Вступительный экзамен по математике 2011

1 вариант

1. Какие из чисел 2, $\frac{3}{4}$, $\sqrt{7}+2$, $\sqrt{7}-2$ являются корнями уравнения

$$4x^3 + 9 = 19x^2$$
?

- 2. Представьте число $\sqrt{33}$ в виде десятичной дроби с точностью до 0,1.
- 3. Решите уравнение

$$\cos\left(\frac{3\pi}{2} + 2x\right) - \sin(\pi + 4x) = \sin 4x + \sin x.$$

4. Решите систему уравнений

$$\begin{cases} 4^x \cdot 32^y = 256, \\ \sqrt{2x - 2} = y. \end{cases}$$

- 5. В арифметической прогрессии 34 члена, и разность этой прогрессии равна 12. Сумма всех членов прогрессии в 4 раза больше, чем сумма членов, стоящих на нечетных местах. Найдите первый член этой прогрессии.
- 6. В трапеции, описанной около окружности радиуса 4, разность длин боковых сторон равна 4, а длина средней линии равна 12. Найдите длины сторон трапеции.
 - 7. Решите неравенство

$$\frac{\log_2(x+6) \cdot \log_5(x+5)}{x+4} \leqslant \frac{\log_5(x+6) \cdot \log_2(x+5)}{x+3}.$$

8. В пирамиде ABCD: $AB=1,\ AC=2,\ AD=3,\ BC=\sqrt{5},\ BD=\sqrt{10},\ CD=\sqrt{13}.$ Найдите радиус шара, вписанного в пирамиду ABCD.