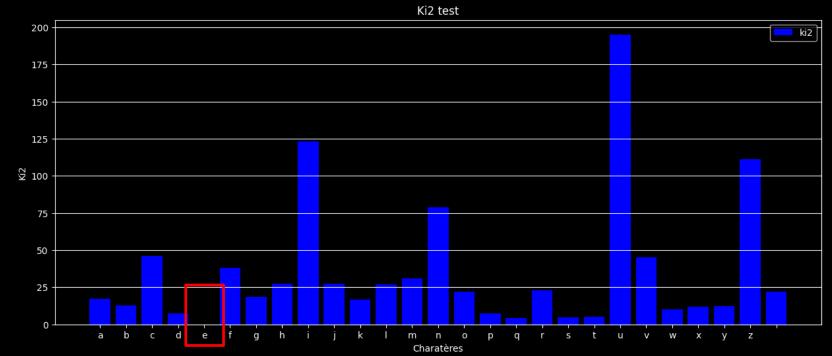
Analyse fréquentielle : test χ^2

La lettre donnant la valeur minimale pour le test χ^2 est la clé



Analyse fréquentielle : test χ^2

La lettre donnant la valeur minimale pour le test χ^2 est la clé, e est la clé



Traicté des chiffres, ou Secrètes manières d'escrire, 1586



Traicté des chiffres, ou Secrètes manières d'escrire, 1586

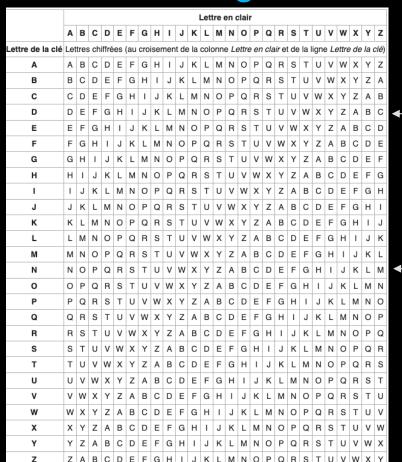
Version latine du « tserouf », méthode méditative juive d'Abraham

Aboulafia (1240)



											_	Lett	re e	en d	clai	r										
	Α	В	С	D	Е	F	G	Н	I	J	Κ	L	М	N	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	X	Υ	Z
Lettre de la clé	Let	tres	chi	iffré	es (au	croi	ser	nen	t de	la	cold	onn	e Le	ettre	e er	cla	ir e	t de	la	lign	e L	ettr	e de) la	clé)
Α	Α	В	С	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	N	0	Р	Q	R	S	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z
В	В	С	D	Е	F	G	Н	I	J	K	L	М	N	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α
С	С	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	N	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В
D	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	Ν	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В	С
E	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	Ν	0	Р	Q	R	S	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В	С	D
F	F	G	Н	1	J	K	L	М	N	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В	С	D	Е
G	G	Н	1	J	K	L	М	Ν	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	z	Α	В	С	D	Е	F
н	Н	1	J	K	L	М	Ν	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	z	Α	В	С	D	Е	F	G
ı	1	J	K	L	М	Ν	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В	С	D	Е	F	G	Н
J	J	K	L	М	N	О	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В	С	D	Е	F	G	Н	1
К	K	L	М	Ν	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В	С	D	Е	F	G	Н	1	J
L	L	М	Ν	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В	С	D	Е	F	G	Н	1	J	K
M	М	N	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В	С	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L
N	N	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В	С	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М
0	0	Р	Q	R	S	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В	С	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	N
Р	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В	С	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	N	0
Q	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В	С	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	N	0	Р
R	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	z	Α	В	С	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	N	О	Р	Q
s	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В	С	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	N	0	Р	Q	R
Т	Т	U	٧	w	х	Υ	Z	Α	В	С	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	N	0	Р	Q	R	S
U	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В	С	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	N	0	Р	Q	R	S	Т
V	٧	w	Х	Υ	Z	Α	В	С	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	N	0	Р	Q	R	s	Т	U
w	w	х	Υ	z	Α	В	С	D	Е	F	G	н	1	J	K	L	М	N	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧
х	Х	Υ	z	Α	В	С	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	N	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W
Υ	Υ	z	Α	В	С	D	Е	F	G	Н	ı	J	K	L	М	N	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	w	Х
z	z	Α	В	С	D	Е	F	G	н	1	J	K	L	М	N	0	Р	Q	R	s	Т	U	v	w	х	Υ





- Chiffrement de César



Chiffrement ROT13

La clé est un mot au lieu d'une seule lettre



La clé est un mot au lieu d'une seule lettre

												Lett	re e	en d	lai	r										
	Α	В	С	D	E	F	G	н	ı	J	κ	L	М	N	o	Р	Q	R	s	Т	U	٧	w	X	Υ	z
Lettre de la clé	Let	tres	ch	iffré	es	(au	cro	iser	nen	t de	la	cold	onne	e Le	ettre	e en	cla	ir e	t de	la	lign	e L	ettre	e de	la (clé)
Α	Α	В	С	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	N	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z
В	В	С	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	Ν	0	Р	Q	R	S	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α
С	С	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	N	О	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В
D	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	N	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В	С
E	Е	F	G	Н	I	J	K	L	М	N	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	z	Α	В	С	D
F	F	G	Н	1	J	K	L	М	N	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	w	Х	Υ	Z	Α	В	С	D	Е
G	G	Н	I	J	K	L	М	N	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В	С	D	Е	F

Exemple : clé BEF

Clair : MESSAGE Clé : BEFBEFB

Chiffré:



La clé est un mot au lieu d'une seule lettre

												Lett	re	en c	lai	r										
	Α	В	С	D	E	F	G	н	1	J	κ	L	М	N	0	Р	Q	R	s	Т	U	v	w	X	Υ	Z
Lettre de la clé	Let	tres	ch	iffré	es	(au	cro	iser	nen	t de	la	cold	nn	e Le	ettre	e en	cla	ir e	t de	la	lign	e L	ettre	e de	la	clé)
Α	Α	В	С	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	N	О	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z
В	В	С	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	N	0	Р	Q	R	S	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α
С	С	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	N	О	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В
D	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	Ν	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В	С
E	Е	F	G	Н	I	J	K	L	М	N	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В	С	D
F	F	G	Н	1	J	K	L	М	N	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В	С	D	Е
G	G	Н	I	J	K	L	М	Ν	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В	С	D	Е	F

Exemple : clé BEF

Clair : MESSAGE Clé : BEFBEFB

Chiffré: N



La clé est un mot au lieu d'une seule lettre

												Lett	re e	en d	lai	r										
	Α	В	С	D	Ε	F	G	н	ı	J	κ	L	М	N	o	Р	Q	R	s	Т	U	v	w	X	Υ	Z
Lettre de la clé	Let	tres	ch	iffré	es	(au	croi	ser	nen	t de	la	cold	onne	e Le	ettre	e er	cla	ir e	t de	la	lign	e L	ettre	e de	la	clé)
Α	Α	В	С	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	N	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z
В	В	С	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	Ν	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α
С	С	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	N	О	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В
D	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	Ν	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В	С
E	Е	F	G	Н	I	J	K	L	М	N	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В	С	D
F	F	G	Н	Ι	J	K	L	М	N	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	w	Х	Υ	Z	Α	В	С	D	Е
G	G	Н	I	J	K	L	M	Ν	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В	С	D	Е	F

Exemple : clé BEF

Clair : MESSAGE Clé : BEFBEFB

Chiffré: NI



La clé est un mot au lieu d'une seule lettre

												Lett	re e	en c	clai	r										
	Α	В	С	D	E	F	G	н	ı	J	κ	L	М	N	О	Р	Q	R	S	Т	U	٧	w	X	Υ	z
Lettre de la clé	Let	tres	ch	iffré	es	(au	cro	iser	nen	t de	la	cold	nne	e Le	ettre	e en	cla	ir e	t de	la	lign	e L	ettre	e de	la (clé)
Α	Α	В	С	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	N	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z
В	В	С	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	Ν	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α
С	С	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	N	О	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В
D	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	N	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В	С
E	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	Ν	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	z	Α	В	С	D
F	F	G	Н	1	J	K	L	М	N	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В	С	D	Е
G	G	Н	1	J	K	L	М	Ν	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В	С	D	Е	F

Exemple : clé BEF

Clair : MESSAGE Clé : BEFBEFB

Chiffré: NIX



La clé est un mot au lieu d'une seule lettre

											ı	Lett	re e	en d	lai	r										
	Α	В	С	D	E	F	G	н	ı	J	κ	L	М	N	o	Р	Q	R	s	Т	U	٧	w	X	Υ	z
Lettre de la clé	Let	tres	ch	iffré	es	(au	cro	iser	nen	t de	la	cold	onne	e Le	ettre	e en	cla	ir e	t de	la	lign	e L	ettre	e de	la (clé)
Α	Α	В	С	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	N	О	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z
В	В	С	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	Ν	0	Р	Q	R	S	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α
С	С	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	N	О	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В
D	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	N	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В	С
E	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	N	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	z	Α	В	С	D
F	F	G	Н	1	J	K	L	М	N	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В	С	D	Е
G	G	Н	I	J	K	L	М	Ν	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В	С	D	Е	F

Exemple : clé BEF

Clair : MESSAGE Clé : BEFBEFB

Chiffré: NIXT



La clé est un mot au lieu d'une seule lettre

												Lett	re (en c	lai	r										
	Α	В	С	D	Ε	F	G	н	ı	J	κ	L	М	N	o	Р	Q	R	s	Т	U	v	w	X	Υ	z
Lettre de la clé	Let	tres	ch	iffré	es	(au	croi	ser	nen	t de	la	colc	nne	e Le	ettre	e en	cla	ir e	t de	la	lign	e Le	ettre	e de	la	clé)
Α	Α	В	С	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	N	О	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z
В	В	С	D	Ε	F	G	Н	1	J	K	L	М	Ν	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α
С	С	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	N	О	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В
D	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	Ν	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В	С
E	Е	F	G	Н	I	J	K	L	M	Ν	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	z	Α	В	С	D
F	F	G	Н	1	J	K	L	М	Ν	О	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	Z	Α	В	С	D	Е
G	G	Н	I	J	K	L	М	Ν	0	Р	Q	R	s	Т	U	٧	W	Х	Υ	z	Α	В	С	D	Е	F

Exemple : clé BEF

Clair : MESSAGE Clé : BEFBEFB Chiffré : NIXTELF



La clé est un mot au lieu d'une seule lettre



- La clé est un mot au lieu d'une seule lettre
- C'est une substitution polyalphabétique



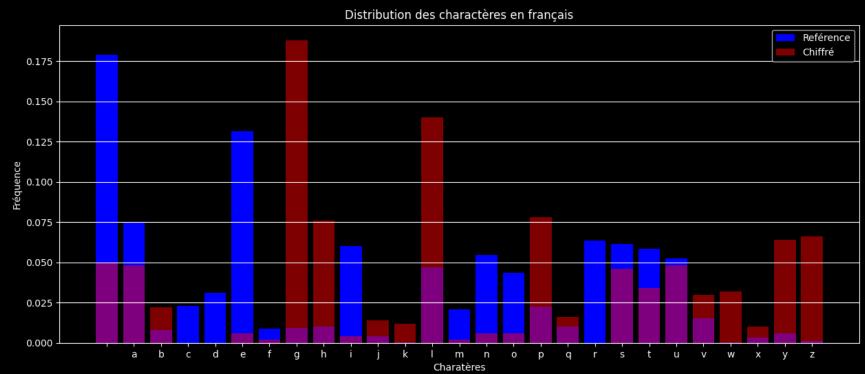
- La clé est un mot au lieu d'une seule lettre
- C'est une substitution polyalphabétique
- Cassé par Kasiski en 1863



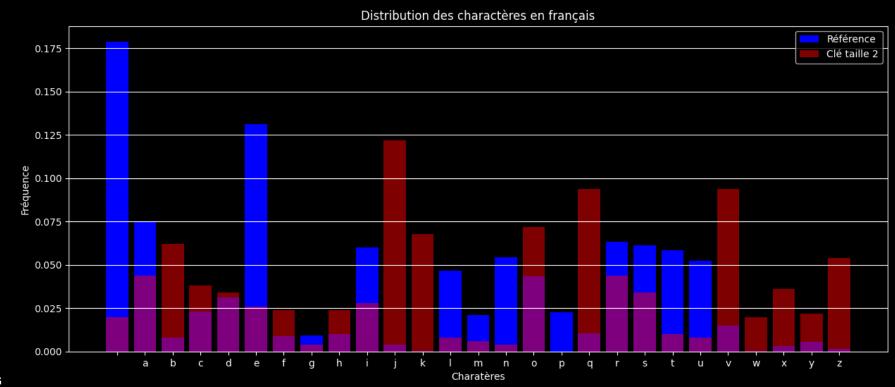
- La clé est un mot au lieu d'une seule lettre
- C'est une substitution polyalphabétique
- Cassé par Kasiski en 1863
- Résiste aux attaques par analyse fréquentielle



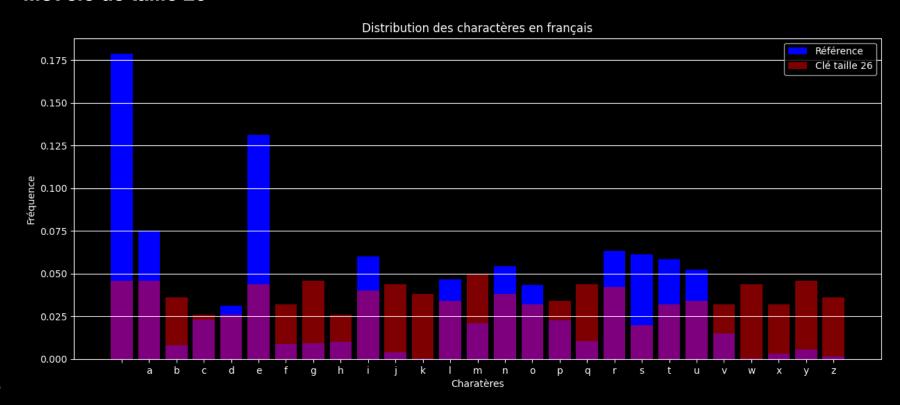
Mot clé de taille 1 (César)



Mot clé de taille 2



Mot clé de taille 26



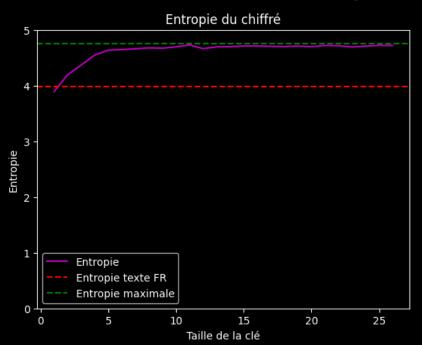
- Les chiffrés de Vigenère sont plus aléatoires
 - La distribution des lettres se rapproche de la distribution uniforme

- Les chiffrés de Vigenère sont plus aléatoires
 - La distribution des lettres se rapproche de la distribution uniforme
- Comment mesure-t-on l'aléatoire d'un chiffré ?

- Les chiffrés de Vigenère sont plus aléatoires
 - La distribution des lettres se rapproche de la distribution uniforme
- Comment mesure-t-on l'aléatoire d'un chiffré ? L'entropie

$$H(X) = -\sum_{c \in Alphabet} p(X = c) \log_2(p(X = c))$$

- Les chiffrés de Vigenère sont plus aléatoires
 - La distribution des lettres se rapproche de la distribution uniforme
- Comment mesure-t-on l'aléatoire d'un chiffré ? L'entropie



C'est un indice caractéristique de chaque langue basé sur la fréquence des lettres

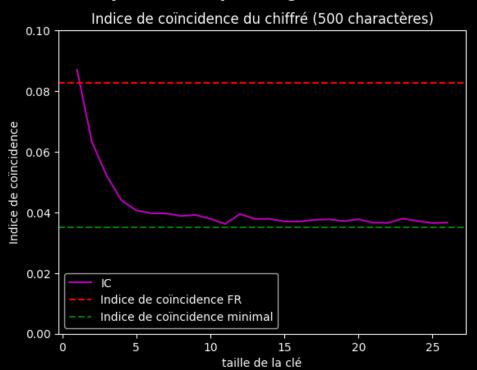
$$IC = \sum_{c \in Alphabet} \frac{n_c(n_c-1)}{n(n-1)}$$
 n_c : Nombre de c dans le texte n : Nombre total de lettres dans le texte

C'est un indice caractéristique de chaque langue basé sur la fréquence des lettres

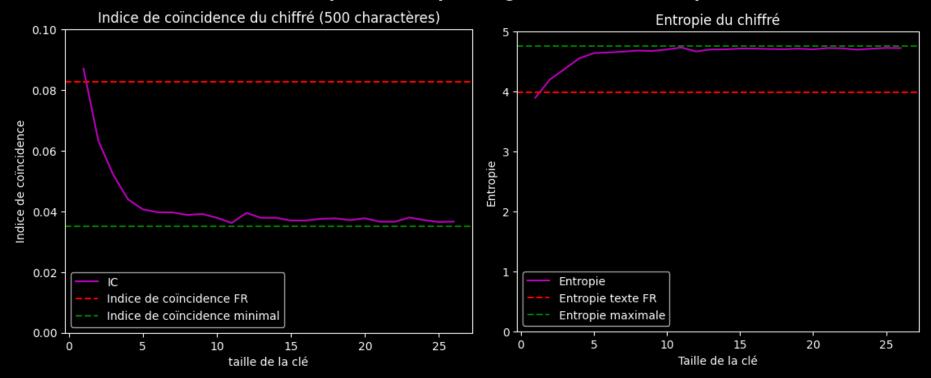
$$IC = \sum_{c \in Alphabet} \frac{n_c(n_c-1)}{n(n-1)}$$
 n_c : Nombre de c dans le texte n : Nombre total de lettres dans le texte

En français (sans ' ') l'indice vaut environ 0,0746, en anglais 0,067, ...

C'est un indice caractéristique de chaque langue basé sur la fréquence des lettres



C'est un indice caractéristique de chaque langue basé sur la fréquence des lettres



- Etapes pour décrypter un chiffré de Vigenère :
 - 1. Trouver la taille du mot clé
 - 2. Trouver le mot clé

- Etapes pour décrypter un chiffré de Vigenère :
 - Trouver la taille du mot clé
 - i. Pour chaque taille de clé possible calculer l'indice de coïncidence
 - ii. Si l'indice de coïncidence est proche de celui de référence -> longueur trouvée

Taille de la clé 2

agaqyrqzdgxizgsptdaohkpvlaabnvmlgpkwfesgwpqnhqevlzxukr gxtkqmwkbwilcjquienwwkpuijgkieoavkrqnecwlqhjgewq xpddasmboilgxo wlohtpwlftbxicssgcxl gtdilnvgdeugswyilzxedvuqxbmsfzaotufssupddbmxtizgxnwilslbppxssolzmwlbdvmakotwlftb edfaqydqzdgkwmitkddbhxbuioeaxlmdnbgkrqndwtdmitkcdvoectwleagydroavkpuexbfsffsppdabmxpclctukmyozkyicnvqxfusfbuilzx bbisexvdilwdbidmnmpkgtohkdvqnwcywlzxbwmgexbzylvttbbldmkkelcxtoylfxuktmexpddcsmucmentbwidnnqtvlrtpcdfasotv wjbxeswiwpdqgslpddoaukufssutdvssplzmwkb ednhgbhfneckqqexbuefe

aayqdxzstahplanmgkfswqhelxk xkmkwljuewkujkeakqewqjeqxdamolx lhpltxcsclgdlvdusylxduxmfatfspdmtzxwllpxslmldmktlt dayqdkmtdbxuoaldbkqdtmtcvetlayrakuxffspampltkyzycvxufulxbsxdldimmkthdqwylxwgxzltblmklxolxkmxdcmcetwdntltcfst jxsipqspdakfstvslmk dhbfekqxuf

gqrzgigpdokvabvlpwegpnqvzurgtqwbicqinwpigiovrnclhgw pdsbigowotwfbisgx tingegwizevqbszousudbxignisbpsozwbvaowfbefqdzgwikdhbiexmngrnwdikdocwegdovpebsfpdbxccumokinqfsbizbieviwbdnpgokvncwzbm ebyvtbdkectyfutepdsumnbinqvrpdaovwbewwdgldouusudspzwbenghncqebee

Taille de la clé 2

agaqyrqzdgxizgsptdaohkpvlaabnvmlgpkwfesgwpqnhqevlzxukr gxtkqmwkbwilcjquienwwkpuijgkieoavkrqnecwlqhjgewq xpddasmboilgxo wlohtpwlftbxicssgcxl gtdilnvgdeugswyilzxedvuqxbmsfzaotufssupddbmxtizgxnwilslbppxssolzmwlbdvmakotwlftb edfaqydqzdgkwmitkddbhxbuioeaxlmdnbgkrqndwtdmitkcdvoectwleagydroavkpuexbfsffsppdabmxpclctukmyozkyicnvqxfusfbuilzx bbisexvdilwdbidmnmpkgtohkdvqnwcywlzxbwmgexbzylvttbbldmkkelcxtoylfxuktmexpddcsmucmentbwidnnqtvlrtpcdfasotv wjbxeswiwpdqgslpddoaukufssutdvssplzmwkb ednhgbhfneckqqexbuefe

aayqdxzstahplanmgkfswqhelxk xkmkwljuewkujkeakqewqjeqxdamolx lhpltxcsclgdlvdusylxduxmfatfspdmtzxwllpxslmldmktlt dayqdkmtdbxuoaldbkqdtmtcvetlayrakuxffspampltkyzycvxufulxbsxdldimmkthdqwylxwgxzltblmklxolxkmxdcmcetwdntltcfst jxsipqspdakfstvslmk dhbfekqxuf

gqrzgigpdokvabvlpwegpnqvzurgtqwbicqinwpigiovrnclhgw pdsbigowotwfbisgx tingegwizevqbszousudbxignisbpsozwbvaowfbefqdzgwikdhbiexmngrnwdikdocwegdovpebsfpdbxccumokinqfsbizbieviwbdnpgokvncwzbm ebyvtbdkectyfutepdsumnbinqvrpdaovwbewwdgldouusudspzwbenghncqebee

IC1 = 0.051IC2 = 0.048

Taille de la clé 2

agaqyrqzdgxizgsptdaohkpvlaabnvmlgpkwfesgwpqnhqevlzxukr gxtkqmwkbwilcjquienwwkpuijgkieoavkrqnecwlqhjgewq xpddasmboilgxo wlohtpwlftbxicssgcxl gtdilnvgdeugswyilzxedvuqxbmsfzaotufssupddbmxtizgxnwilslbppxssolzmwlbdvmakotwlftb edfaqydqzdgkwmitkddbhxbuioeaxlmdnbgkrqndwtdmitkcdvoectwleagydroavkpuexbfsffsppdabmxpclctukmyozkyicnvqxfusfbuilzx bbisexvdilwdbidmnmpkgtohkdvqnwcywlzxbwmgexbzylvttbbldmkkelcxtoylfxuktmexpddcsmucmentbwidnnqtvlrtpcdfasotv wjbxeswiwpdqgslpddoaukufssutdvssplzmwkb ednhgbhfneckqqexbuefe

aayqdxzstahplanmgkfswqhelxk xkmkwljuewkujkeakqewqjeqxdamolx lhpltxcsclgdlvdusylxduxmfatfspdmtzxwllpxslmldmktlt dayqdkmtdbxuoaldbkqdtmtcvetlayrakuxffspampltkyzycvxufulxbsxdldimmkthdqwylxwgxzltblmklxolxkmxdcmcetwdntltcfst jxsipqspdakfstvslmk dhbfekqxuf

gqrzgigpdokvabvlpwegpnqvzurgtqwbicqinwpigiovrnclhgw pdsbigowotwfbisgx tingegwizevqbszousudbxignisbpsozwbvaowfbefqdzgwikdhbiexmngrnwdikdocwegdovpebsfpdbxccumokinqfsbizbieviwbdnpgokvncwzbm ebyvtbdkectyfutepdsumnbinqvrpdaovwbewwdgldouusudspzwbenghncqebee

$$IC1 = 0.051 < 0.083$$

 $IC2 = 0.048 < 0.083$

Taille de la clé 3

agaqyrqzdgxizgsptdaohkpvlaabnvmlgpkwfesgwpqnhqevlzxukr gxtkqmwkbwilcjquienwwkpuijgkieoavkrqnecwlqhjgewq xpddasmboilgxo wlohtpwlftbxicssgcxl gtdilnvgdeugswyilzxedvuqxbmsfzaotufssupddbmxtizgxnwilslbppxssolzmwlbdvmakotwlftb edfaqydqzdgkwmitkddbhxbuioeaxlmdnbgkrqndwtdmitkcdvoectwleagydroavkpuexbfsffsppdabmxpclctukmyozkyicnvqxfusfbuilzx bbisexvdilwdbidmnmpkgtohkdvqnwcywlzxbwmgexbzylvttbbldmkkelcxtoylfxuktmexpddcsmucmentbwidnnqtvlrtpcdfasotv wjbxeswiwpdqgslpddoaukufssutdvssplzmwkb ednhgbhfneckqqexbuefe

aqqgzpaklbmpfgqqlu

tmblqewugevqcqgqpabloltlbcgltlguwleubfofudxznlbxombmolbdqqgmkbboxdgqwmkvclgrvubfpaxluykcqublbsvlbmptkqclbgbltlkltlumpcue bdqlpfo bswqldufuvpmbdgfcqbf

gyzxgtopanlkewnezkgkwwcunkikoknwhe dsog opfxsc dndgyzdqmztspbtgwspslwdatf fyzkidhuelnknticoteyokeffpbpckoynxsuzbedwinkodnyzwezvbdkcofkedscnwntrcatwxwpgpokstslw nbnkeue

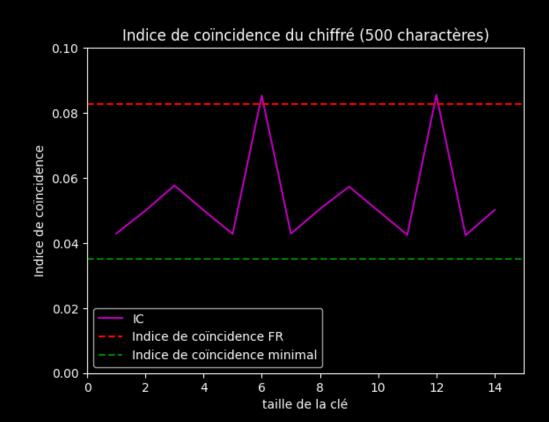
ardisdhvavgwsphvxrxqkijiwpjiareljwxdmixwhwtisxgivesixvxsausdmixilpszlvkwteaddwtdxiambrddtdewadapxssdmctmzivffixixiddmghvww xmxytbmexyxtxdmmtinvtdsvjeidsdausdszkehheqxe

IC1 = 0.0629 < 0.083

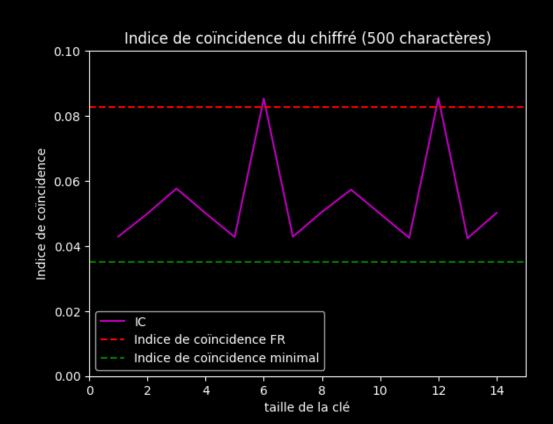
IC2 = 0.0472 < 0.083

IC3 = 0.0606 < 0.083

Taille de la clé ?



Taille de la clé ? 6



Cryptanalyse Vigenère : indice de coïncidence

Taille de la clé 6

agaqyrqzdgxizgsptdaohkpvlaabnvmlgpkwfesgwpqnhqevlzxukr gxtkqmwkbwilcjquienwwkpuijgkieoavkrqnecwlqhjgewq xpddasmboilgxo wlohtpwlftbxicssgcxl gtdilnvgdeugswyilzxedvuqxbmsfzaotufssupddbmxtizgxnwilslbppxssolzmwlbdvmakotwlftb edfaqydqzdgkwmitkddbhxbuioeaxlmdnbgkrqndwtdmitkcdvoectwleagydroavkpuexbfsffsppdabmxpclctukmyozkyicnvqxfusfbuilzx bbisexvdilwdbidmnmpkgtohkdvqnwcywlzxbwmgexbzylvttbbldmkkelcxtoylfxuktmexpddcsmucmentbwidnnqtvlrtpcdfasotv wjbxeswiwpdqgslpddoaukufssutdvssplzmwkb ednhgbhfneckqqexbuefe

aqzalmfql mleueqqqalliclluluffdzlxmmldqmbodqmvlrufalyculslmtqlgllllmcedlf sqdfvmdfqf gzgoalenzgwcnionh sgofs ngzqzsbgsswaffzihennioeoefbconszewnonzevdcfesnnrawwgosswnnee adshagshxxkjwjaejxmxhtsgvsxxasmxlslktadtxabdteaaxsmtzvfxxdmhwxxtmxxxmtntsjisasskhex qgpkbpgqutbqwgvcgpbotbgtgwebouxnbobobqgkbxgwkcgvbpxukqbbvbpkcbbtktupubqpobwluupbgcb yxtpnkwekkwukkkwedo pxcddydmtptwpldt ykdulktctykfppkyxubdikdywzbkokdcwtctxppktl bku ridvvwpvrqiipirlwdiwwixieivsudiipzvwedwdimrddwdpsdcmifiiidgvwmybeytdmivdveddudzehqe

6 chiffrés de César

Cryptanalyse Vigenère : indice de coïncidence

Taille de la clé 6

agaqyrqzdgxizgsptdaohkpvlaabnvmlgpkwfesgwpqnhqevlzxukr gxtkqmwkbwilcjquienwwkpuijgkieoavkrqnecwlqhjgewq xpddasmboilgxo wlohtpwlftbxicssgcxl gtdilnvgdeugswyilzxedvuqxbmsfzaotufssupddbmxtizgxnwilslbppxssolzmwlbdvmakotwlftb edfaqydqzdgkwmitkddbhxbuioeaxlmdnbgkrqndwtdmitkcdvoectwleagydroavkpuexbfsffsppdabmxpclctukmyozkyicnvqxfusfbuilzx bbisexvdilwdbidmnmpkgtohkdvqnwcywlzxbwmgexbzylvttbbldmkkelcxtoylfxuktmexpddcsmucmentbwidnnqtvlrtpcdfasotv wjbxeswiwpdqgslpddoaukufssutdvssplzmwkb ednhgbhfneckqqexbuefe

6 chiffrés de César

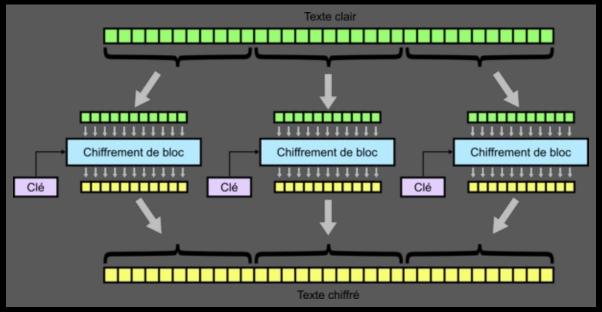
$aqzalmfql\ mleueqqqalllclluluffdzlxmmldqmbodqmvlrufalyculslmtqlgllllmcedlf\ sqdfvmdfqf$	M
gzgoalenzgwcnionh sgofs ngzqzsbgsswaffzihennioeoefbconszewnonzevdcfesnnrawwgosswnnee	0
ad shag shxxkjwja ejxmxhts gvsxxasmxlslkt ad txabd teaaxsmtzv fxxdmhwxxtmxxxmtntsjis as skhex	T
qgpkbpgqutbqwgvcgpbotbgtgwebouxnbobobqgkbxgwkcgvbpxukqbbvbpkcbbtktupubqpobwluupbgcb	С
yxtpnkwekkwukkkwedo pxcddydmtptwpldt ykdulktctykfppkyxubdikdywzbkokdcwtctxppktl bku	L
ridvvwpvrqiipirlwdiwwixie ivsudii pzvwedwdim rddwdpsdcmi fii idgvwmybeytdmivdveddudzeh qe	Е

Epoque moderne

- On considère deux grande familles de schémas de chiffrement
- Ceux qui chiffrent le message lettre par lettre (ou bit à bit) : chiffrement par flot
- Ceux qui chiffrent le message par bloc de lettres (ou bloc de bits) : chiffrement par bloc

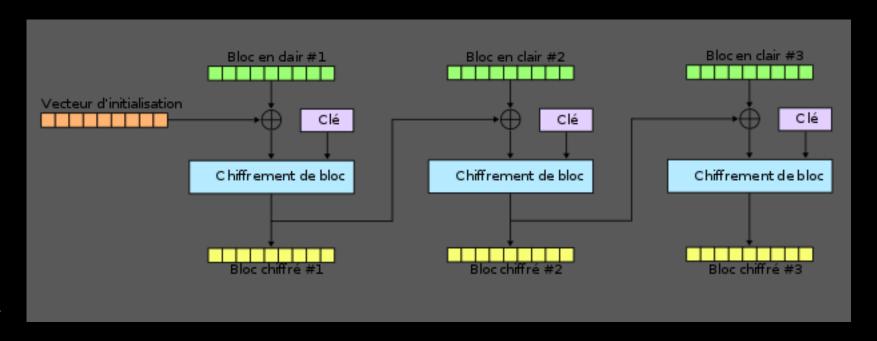
Chiffrement par blocs : différents traitements

- Combiner les blocs (chaînage) améliore la sécurité
- Mode ECB (Electronic Code Book)



Chiffrement par blocs : mode CBC

Model CBC (Cipher Block Chaining)



Chiffrement par blocs: mode OFB

Model CBC (Output Feed Back)

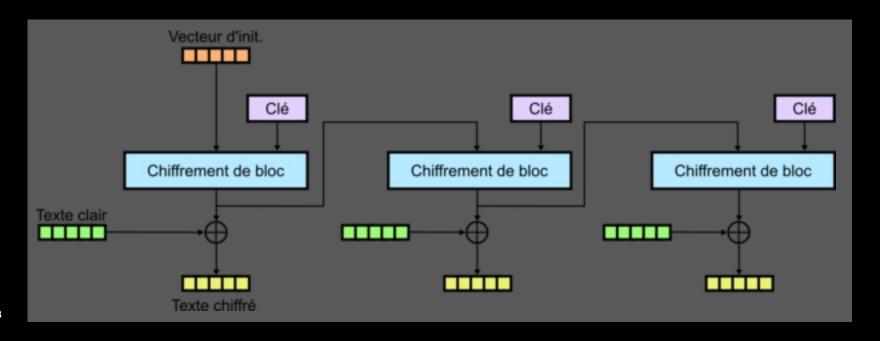
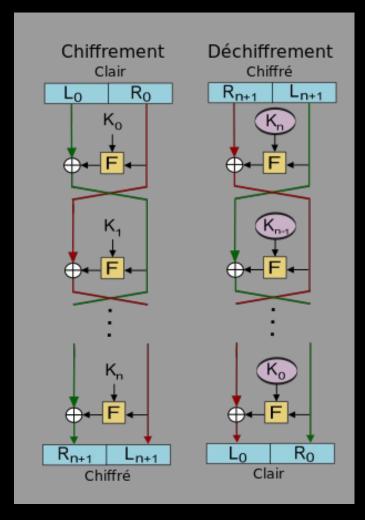


Schéma de Feistel:

Schéma souvent utilisé :



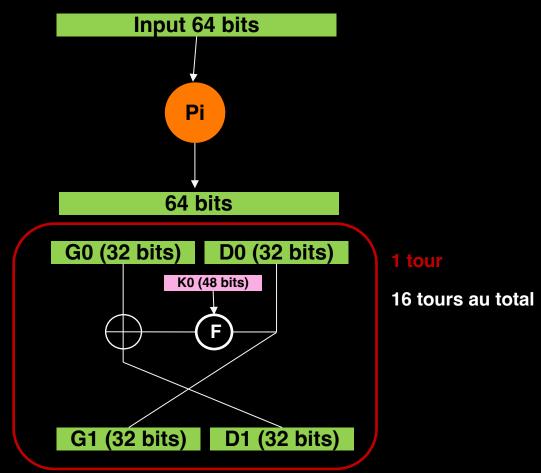
- Data Encryption Standard (D.E.S)
- Standard de chiffrement en 1975
 - Complètement cassé de nos jours

- Data Encryption Standard (D.E.S)
- Standard de chiffrement en 1975
 - Complètement cassé de nos jours
- Taille des blocs : 64 bits
- Taille des clés : 48 bits
 - Clés dérivée d'une clé maître K de 64 bits
 - K contient des bits de parité -> détection d'erreur lors de la transmission ou stockage

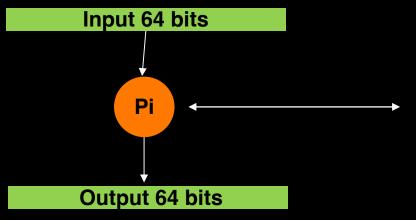
Combine plusieurs type d'opérations:

Permutations : scytales

Substitutions : César, Vigenère, ...



D.E.S.: Permutation initiale



58	50	42	34	26	18	10	2
60	52	44	36	28	20	12	4
62	54	46	38	30	22	14	6
64	56	48	40	32	24	16	8
57	49	41	33	25	17	9	1
59	51	43	35	27	19	11	3
61	53	45	37	29	21	13	5
63	55	47	39	31	23	15	7

« Matrice » de permutation Pi

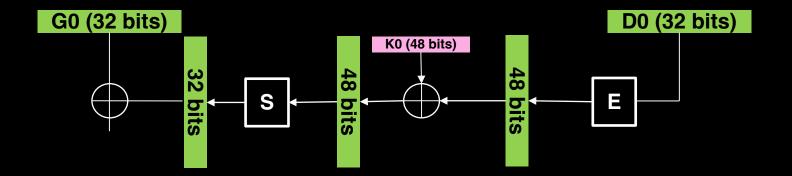
- bit 1 de output = bit 58 de input
- bit 2 de output = bit 50 de input
- ...

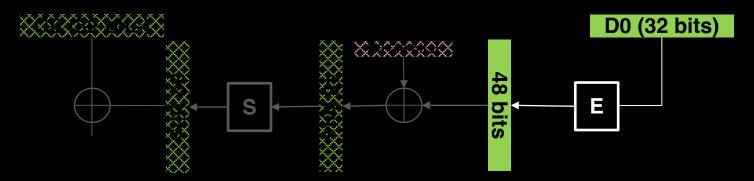
Output 64 bits

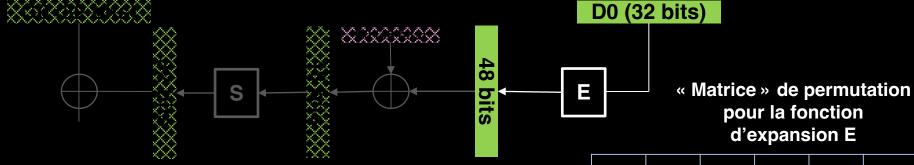
G0 (32 bits)

D0 (32 bits)

On coupe en deux blocs de 32 bits

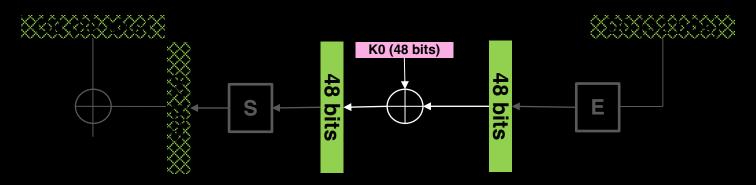




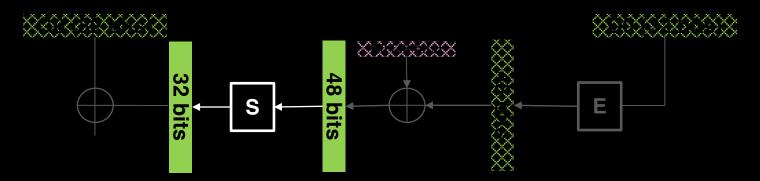


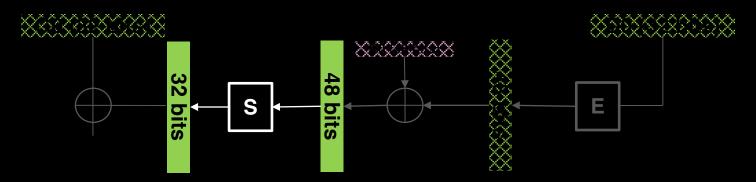
- bit 1 de output = bit 32 de D0
- bit 2 de output = bit 1 de D0

32	1	2	3	4	5
4	5	6	7	8	9
8	9	10	11	12	13
12	13	14	15	16	17
16	17	18	19	20	21
20	21	22	23	24	25
24	25	26	27	28	29
28	29	30	31	32	1



 XOR bit à bit entre la clé K0 et le vecteur en output de E





Fonction S:

- Découpe le vecteur en 8 blocs de 6bits
- Réduit en 8 blocs de 4 bits par substitution
- Permute le vecteur de 32 bits

48 bits
6 bits 6 bits 6 bits 6 bits 6 bits 6 bits 6 bits 6 bits





- bits 1 et 2 -> n° de ligne
- bits 3, 4, 5, 6 -> n° de colonne



- bits 1 et 2 -> n° de ligne
- bits 3, 4, 5, 6 -> n° de colonne

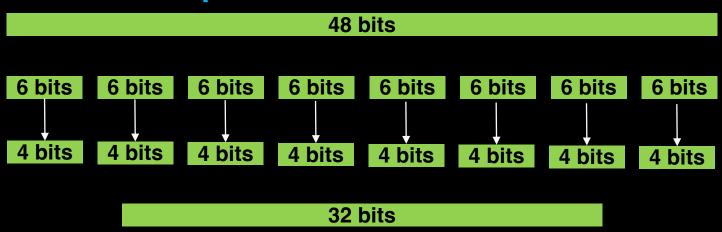


- bits 1 et 2 -> n° de ligne
- bits 3, 4, 5, 6 -> n° de colonne

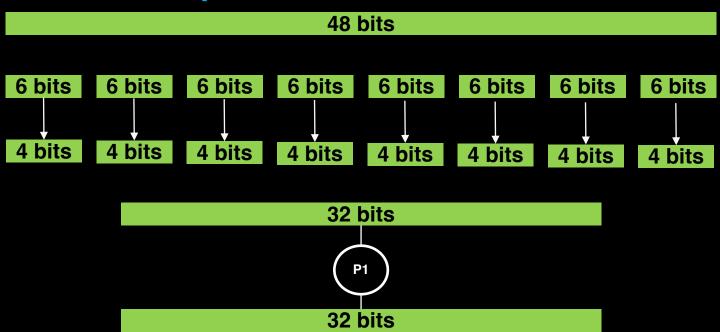


bits 1 et 2 -> n° de ligne

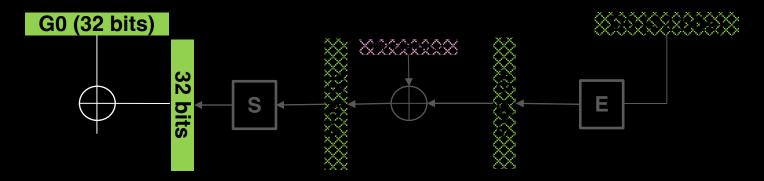
- bits 3, 4, 5, 6 -> n° de colonne
- On remplace le bloc par la valeur du tableau



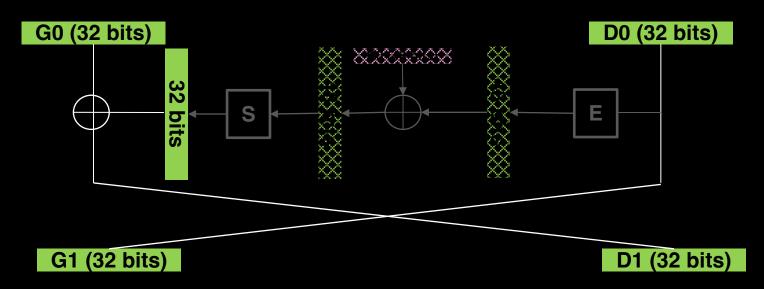
- On applique la substitution à chaque bloc
 - Le tableau est différent pour chaque bloc, 8 tableaux aux total



- On applique la substitution à chaque bloc
 - Le tableau est différent pour chaque bloc, 8 tableaux aux total
- On permute le vecteur de 32 bits



XOR bit à bit entre les deux vecteurs



On recommence 1 nouveau tour

D.E.S.

- Les matrices de permutations sont nommées P-box
- Les tableaux de substitutions sont nommées S-box
- Les permutations et substitutions sont toujours inversibles, sinon pas de déchiffrement

D.E.S.

- Les matrices de permutations sont nommées P-box
- Les tableaux de substitutions sont nommées S-box
- Les permutations et substitutions sont toujours inversibles, sinon pas de déchiffrement
- Pour déchiffrer
 - Refaire l'algo en commençant avec K15 au premier tour jusqu'à K0 au dernier tour
- Attention ! D.E.S est complètement cassé, ne pas utiliser en production

Sécurité parfaite

- Un chiffrement est difficile à casser lorsque la connaissance du chiffré C n'apporte aucune information sur le clair M
- En théorie de l'information on a deux grands principes:
 - Principe de confusion : la relation entre la clé et le chiffré doit être la plus complexe possible
 - Principe de diffusion : la dépendance entre les bits de sorties et les bits d'entrées doit être minimales
- La combinaison de substitutions et de permutations est conforme à ces principes