بسمه تعالى

تمرین سری سوم ساختمان داده ها و مبانی الگوریتم ها

نكات:

- پاسخ تمرین ها را تایپ شده یا اسکن شده در قالب pdf با نام HW3_StudentNumber.pdf ارسال نمایید.

- مهلت ارسال این سری تمرین تا سه شنبه ۲۴ مهر ساعت ۵۵: ۲۳ است.

سوال یک:

یک MaxHeap با N عنصر متمایز را در نظر بگیرید که با یک ارایه پیاده سازی شده است. چهارمین بزرگتیرین عنصر در کدام یک از درایهها می تواند قرار بگیرد؟

سوال دو:

با ورود مقادیر زیر به ترتیب یک MinHeap بسازید.

7,0., 40, 4., 40, 47, 4., 60, 40

توجه کنید که اعداد به ترتیب وارد می شوند و فقط یک درخت MinHeap است که از این ترتیب بدست می آید.

سوال سه : به چند طریق میتوان اعداد ۱ تا ۵ را در درخت زیر قرار داد به طوریکه مقدار هر عنصر پدر بزرگتر از فرزندانش باشد.



سوال چهار: آرایه زیر یک MaxHeap است، برای اضافه کردن عدد ۹۵ به این آرایه چند عمل swap (جابهجایی دو کمیت) نیاز است تا آرایه تولید شده MaxHeap بماند؟

 $[1 \cdot \cdot, 9 \cdot, \lambda \Upsilon, \lambda \Delta, \Upsilon^{\varphi}, \Upsilon \Delta, \Upsilon^{\varphi}, \varphi \lambda, \Upsilon^{\varphi}]$

سوال پنج :یک درخت قرمز -سیاه در نظر بگیرید.

حداكثر تعداد rotation موقع insert ؟

حداکثر تغییر رنگ موقع delete از چه orderای است ؟

هزینه سورت روی این درخت چه هزینهای دارد؟

سوال شش: بوسیلهی تغییر در یک درخت قرمز -سیاه ساختمان دادهای بسازید که اعمال زیر را با این هزینهها انجام دهد:

Init() : ایجاد ساختمان داده () : O(1) Insert(x) : اضافه کردن : $O(\log n)$ $O(\log n)$ $O(\log n)$ $O(\log n)$ $O(\log n)$ $O(\log n)$ $O(\log n)$

سوال هفت:

:O(log n)

mn آرایه مرتب از اعداد هر کدام با n عنصر داریم. الگوریتم از مرتبه ی O(mnlog(n)) ارائه کنید که همه ی m عنصر را در یک آرایه مرتب کند.

سوال هشت:

آیا عمل حذف از BST جابه جایی پذیر است؟ به عبارت دیگر، آیا حذف x و سپس حذف y از یک BST همان تاثیر حذف y وسپس X را دارد؟ اثبات کنید یا مثال نقض بزنید.

سوال نه:

چه تعداد از ۷۱ جایگشت از عناصر A تا G را اگر در یک BST به ترتیب درج کنیم، همان درخت ایجاد می شود که دنبالهی درج های زیر (از چپ به راست) تولید می کند؟

A,E,F,G,B,D,C

سوال ده:

یک هرم کمینه با n عنصر متمایز از اعداد و یک عدد X داده شده است. الگ وریتم از O(klogk) ارائه دهید که مشخص کند که المین کوچک ترین عنصر موجود در هرم را پیدا کند.

ب:

یک هرم کمینه با O(k) عنصر متمایز از اعداد و یک عدد X داده شده است. الگوریتم از O(k) ارائه دهید که مشخص کند که آیا kامین کوچک ترین عنصر موجود در هرم از X کوچک تر است یا خیر.