## Вступительный экзамен по математике 2012

## 1 вариант

- 1. Определите, какие из чисел являются целыми, и вычислите эти целые числа:
- a)  $\frac{19}{7} + \frac{7}{5} \frac{4}{35}$ ;
- 6)  $\sqrt{22} \cdot \sqrt{33} \cdot \sqrt{6}$ ;
- B)  $\frac{2,9\cdot3,4}{4.93}$ .
  - 2. Решите уравнение

$$\sqrt{x^2 + 24} = 6 - x^2.$$

3. Решите уравнение

$$\left(x - \frac{\pi}{2}\right)^2 \left|\cos x + \sin x\right| = \frac{\pi^2}{4} \left(\cos x + \sin x\right).$$

- 4. В арифметической прогрессии десятый член больше пятого члена на 15 и больше второго члена в 13 раз. Найдите сумму всех членов этой прогрессии, начиная с сотого члена и заканчивая двухсотым.
  - 5. Решите неравенство

$$\log_7 x \leqslant 5 + 2\log_{\sqrt{x}} \left(\frac{1}{7}\right).$$

- 6. В выпуклом шестиугольнике все углы равны 120° и четыре последовательные стороны имеют длины 2, 3, 3, 4. Найдите площадь шестиугольника.
  - 7. Найдите все значения, которые принимает функция

$$f(x) = \frac{2x^2 + x + 1}{3x^2 - x + 1}.$$

8. Кусок сыра в форме правильной четырехугольной пирамиды SABCD (S — вершина пирамиды) разрезали одним плоским разрезом, который проходит через ребро AB и делит ребро SC в отношении 1:3, считая от вершины S. Найдите отношение объемов полученных кусков сыра.