- 1

|                | بدترين | میانگین | بهترین |
|----------------|--------|---------|--------|
| Insertion Sort | $n^2$  | $n^2$   | n      |
| Bubble Sort    | $n^2$  | $n^2$   | n      |
| Merge Sort     | nlogn  | nlogn   | nlogn  |
| Quick Sort     | $n^2$  | nlogn   | nlogn  |
| Heap Sort      | nlogn  | nlogn   | nlogn  |

آرایه مرتب شده است پس Bubble sort و Insertion sort بهتر هستند.

رم است. حداکثر r+p-1 مقایسه لازم است.

-٣

الف) نادرست با توجه به سوال ۱ در بدترین حالت Merge sort بهتر عمل میکند.

ب) درست در بدترین حالت Binary Insertion بهتر عمل میکند.

ج) نادرست با توجه به سوال ۱ در بدترین حالت Heap sort بهتر عمل میکند.

د) درست

ه) درست

۴- نهيدونم والا

۵- باید از ساختمان داده یک درخت متوازن استفاده کنیم؛ مثلا باید از Red Black Tree استفاده شود.

```
Heapify (int i, Array[] arr)
    if (i >= arr.size())
        return;
    else
        Heapify (2 * i, arr);
        Heapify(2 * i + 1, arr);
        Swap (arr[i], min (arr[i], arr[2 * i], arr[2 * i + 1]));
```

-٧

```
FIND-MAXIMUM-SUBARRAY (A, low, high)
    if high == low
 2
         return (low, high, A[low])
                                              // base case: only one element
    else mid = \lfloor (low + high)/2 \rfloor
         (left-low, left-high, left-sum) =
             FIND-MAXIMUM-SUBARRAY (A, low, mid)
 5
         (right-low, right-high, right-sum) =
             FIND-MAXIMUM-SUBARRAY (A, mid + 1, high)
         (cross-low, cross-high, cross-sum) =
             FIND-MAX-CROSSING-SUBARRAY (A, low, mid, high)
         if left-sum \ge right-sum and left-sum \ge cross-sum
             return (left-low, left-high, left-sum)
         elseif right-sum \ge left-sum and right-sum \ge cross-sum
             return (right-low, right-high, right-sum)
10
         else return (cross-low, cross-high, cross-sum)
```

```
FIND-MAX-CROSSING-SUBARRAY (A, low, mid, high)
 1
    left-sum = -\infty
    sum = 0
    for i = mid downto low
        sum = sum + A[i]
        if sum > left-sum
             left-sum = sum
             max-left = i
    right-sum = -\infty
 9
    sum = 0
10
    for j = mid + 1 to high
11
        sum = sum + A[j]
12
        if sum > right-sum
13
             right-sum = sum
14
             max-right = j
15
    return (max-left, max-right, left-sum + right-sum)
```