Домашняя работа №1 27.09.2017

1. Дано целое число n от 1 до 10^6 . Найти все четные делители числа n.

| Ввод | 12 |
|-------|----------|
| Вывод | 2 4 6 12 |

2. Дано n от 1 до 10^9 . Найти наибольшую степень тройки, на которую делится число n, без использования функций из библиотеки «math.h». Вывести показатель степени.

| Ввод | 72 | 15 | 32 |
|-------|----|----|----|
| Вывод | 2 | 1 | 0 |

3. Дано целое n от 1 до 10^{18} . Выведите максимальную цифру n.

| Ввод | 1546323 |
|-------|---------|
| Вывод | 6 |

4. Дано целое число от 2 до 10^6 . На следующей строке дано целое число от 1 до 10^{10000} . С помощью схемы Горнера найти остаток при делении второго числа на первое.

| Ввод | 2016 |
|-------|-------------------------------|
| | 12345678901234567890123456789 |
| Вывод | 693 |

5. Дана отсечка времени в формате hh:mm:ss и целое число от 1 до 86399. Необходимо вывести время через данное количество секунд (гарантируется, что переполнения по суткам не будет).

| | Ввод | 00:01:02 | 00:00:00 |
|---|-------|----------|----------|
| | | 3661 | 86399 |
| Ì | Вывод | 01:02:03 | 23:59:59 |

6. Дано целое n от 1 до 1000. Далее n целых чисел a_1 , ..., a_n от -1000 до 1000. Найти максимальную сумму среди всех подотрезков $a_k + a_{k+1} + ... + a_{k+m}$. Идея решения: http://e-maxx.ru/algo/maximum_average_segment.

| | Ввод | 5 | 5 | 7 |
|---|-------|-------------|-----------|-------------------|
| | | 2 -3 4 5 -1 | 2 3 4 5 1 | -2 -3 1 2 -1 3 -4 |
| Ì | Вывод | 9 | 15 | 5 |

7. Дано целое положительное число n от 1 до 100. Вывести матрицу размера $n \times n$, где $a_{ij} = |i-j|$.

| Ввод | 3 | 1 | 2 |
|-------|-------|---|-----|
| Вывод | 0 1 2 | 0 | 0 1 |
| | 1 0 1 | | 1 0 |
| | 2 1 0 | | |

8. Дано целое положительное n от 1 до 10. Далее матрица размером $n \times n$ из целых чисел от -100 до 100. Далее вектор размера n. Найти произведение этой матрицы на данный вектор.

| Ввод | 2 | 3 |
|-------|-----|-------|
| | 1 2 | 1 2 3 |
| | 1 0 | 1 0 1 |
| | -3 | 2 1 0 |
| | 4 | 1 |
| | | 2 |
| | | 3 |
| Вывод | 5 | 14 |
| | -3 | 4 |
| | | 2 |

9. Дано целое положительное n от 1 до 10. Далее матрица размером $n \times n$ из целых чисел от -100 до 100. Найти все седловые точки (седловая точка — элемент матрицы $a_{i,j}$ такой, что $a_{i,j}$ больше всех элементов i-й строки и меньше всех элементов j-го столбца. Вывести позицию седловой точки и ее значение.

| | • | |
|-------|---------|---------|
| Ввод | 3 | 4 |
| | 3 5 0 | 2 3 4 5 |
| | 2 1 1 | 1 2 3 2 |
| | 4 4 4 | 6 5 4 3 |
| | | 2 3 5 4 |
| Вывод | 2 1 : 2 | 1 2 : 3 |

10. Дано целое n от 1 до 10^6 . Построить решето Эратосфена в виде массива флагов (0 — число составное, 1 — число простое).

| Ввод | 20 |
|-------|---|
| Вывод | 0 1 1 0 1 0 1 0 0 0 1 0 1 0 0 0 1 0 1 0 |