

Algorithm:

findMST(G', T, modified_edge):

V = G'.vertices

E = G'.edges

if modified_edge not in T.edges:

 T.add_edge(modified_edge)

 cycle = findCycle(T, modified_edge)

 max_edge = max(cycle.edges, key=lambda edge: edge.weight)

 T.remove_edge(max_edge)

return T

findCycle(T, modified_edge):

 visited = set()

 parent = dict()

 start, end = modified_edge

 DFS(u, p):

 visited.add(u)

 parent[u] = p

 for v in T.neighbors(u):

 if v not in visited:

 DFS(v, u)

 else if v != p:

 return (u, v)

 cycle_start, cycle_end = DFS(start, None)

 cycle = [cycle_end]

```

current = cycle_start
while current != cycle_end:
    cycle.append(current)
    current = parent[current]

return cycle

```

توضیح الگوریتم:

اگر `modified_edge` قبلاً در `T` نباشد، به `T` اضافه می‌شود. سپس تابع `findCycle` برای شناسایی `cycle` که با افزودن `modified_edge` به `T` تشکیل می‌شود، فراخوانی می‌شود. این `cycle` به این دلیل تشکیل می‌شود که افزودن `modified_edge` به `T` یک `cycle` ایجاد می‌کند و `MST` تشکیل می‌شود ولی `MST` , `cycle` ندارد. هنگامی که `cycle` شناسایی شد، تابع بالاترین وزن را از `cycle` حذف می‌کند و `T` را با حذف این یال به روز می‌کند. این تضمین می‌کند که درخت حاصل یک `MST` معتبر باقی می‌ماند. سپس `T` به روز شده توسط تابع `findMST` برگردانده می‌شود.

تابع `findCycle` از `Depth-First Search (DFS)` برای شناسایی `cycle` استفاده می‌کند که با افزودن `modified_edge` به `T` شکل می‌گیرد.

Time complexity: $O(V+E)$