سوالات فرد

؟. در صورتی که $f(n) \in \theta(g(n))$ و $f(n) \in O(f(n))$ باشد کدام یک از گزینه های زیر صحیح است . ۱

```
g(n)\in O(h(n)) (د) g(n)\in \Omega(h(n)) (ج) h(n)\in \Omega(g(n)) (د) h(n)\in \theta(g(n)) (الف)
                                                                                                    پاسخ:
                                                                                           g(n) \in \Omega(h(n))
                                                                                                            ٠٢
                             ۳. اگر \mathbf{T}(n) نشان دهنده مرتبه زمانی اجرای الگوریتم زیر باشد، کدام گزینه صحیح است؟
for (i := 1; i \le n; i++)
   {j = n;}
    while (j \ge 1)
     \{ for(k := 1; k \le 100; k++) \}
                  /*some statement requiring \tetha(1) time */
         j = j/2;
    }
          \mathbf{T}(n) \in O(n^{\mathsf{T}}) (د) \mathbf{T}(n) \in \Omega(n^{\mathsf{T}}) (ج) \mathbf{T}(n) \in O(\log n) (د) \mathbf{T}(n) \in \theta(n)
                                                                                                    پاسخ :
                                                                                            \mathbf{T}(n) \in O(n^{\mathsf{Y}})
```

۴.

شت $\mathbf{T}(n) = \mathbf{T}(\frac{2n}{3}) + 1$ کدام است $\mathbf{T}(n) = \mathbf{T}(\frac{2n}{3})$

 $\theta(n^{\mathsf{Y}})$ (2)

 $\theta(n)$ (τ)

 $\theta(nLogn)$ (ب)

 $\theta(Logn)$ (الف)

پاسخ:

 $\theta(Logn)$

۶.

 \mathbf{V} . فرض كنيد آرايه مورد جستجو توسط جستجوى دودوئي بصورت (-6,0,7,9,20,30,54,82,101) باشد، متوسط تعداد مقایسه های مورد نیاز برای حالت جستجو موفق کدام است؟

 $(c) \frac{17}{P}$

(ج) ۲۵

 $\frac{1\lambda}{q}$ (ب) $\frac{\gamma\lambda}{q}$

پاسخ:

<u>۲۵</u>

۸.

 $oldsymbol{9}$. اگر دو ماتریس 10 imes 10 با روش ضرب استراسن در یکدیگر ضرب شوند، برای ضرب این دو ماتریس چند ضرب عددی صورت می گیرد (مقدار آستانه برابر با 2 است یعنی ضرب ماتریس های با اندازه 2×2 به صورت عادی انجام می شود که نیاز به 8 ضرب عددی دارد) ؟

(د) ۲۶۴

(ج) ۴۱۰

(ب) ۴۹۰

(الف) ۳۹۲

پاسخ:

497

. 1 0

۱۱. كدام گزینه در مورد الگوریتم های پریم و كراسكال برای یافتن درخت پوشای كمینه صحیح است؟

(الف) الگوریتم پریم در گراف های متراکم بهتر از الگوریتم کراسکال عمل می کند.

- (ب) الگوریتم پریم در گراف های خلوت از مرتبه $\theta(n \log n)$ است.
- (ج) الگوریتم کراسکال در گراف های کامل بهتر از الگوریتم پریم عمل می کند.
- (د) الگوریتم پریم و کراسکال درخت های پوشانی را تولید می کنند که مجموع هزینه در آن ها یکسان است.

پاسخ:

الگوریتم پریم و کراسکال درخت های پوشانی را تولید می کنند که مجموع هزینه در آن ها یکسان است.

.17

۱۳. فرض كنيد متني شامل حروف a،b،c،d،e،f باشد و تعداد كاركتر ها به صورت زير است::

كاركترها	a	b	С	d	e	f
تعداد تكرار	۲۵	٨	۵	۶	٣۵	١.

درصورت کدگذاری متن با استفاده از روش هافمن، رشته ی ab با کدام بیت ها نمایش داده می شود؟

(د) ۱۱۱۰۱۱۱

(ج) ۱۱۱۱ ه۱

(الف) ۱۱۱۱۰ (ب) ۱۱۱۱۰

پاسخ:

101111

.14

۱۵. فرض کنید چهار ماتریس زیر را داریم:

 $A_{20\times2}\times B_{2\times30}\times C_{30\times12}\times D_{12\times8}$

حداقل تعداد ضرب ها با استفاده از الگوریتم برنامه نویسی پویا کدام است؟

(د) ۰ ۸۸۲

(الف) ۳۱۲ (ب) ۳۱۲ (ج)

پاسخ:

1777

.18

يک $p_3 = 0.4, p_2 = 0.3, p_1 = 0.3$ با احتمالهای جستجوی $key_1 < key_2 < key_3$ با سه کلید بخواهیم با سه کلید و با احتمالهای با احتم درخت جستجوی دودوئی بهینه را ایجاد کنیم. کدام نشان دهنده زمان میانگین جستجو در درخت بهینه است؟

(د) ۸/۱

(ج) ۱/۶

(الف) ۱٫۷ (ب)

پاسخ:

1/8

. 1 1

١٩. تعداد درخت های جستجوی دودوئی که می توان با 5 کلید متمایز ساخت کدام است؟

(د) ۵۷

(ب) ۱۴ (ب)

(الف) ۵

پاسخ :

47

۰۲.

۲۱. در حل مسأله یافتن مداره ای همیلتونی درگراف G(V,E) با استفاده از تکنیک عقبگرد، کدام یک از موارد زیر نشان دهنده غیر امید بخش بودن راس i ام بر مسیر است i است i اندیس راس بر روی مسیر و W[i][j] وزن یال از راس i به راس i است)؟

$$i > \circ \&\&(!w[vindex[i-1]][vindex[i]])$$
 (ب) $i = n - 1\&\&w[vindex[i]][vindex[\circ]]$ (الف)

$$i > \circ \&\&w[vindex[i-1]][vindex[i]]$$
 (2) $i = n - 1\&\&(!w[videx[i-1]][vindex[\circ]])$ (5)

پاسخ:

 $i > \circ \&\&(!w[vindex[i-1]][vindex[i]])$

. 77

٢٣. كدام گزينه صحيح است؟

(الف) با روش انشعاب وتحديد زمان اجرا كاهش مي يابد.

(ب) با روش انشعاب وتحديد حافظه مصرفي كاهش مي يابد.

(ج) با روش انشعاب وتحديد مرتبه زماني تغيير نمي كند .

(د) روش برنامه نویسی پویا، زمان اجرا را کاهش می دهد .

پاسخ:

روش برنامه نویسی پویا، زمان اجرا را کاهش می دهد .

.74

.۲۵

سوالات تشريحي فرد

1. رابطه بازگشتی زیر را حل کنید؟

$$T(n) = \begin{cases} T(n-1) + T(n-2) & n > 2 \\ T(0) = 0 & T(1) = 1 \end{cases}$$

پاسخ:

با انتخاب $T(n) = a_n$ داریم:

$$a_n - a_{n-1} - a_{n-4} = 0 \Rightarrow x^2 - x - 1 = 0 \Rightarrow x = \frac{1+\sqrt{5}}{2}, x = \frac{1-\sqrt{5}}{2} \Rightarrow$$

$$a_n = C_1(1 + \frac{\sqrt{5}}{2})^2 + C_2(1 - \frac{\sqrt{5}}{2})^n \in \theta(1 + \frac{\sqrt{5}}{2})^n$$

٠٢

۳. ماتریس مجاورت گراف جهت دار G که شامل رئوس V0 تا V4 است به صورت زیر داده شده است.الگوریتم دیکسترا را بر روی این گراف برای یافتن کوتاه ترین مسیر از راس منبع V0 به همه رئوس دیگر کار ببرید؟

$$\begin{bmatrix} \infty & 45 & \infty & 15 & \infty \\ \infty & \infty & 20 & 9 & 5 \\ \infty & \infty & \infty & \infty & 25 \\ 5 & 10 & \infty & \infty & 7 \\ \infty & 15 & 30 & \infty & \infty \end{bmatrix}$$

پاسخ:

در مرحله اول کوتاه ترین مسیر از V0 انتخاب می شود که با توجه به گراف مشخص می شود که بهترین گره انتخابی می باشد. بنابراین این مرحله از V0 شروع و به مستقیما به گره V3 ختم می شود هزینه این مسیر 15 خواهد بود و گراف حاصل به صورت زیر خواهد بود:

 $V_0 \longrightarrow V_3$

گره ها	S	Dist	P
V_0	1	0	V_0
V_1	0	25	$V_0 V_3$
V_2	0	∞	V_0
V_3	1	15	V_0
V_4	0	22	V_0

در مرحله دوم مسیری از V_0 شروع شده و به گره V_4 ختم می شود بنابراین این مسیر از گره V_3 نیز می گذرد هزینه گراف حاصل به صورت زیر می باشد:

$$V_0 \longrightarrow V_3 \longrightarrow V_4$$

گره ها	S	Dist	P
V_0	1	0	V_0
V_1	0	25	$V_0 V_3$
V_2	0	47	$V_0 \ V_3 \ V_4$
V_3	1	15	$V_0 V_3$
V_4	1	22	$V_0 \ V_3 \ V_4$

در مرحله سوم مسیری از گره V_0 شروع شده و به گره V_1 ختم می شود بنابراین این مسیر از گره V_3 می گذرد گراف حاصل به صورت زیر می شود:

$$V_0 \longrightarrow V_3 \longrightarrow V_1$$

گره ها	S	Dist	P
V_0	1	0	V_0
V_1	1	25	$V_0 V_3 V_1$
V_2	0	45	$V_0 V_3 V_1$
V_3	1	15	$V_0 V_3$
V_4	1	∞	V_0

و در مرحله چهارم که مرحله آخر است در این مسیر از گره V_0 شروع شده و به گره و به گره می شود بنابراین این مسیر از گره های V_0 می گذرد هزینه این مسیر برابر V_0 است. گراف حاصل به صورت زیر می شود:

$$V_0 \longrightarrow V_3 \longrightarrow V_1 \longrightarrow V_2$$

گره ها	S	Dist	P
V_0	1	0	V_0
V_1	1	25	$V_0 V_3 V_1$
V_2	0	45	$V_0 V_3 V_1 V_2$
V_3	1	15	$V_0 V_3$
V_4	1	22	$V_0 V_3 V_4$

بنابراین ارزش کل مسیر برابر 45 خواهد بود.

۴.

0. مساله کوله پشتی صفر و یک را برای اجسام 1 تا 1 تا 1 با ارزش و وزن تعریف شده به صورت زیر و کوله پشتی با وزن 1 کیلو گرم در نظر بگیرید. هدف پر کردن کوله پشتی با اجسام است به نحوی که بیشترین سود حاصل شود. درخت فضای حالت این مساله را با استفاده از روش انشعاب و تحدید رسم نموده و حداکثر سود ممکن را محاسبه نمایید (اجسام در جدول بر حسب p_i/w_i مرتب هستند)؟

پاسخ سوالات تستى فرد

- $g(n) \in \Omega(h(n))$ (ج) . ۱
 - $\mathbf{T}(n) \in O(n^{\mathsf{Y}})$ (د) . \mathbf{Y}
 - $\theta(Logn)$ (الف Δ
 - ٧. (ج) ٥٦
 - ٩. (الف) ٣٩٢
- ۱۱. (د) الگوریتم پریم و کراسکال درخت های پوشانی را تولید می کنند که مجموع هزینه در آن ها یکسان است.
 - ۱۰۱۱۱ (ج) ۱۱۱۱ ۱۰
 - ۱۲۳۲ (ب) ۱۲۳۲
 - ۱/۶ (ج) ۱۷
 - ۱۹. (ج)
 - i > % (|w[vindex[i-1]][vindex[i]]) ۲۱. (ب) ۲۲.
 - ۲۳. (د) روش برنامه نویسی پویا، زمان اجرا را کاهش می دهد.