## Вступительный экзамен по математике — 2012

## Вариант 2

- 1. Определите, какие из чисел являются целыми, и вычислите эти целые числа:
  - a)  $\frac{11}{3} + \frac{9}{11} + \frac{17}{33}$ ;
  - 6)  $\sqrt{14} \cdot \sqrt{35} \cdot \sqrt{10}$ :
  - B)  $\frac{3,1\cdot3,8}{5,89}$ .
    - 2. Решите уравнение

$$\sqrt{x^2 + 12} = 8 - x^2.$$

3. Решите уравнение

$$\left(x + \frac{\pi}{2}\right)^2 \left|\cos x - \sin x\right| = \frac{\pi^2}{4} \left(\cos x - \sin x\right).$$

- 4. В арифметической прогрессии девятый член больше четвертого члена на 10 и больше третьего члена в 5 раз. Найдите сумму всех членов этой прогрессии, начиная с двухсотого члена и заканчивая трехсотым.
  - 5. Решите неравенство

$$3\log_{\sqrt{x}}11 \leqslant 8 + 2\log_{11}\left(\frac{1}{x}\right).$$

- 6. В выпуклом шестиугольнике все углы равны  $120^{\circ}$  и четыре последовательные стороны имеют длины 4, 5, 5, 6. Найдите площадь шестиугольника.
  - 7. Найдите все значения, которые принимает функция

$$f(x) = \frac{3x^2 + x + 1}{2x^2 - x + 1}.$$

8. Кусок сыра в форме правильной четырехугольной пирамиды SABCD (S — вершина пирамиды) разрезали одним плоским разрезом, который проходит через ребро AB и делит ребро SC в отношении 2:3, считая от вершины S. Найдите отношение объемов полученных кусков сыра.