

قضایای شبکه

مقدمه

و سرانجام فصل آخر هم رسید! به همین زودی! سفر خوبی بود؛ به من که خیلی خوش گذشت؛ و بالاخره در فصل

آخر چند قضیه جالب در درس مدار فرا می گیریم. اگرچه تاکنون از برخی از آنها استفاده کردهایم؛ اما امروز میخواهیم به چشم «قضیه» به آنها نگاه کنیم و میخواهیم به مدارها نگاه شبکهای بکنیم. این بحث از جمله مباحث بسیار ظریف و زیباست. ما در این قسمت به 5 قضیه میپردازیم که البته دوتای آنها در این مجال مهمتر به نظر میآیند.

1_0 قضية جمع آثار



اگر شبکهٔ N ، خطی و دارای پاسخ یکتا باشد، واجد شرایط این قضیه است به این ترتیب که:

«پاسخ حالت صفر ناشی از اعمال همزمان چند ورودی برابر است با مجموع پاسخهای حالت صفر ناشی از اعمال تکتک منابع ً » به عبارت دیگر برای به دست آوردن خروجی، اثر تکتک منابع را جداجدا به دست میآوریم و چون شبکهٔ مورد نظرمان خطی است، خروجی کل برابر مجموع آن پاسخها میشود.

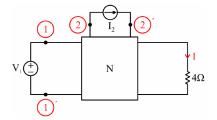
1_ البته باید منابع از هم مستقل باشند تا قضیهٔ جمع آثار برقرار باشد.

انتخاب $I_2 = 3$ و $V_1 = 3$ و $V_1 = 3$ انتخاب $V_1 = 3$ انتخاب ایندیر شکل (5_1)، شبکهٔ N مقاومتی و خطی تغییرناپذیر با زمان است. اگر



196

شوند، I=6A می شود. اگر قطب 1 - 1 اتصال کوتاه و $I_2=-2$ باشد، مقدار I=2 به دست خواهد آمد. $V_1 = -2$ و قطب $^{'}$ 2 مدار باز می شود، در این صورت $V_1 = -2$ و قطب $^{'}$



شكل (5_1) شبكة تمرين 1



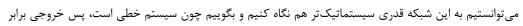
$$\begin{cases} I_2 = -2A \\ V_1 = 0 \end{cases} \rightarrow I = 2A$$

یعنی اثر $I_2=3$ روی I_3 ، آن است که باید $I_3=3$ برابرش کنیم؛ بنابراین در فرض اولیه که $I_3=3$ است، اثر ناشی از آن میشود، پس اثر ناشی از منبع ولتاژ $V_1 = 3V$ میشود، پس اثر ناشی از منبع ولتاژ I = -3A

$$\begin{cases} I_2 = 3A \\ V_1 = 3V \end{cases} \rightarrow I = -3 + 9 = 6$$

پس اثر منبع ولتاژ V_1 روی جریان I ، آن است که سه برابر شود، درنتیجه:

$$\begin{cases} I_2 = 0 \\ V_1 = -2V & \rightarrow I = -6A \end{cases}$$





ترکیب خطی از ورودیهاست؛ یعنی: $I = \alpha I_2 + \beta V_1$



و در اصل اطلاعاتی که صورت مسئله داده، به ما کمک می کند تا α و β را به دست بیاوریم؛ (1, -1, +1) لطفاً شما هم به این چشم به این مسئله نگاه کنید.

1 هـ 1 قضيهٔ شبکههای معادل تونن ـ نورتن 1

تنها محدودیت قضیهٔ تونن ـ نورتن، خطی بودن مدار است. 2 در این صورت هر شبکهٔ N را میتوان با یک منبع ولتاژ سری با یک امپدانس یا یک منبع جریان موازی با یک ادمیتانس جایگزین کرد. 3

$^{\circ}$ در شکل زیر مدار معادل تونن از دو سر $^{\circ}$ و $^{\circ}$ کدام است؟



خیلی ساده است دیگر، از یک KCL بازی ساده می فهمیم که:

 $3i_o - i_o = 2i_o = -i \implies i_o = -\frac{1}{2}i$

و با یک KVL در حلقهٔ بیرونی مسئله حل است:

$$V = 2i - \frac{1}{2}i + 5 \quad \Rightarrow \quad V = \frac{3}{2}i + 5$$

يعنى گزينهٔ 1 درست است.

۵_۳ قضية جانشيني



تنها شرط مورد نیاز برای برقراری این قضیه، یکتایی پاسخ است.

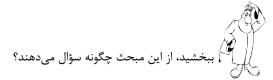
حال در مداری با شرایط بالا، اگر برای شاخهٔ K ام L_K ام L_K ام L_K ام L_K ام L_K ام با سایر شاخهها ندارد V_K و یا منبع جریان مستقلی با مقدار V_K و یا منبع جریان مستقلی با مقدار V_K و یا منبع جریان مستقلی با مقدار V_K و تعویض کرد؛ در این صورت تمامی پاسخها در شبکهٔ جدید با شبکهٔ اولیه یکسان است.

1_ البته این بحث را کهقبلاً داشتهایم.

2_ يعنى لزومى ندارد كه حتماً تغييرنا پذير با زمان هم باشد.

3_ فصل دوم را مرور كنيد؛ لبريز بود از همين مفهوم.

البته مفهوم این قضیه در آزمایشگاه خیلی جالب است؛ این قضیه به ما اجازه میدهد که یک مقاومت را برداریم و بهجایش یک باتری بگذاریم و آب هم از آب تکان نخورد؛ و این خیلی جالب است؛ اما در کنکور نمی شود مسئله خیلی عجیبی از این قضیه داد؛ چون از صورت مسئله اصل قضیه پیداست.

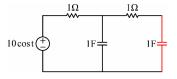






گی در مدار شکل زیر اگر بخواهیم هیچ پاسخی از مدار تغییر نکند، بهجای خازن سمت راستی چه منبع

ولتاژی بگذاریم؟



شكل (3_5) مدار تمرين 3

این حرف دقیقاً قضیهٔ جانشینی است؛ به عبارت دیگر ترجمهٔ صورت این مسئله یعنی ولتاژ خازن سمت راستی را پیدا کنید. حالا یک خواهش 1 ! به خودتان 3 دقیقه وقت بدهید و ولتاژ V_{0} را پیدا کنید.

00:00

01:00

02:00

03:00

 2 شکل (4_5) بدون شرح

حالا یک سؤال غیرتی! چند نفر به جواب آخر رسیدند؟

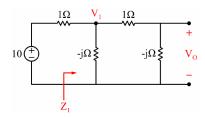
اگر به جواب آخر نرسیدید،لطفاً تا جایی که زورتان میرسد، بهجای هر کار دیگری مسئله حل کنید، تا دستانتان ایستانتان ایستانتان ایستان ایستانتان ایستانتا

1_این خواهش رالطفاً رد نکنید.

2 ـ اولاً يعني: چيزي كه عيان است، چه حاجت به بيان است؛ ثانياً خوشا به حال آنهايي كه قدر فاكتور زمان را دانستند و برتر از طلا بودن نعمت زمان و وقت و عمر را با عمق وجودشان چشیدند و درنتیجه مثل خورشید درخشیدند و...







3 مراحل حل تمرین 3

مطابق شكل (5_5) داريم:

$$Z_1 = \frac{(1-j)(-j)}{1-j-j} = \frac{-1-j}{-2j+1} = \frac{1+j}{-1+2j}$$

و با دوبار تقسيم ولتاژ داستان تمام است.

$$V_1 = \frac{Z_1}{1 + Z_1} \times 10 = \frac{10}{3} (1 - j)$$

$$V_o = \frac{-j}{1-j} \times V_1 = -\frac{10}{3} j$$

$$V_{o}(t) = \frac{10}{3}\sin t$$

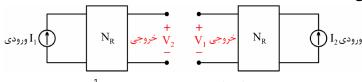
۵ـ۴ قضيهٔ هم پاسخی (شبکه های متقابل)

در مورد نداشته باشند.

در مورد شبکههای خطی تغییرناپذیر با زمان به کار میرود که منبع وابسته و منبع مستقل و ژیراتور و شرایط اولیه

مفهوم: اگر محل اِعمال ورودی و پاسخ را تعویض کنیم، پاسخ تغییری نمی کند اما در محل اِعمال ورودی و خروجی و نوع ورودی و خروجی باید دقت شود.

اگر خروجی جریان بود، در سر خروجی اتصال کوتاه داریم؛ به عبارت دیگر آمپرسنج ایدهآل (با مقاومت صفر) و اگر خروجی ولتاژ بود، در سر خروجی مدار باز داریم؛ به عبارت دیگر ولتسنج ایدهآل (با مقاومت بینهایت) بیانهای قضیهٔ همیاسخی ¹:



 1 شكل $^{-6}$ بيان اول قضيهٔ هم $^{-1}$

1_ این قسمت را لطفاً با دقت و بیش از یکبار مطالعه کنید.

200

www.PowerEn.ir

اگر محل منبع جریان I_1 را با ولتمتری با امپدانس بینهایت عوض کنیم، قرائت ولتمتر تغییری نخواهد کرد؛ یعنی در شکل $V_1 = V_2$ باشد، آنگاه $V_1 = V_2$ می شود.

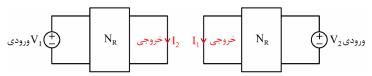
اما این بیان، یک حالت خاص است؛ در حالت کلی تر می گوییم نسبت $\frac{V_1}{I_2}$ با $\frac{V_2}{I_3}$ برابر است؛ به عبارت دیگر:

$$\frac{V_2}{I_1} = \frac{V_1}{I_2} \tag{1-0}$$

و یا:

$$Z_{21} = Z_{12} \tag{Y_\Delta}$$

یادتان باشد که این دو رابطه اخیر در حوزهٔ s هم درست است. یعنی اگر به $Z_{21}(s)$ و $Z_{12}(s)$ به چشم تابع تبدیل نگاه کنیم، این دو تابع تبدیل در مدارهای متقابل یا همپاسخ با یکدیگر برابرند.



شكل (5_7) بيان دوم قضيهٔ هم پاسخى

اگر محل منبع ولتاژ V_1 را با آمپرمتری با امپدانس صفر عوض کنیم، قرائت آمپرمتر تغییری نخواهد کرد؛ یعنی در شکل (5–7)، هرگاه $V_1 = V_2$ باشد، آنگاه $V_1 = V_2$ میشود.

باز این بیان هم خاص است؛ در حالت کلی تر، می گوییم نسبت $\frac{I_1}{V_1}$ با برابر است؛ به عبارت دیگر:

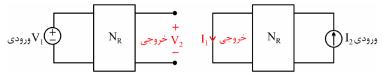
$$\frac{I_2}{V_1} = \frac{I_1}{V_2}$$
 (r_a)

و با توجه به جهت جریانهای I_1 و I_2 و مقایسه با شکل (1_5) چنین به دست می آید:

$$-y_{21} = -y_{12} \implies y_{21} = y_{12}$$
 (4-6)

طبیعتاً y_{12} و y_{21} هم یه جورایی تابع تبدیل هستند و در شبکههای متقابل این دو تابع تبدیل برابرند. حالامفصلاً با این مفهوم سروکار خواهیم داشت اما یک توضیح ساده برای فهم بیشتر این است که: «اگر در سر اول منبع ولتاژ u(t) بگذاریم، آمپرمتر در سر اول جریان e^{-2t} را نشان می دهد؛ حال اگر در سر دوم منبع ولتاژ $\delta(t)$ بگذاریم، آمپرمتر در سر اول جریان e^{-2t} نشان می دهد.»

لطفاً این عبارت آخر را یکبار دیگر بخوانید و به آن فکر کنید.



شكل (5_8) بيان سوم قضيهٔ هم اسخى

الـ منظور از N_R شبكهٔ هم پاسخ است.



به شرط آنکه منبع ولتاژ V_1 و منبع جریان I_2 دارای شکل موج یکسانی باشند، یعنی $V_1(t) = I_2(t)$ ، آن گاه ولتاژ خروجی $V_1(t) = I_1(t)$ و جریان خروجی $V_1(t) = I_1(t)$ با یکدیگر برابرند، یعنی $V_2(t) = I_1(t)$ و به عبارت کلی تر:

$$\frac{\mathbf{V}_2}{\mathbf{V}_1} = \frac{\mathbf{I}_1}{\mathbf{I}_2} \tag{2.2}$$

و با توجه به جهت جریان خروجی یعنی ${}^1 {
m I}_1$ ، داریم:

$$\mathbf{h}_{21} = -\mathbf{h}_{12} \tag{9-1}$$

و به عبارتی:

 $H_{V} = H_{I}$ (Y_ Δ)



یعنی مثلاً اگر در سر اول منبع ولتاژ «فلان» بدهیم، در سر دوم ولتاژ «بهمان» میگیریم؛ حال اگر در سر دوم

منبع جریان «انتگرال فلان» بدهیم، در سر اول جریانی برابر «انتگرال بهمان» خواهیم داشت؛ فقط باید به جهت جریان خروجی توجه جدی بکنیم.



رستاد، من یک سؤال دارم؛ شما در ابتدای بحث هم پاسخی فرمودید که این قضیه در مورد شبکههای LTIیی درست ا

است که منبع وابسته و مستقل و ژیراتور و شرایط اولیه نداشته باشند؛ آیا این بدان معنی است که اگر مداری شامل اینها باشد، دیگر در آن قضیهٔ همپاسخی برقرار نیست؟



سؤال بسيار جالبي است. جواب شما منفي است، يعني نخير!

ببینید من یک مثال میزنم؛ میگوییم: «اگر باران بیاید، آنگاه ابر بوده است.» این درست است، اما آیا عکس آن نیزلزوماً درست است؟ یعنی:

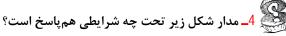
«اگر ابر باشد،حتماً باران آمده است؟» واضح است که «نه»².

در اینجا هم می گوییم: اگر مداری این شرایط را داشت،حتماً «همپاسخ» است ولی اگر این شرایط را نداشت، باید همپاسخی آن مورد بررسی قرار بگیرد. به این مثال دقت کنید:

1_ در بیان سوم قضیهٔ همپاسخی توجه به جهت جریان خروجی بسیار بسیار مهم است، یعنی اگر به آن دقت نکنیم ممکن است مرتکب اشتباه بدی بشویم ...

2ـ به قول اساتید منطق چنانچه $q \Rightarrow q$ درست باشد، لزوماً نقیض آن یعنی $q \Rightarrow q \Rightarrow q$ درست نیست؛ اما قطعاً عکس نقیض آن $q \Rightarrow q \Rightarrow q$ درست است. کمی با این مفهوم کلنجار بروید؛ بازی شیرینی است؛ حیف که درس «منطق» از ریاضیات دبیرستان و برخی جاهای دیگر حذف شده است!!







شكل (5_9) مدار تمرين 4

طبق بیان دوم قضیهٔ همپاسخی، پس از نوشتن ماتریس ادمیتانس گره داریم:



$$\begin{pmatrix} \frac{1}{r_1} + c_1 s & g_{m_2} \\ g_{m_1} & \frac{1}{r_2} + c_2 s \end{pmatrix} \begin{pmatrix} V_1 \\ V_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ -g_{m_2} V_2 \\ -g_{m_1} V_1 \\ 0 \end{pmatrix}$$

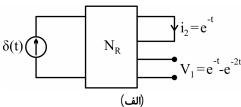
$$y_{12} = y_{21} \implies g_{m_1} = g_{m_2}$$

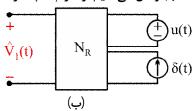
یعنی به شرط برابری $\, g_{\, m_{\, 2}} \, g_{\, m_{\, 2}} \,$ ، این شبکه همپاسخ است، با آنکه منبع وابسته هم دارد.

5_ در مدار خطی تغییرناپذیر با زمان شکل (5_10_الف) اطلاعات روی شکل مفروض است؛ اکنون مدار را به



شكل (5_10_ ب) وصل مىكنيم. ولتاثر \hat{V}_1 چقدر است؟





شكل (5_10) شكههاي تمرين 5



پاسخی، مسئله حل است. ابتدا با بیان اول هم پاسخی:

 $\delta(t)$ پاسخ در اثر ورودی منبع جریان $\hat{V}_1 = e^{-t} - e^{-2t}$

ازطرفی طبق شکل (5ــ10ـ الف) پاسخ منبع جریان $\delta(t)$ برابر e^{-t} است؛ پس پاسخ u(t)، برابر انتگرال آن است ونهایتاً طبق بيان سوم هم ياسخى:

u(t) پاسخ در اثر ورودی منبع ولتاژ $\hat{V}_1 = \int_0^t e^{-t} \, dt = 1 - e^{-t}$

نهایتاً به کمک قضیه ارزشمند جمع آثار خروجی معلوم میشود:

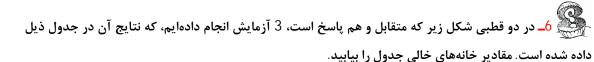
$$\hat{V}_1 = e^{-2t} - e^{-2t} + 1 - e^{-2t}$$

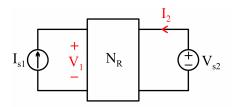




عل دوستتان عالی بود؛ اما پیشنهاد می کنم که خودتان این مسئله را دوباره در حوزهٔ s نیز حل کنید ودقیقاً به همین

نتىچە دىسد.





V_{s2}	I_2	V_1	I_{s1}	ردیف
0	-4	16	6	1
30	2		0	2
15		12	-3	3

شكل (5_11) دوقطبي تمرين 6 و اطلاعات سه آزمايش



ابتدا با بیان سوم همپاسخی و **توجه به جهت جریان خروجی،** داریم:

(1)
$$\rightarrow H_I = \frac{I_2}{I_{s_1}} = -\frac{-4}{6} = \frac{2}{3}$$

$${
m H}_{
m V}=rac{2}{3}$$
 $ightarrow$ (2) آزمایش $ightarrow$ $ightarrow$ $ightarrow$ $V_1=30 imesrac{2}{3}=20~{
m V}$

پس V_1 با توجه به بیان سوم همپاسخی و توجه به جهت جریان در خروجی به دست آمد. حالا برای I_2 با توجه به آزمایشهای (1) و (2) و جمع آثار داریم:

$$I_2 = \left(-\frac{3}{6}\right) \times (-4) + \left(\frac{15}{30}\right) \times 2 = 2 + 1 = 3 A$$



آفرین؛ چقدر قشنگ حل کردی! معلومه که مغز «همپاسخی» را فهمیدهای.



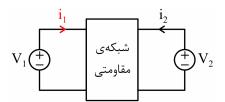




$$V_1(t) = 30t$$
 , $V_2(t) = 0$

$$i_1(t) = 5t$$
 , $i_2(t) = 2t$

به ازای $V_1(t) = 30t + 60$ و $V_2(t) = 60t + 15$ و $V_1(t) = 30t + 60$ مقدار



شكل (5_12) شبكة تمرين 7

$$9t + 11$$
 (4

$$t + 9 (3)$$

$$-4t-1$$
 (2)

5t + 10 (1



به عبارتهایی که می گویم دقت کنید، هر جا لازم بود، بفرمایید که توضیح بدهم:¹

$$y_{11} = \frac{I_1}{V_1} = \frac{5t}{30t} = \frac{1}{6}$$

پس خروجی در اثر ورودی V_1 معلوم شد؛ چراکه ادمیتانس ورودی مدار مقدار ثابتی است، بنابراین:

$$V_1$$
 در اثر $i_1 = \frac{1}{6} \times (30t + 60) = 5t + 10$







هیچی، مگر قرار است لحظه به لحظه از همپاسخی کمک بگیریم؟

ادامه ميدهم:

$$y_{12} = y_{21} = \frac{I_2}{V_1} = \frac{2t}{30t} = \frac{1}{15}$$

1ـ شيرين ترين لحظه براي يک معلم، لحظهاي است که ميبيند شاگردش از خودش بهتر درس ميدهد؛ بهتر تفهيم ميکند و خلاصه ديدن پرواز شاگرد دیروز و استاد امروز آنقدر شور و شعف دارد که نگو و نپرس؛ و خدا را شکر که شما دو نفر به این نقطه رسیدهاید. مطمئنم که شماها معلمهایی خواهید شد بینظیر و عالی و...



و حالا با بيان دوم هم پاسخى:

$$V_2$$
 در اثر $i_1 = \frac{1}{15} \times (60t + 15) = 4t + 1$

درنتیجه به کمک روابط بهدستآمده برای i_1 و جمع آثار داریم:

کل
$$i_1 = 5t+10+4t+1=9t+11$$

يعنى گزينه 4 درست است.

حالا محبت کنید همین مسئله راعیناً با همین اطلاعات یکبار دیگر حل کنید، با این تفاوت که این بار، جهت حریان i₂ را برعکس کنید.



حل قسمت اول دوست من یعنی i_1 در اثر V_1 که ربطی به جهت i_2 نداشت، پس این رابطه کماکان برقرار است.

آنچه تغییر می کند مقدار i_2 در اثر V_2 است که قرینه می شود، پس:

کل
$$i_1 = 5t + 10 - (4t + 1) = t + 9$$



دیدید که این پاسخ هم در گزینهها موجود بود. پس باز می گویم، به جهتها خیلی خوب توجه کنید. (خصوصاً در

بیان سوم هم پاسخی) و اما آخرین قضیهٔ شبکه:

۵_۵ قضیه تلگان

برای هر شبکهٔ فشرده (که در آن قوانین KVL و KCL برقرارند) اعم از خطی و غیرخطی، اکتیو یا پسیو، تغییرپذیر



با زمان یا تغییرناپذیر با زمان برقرار است.

طبق یک بیان ساده و واضح، اگر V_K و I_K ولتاژ و جریان شاخهٔ K ام از مدار طبق جهتهای قراردادی متناظر باشند، طبق قضیه تلگان داریم:

$$\sum_{k=0}^{b} V_{k} I_{k} = 0$$
 (A_a)

رابطهٔ بالا در اصل بیانگر همان اصل بقای انرژی است. همانطوری که میدانیم $V_K I_K$ برابر است با توان مصرفی شاخهٔ K ام. حال اگر مداری از محیط بیرون ایزوله باشد، جمع جبری این توانها برای تمامی شاخهها برابر صفر خواهد بود؛ یعنی عدهای از شاخهها توان تولید می کنند و عدهای دیگر مصرف و جمع جبری اینها صفر است.

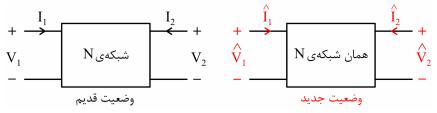
و حال یک بیان مفید،خصوصاً در تستها که البته نتیجهٔ همین بیان ساده است:



206

اگر شبکهٔ N را در دو وضعیت (مثلاً به نامهای قدیم و جدید) در نظر بگیریم، بین ولتاژها و جریانهای دو قطب

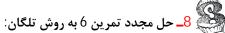
أنها رابطة (9_5) برقرار است:



شکل (5_13) یک شبکه دوقطبی در دو وضعیت قدیم و جدید

$$V_1$$
 \hat{I}_1 + V_2 \hat{I}_2 = \hat{V}_1 I_1 + \hat{V}_2 I_2 (9-۵)
قديم جديد قديم جديد قديم جديد قديم

رابطهٔ بالا در حل سریع بعضی تستها، فوق|لعاده مفید است. به عنوان نمونه همین دو مسئله آخر یعنی تمرینات 6 و 7 را با روش قضيهٔ تلگان حل كنيد.





با توجه به آزمایشهای (1) و (2) در شکل (5ـ11) و رابطهٔ ارزشمند (5ـ9) داریم:

$$16 \times 0 + 0 \times 2 = \hat{V}_1 \times 6 + 30 \times (-4)$$

$$\hat{V}_1 = \frac{30 \times 4}{6} = 20 \text{ V}$$

که همان جواب حاصل از هم پاسخی است.

و با آزمایشهای (2) و (3) داریم:

$$20 \times (-3) + 30 \times \hat{I}_2 = 12 \times 0 + 15 \times 2$$

 $\hat{I}_2 = \frac{30 + 60}{30} = 3A$

باز هم، همان نتيجهٔ هم پاسخي حاصل شد.



یک چیزی را به شما لو میدهم؛ چون الان قضیه هم پاسخی را خیلی خوب یاد گرفته اید لو دادن این راز! اشکالی ندارد؛

ببینید قضیه همپاسخی یهجورایی معادل قضیه تلگان است؛ یعنی اگر در یک مسئلهای دیدید که در حل با همپاسخی کمی به

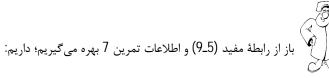


مشکل برمی خورید، مثل نوشیدن و با به کارگیری رابطهٔ ارزشمند آقای تلگان (یعنی رابطهٔ (9_9)) مسئله را در چشم به هم





9_ حل مجدد تمرین 7 به روش تلگان:



$$30t \times \hat{i}_{1}(t) + 0 \times \hat{i}_{2}(t) = (30t + 60) \times 5t + (60t + 15) \times 2t$$

$$\hat{i}_{1}(t) = 5t + 10 + 4t + 1 = 9t + 11$$

که باز هم پاسخ قبلی حاصل شد.



حل مجدد تمام تمرینهای کتاب به روش و به فکر و به دست خودتان، تا رسیدن به مرز اشباع و وصول به مرزهای توانایی پس از این همه دانایی...

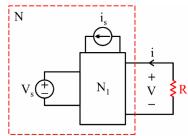






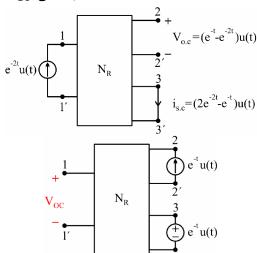
مسایل تکمیلی فصل پنجم

 $i_s=2(A)$ با $N_s=2$ و $i_s=2(A)$ با $i_s=2(A)$ با $i_s=2(A)$ با $i_s=2(A)$ با $i_s=2(A)$ با $i_s=2(A)$ با $i_s=2(A)$ به صورت $i_s=2(A)$ به صورت $i_s=2(A)$ است. اگر $i_s=2\cos t$ و $i_s=2\cos t$ شود، ماکزیمم توان $i_s=2\cos t$ وات است؟



$\frac{5}{24}$ (2	$\frac{11}{12}$ (1
$\frac{19}{288}$ (4	$\frac{19}{48}$ (3

. (پاسخهای حالت صفر). N_R در شکل (الف) داده شده است. (پاسخهای حالت صفر). N_R در آزمایش شکل (ب) ولتاژ $V_{\rm oc}$ برابر است با:



$$e^{-t} u(t) (1)$$

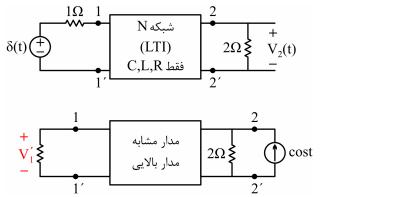
$$(te^{-t} - e^{-t}) u(t) (2)$$

$$(te^{-t} - 2e^{-t}) u(t) (3)$$

$$(te^{-t} + e^{-t}) u(t) (4)$$

PowerEn.ir

رابر (2,2') برابر وقتی که ورودی در قطب (1,1') برابر (1,1') برابر وقتی که ورودی در قطب (2,2') برابر (2,2') برابر دمن در مدار زیر وقتی که ورودی در قطب (1,1') برابر اتصال کوتاه کنیم و در خروجی یک منبع جریان برابر (1,1') برابر دهیم، ولتاژ (1,1') در قطب (1,1') چه می شود؟



$$\frac{2}{\sqrt{2}}\cos(t+30)$$
 (1

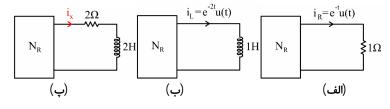
210

$$\frac{2}{\sqrt{2}}\cos(t+45^{\circ})$$
 (2)

$$\frac{2}{\sqrt{2}}\cos(t-45^{\circ})$$
 (3

$$\frac{2}{\sqrt{2}}\cos\left(t-30^{\circ}\right)$$
 (4

ست. در شکلهای N متشکل از عناصر خطی تغییرناپذیر با زمان و منابع وابسته و نابسته است. در شکلهای N (پاسخهای حالت صفر) در آزمایش شکل (پ) (لف) و N نتایج آزمایشها بر روی این یکقطبی داده شده است. (پاسخهای حالت صفر) در آزمایش شکل N برابر است با:



$$\frac{1}{2}$$
 (3e^{-2t}-1) u (t) (1

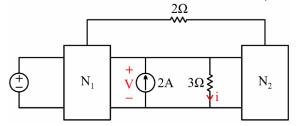
$$\frac{1}{2}$$
 (3e^{-2t}+1) u (t) (2

$$(3e^{-2t}-2e^{-t})u(t)$$
 (3

$$(3e^{-2t} + 2e^{-t})u(t)$$
 (4)

ولت است. اگر منبع $v = \frac{1}{6} \cos t + \frac{1}{2}$ و در مدار زیر N_2 از مقاومتهای خطی مثبت تشکیل شده و $v = \frac{1}{6} \cos t + \frac{1}{2}$ ولت است. اگر منبع

ولتاژ $v_s=12$ ولت را با مقاومت Ω سری کنیم (به صورت $v_s=10$) جریان $v_s=10$ ولتاژ $v_s=10$



- 1) $\frac{11}{3}$ آمپر کم میشود.
 - 2) 3 آمپر کم میشود.
- 3) 4 آمپر کم میشود.
- 4) 4 أمير اضافه مي شود.

PowerEn.ir

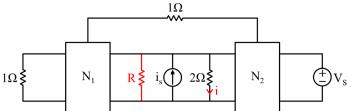


 \sim ر شکل زیر مدارهای \sim \sim \sim از مقاومتهای خطی مثبت تشکیل شده و به ازای \sim \sim \sim



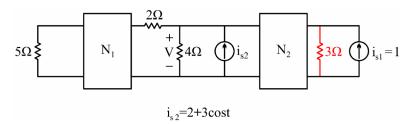
(مهندسی برق 84)

است. به ازای چه مقدار R ، توان آن ماکزیمم است
$$i=\frac{1}{3}i_s+\frac{1}{4}v_s$$



- 1Ω (2
- 2Ω (3
- $\frac{2}{5}\Omega$ (4

 $i_{s_1}=1$ و $i_{s_1}=1$ و مدار زير $i_{s_1}=1$ و مدارهای مقاومتی خطی و هم پاسخ و بدون منابع نابسته هستند. برای $i_{s_1}=1$ و $i_{s_1}=1$ و $i_{s_2}=1$ توان متوسط مقاومت $i_{s_2}=1$ المحدد وات است $i_{s_2}=1$ المهندسی برق (85) و $i_{s_1}=1$ و المهندسی برق (85)



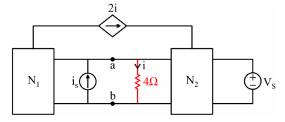
$$\frac{2}{3}$$
 (1

- $\frac{1}{6}$ (2
- $\frac{4}{3}$ (3
- 6 (4

 $\mathrm{i}=rac{2}{7}\left(\mathrm{v_s}+\mathrm{i_s}
ight)$ و $\mathrm{N_1}$ از مقاومتهای خطی تشکیل شدهاند و $\mathrm{N_2}$ و $\mathrm{N_1}$ از مقاومتهای خطی تشکیل شدهاند و $\mathrm{N_2}$

 $\frac{8}{9}$ است. بهجای مقاومت $\frac{8}{9}$ چه مقاومتی بگذاریم تا مقاومت کل مدار از دو سر $\frac{8}{9}$ برابر $\frac{8}{9}$ شود؟

(مهندسی برق 86)



$$\frac{8}{7}\Omega$$
 (1

$$\frac{8}{5}\Omega$$
 (2

$$4\Omega$$
 (4







حل تشریحی

1. گزینه 3 درست است.

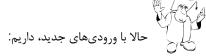


. میدانیم که رابطه V-i برای مدارهای مقاومتی به صورت $V=R_{eq}i+e_{oc}$ است

$$V = \begin{bmatrix} \frac{3}{2} & e_{oc} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & -\frac{3}{2} \cos t \end{bmatrix}$$

 $V = \begin{bmatrix} \frac{3}{2} \end{bmatrix} i + \begin{bmatrix} \frac{1-3}{2} \cos t \\ \frac{3}{2} \end{bmatrix} i + \begin{bmatrix} \frac{1-3}{2} \cos t \\ \frac{3}{2} \end{bmatrix} i + \begin{bmatrix} \frac{1-3}{2} \cos t \\ \frac{3}{2} \cos t \end{bmatrix}$: هم مستقل از منابع است؛ حالا باید رابطهٔ e_{oc} را به صورت ترکیب خطی از R_{ea} بنویسیم:

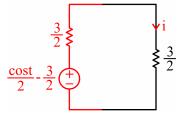
$$e_{oc} = \frac{1}{2} - \frac{3}{1424} \cos t = \frac{1}{4} i_s - \frac{3}{1424} V_s$$



$$e_{oc} = \frac{\cos t}{2} - \frac{3}{2}$$

و طبق قضیهٔ مچینگ باید $R = \frac{3}{2}\Omega$ باشد، پس مدار ساده شده این طور می شود:

$$i = \frac{1}{6} \cos t - \frac{1}{2}$$





و توان R برابر است با:

$$p = \frac{1}{2} \times \frac{3}{2} \times \left(\frac{1}{6}\right)^2 + \frac{3}{2} \left(-\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{19}{48} W$$

2. گزینه 1 درست است.

با توجه به بیانهای قضیهٔ همپاسخی، مسئله حل میشود. ابتدا ارتباط قطبهای 11′ با 22′:



$$Z_{21} = \frac{\frac{1}{S+1} - \frac{1}{S+2}}{\frac{1}{S+2}} = \frac{1}{S+1}$$

يس طبق قضيهٔ همياسخي:

$$Z_{21} = Z_{12} = \frac{1}{S+1} = \frac{V_1}{I_2} = \frac{V_1}{\frac{1}{S+1}}$$

يعني:

$$V_1 = \left(\frac{1}{S+1}\right)^2$$

این شد اثر منبع جریان؛ حال بگذارید دوستتان اثر منبع ولتاژ را بگوید.



با توجه به شكل (الف) در سرهاى 11′ و 33′ داريم:

$$H_{I} = \frac{I_{3}}{I_{1}} = \frac{\frac{2}{S+2} - \frac{1}{S+1}}{\frac{1}{S+2}} = \frac{S}{S+1}$$

اینجا بیان سوم قضیهٔ همپاسخی به فریادمان می رسد که:

$$H_I = H_V = \frac{S}{S+1} = \frac{V_1}{V_3} = \frac{V_1}{\frac{1}{S+1}}$$

يعني:

$$V_1 = \frac{S}{(S+1)^2}$$

و حالا به كمك قضيهٔ جمع آثار داريم:

$$V_{oc} = \frac{S+1}{(S+1)^2} = \frac{1}{S+1}$$

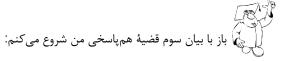
ونهايتاً:

$$V_{oc} = e^{-t} u(t)$$



این مسئله، مسئله جالبی است؛ به حل آن خوب توجه کنید 1

گزینه 3 درست است.

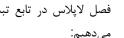


$$H_V = \frac{V_2}{V_1} = \frac{\frac{2}{S+1}}{1} = \frac{2}{S+1} = H_I = \frac{I_1'}{I_2'}$$

ضمناً معلومه که:

$$i'_2 = \cos t \Rightarrow I'_2 = \frac{S}{S^2 + 1}$$

ببخشید، ادامه ندهید، در این مسئله بهجای استفاده از تبدیل لاپلاس و عکس آن برای یافتن i'_1 ، مانند مسایل



فصل لاپلاس در تابع تبدیل
$$S$$
 را به i'_2 تبدیل کرده و بهجای ω فرکانس ورودی را که در اینجا فرکانس i'_2 است قرار میدهیم:

$$H_{I} = \frac{2}{j\omega + 1} = \frac{2}{j+1} \implies |H_{I}| = \frac{2}{\sqrt{2}}, \quad H_{I} = -45^{\circ}$$

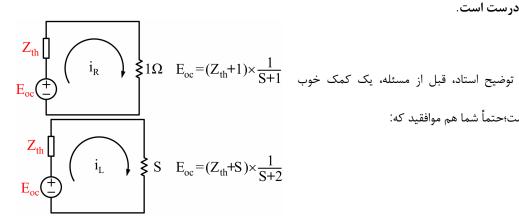
پس:

$$i_1'(t) = \frac{2}{\sqrt{2}} \cos\left(t - 45^{\circ}\right)$$

و چون $V_1'(t)$ ولتاژ دو سر مقاومت یک اهم است، مقدارش با $V_1'(t)$ برابر است.

حال یک مسئلهٔ ترکیبی از قضایای مدار معادل تونن ـ نورتن و بحث لاپلاس.

4. گزینه 1 درست است.







براي حل است؛حتماً شما هم موافقيد كه:

1ـ البته مثل همیشه، حتماً ابتدا خودتان مسئله را حل کنید وبعداً به حل دوستانتان مراجعه کنید.

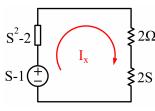


با حل این دو معادله، دو مجهول داریم:

پس مدار شکل (پ) به صورت زیر خواهد بود:

216

$$E_{oc} = S - 1$$
 , $Z_{th} = S^2 - 2$



و سرانجام با عكس لايلاس گرفتن:

$$i(t) = \left(-\frac{1}{2} + \frac{3}{2}e^{-2t}\right)u(t)$$

گزینه 1 درست است.

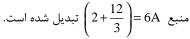


در حالت اول از روی v دادهشده، جریان i به دست می آید:

$$i_1 = \frac{1}{18}\cos t + \frac{1}{6}$$



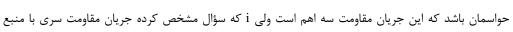
و زمانی که مقاومت سه اهم با منبع ولتاژ سری میشود با یک تبدیل نورتن میتوانیم بگوییم که منبع 2A قبلی به





پس جریان هم سه برابر میشود:

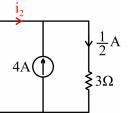
$$\frac{1}{6} \times 3 = \frac{1}{2} A$$





$$i_2 = \frac{1}{2} - 4 = \frac{-7}{2}$$

 $\Delta i = i_2 - i_1 = \frac{-7}{2} - \frac{1}{6} = \frac{-22}{6} = \frac{-11}{3} A$





<mark>6</mark>. گزینه 2 درست است.



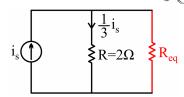
باید R با مقاومت معادل از دو سرش برابر باشد تا ماکزیمم توان به آن برسد و از طرف دیگر زمانی که $R=2\Omega$ بوده

است، جریانش به دلیل تساوی دو مقاومت با i داده شده در صورت سؤال برابر است.



، و چون شبکههای N_1 و N_2 مقاومتی هستند، باید v_s را صفر کنیم و از دو سر N_3 موازی با v_s معادل ببینیم:

$$\frac{1}{3}i_s = \frac{R_{eq}}{R_{eq} + 2}i_s \quad \Rightarrow \quad R_{eq} = 1\Omega$$



7. گزینه 1 درست است.



مى توانيم از قضاياى هم پاسخى استفاده كنيم؛ كه با توجه به شرايط داده شده، قضيهٔ اول مى شود. در حالت اول با

صفر کردن جریان i_{s_1} ، ولتاژ V داده شده، همان ولتاژ ولت متر طرف دوم می شود برای جریان i_{s_1} و در حالت دوم هم i_{s_1} را صفر در نظر گرفته و درواقع دو سر مقاومت 3Ω ولت متر قرار داده که ولتاژش را برای یافتن توان باید بخوانیم.



و نسبت ولتمتر به منبع جریان را در دو حالت باید برابر قرار دهیم:

$$\frac{V_{4\Omega}}{i_{s_1}} = \frac{8}{1}$$



اشتباه نکنید! همه 8V ناشی از i_{s_1} نیست، i_{s_2} هم بخش DC دارد و باید سهم هرکدام را جداگانه با توجه به

جمع آثار به دست آوریم.

$$V_{4\Omega} = 3i_{s_2} + 2i_{s_1} \implies \left. \frac{V_{4\Omega}}{i_{s_1}} \right|_{i_{s_2} = 0} = 2 = \frac{V_{3\Omega}}{i_{s_2}} \right|_{i_{s_1} = 0} \implies V_{3\Omega} = 2\cos t \implies$$

$$P_{3\Omega} = \frac{1}{2} \frac{|V|^2}{R} = \frac{1}{2} \frac{2^2}{3} = \frac{2}{3} W$$

PowerEn.ir



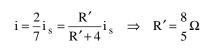
مدارهای الکتریکی 218

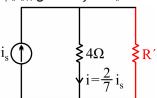
8. گزینه 3 درست است.



شبیهش را دیدهایم؛ دوباره باید $v_{\rm s}$ را صفر کنیم و چون شبکهها مقاومتی هستند از دو سر منبع جریان موازی با

مقاومت 4Ω یک مقاومت معادل ببینیم:







$$\frac{1}{R_{ab}} = \frac{9}{8} = \frac{5}{8} + \frac{1}{R} \implies R = 2\Omega$$

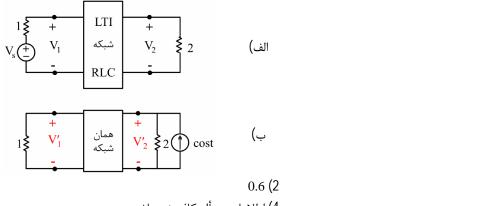


خودآزمايي فصل پنجم

در شکل الف، اگر $\, {
m v}_{
m s} \,$ ضربه باشد؛ پاسخهای ضربه آن برای $\, {
m t} \geq 0 \,$ عبارتند از:

$$v_1(t) = \delta(t) + e^{-t} + e^{-2t}$$
; $v_2(t) = 2e^{-t} - e^{-2t}$

حالا شکل (ب) را در نظر بگیرید؛ منبع $V_{\rm s}$ را صفر می کنیم و منبع جریان $\cos t$ را به خروجی وصل می کنیم. در این ا کدام است V_1' کدام است



4) اطلاعات مسأله كافي نمي باشد. 0.8 (3

ي در مسألهی فوق $\left|V_2'
ight|$ در شکل $\left(
m u
ight)$ کدام است؟

1 (1

1 (1

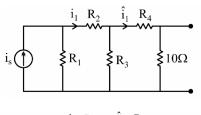
4) اطلاعات مسئله كافى نمى باشد. 0.8 (3

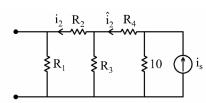
www.PowerEn.ir

0.6 (2



. سه شبکه مقاومتی موجود در شکل را در نظر بگیرید. در اندازهگیری اول $\hat{i}_1 = 0.3 \, i_{s}$ و $\hat{i}_1 = 0.6 \, i_{s}$ و در k اندازه گیری دوم $\hat{i}_2=0.5\,i_s$ و $\hat{i}_2=0.2\,i_s$ بهدست آمده است. در صورتی که هر دو ورودی را اعمال کنیم، $V_2 = 2V_1$ شود؟ چەقدر باشد تا





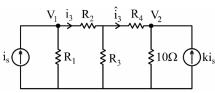
$$k = \frac{1}{2} (1$$

220

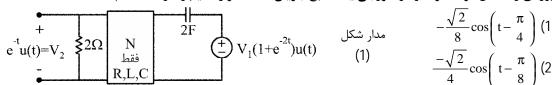
$$k = -9$$
 (2

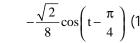
$$k = 2$$
 (3

$$k = -3$$
 (4

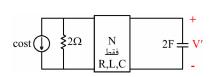


در مدار شکل (1) وقتی ورودی $\, V_1 \,$ را اعمال کنیم ولتاژ خروجی برابر $\, V_2 \,$ خواهد شد حال اگر منبع تغذیه در $\,$ ورودی را اتصال کوتاه کرده و در خروجی یک منبع جریان $\cos t$ قرار دهیم ولتاژ V' کدام است؟





$$\frac{-\sqrt{2}}{4}\cos\left(t-\frac{\pi}{8}\right)$$
 (2)

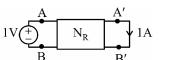


مدارشکل
$$\frac{-\sqrt{2}}{8}\sin\left(t - \frac{\pi}{4}\right) (3)$$
(2)
$$-\sqrt{2}\cos\left(t - \frac{\pi}{4}\right) (4)$$

$$\frac{-\sqrt{2}}{4}\cos\left(t-\frac{\pi}{8}\right)$$
 (4

در مورد شبکههای متقابل N_R ، آزمایشهای (الف) و (ب) انجام شده است. حالا اگر مطابق شکل (ج) در سر5

منبع 1.5۷ وصل کنیم، جریان مقاومت $rac{1}{3}\,\Omega$ برابر با کدام گزینه میشود؟ A'B'

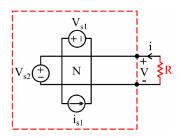


$$1A \bigcirc A \qquad A' \qquad 2 \over 3 \qquad A'$$

$$\frac{1}{3}\Omega \underbrace{ \begin{bmatrix} A & A' \\ B & N_R \end{bmatrix}}_{B} \underbrace{ \begin{bmatrix} A' \\ B' \end{bmatrix}}_{1.5V}$$
 (z)



يك شبكه مقاومتي خطى است و به ازاء $V_{s1}=4$ و $V_{s2}=\cos t$ و $V_{s2}=4$ رابطه v و v به صورت vو الما الكر ا $i_{s1} = 6\sqrt{2}\cos t$ و $V_{s2} = 3$ و $V_{s1} = 0$ باشد، ماكزيمم $3v - 3i + 6 + 2\cos t - 3\sin 2t = 0$ توان مقاومت R، چند وات است؟



- 32W (1
 - 2W (2
 - 8W (3
 - 1W (4

- اگر چنانچه $V(t) = \left[e^{-t} + 2 + e^{-2t}\cos t\right]u(t)$ آنگاه $V_s = u(t)$ اگر چنانچه N_R .7
 - برابر کدام می شود؟ $V_{L}\left(0^{+}\right)$ برابر کدام می شود؟ $i_{s}=2u(t)$
 - 8V (1
 - 6V (2
 - 12 V (3
 - 4) ھيچ كدام

- $+V_L$ - $\frac{1}{2}$ 1 Ω $\stackrel{+}{=}$ 2 Γ Ω i_s
 - 8. در شبکه مقاومتی خطی تغییرناپذیر با زمان شکل داده شده اطلاعات زیر مفروض است:

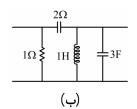
$$V_1(t) = 10t$$
 $V_2(t) = 2t$
 $i_1(t) = 5t$ $i_2(t) = 0$

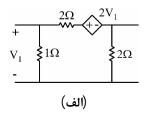


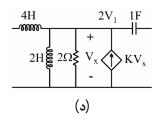
$$i_1(t)$$
 ، $i_2(t)=3t+5$, $V_1(t)=20t$ با فرض $i_1(t)$ ، $i_2(t)=3t+5$, $V_1(t)=20t$ با فرض $-9.4t+1$ (4 $-6t+2$ (2 $6t-2$ (1

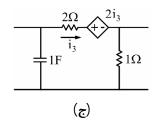
$$t+2$$
 (2 6t-2 (1

9. در مورد شبکههای دو قطبی شکل زیر کدام یک از جملات صحیح است؟







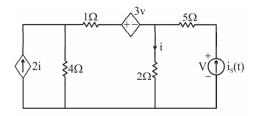


- 1) تنها شبكه (ب) هم پاسخ است.
- 2) همه شبكهها هم پاسخ هستند.
- 3) تنها شبكه (الف) هم پاسخ نيست.
- 4) شبکه (د) بسته به مقدار k میتواند هم پاسخ باشد یا نباشد.



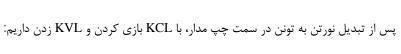
سؤالات مدارهاي الكتريكي كنكور كارشناسي ارشد 1388

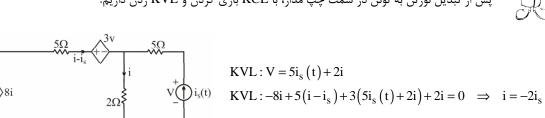
الست؟ باشد، توان متوسط منبع ولتاژ وابسته چند وات است؟ اگر
$$i_{s}\left(t\right)$$



- +11 (1
- -11 (2
- 13 (3
- -13 (4

حل: گزینه 2 درست است.







حالا توان منبع وابسته را در حالتهای dc و ac حساب کرده و جمع می کنیم:

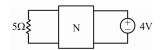
$$P = 3V(i - i_s) = 3(5i_s + 2(-2i_s))(-2i_s - i_s) = -9i_s^2$$

PowerEn.ir



$$\Rightarrow \begin{cases} P_{dc} = -9 \\ P_{ac} = -9 \times \frac{1}{2} \times \left(\frac{2}{3}\right)^2 = -2 \end{cases} \Rightarrow P_t = -11W$$

2. مدار داده شده در شکل مقابل مقاومتی، خطی و تغییرناپذیر با زمان است. 80 درصد توان متوسط 10 جذب می شود. اندازه منبع ولتاژ ثابت را چند برابر کنیم تا 10 درصد توان به مقاومت 10 برسد؟

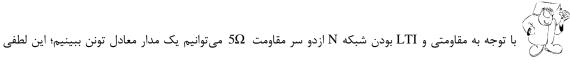


برابر $\frac{3}{2}$ (1

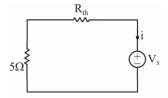
224

- برابر $\frac{9}{4}$ (2
- 3 درصدتوان جذب شده توسط Ω فقط به مقدار مقاومت بستگی دارد و مستقل از منبع ولتاژ است.
- 4) درصد توان جذب شده توسط Ω 5 به مقدار مقاومت و N بستگی دارد و مستقل از اندازه منبع ولتاژ است.

حل: گزینه 4 درست است.



است که قضیهی مدار معادل به ما می کند و به ما اجازه می دهد که به جای یک هیولای ناشناخته، فقط یک مقاومت فسقلی و یک منبع مستقل قرار بدهیم:



به نظر میرسد درصدی از توان کل که به مقاومت Ω میرسد به مقدار این مقاومت و همچنین مقدار R_{th} بستگی دارد و

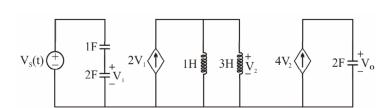


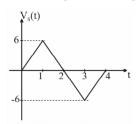
میزان $V_{\rm s}$ روی این درصد اثر نمی گذارد و بهطور دقیق داریم:

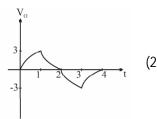
$$\left| \frac{P_{5\Omega}}{P_t} \right| = \left| \frac{5i^2}{V_s i} \right| = \left| \frac{5i}{V_s} \right| = \left| \frac{5}{V_s} \times \frac{-V_s}{5 + R_{th}} \right| = \frac{5}{5 + R_{th}}$$

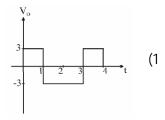


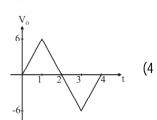
3. شکل موج $V_{\rm s}(t)$ مدار شکل مقابل به صورت زیر داده شده است. شکل موج ولتاژ خروجی $V_{\rm o}$ کدام است؟ (شرایط اولیه صفر)

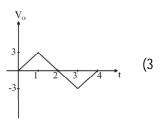












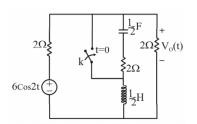
حل: گزینه 4 درست است.



$$\begin{split} V_1 &= \frac{1}{1+2} \, V_s = \frac{1}{3} \, V_s \\ V_2 &= 3 \frac{\text{di}_{3H}}{\text{dt}} = 3 \frac{\text{d} \left(\frac{1}{1+3} \, 2 V_1 \right)}{\text{dt}} = \frac{1}{2} \, \frac{\text{d} V_s}{\text{dt}} \\ V_o &= \frac{1}{2} \, \int i_{2F} \text{dt} = \frac{1}{2} \, \int 4 V_2 \text{dt} = \frac{1}{2} \, \int 4 \times \frac{1}{2} \, \frac{\text{d} V_s}{\text{dt}} \, \text{dt} = V_s \end{split}$$

1_ خدا وکیلی بعد این همه مدت غواصی در دریاچهی عمیق مدارهای الکتریکی، دیگه یاداوری روابط تقسیم ولتاژ و تقسیم جریان و فرمولهای خازن و سلف و ... بی انصافیه! هم برای گوینده و هم برای شنونده!

 $V_{o}\left(t
ight)$ در مدار شکل زیر که در حالت دائمی قرار دارد، کلید k در لحظه t=0 بسته می شود. بخش گذرای پاسخ $t\geq0$ برای $t\geq0$ کدام است؟



$$-e^{-2t} (1)$$

$$-\frac{3}{2}e^{-2t} (2)$$

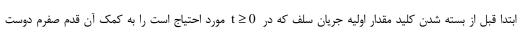
$$\frac{1}{2}e^{-2t} (3)$$

$$\frac{5}{4}e^{-2t} (4)$$

226

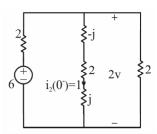
حل: گزینه 3 درست است.

داشتنی! و رسم مدار در $^{-}$ به کمک رابطه بی نهایته پیدا می کنیم:





in $t = \overline{0}$;



حالا برای t>0 که کلید بسته شده است، مدار را در حوزه لاپلاس در نظر می گیریم و با مقادیر اولیه بدست آمده دست به

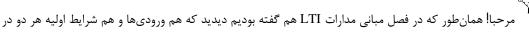


کار میشویم:

$$V_{o}(S) = \left(\frac{3S}{S^{2} + 4} - \frac{1}{S}\right)\left(2 + 2 + \frac{S}{2}\right) = \left(\frac{3S}{S^{2} + 4} - \frac{1}{S}\right)\left(\frac{S}{S + 2}\right) = \frac{0.5}{S + 2} + \frac{AS + B}{S^{2} + 4}$$

واضح است که برای بخش گذاری $\left(t \right)$ نیاز به بدست آوردن A و B نداریم و با لاپلاس معکوس خواهیم داشت:

$$V_o(t) = 0.5e^{-2t}u(t)$$

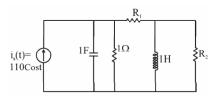




تولید پاسخ گذرای مدار نقش دارند.



در مدار شکل مقابل توان متوسط (یا توان مصرفی) مقاومت R_1 برابر P_1 وات و توان مصرفی مقاومت R_2 برابر Sوات است. مقاومتهای R_1 و R_2 چند اهمی باشند تا P_1+P_2 حداکثر باشد؟ P_2



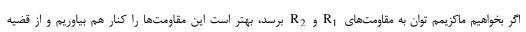
$$R_2 = \frac{1}{2}$$
, $R_1 = \frac{1}{2}$ (1

$$R_2 = 0$$
, $R_1 = 1$ (2)

$$R_2 = 1$$
, $R_1 = 0$ (3)

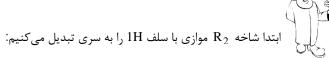
$$R_2 = 2$$
, $R_1 = 2$ (4

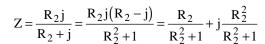
حل: گزینه 3 درست است.





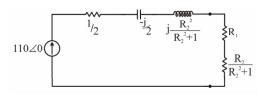
انتقال توان ماكزيمم استفاده كنيم.

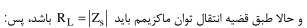






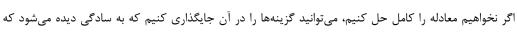
هایتاً بعد از تبدیل RC موازی به سری مدار به این صورت در می آید:







$$R_1 + \frac{R_2}{R_2^2 + 1} = \sqrt{\left(\frac{1}{2}\right)^2 + \left(\frac{R_2^2}{R_2^2 + 1} - \frac{1}{2}\right)^2}$$





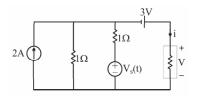
در آن صدق می کند. $R_1 = 0$

پس گزینه 3 درست است. مسألهی قشنگی بود؛ یکبار دیگر خودتان از اول آن را حل کنید.



در مدار شکل زیر، ولتاژ V(t) دو سر مقاومت غیر خطی به کدام جواب نزدیک تر است؟ 6

. است.
$$\mathbf{i} = \begin{cases} \mathbf{v}^2 & \mathbf{v} > 0 \\ 0 & \mathbf{v} < 0 \end{cases}$$
 است. $\mathbf{i} = \begin{cases} \mathbf{v}^2 & \mathbf{v} > 0 \\ 0 & \mathbf{v} < 0 \end{cases}$



$$2+0.06\cos 2t$$
 (2 $2+0.03\cos 2t$ (1

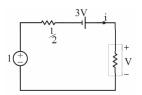
$$4+0.036\cos 2t$$
 (4 $4+0.018\cos 2t$ (3

حل: گزینه 1 درست است.



به نظرم بهتر است که ابتدا بخش dc مدار را در نظر بگیریم تا نقطه کار این مقاومت غیر خطی را بیابیم. با تبدیل نورتن

به تونن داریم:



$$KVL: -1 + \frac{1}{2}v^2 - 3 + v = 0$$

$$\frac{1}{2}v^2 + v = 4 \implies v = 2$$

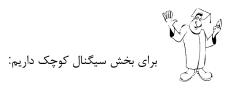
ادامه کار را میسپرم به دوستم!

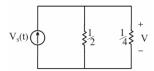


حال که نقطه کار این مقاومت پیدا شده می توانیم مقاومت معادل آن در این نقطه را به دست آوریم:

$$\frac{1}{R} = \frac{di}{dv} = 2v = 4 \implies R = \frac{1}{4}$$

من هم جمعبندی کار را میسپرم به دوست عزیزم 1 !





$$v = \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{4}\right) v_S(t) = \frac{1}{6} v_S(t) = 0.03 \cos 2t$$



1_ من واليبال اشتباه گرفتهاند!



i(t) در مدار شکل زیر با فرض k=2 ، حالت دائمی جریان .7

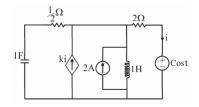
ا) فرکانسهای
$$\omega = \frac{2\sqrt{3}}{3}$$
 و $\omega = 1$ دارد.

و کانسهای
$$\omega = 1$$
 و $\omega = 0$ دارد.

3) فرکانسهای
$$\omega = 0$$
 ، $\omega = 0$ دارد.

4) حالت دائمی ندارد.

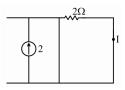
حل: گزینه 1 درست است.



من قدمهای اولیه را بر میدارم تا ببینیم چه میشود! مدار دارای دو منبع با فرکانسهای 0 و 1 است، ابتدا این دو را

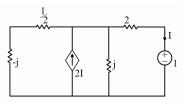


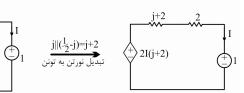




$$I(j0) = 0$$

at
$$\omega = 1$$
;



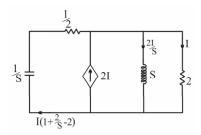


$$KVL: -2I(j+2)+(j+2+2)I+1=0 \implies I = \frac{-1}{-j} = -j=1 -90^{\circ}$$

پس در فرکانس i(t) حالت دائم سینوسی دارد. ممکن است ساختار مدار هم در خروجی فرکانسی را اضافه کند.



برای یافتن فرکانس طبیعی مدار می توانیم ورودیها را صفر کرده و برای I معادلهای بنویسیم تا از روی آن به فرکانسهای طبیعی پی ببریم!

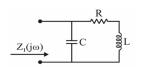


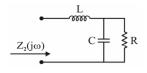
$$KVL: I\left(\frac{2}{S}-1\right)\left(\frac{1}{S}+\frac{1}{2}\right)+2I=0$$

$$\xrightarrow{\text{auch ambda}} \frac{3}{2}S^2+2=0 \implies S=\pm 2\frac{2\sqrt{3}}{3}$$



8. برای آنکه فرکانس تشدید دو مدار شکل زیر یکسان باشند، کدام شرط باید برقرار باشد؟





$$R = \frac{C}{L} (2$$

$$R = \frac{L}{C} (1)$$

$$R = \sqrt{\frac{C}{L}}$$
 (4

$$R = \sqrt{\frac{L}{C}}$$
 (3)

حل: گزینه 3 درست است.

اگر جزو آن دسته از دانشجویانی نیستید که فرکانس تشدید را برای چندین مدار مشهور حفظ کردهاید، چارهای اگر جزو آن دسته از دانشجویانی نیستید که فرکانس تشدید، باید امپدانس یا ادمیتانس (هر کدام ندارید جز این که تست را از راه تشریحی حل کنید. یعنی برای یافتن فرکانس تشدید، باید امپدانس یا ادمیتانس (هر کدام

ندارید جز این که تست را از راه تشریحی حل کنید. یعنی برای یافتن فرکانس تشدید، باید امپدانس یا ادمیتانس (هر کدام راحت تر است) را به دست آورده و بخش موهومی آن را برابر صفر قرار دهیم.



اینم که کاری نداره، من مینویسم؛ هر کجا اشکالی داشتید، بفرمایید تا توضیح بدهم!

$$Y_1(j\omega) = jC\omega + \frac{1}{R + jL\omega} = jC\omega + \frac{R - jL\omega}{R^2 + (L\omega)^2}$$

$$\operatorname{Im} \left(Y_{1} \left(j \omega \right) \right) = 0 \quad \Rightarrow \quad C \omega - \frac{L \omega}{R^{2} + \left(L \omega \right)^{2}} = 0 \quad \Rightarrow \quad \omega_{r} = \sqrt{\frac{1}{LC} - \frac{R^{2}}{L^{2}}}$$

$$Z_{2}(j\omega) = jL\omega + \frac{R \times \frac{1}{jC\omega}}{R + \frac{1}{jC\omega}} = jL\omega + \frac{R}{RjC\omega + 1} = jL\omega + \frac{R(1 - jRC\omega)}{1 + (RC\omega)^{2}}$$

$$\operatorname{Im} \left(Z_{2} \left(j \omega \right) \right) = 0 \quad \Rightarrow \quad L \omega - \frac{R^{2} C \omega}{1 + \left(R C \omega \right)^{2}} = 0 \quad \Rightarrow \quad \omega_{r} = \sqrt{\frac{1}{L C} - \frac{1}{R^{2} C^{2}}}$$

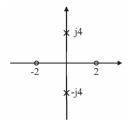


سرانجام قدم بسیار دشوار کار را بنده انجام میدهم!! اگر این فرکانسها را با هم برابر قرار دهیم داریم:

$$\frac{R^2}{L^2} = \frac{1}{R^2 C^2} \implies R^4 = \frac{L^2}{C^2} \implies R = \sqrt{\frac{L}{C}}$$



-1 محل صفرها و قطبهای یک تابع شبکه در شکل زیر نشان داده شده است. اگر بدانیم بهره dc این شبکه e^{-at} این شبکه e^{-at} ایجاد نخواهد کرد؟ است، به ازای کدام مقدار a>0 ، ورودی به صورت e^{-at} یاسخی به صورت



- 1 (1
- 2 (2
- 4 (3
- 4) يافتن چنين مقدار a ممكن نيست.

حل: گزینه 2 درست است.



باتوجه به محل صفر و قطبهای تابع شبکه و بهره dc برابر -1 و سر سوزن ذوق کنترلی! داریم:

H(S) =
$$\frac{4(S+2)(S-2)}{(S^2+16)}$$

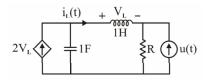
$$Y(S) = X(S)H(S) = \frac{1}{S+a} \frac{4(S+2)(S-2)}{S^2+16} = \frac{k(-a+2)(-a-2)}{S+a} + \frac{As+B}{s^2+16}$$



دهیم (تا پاسخ گذرا صفر گردد) و با توجه به a>0 داریم:

$$(-a+2)=0 \implies a=2$$

در مدار مرتبه دوم شکل مقابل پاسخ حالت صفر $\mathrm{i}_{\mathrm{L}}(\mathsf{t})$ به ورودی پله واحد کدام مشخصه زیر را دارد؟ $\mathrm{i}_{\mathrm{L}}(\mathsf{t})$



- به ازای $\Omega=2\Omega$ پاسخ مدار بیاتلاف خواهد بود.
- $m R=2\Omega$ به ازای $m R=2\Omega$ پاسخ مدار میرای بحرانی خواهد بود.
- $R=4\Omega$) به ازای $R=4\Omega$ پاسخ مدار میرای شدید خواهد بود.
- $R > 4\Omega$ به ازای $R > 4\Omega$ پاسخ مدار میرای ضعیف خواهد بود.

حل: گزینه 1 درست است.



برای مشخص شدن فرم پاسخ باید به دنبال معادله مشخصه و فرکانسهای طبیعی برویم، میدانیم معادله مشخصه

هم مستقل از منابع مستقل است، پس منبع $\mathbf{u}(t)$ را صفر کرده، سپس برای خروجی \mathbf{i}_{1} یک \mathbf{KVL} در حوزه لاپلاس مینویسیم؛ داستان از این قرار خواهد شد:

$$SI_L + RI_L + \frac{1}{S} (I_L - 2V_L) = 0$$

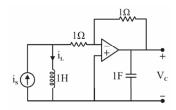
$$SI_L$$

$$I_{L}\left(S+R+\frac{1}{S}-2\right)=0$$

معادله مشخصه
$$S^2 + (R-2)S + 1 = 0 \implies 2\alpha = R-2$$

پاسخ مدار بی تلف خواهد بود
$$\alpha=0$$
 اگر

در مدار شکل زیر آپامپ ایدهآل است. اگر i_s ورودی و $V_c\left(t\right)$ پاسخ باشد، پاسخ حالت صفر به ورودی ضربه واحد کدام مورد خواهد بود؟



$$V_{c}(t) = e^{-t}u(t)$$
 (1)

$$V_{c}(t) = \delta(t) - e^{-t}u(t) (2$$

$$V_c(t) = e^{-t}u(t) - \delta(t)$$
 (3)

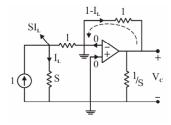
$$V_c(t) = e^{-t}u(t) + \delta(t)$$
 (4

حل: گزینه 3 درست است.



پس از زمین در نظر گرفتن سر مثبت آپامپ و همپتانسیل بودن دو سرش پس از KCL زدن چنین به دست

مىآوريم:



$$KCL: 1 = I_L + SI_L$$
$$I_L = \frac{1}{S+1}$$



حالا با
$$\mathrm{KVL}$$
 زدن $\mathrm{V_c}$ را به راحتی پیدا می کنیم:

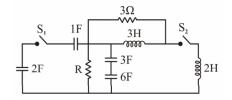
KVL:
$$V_c = -1(1 - I_L) = \frac{1}{S+1} - 1$$

 $V_c(t) = e^{-t}u(t) - \delta(t)$

طبق معمول مدارهای شامل آپامپ، این مسأله هم بسیار راحت و سریع حل شد.



در مدار شکل مقابل R بر حسب اهم چقدر باشد تا در حالت باز بودن کلیدها مقدار یکی از فرکانسهای طبیعی مخالف صفر برابر $\frac{1}{10}$ تعداد فرکانسهای طبیعی صفر این مدار باشد؟



$$\frac{5}{3}$$
 (2

$$\frac{5}{2}$$
 (1

$$\frac{10}{27}$$
 (4)

حل: گزینه 1 درست است.



در حالت باز بودن کلید، فرکانس طبیعی غیر صفری که به مقدار R هم مربوط باشد به شاخه R سری اختصاص

دارد، پس مقدار فرکانس طبیعی غیر صفر به این صورت است:

$$R + \frac{1}{\frac{3 \times 6}{3 + 6}} S \Rightarrow |S| = \left| \frac{-1}{2R} \right|$$

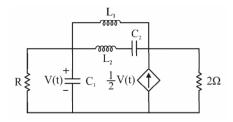


تعداد فرکانسهای طبیعی صفر هم برابر تعداد کاتستهای خازنی و حلقههای سلفی است که به دلیل داشتن دو

كات ست خازني برابر 2 مي شود، پس:

$$\frac{1}{2R} = \frac{1}{10} \times 2 = \frac{1}{5} \implies R = \frac{5}{2}\Omega$$

13. در مداار شکل زیر اگر $\left[V_{C1}\,,\,V_{C2}\,,\,i_{L1}\,,\,i_{L2}
ight]$ بردار شرایط اولیه باشد، کدام یک از مقادیر داده شده برای این بردار، یک بردار ویژه ماتریس حالت خواهد بود؟



$$[0 \ 0 \ 2 \ 0]$$
 (3

$$[0 \ 0 \ 2 \ -2]$$
 (4

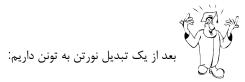


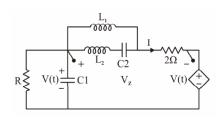
حل: گزینه 1 درست است.



|SI - A| = 0

که روشی هم برای به دست آوردن فرکانسهای طبیعی است. بردار ویژه ، u_i ، هم برداری است که در معادله زیر صدق کند: $Au_i = S_i u_i$





$$V_z = V(t) - V(t) = 0$$

$$I = \frac{V_z}{z} = 0$$

$$KCL : V\left(\frac{1}{R} + C_1 S\right) = 0$$

$$S = -\frac{1}{RC_1}$$

فركانس طبيعي متغير ٧:

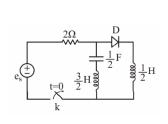
صفر شدن ولتاژ دو سر این شاخه باعث می شود که سه پارامتر $rak{V}_{C2}$ ، $rak{K}_{L2}$ ، $rak{K}_{L2}$ ، $rak{K}_{L1}$ به سفر شدن ولتاژ دو سر این شاخه باعث می شود که سه پارامتر $rak{V}_{C2}$ ، $rak{K}_{L2}$ ، $rak{K}_{L2}$ صورت زیر در می آید:

واضح است که گزینه 1 در این معادله به عنوان $\,\mathrm{u}_{\,\mathrm{i}}\,$ صدق می کند و گزینه درست است.

1_ یا به عبارت باکلاس تر، فرکانسهای طبیعی برابر مقادیر ویژه ماتریس ضرایب حالت A هستند.



در مدار شكل مقابل $\mathbf{e}_{\mathrm{s}}=\mathbf{u}\left(-\mathbf{t}\right)$ را در لحظه $\mathbf{t}=0$ باز كنيم حداكثر انرژي ذخيره شده در خازن \mathbf{K} چقدر خواهد بود؟



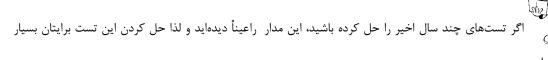
است.
$$t = \frac{\pi}{2}$$
 ثانیه انرژی خازن حداکثر بوده و برابر با $t = \frac{\pi}{2}$ ثول است.

2) فقط در لحظه
$$\frac{\pi}{2}$$
 ثانیه انرژی خازن حداکثر بوده و برابر با $\frac{1}{16}$ ژول است. (2) فقط در $\frac{\pi}{2}$ ثانیه انرژی ذخیره شده در خازن ثابت و برابر با $\frac{1}{32}$ ژول است.

.3) فقط در
$$\frac{\pi}{2}$$
 ثانیه انرژی ذخیره شده در خازن ثابت و برابر با $\frac{\pi}{32}$ ژول است.

) فقط در
$$\frac{1}{64}$$
 ثانیه انرژی ذخیره شده در خازن ثابت و برابر با $\frac{1}{64}$ ژول است.

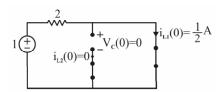
حل: گزینه 4 درست است.



با تحلیل مدار، قبل از باز شدن کلید در قدم صفرم مدار اینطور میشود:



in $t = \overline{0}$;



در $t=0^+$ که سلفها با یکدیگر سری میشوند، مقدار اولیه را از قانون بقای شار مییابیم.

بار قبلی این تست را در تمرینات فصل چهارم در حوزهٔ زمان تحلیل کردیم، این بار سعی کنید اَن را در حوزهٔ لاپلاس



تحلیل کنید تا مشکل سری شدن سلفها را هم نداشته باشیم و دیگر نیازی به استفاده از قانون بقای شار هم نداریم.

بعد از باز شدن کلید با یک KVL در حوزهٔ لاپلاس داریم:



$$\frac{1}{2}S I(S) - \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} + \frac{3}{2}S I(S) + \frac{1}{\frac{1}{2}S}I(S) = 0$$

$$I(S) = \frac{\frac{1}{4}}{2S + \frac{2}{S}} = \frac{1}{8} \frac{S}{S^2 + 1} \implies i(t) = \frac{1}{8} \cos t$$

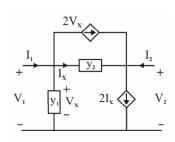
در نتیجه جریان سلف که همان جریان دیود هم هست در $t = \frac{\pi}{2} \sec$ صفر شده و دیود خاموش می شود، به دلیل



مدار باز شدن حلقه و صفر شدن جریان خازن، ولتاژ خازن ثابت باقی میماند.

$$V_{C}\left(\frac{\pi^{-}}{2}\right) = V_{L}\left(\frac{\pi^{-}}{2}\right) = L\frac{di_{L}}{dt} \bigg|_{t = \frac{\pi}{2}} = -2 \times \frac{1}{8} \sin\left(\frac{\pi}{2}\right) = -\frac{1}{4} \implies W_{c} = \frac{1}{2}CV^{2}\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \left(\frac{1}{4}\right)^{2} = \frac{1}{64}j$$

15. پارامترهای y دو قطبی شکل مقابل کدام است؟



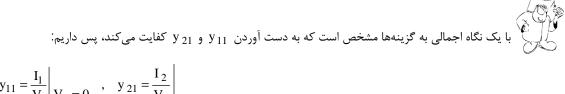
$$\begin{bmatrix} y_1 + y_2 & -y_2 \\ y_2 - y_1 & -y_2 \end{bmatrix} (1)$$

$$\begin{bmatrix} y_1 + y_2 + 2 & -y_2 \\ y_2 + 2 & -y_2 \end{bmatrix} (2)$$

$$\begin{bmatrix} y_1 + y_2 - 2 & -y_2 \\ y_2 - 2 & -y_2 \end{bmatrix} (3)$$

$$\begin{bmatrix} y_1 + y_2 + 2 & -y_2 \\ -2 + y_2 & -y_2 \end{bmatrix} (4)$$

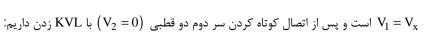
حل: گزینه 4 درست است.



$$y_{11} = \frac{I_1}{V_1} \bigg|_{V_2 = 0}$$
 , $y_{21} = \frac{I_2}{V_1} \bigg|_{V_2 = 0}$

$$KCL: I_1 = y_1V_x + I_x + 2V_x$$

 $I_2 = 2I_x - I_x - 2V_x = I_x - 2V_x$





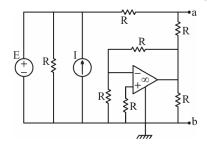
$$\begin{split} V_1 &= \frac{I_x}{y_2} &\implies I_x = V_1 y_2 \\ I_1 &= y_1 V_1 + V_1 y_2 + 2 V_1 &\implies y_{11} = y_1 + y_2 + 2 \\ I_2 &= V_1 y_2 - 2 V_1 &\implies y_{21} = y_2 - 2 \end{split}$$





سؤالات مدارهاي الكتريكي كنكور كارشناسي ارشد 1389

-1. مدار معادل تونن از سرهای -a و -b کدام است؟ -a مدار معادل تونن از سرهای -a و ایده آل است.



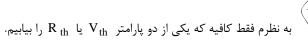
$$R_{th} = \frac{2}{3}R$$
 , $V_{th} = E + RI$ (1

$$R_{th} = \frac{10}{11}R$$
 , $V_{th} = \frac{E + RI}{2}$ (2)

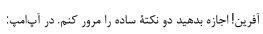
$$R_{th} = \frac{R}{2} \quad , \quad V_{th} = \frac{E}{2} \quad (3)$$

$$R_{th} = R$$
 , $V_{th} = E$ (4

حل: گزینه 3 درست است.

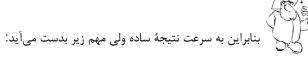






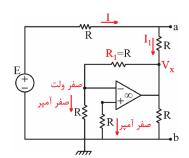


قانون اول: جریان پایانههای ورودی آپامپ صفر است. قانون دوم: ولتاژ پایانههای مثبت و منفی آپامپ برابر است.



جریان و ولتاژ پایانههای مثبت و منفی این مدار هر دو صفرند.





(یاد جریان $V_{th} = V_{oc}$ است (یاد جریان I_1 همان جریان I_1 است (یاد جریان $V_{th} = V_{oc}$ جالا قبول دارید جریان



پس با یک KVL در ساده در حلقهٔ بیرون مدار، مسئله حل است:

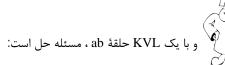


 $-E + RI + RI + V_x = 0$

و با کمی دقت، چون جریان مقاومت $\, R_{\,1} \,$ نیز صفر است، مقدار ولتاژ $\, V_{\, {
m x}} \,$ نیز صفر بدست میآید و لذا خواهیم

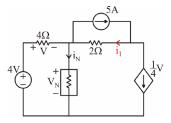


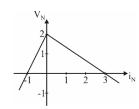
 $I = \frac{E}{2R}$



$$V_{ab} = RI + V_x = \frac{E}{2}$$

(مدار شکل مقابل اگر $i_N = \frac{3}{2}A$ باشد، i_1 چند آمپر است؟ (مدار دارای جواب یگانه است.)





$$\frac{17}{4}$$
 (2 $\frac{23}{8}$ (4

$$\frac{23}{4}$$
 (1 $\frac{17}{8}$ (3



حل: هر دو گزینه 1 و 2 درست هستند.



از روی مشخصه عنصر غیر خطی داده شده و با توجه به $\frac{3}{2}$ A برابر $\frac{1}{2}$ خواهد بود و با زدن یک

KVL در حلقهٔ سمت چپ داریم:

$$V = 4 - V_N = 3V$$

و حالا با یک KVL در گرهٔ سمت چپ به راحتی i_1 پیدا می شود.

$$i_1 = 5 + i_N - \frac{V}{4} = 5 + \frac{3}{2} - \frac{3}{4} = \frac{23}{4}$$



را با KCL زدن در گره سمت راست هم می توانستیم به دست آوریم: i_1

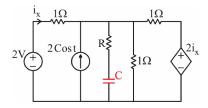
$$i_1 = 5 - \frac{V}{4} = 5 - \frac{3}{4} = \frac{17}{4}$$



بله متأسفانه صورت این تست کنکور دارای اشکال بوده و از دو راه مختلف به هر دو گزینهٔ 1 و 2 میتوان رسید و اگر

فقط جهت منبع جریان وابسته را عوض کنیم، این مشکل برطرف شده و $i_1=rac{23}{4}$ که همان گزینهٔ 1 است درست خواهد بود.

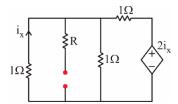
C. در مدار شکل مقابل مقاومت مثبت R را چنان بیابید که اگر به جای خازن C ، سلف C قرار دهیم ثابت زمانی مدار تغییر نکند؟



- 0.8Ω (1
- 0.6Ω (2
- 1.2Ω (3
- 1.5Ω (4

حل: گزینه 1 درست است.

کافیه مقاومت معادل از دو سر خازن را بدست بیاوریم و ثابت زمانیها را در دو حالت با هم برابر قرار دهیم. در قدم اول منابع مستقل را صفر می کنیم و داریم:

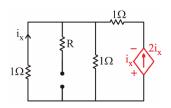


PowerEn.ir



حالا من یک پیشنهادی دارم، اگر از یک تبدیل تونن به نورتن استفاده کنیم، منبع جریان وابسته حاصل به راحتی

به مقاومت تبدیل میشود.



$$R'_{eq} = \frac{i_x}{2i_x} = \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow R_{eq} = \left(\frac{1}{2} \quad \frac{1}{2} \quad 1\right) + R = \frac{1}{5} + R$$

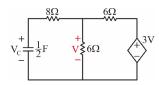


و حالا ثابت زمانیها را در دو حالت خازنی و سلفی برابر قرار میدهیم:

$$R_{eq} C = \frac{L}{R_{eq}}$$

$$\left(R + \frac{1}{5}\right)C = \frac{C}{\left(R + \frac{1}{5}\right)} \implies \left(R + \frac{1}{5}\right)^2 = 1 \implies R = 0.8\Omega$$

در مدار شکل مقابل در لحظه $t=t_0$ ولتاژ خازن 2 ولت است. چند ثانیه بعد از $t=t_0$ ولتاژ V نصف می شود؟ 4



$$t_0 + 2 \ln 2$$
 (3)

حل: گزینه 2 درست است.

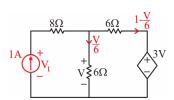
به دلیل عدم وجود منبع مستقل در مدار مقدار نهایی ولتاژ صفر است و پاسخ به صورت $V(0)e^{-rac{t}{e}}$ است و نصف



شدن ولتاژ ناشی از این بخش نمایی است.



بنابراین کافیست مقاومت معادل از دو سر خازن و از آنجا ثابت زمانی را پیدا کنیم.



$$KVL: 6\left(1 - \frac{V}{6}\right) + 3V - V = 0 \implies V = -6$$

$$KVL: V_t = 8 + V = 2 \implies R_{eq} = 2\Omega$$

$$\Rightarrow \tau = R_{eq} C = 2 \times \frac{1}{2} = 1 \text{sec}$$







$$e^{-\frac{t}{1}} = \frac{1}{2} \implies t = \ln 2$$

5. كدام عبارت در مورد شبكههای LTI متشكل از فقط مقاومتها و خازنها و سلفها (كه مقادير همهشان مثبت است) همواره درست است؟

- 1) در این شبکهها، شرایط اولیه فقط در پاسخ گذاری شبکه تأثیر دارند.
- 2) در این شبکهها، ورودیهای کراندار همیشه خروجیهای کراندار ایجاد میکنند.
 - 3) در این شبکهها، پاسخ کامل شبکه تابعی خطی از شرایط اولیه است.
 - 4) هيچ كدام

حل: گزینه 4 درست است.



یادِ مدار معروفِ «LC موازی» بخیر! یک درس مدار داشتیم و یک مدار معروفِ تانک! بنابراین اگر هر یک از

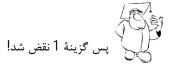
پاسخهای مدار را در نظر بگیریم، همواره به فرمت کلی زیر خواهد بود:



$$\Rightarrow$$
 $y(t) = A \cos\left(\frac{1}{\sqrt{LC}}t + \varphi\right)$



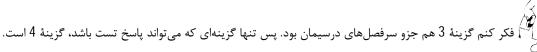
و این یعنی مداری که شرایط اولیهٔ آن، باعث پاسخی میشود که تا $\infty \leftarrow t$ در مدار وجود دارد.



به نظرم در گزینهٔ 2 طراح محترم قصد سنجش اطلاعات کنترل خطی ما را داشتهاند. کافیست سیستم (مداری) را $S = \pm i\omega$ تح یک

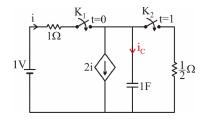


در نظر بگیریم که دارای فرکانس ذاتی $S=\pm j\omega_0$ میباشد و سپس ورودی این مدار را در همان فرکانس $S=\pm j\omega_0$ تحریک کنیم. در آن صورت پاسخی به صورت $t\cos(\omega_0 t + \phi)$ در مدار بوجود خواهد آمد.





 \mathbf{k}_{2} در مدار شکل مقابل، خازن بدون ولتاژ اولیه بوده و کلید \mathbf{k}_{1} در مدار شکل مقابل، خازن بدون ولتاژ اولیه بوده و کلید \mathbf{k}_{1} در مدار شکل مقابل، خازن بدون ولتاژ اولیه بوده و کلید را نیز میبندیم. میزان تغییر i_c در لحظه i_c در لحظه t=1 در لعظه i_c (i_c) چند آمپر است؟



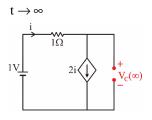
$$-2(e-1)$$
 (1

$$2(e-1)$$
 (3

حل: گزینه 3 درست است.

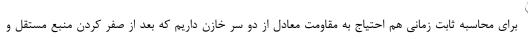


به نظر بهتر است که رابطه طلائیه را برای $\, V_{
m C} \,$ بنویسیم تا در لحظهٔ کلیدزنی در $\, t=1 \,$ از پیوستگی آن استفاده



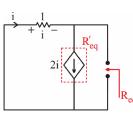
$$i = 2i \implies i = 0$$

 $V_C(\infty) = 1$





تبدیل منبع وابسته به مقاومت داریم:



$$R'_{eq} = \frac{V}{I} = \frac{i}{-2i} = -\frac{1}{2}$$
 $R_{eq} = \frac{-1}{2} = 1 = \frac{-\frac{1}{2}}{1} = -\frac{1}{2}$

$$\Rightarrow V_C(t) = 1 \left(1 - e^{-\frac{t}{-1}}\right) \Rightarrow V_C(t=1) = 1 - e$$

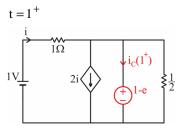
$$i_C(t) = C\frac{dV_C}{dt} = -e^t \Rightarrow i_C(t=1) = -e$$

$$R_{eq} = \frac{-1}{2} \quad 1 = \frac{-\frac{1}{2}}{\frac{1}{2}} = -1$$



بلافاصله بعد از کلیدزنی با قرار دادن منبع ولتاژ به جای خازن داریم:

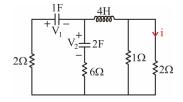




KVL:1=i+1-e
$$\Rightarrow$$
 i=e
KCL:i_C(1⁺)=i-2i- $\frac{1-e}{\frac{1}{2}}$ =-e-2+2e=e-2

$$\Rightarrow$$
 $i_C(1^+)-i_C(1^-)=e-2+e=2e-2=2(e-1)$

7. در مدار شکل مقابل اگر
$$\frac{\mathrm{di}}{\mathrm{dt}} \left(0^{+}\right)$$
 باشد، $V_{2} \left(0^{-}\right) = 1$ و $V_{1} \left(0^{-}\right) = 3$ باشد، $V_{2} \left(0^{-}\right) = 3$ چقدر است؟



$$-\frac{11}{12}$$
 (2

$$-\frac{5}{4}$$
 (1

$$\frac{5}{4}$$
 (4

$$\frac{11}{12}$$
 (3

حل: گزینه 1 درست است.

برای آنکه به دنبال یافتن مشتق i برویم، بهتر است که آن را به i_{1} ربط دهیم، که آن هم با یک KVL بازی ساده و



KCL میسر میشود:

$$i_L = i + 2i = 3i$$

حالا با یک KVL ، مشتق i در رابطه ظاهر می شود:

$$4\frac{d3i}{dt} + 2i - 6 \times 2\frac{dV_2}{dt} - V_2 = 0 \tag{*}$$



برای یافتن
$$\frac{\mathrm{d} V_2}{\mathrm{d} t}$$
 باید از حل یک دو معادله دو مجهول استفاده کنیم:

$$KVL: 2\frac{dV_{1}}{dt} + V_{1} + V_{2} + 6 \times 2\frac{dV_{2}}{dt} = 0$$

$$KCL: \frac{dV_{1}}{dt} - 2\frac{dV_{2}}{dt} = 3i \implies \frac{dV_{1}}{dt} = 2\frac{dV_{2}}{dt} + 3i$$

$$\Rightarrow 2\left(2\frac{dV_{2}}{dt} + 3i\right) + V_{1} + V_{2} + 12\frac{dV_{2}}{dt} = 0$$

PowerEn.ir



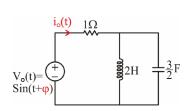
با توجه به پیوستگی ولتاژ خازن و جریان سلف و در نظر گرفتن معادله در $t=0^+$ داریم:

$$16\frac{dV_2}{dt}(0^+) + 6 \times 2 + 3 + 1 = 0 \implies \frac{dV_2}{dt}(0^+) = -1$$

حال با جایگذاری در رابطه (*) در $t=0^+$ داریم:

$$12\frac{di}{dt}(0^+) + 2 \times 2 - 12 \times (-1) - 1 = 0 \implies \frac{di}{dt}(0^+) = -\frac{15}{12} = -\frac{5}{4}$$

8. مدار شکل مقابل در حالت دائمی سینوسی است. بهازای کدام مقدار ϕ پاسخ حالت دائمی سینوسی به صورت $i_o(t) = I_m \cos t$



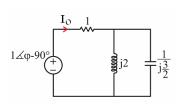
$$I_{m} = \sqrt{2} A$$
 , $\varphi = -\frac{\pi}{4} (1)$

$$I_{\rm m} = \frac{1}{\sqrt{2}} A$$
 , $\phi = -\frac{\pi}{4}$ (2)

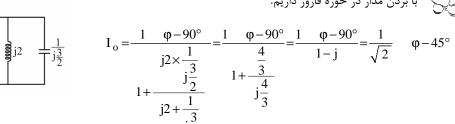
$$I_{m} = \frac{1}{\sqrt{2}}A$$
, $\phi = \frac{\pi}{4}$ (3)

$$I_m = \sqrt{2} A$$
 , $\varphi = \frac{\pi}{4} (4$

حل: گزینه 3 درست است.

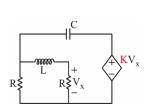






پس برای صفر شدن زاویه، $\phi = 45^\circ$ باید باشد.

9. بهازای کدام مقدار k مدار شکل مقابل نوسانی است و فرکانس نوسان آن کدام است k



$$\omega = \sqrt{\frac{2}{LC}} \quad , \quad K = 1 + \frac{L}{R^2 C} (1)$$

$$\omega = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$
, $K = 1 + \frac{L}{R^2C}$ (2)

$$\omega = \sqrt{\frac{2}{LC}} \quad , \quad K = 1 + \frac{C}{R^2 L} \quad (3)$$

$$\omega = \frac{1}{\sqrt{LC}} \quad , \quad K = 1 + \frac{C}{R^2 L} \quad (4)$$

PowerEn.ir



حل: گزینه 1 درست است.

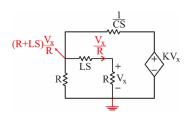


برای اعمال شرایط نوسانی بودن مدار نیاز به بدست آوردن معادله مشخصه داریم و به دلیل وجود گرهٔ کمتر KCL

زدن مناسبتر به نظر میآید.



الله با بدست آوردن ولتاژ گرهٔ مجهول برحسب $\, V_x \,$ و سپس KCL بله با بدست آوردن ولتاژ گرهٔ مجهول برحسب



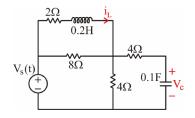
$$KCL: (R + LS) \frac{V_x}{R^2} + \frac{V_x}{R} + \left((R + LS) \frac{V_x}{R} - KV_x\right) CS = 0$$

$$\Rightarrow$$
 معادله مشخصه : $\frac{LC}{R}S^2 + \left(\frac{L}{R^2} + C - KC\right)S + \frac{2}{R} = 0$

$$\frac{L}{R^{2}} + C - KC = 0 \implies K = 1 + \frac{L}{R^{2}C}$$

$$\frac{LC}{R}S^{2} + \frac{2}{R} = 0 \implies S^{2} = \frac{-2}{LC} \implies S = \pm j\sqrt{\frac{2}{LC}} \implies \omega = \sqrt{\frac{2}{LC}}$$

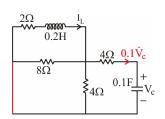
R=AX انتخاب کنیم، ماتریس A در معادلات حالت مدار شکل مقابل را به صورت $X=\begin{bmatrix}i_L\\V_C\end{bmatrix}$ انتخاب کنیم، ماتریس X=X



$$\begin{bmatrix} -2 & -1.5 \\ -18 & +4 \end{bmatrix} (2 \qquad \begin{bmatrix} -18 & 4 \\ -2 & -1.5 \end{bmatrix} (1$$

$$\begin{bmatrix} -18 & -2 \\ 4 & -1.5 \end{bmatrix} (4 \qquad \begin{bmatrix} 4 & -1.5 \\ -18 & -2 \end{bmatrix} (3$$

حل: گزینه 4 درست است.



با توجه به اینکه اطلاعاتی از ماتریس \mathbf{B} خواسته نشده است، برای راحتی می توانیم منبع ولتاژ ورودی را صفر کرده و در هر کجای مدار که دلمان خواست یک معادله بنویسیم.







مثلاً با یک KVL در حلقهٔ کلی مدار داریم:

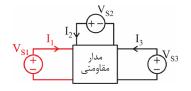
$$2I_L + 0.2 R_L + 0.4 R_C + V_C = 0$$

 $\Rightarrow R_L + 2 R_C = -10I_L - 5V_C$

که با چک کردن این رابطه در گزینهها تنها گزینهٔ 4 می تواند درست باشد.

المدار شکل مقابل با معادلات
$$\begin{pmatrix} I_{0a} & 1 & -a \\ a & 0.5 & 0 \\ -1 & 0 & 0.5 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} I_{1} \\ I_{2} \\ I_{3} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} V_{S1} \\ V_{S2} \\ V_{S3} \end{pmatrix}$$
 توصیف می شود. امپدانس دیده شده در دو سر

منبع V_{S1} کدام است؟



6a (2 3a (1
$$\frac{2}{3a}$$
 (4 $\frac{3}{2a}$ (3

حل: گزینه 2 درست است.

امپدانس معادل از دو سر منبع V_{S1} برابر V_{S1} است در حالیکه منابع مستقل V_{S2} و V_{S3} را صفر کردهایم، پس از سطر دوم

و سوم معادلات داريم:

$$aI_1 + 0.5I_2 = 0 \implies I_2 = -2aI_1$$

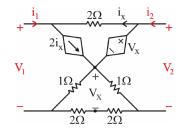
 $-I_1 + 0.5I_3 = 0 \implies I_3 = 2I_1$

حالا می توانیم به راحتی این مقادیر را در سطر اول جایگذاری کنیم:

 $10aI_1 + I_2 - aI_3 = V_{S1} \implies (10a - 2a - 2a)I_1 = V_{S1}$

$$\Rightarrow Z_{in1} = \frac{V_{S1}}{I_1} = 6a$$

1<mark>2</mark>.پارامتر هایبرید h₁₁ کدام است؟



-3 (1 -1 (2 1 (3 3 (4

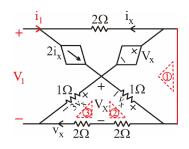


حل: گزینه 2 درست است.



$$\begin{bmatrix} V_1 \\ I_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} h_{11} & h_{12} \\ h_{21} & h_{22} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} I_1 \\ V_2 \end{bmatrix} \implies h_{11} = \frac{V_1}{I_1} \bigg|_{V_2 = 0}$$

حالا با اتصال کوتاه کردن سر دوم دوقطبی شروع به KVL و KCL بازی می کنیم:



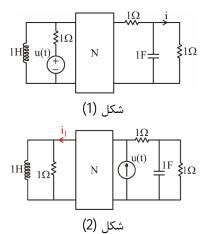
$$KVL: V_{1} = -2i_{x} + 4V_{x}$$

$$KCL: i_{1} = 2i_{x} - i_{x} = i_{x}$$

$$KCL: i_{1} = 3V_{x} + V_{x} = 4V_{x}$$

$$V_{1} = -2i_{1} + i_{1} = -i_{1} \implies h_{11} = -1$$

است. جریان حالت صفر i(t) = $\left(2e^{-t}-e^{-2t}-e^{-3t}\right)$ u(t) به صورت i(t) به صورت i(t) است. جریان حالت صفر i(t) جریان حالت صفر i(t) بیابید. (n) بیاب



$$i_{1}(t) = (4e^{-2t} - e^{-3t} + 1)u(t) (1)$$

$$i_{1}(t) = (5 - e^{-2t} - \frac{1}{2}e^{-3t} - \frac{1}{2}e^{-t})u(t) (2)$$

$$i_{1}(t) = \frac{2}{3}e^{-3t}u(t) (3)$$

$$i_{1}(t) = \frac{1}{3}(7 + 2e^{-3t})u(t) (4)$$



حل: گزینه 4 درست است.



تبدیل می کنم که می شود منبع جریان طرف اول و از روی i داده شده مقدار ولتاژ خوانده شده از ولتمتر در سر دوم را به دست می آورم که باید با مقدار ولتاژ ولتمتر در سر اول در شکل (2) برابر باشد. بعد از کمی KVL و KCL بازی داریم:

(1) در شکل
$$e_{oc_2} = i(1+S) + i = (S+2)i = (S+2)\left(\frac{2}{S+1} - \frac{1}{S+2} - \frac{1}{S+3}\right)$$

(2) در شکل
$$e_{oc_1} = e_{oc_2} = i_1 \frac{S}{S+1}$$

$$\Rightarrow i_1 = \frac{(S+1)}{S}(S+2)\left(\frac{2}{S+1} - \frac{1}{S+2} - \frac{1}{S+3}\right) = \frac{\frac{7}{3}}{S} + \frac{\frac{2}{3}}{S+3} \Rightarrow i_1(t) = \frac{1}{3}(7+2e^{-3t})u(t)$$

«به پایان آمد این دفتر مکایت همچنان باقیست»



ياسخنامه

