VI Республиканская студенческая предметная олимпиада по направлению «Математика» 27~mapma~2014

1. Вычислить предел:

$$\lim_{x \to +\infty} \frac{(x - \sqrt{x^2 - 1})^n + (x + \sqrt{x^2 - 1})^n}{x^n}.$$

2. Решить систему уравнений:

$$\begin{cases} \frac{x^2}{y^2} + \frac{y^2}{z^2} + \frac{z^2}{x^2} = 3\\ x + y + z = 3\\ \frac{y^2}{x^2} + \frac{z^2}{y^2} + \frac{z^2}{z^2} = 3 \end{cases}$$

- 3. Дан многочлен с целыми коэффициентами. В трех целых точках он принимает значение 2. Докажите, что ни в какой целой точке он не принимает значение 3.
- 4. Найти все решения дифференциального уравнения второго порядка

$$f''(x) + f(\pi - x) = 1.$$