



**Міністерство освіти і науки України  
Національний технічний університет України  
«Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського»  
Факультет інформатики та обчислювальної техніки  
Кафедра обчислювальної техніки**

**Лабораторна робота №5  
«Бібліотека OpenMP. Бар'єри, критичні секції»  
з дисципліни  
«Програмне забезпечення високопродуктивних комп'ютерних  
систем»**

Виконала:  
Студентка групи ІМ-13  
Дубчак Аліна Євгеніївна  
номер у списку групи: 5

Перевірів:  
Корочкін О. В.

Київ 2024

## ПОСТАНОВКА ЗАДАЧІ

- розробити паралельний алгоритм рішення математичної задачі;
- виявити спільні ресурси;
- описати алгоритм кожного потоку ( $T_1 - T_p$ ) з визначенням критичних ділянок (КД) і точок синхронізації ( $W_{ij}$ ,  $S_{ij}$ );
- розробити структурну схему взаємодії задач;
- використати як засоби організації взаємодії потоків - монітори
- розробити програму (обов'язкові "шапка", коментарі)
- виконати налагодження програми;
- отримати правильні результати обчислень.
- за допомогою Диспетчеру задач Windows проконтролювати завантаження ядер процесору.
- введення даних повинно бути через забивання всіх елементів 1

### Варіант завдання:

$$A = (R * MC) * MD * p + (B * Z) * E * d$$

1 – MC, E

2 – MD, d

3 – A, B, p

4 – R, Z

Мова програмування: C++

## ОПИС ПРОГРАМИ

### I етап. Побудова паралельного математичного алгоритму

#### Варіант 6

$$A = (R * MC) * MD * p + (B * Z) * E * d$$

1.  $a_i = (B_n * Z_n)$

$i = 1 \dots P$

2.  $a = a + a_i$

CP: a

3.  $S_n = R * MC_n$

CP: R

4.  $A_n = S * MD_n * p + a * E_n * d$

CP: S, a, d, p

N - розмірність вектора/матриці.

P - кількість потоків, які виконують обчислення.

$H = N / P$

## II етап. Розробка алгоритмів потоків.

### T1

### Точки синхронізації

1. Ведення MC, E
2. **Сигнал** задачам T2, T3, T4 про введення MC, E -- S<sub>2-1</sub>, S<sub>3-1</sub>, S<sub>4-1</sub>
3. **Чекати** на введення даних в задачах T2, T3, T4 -- W<sub>2-1</sub>, W<sub>3-1</sub> W<sub>4-1</sub>
4. Обчислення 1:  $a1 = (B_H * Z_H)$
5. Обчислення 2:  $a = a + a_i$  -- КД1
6. **Сигнал** задачам T2, T3, T4 про завершення обчислення 2 -- S<sub>2-2</sub>, S<sub>3-2</sub>, S<sub>4-2</sub>
7. **Чекати** на завершення обчислення 2 в задачах T2, T3, T4 -- W<sub>2-2</sub>, W<sub>3-2</sub>, W<sub>4-2</sub>
8. Обчислення 3  $S_H = R * MC_H$
9. **Сигнал** задачам T2, T3, T4 про завершення обчислення 3 -- S<sub>2-3</sub>, S<sub>3-3</sub>, S<sub>4-3</sub>
10. **Чекати** на завершення обчислення 3 в задачах T2, T3, T4 -- W<sub>2-3</sub>, W<sub>3-3</sub>, W<sub>4-3</sub>
11. Копія  $a1 = a$  -- КД2
12. Копія  $d1 = d$  -- КД3
13. Копія  $p1 = p$  -- КД4
14. Обчислення 4:  $A_H = S * MD_H * p1 + a1 * E_H * d1$
15. **Сигнал** задачі T3 про завершення обчислення 4 -- S<sub>3-4</sub>

### T2

1. Ведення MD, d
2. **Сигнал** задачам T1, T3, T4 про введення MD, d -- S<sub>1-1</sub>, S<sub>3-1</sub>, S<sub>4-1</sub>
3. **Чекати** на введення даних в задачах T1, T3, T4 -- W<sub>1-1</sub>, W<sub>3-1</sub> W<sub>4-1</sub>
4. Обчислення 1:  $a2 = (B_H * Z_H)$
5. Обчислення 2:  $a = a + a_i$  -- КД1
6. **Сигнал** задачам T1, T3, T4 про завершення обчислення 2 -- S<sub>1-2</sub>, S<sub>3-2</sub>, S<sub>4-2</sub>
7. **Чекати** на завершення обчислення 2 в задачах T1, T3, T4 -- W<sub>1-2</sub>, W<sub>3-2</sub>, W<sub>4-2</sub>
8. Обчислення 3  $S_H = R * MC_H$
9. **Сигнал** задачам T1, T3, T4 про завершення обчислення 3 -- S<sub>1-3</sub>, S<sub>3-3</sub>, S<sub>4-3</sub>

10. **Чекати** на завершення обчислення 3 в задачах T1, T3, T4 -- W<sub>1-3</sub>, W<sub>3-3</sub>, W<sub>4-3</sub>
11. Копія  $a_2 = a$  -- КД2
12. Копія  $d_2 = d$  -- КД3
13. Копія  $p_2 = p$  -- КД4
14. Обчислення 4:  $A_n = S * MD_n * p_2 + a_2 * E_n * d_2$
15. **Сигнал** задачі T3 про завершення обчислення 4 -- S<sub>3-4</sub>

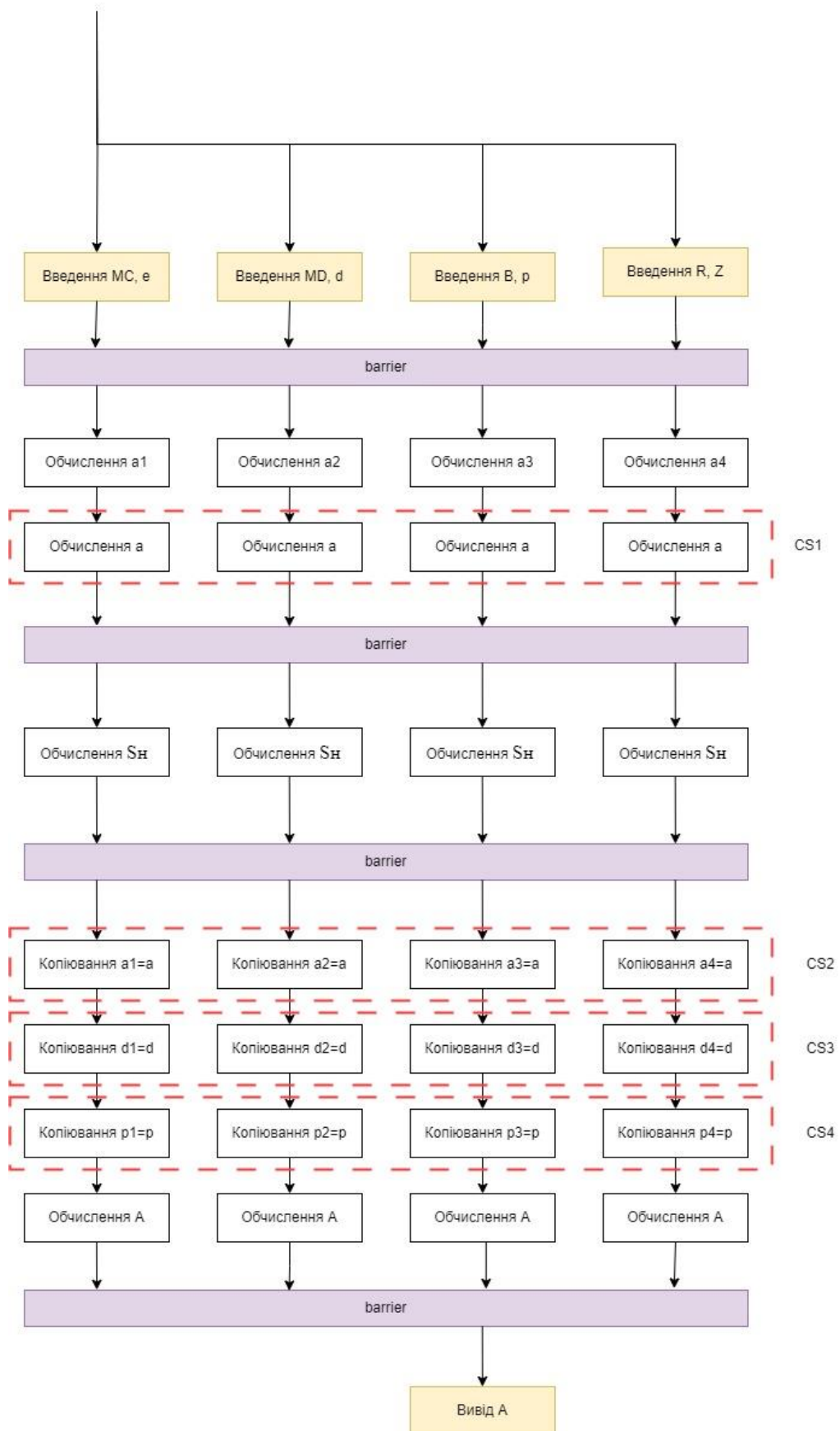
### T3

1. Введення A, B, p
2. **Сигнал** задачам T1, T2, T4 про введення A, B, p -- S<sub>1-1</sub>, S<sub>2-1</sub>, S<sub>4-1</sub>
3. **Чекати** на введення даних в задачах T1, T2, T4 -- W<sub>1-1</sub>, W<sub>2-1</sub>, W<sub>4-1</sub>
4. Обчислення 1:  $a_3 = (B_n * Z_n)$
5. Обчислення 2:  $a = a + a_i$  -- КД1
6. **Сигнал** задачам T1, T2, T4 про завершення обчислення 2 -- S<sub>1-2</sub>, S<sub>2-2</sub>, S<sub>4-2</sub>
7. **Чекати** на завершення обчислення 2 в задачах T1, T2, T4 -- W<sub>1-2</sub>, W<sub>2-2</sub>, W<sub>4-2</sub>
8. Обчислення 3  $S_n = R * M C_n$
9. **Сигнал** задачам T1, T2, T4 про завершення обчислення 3 -- S<sub>1-3</sub>, S<sub>2-3</sub>, S<sub>4-3</sub>
10. **Чекати** на завершення обчислення 3 в задачах T1, T2, T4 -- W<sub>1-3</sub>, W<sub>2-3</sub>, W<sub>4-3</sub>
11. Копія  $a_3 = a$  -- КД2
12. Копія  $d_3 = d$  -- КД3
13. Копія  $p_3 = p$  -- КД4
14. Обчислення 4:  $A_n = S * MD_n * p_3 + a_3 * E_n * d_3$
15. **Чекати** на завершення обчислення 4 в задачах T1, T2, T4 -- W<sub>1-4</sub>, W<sub>2-4</sub>, W<sub>4-4</sub>
16. Виведення результату A

## T4

1. Введення R, Z
2. **Сигнал** задачам T1, T2, T4 про введення R, Z -- S<sub>1-1</sub>, S<sub>2-1</sub>, S<sub>4-1</sub>
3. **Чекати** на введення даних в задачах T1, T2, T3 -- W<sub>1-1</sub>, W<sub>2-1</sub>W<sub>3-1</sub>
4. Обчислення 1:  $a_4 = (B_H * Z_H)$
5. Обчислення 2:  $a = a + a_i$  -- КД1
6. **Сигнал** задачам T1, T2, T3 про завершення обчислення 2 -- S<sub>1-2</sub>, S<sub>2-2</sub>, S<sub>3-2</sub>
7. **Чекати** на завершення обчислення 2 в задачах T1, T2, T3 -- W<sub>1-2</sub>, W<sub>2-2</sub>, W<sub>3-2</sub>
8. Обчислення 3  $S_H = R * M_{CH}$
9. **Сигнал** задачам T1, T2, T3 про завершення обчислення 3 -- S<sub>1-3</sub>, S<sub>2-3</sub>, S<sub>3-3</sub>
10. **Чекати** на завершення обчислення 3 в задачах T1, T2, T3 -- W<sub>1-3</sub>, W<sub>2-3</sub>, W<sub>3-3</sub>
11. Копія  $a_4 = a$  -- КД2
12. Копія  $d_4 = d$  -- КД3
13. Копія  $p_4 = p$  -- КД4
14. Обчислення 4:  $A_H = S * M_{DH} * p_4 + a_4 * E_H * d_4$
15. **Сигнал** задачі T3 про завершення обчислення 4 -- S<sub>3-4</sub>

### ІІІ етап. Розробка схеми взаємодії задач



Мал 1. Схема взаємодії задач

**CS1** – критична секція для захисту  $CP_a$ , під час обчислення;  
**CS2** – критична секція для захисту  $CP_a$ , під час копіювання;  
**CS3** – критична секція для захисту  $CP_d$ , під час копіювання;  
**CS3** – критична секція для захисту  $CP_r$ , під час копіювання;

Бар'єри використано для синхронізації: при введенні, по обчисленню  $a$  та  $S_n$ , перед виведенням.

## IV Етап. Розробка програми

### Лістинг програми без використання pragma for

#### Main.cpp

```
// Лабораторна робота ЛР5 Варіант 6
//  $A = (R * MC) * MD * p + (B * Z) * E * d$ 
//
// T1: X, e
// T2: C, MA
// T3: R, MD
// T4: B, p
//
// Дубчак Аліна Євгеніївна, група ІМ-13
// Дата 14 05 2024

using namespace std;

#include <iostream>
#include <omp.h>
#include <chrono>

int *readVector(int size);

int **readMatrix(int n);

void printVector(int *v, int size);

void printMatrix(int **matrix, int rows, int cols);

void insertSubVectorIntoVector(int *subVector, int startIndex, int endIndex, int *S, int statusVector);

int *multiplyVectorAndMatrix(int *vector, int **matrix);

int *getSubVector(int *v, int start, int size);

int vectorMultiplication(int *v1, int *v2, int size);

int **getSubMatrix(int **matrix, int startRow, int startCol, int size);

int *calculateRes(int *S, int** MDh, int p_i, int a_i, int *Eh, int d_i);

const int P = 4;
const int N = 16;
const int H = N / P;

int main() {
    cout << "Lab5 started!" << endl;
    auto start = chrono::high_resolution_clock::now();

    //глобальні змінні
    int d;
    int p;
    int a = 0;
    int *Z;
    int *R;
```



```

int *B;
int *E;
int *S = new int[N];
int *A = new int[N];
int *S_MDh;
int **MC;
int **MD;

//локальні змінні
int T_id;
int p_i;
int a_i;
int d_i;

omp_set_num_threads(P);

#pragma omp parallel private(T_id, p_i, a_i, d_i) shared(d, a, p, Z, R, B, E, A, MC, MD)
{
    T_id = omp_get_thread_num() + 1;
#pragma omp critical
    cout << "T" << T_id << " started" << endl;

    switch (T_id) {
        case 1: //T1
            E = readVector(N); //Введення E
            MC = readMatrix(N); //Введення MC
            break;
        case 2: //T2
            d = 1; //Введення d
            MD = readMatrix(N); //Введення MD
            break;
        case 3: //T3
            B = readVector(N); //Введення B
            p = 1; //Введення p
            break;
        case 4: //T4
            R = readVector(N); //Введення R
            Z = readVector(N); //Введення Z

            break;
        default:
            break;
    }
#pragma omp barrier //Синхронізація по введенню

    int *Bh = getSubVector(B, (T_id - 1) * H, H); // Отримати субвектор Bh
    int *Zh = getSubVector(Z, (T_id - 1) * H, H); // Отримати субвектор Zh

    a_i = vectorMultiplication(Bh, Zh, H);

#pragma omp critical(CS) //CS1 - Обчислення 2 a = a + ai
    {
        a += a_i;
    }

#pragma omp barrier //Синхронізація по Обчисленню 2 a = a + ai

```

```

int **MCh = getSubMatrix(MC, N, (T_id - 1) * H, T_id * H); // Отримати суматрицю MCh
int *Sh = multiplyVectorAndMatrix(R, MCh);
insertSubVectorIntoVector(Sh, (T_id - 1) * H, T_id * H, S, 1);

#pragma omp barrier          //Синхронізація по Обчисленню 3 S = R * MCh

#pragma omp critical(CS) // Копія ai = a
{
    a_i = a; // CS2
}

#pragma omp critical(CS) // Копія di = d
{
    d_i = d; // CS3
}

#pragma omp critical(CS) // Копія pi = p
{
    p_i = p; // CS4
}

int **MDh = getSubMatrix(MD, N, (T_id - 1) * H, T_id * H); // Отримати суматрицю MDh
int *Eh = getSubVector(E, (T_id - 1) * H, H); // Отримати субвектор Eh

int *Ah = calculateRes(S, MDh, p_i, a_i, Eh, d_i); //??

#pragma omp barrier          //Синхронізація по Обчисленню 4 A = S * MDh * pi + ai * Eh * di

insertSubVectorIntoVector(Ah, (T_id - 1) * H, T_id * H, A, 1);

if (T_id == 1) {
#pragma omp critical
{
    cout << "A: " << endl;
    printVector(A, N);
}
}

// Звільнення пам'яті
delete [] Bh;
delete [] Zh;
delete [] Sh;
delete [] Eh;
delete [] Ah;

for (int i = 0; i < N; ++i) {
    delete[] MCh[i];
    delete[] MDh[i];
}
#pragma omp critical

cout << "T" << T_id << " finished" << endl;
}

// Звільнення пам'яті
delete[] S;
delete[] A;
delete [] S_MDh;

```

```

delete[] Z;
delete[] R;
delete[] B;
delete[] E;

for (int i = 0; i < N; ++i) {
    delete[] MC[i];
    delete[] MD[i];
}

auto stop = chrono::high_resolution_clock::now();
auto duration = chrono::duration_cast<chrono::milliseconds>(stop - start);
cout << "Time: " << duration.count() << " ms" << endl;
return 0;
}

int *readVector(int size) {
    int *v = new int[size];
    for (int i = 0; i < size; ++i)
        v[i] = 1;
    return v;
}

int **readMatrix(int n) {
    int **m = new int *[n];
    for (int i = 0; i < n; ++i)
        m[i] = readVector(n);
    return m;
}

void printVector(int *v, int size) {
    for (int i = 0; i < size; ++i)
        cout << v[i] << " ";
    cout << endl;
}

void printMatrix(int **matrix, int rows, int cols) {
    for (int i = 0; i < rows; ++i) {
        for (int j = 0; j < cols; ++j) {
            cout << matrix[i][j] << " ";
        }
        cout << endl;
    }
}

int **getSubMatrix(int **matrix, int rowCount, int startColumn, int endColumn) {
    int columnCount = endColumn - startColumn;
    int **submatrix = new int *[rowCount];
    for (int i = 0; i < rowCount; ++i) {
        submatrix[i] = new int[columnCount];
        for (int j = startColumn; j < endColumn; ++j) {
            submatrix[i][j - startColumn] = matrix[i][j];
        }
    }
    return submatrix;
}

int *getSubVector(int *v, int start, int size) {
    int *subVector = new int[size];

```

```

    for (int i = 0; i < size; ++i) {
        subVector[i] = v[start + i];
    }
    return subVector;
}

int vectorMultiplication(int *v1, int *v2, int size) {
    int result = 0;
    for (int i = 0; i < size; ++i) {
        result += v1[i] * v2[i];
    }
    return result;
}

int *multiplyVectorAndMatrix(int *vector, int **matrix) {
    int *result = new int[H];

    for (int i = 0; i < H; i++) {
        int sum = 0;
        for (int j = 0; j < N; j++) {
            sum += matrix[j][i] * vector[j];
        }
        result[i] = sum;
    }

    return result;
}

void insertSubVectorIntoVector(int *subVector, int startIndex, int endIndex, int *S, int statusVector) {
    for (int i = startIndex; i < endIndex; i++) {
        if (statusVector == 0) {
            subVector[i] = subVector[i - startIndex];
        } else {
            S[i] = subVector[i - startIndex];
        }
    }
}

int *calculateRes(int *S, int** MDh, int p_i, int a_i, int *Eh, int d_i) {
    int *S_MD = multiplyVectorAndMatrix(S, MDh);
    int *result = new int[N];
    for (int i = 0; i < N; ++i) {
        result[i] = S_MD[i] * p_i + a_i * Eh[i] * d_i;
    }
    delete[] S_MD;
    return result;
}

```

## Результат виконання програми

```
Lab5 started!
T2 started
T1 started
T3 started
T4 started
A:
272 272 272 272 272 272 272 272 272 272 272 272 272 272 272
T3 finished
T2 finished
T4 finished
T1 finished
```

Результат виконання програми при N=16 без використання pragma for

## Лістинг програми з використання pragma for

### Main.cpp

```
// Лабораторна робота ЛР5 Варіант 6
// A = (R*MC)*MD*p + (B*Z)*E*d
//
// T1: X, e
// T2: C, MA
// T3: R, MD
// T4: B, p
//
// Дубчак Аліна Євгеніївна, група ІМ-13
// Дата 14 05 2024

using namespace std;

#include <iostream>
#include <omp.h>
#include <chrono>

int *readVector(int size);

int **readMatrix(int n);

void printVector(int *v, int size);

void printMatrix(int **matrix, int rows, int cols);

void insertSubVectorIntoVector(int *subVector, int startIndex, int endIndex, int *S, int statusVector);

int *multiplyVectorAndMatrix(int *vector, int **matrix);

int *getSubVector(int *v, int start, int size);

int vectorMultiplication(int *v1, int *v2, int size);

int **getSubMatrix(int **matrix, int startRow, int startCol, int size);

int *calculateRes(int *S_MDh, int p_i, int a_i, int *Eh, int d_i);

const int P = 4;
const int N = 16;
```

```

const int H = N / P;

int main() {
    cout << "Lab5 started!" << endl;
    auto start = chrono::high_resolution_clock::now();

    //глобальні змінні
    int d;
    int p;
    int a = 0;
    int *Z;
    int *R;
    int *B;
    int *E;
    int *S = new int[N];
    int *A = new int[N];
    int *S_MDh;
    int *SDM = new int[N];
    int **MC;
    int **MD;

    //локальні змінні
    int T_id;
    int p_i;
    int a_i;
    int d_i;

    omp_set_num_threads(P);

#pragma omp parallel private(T_id, p_i, a_i, d_i) shared(d, a, p, Z, R, B, E, A, MC, MD)
    {
        T_id = omp_get_thread_num() + 1;
#pragma omp critical
        cout << "T" << T_id << " started" << endl;

        switch (T_id) {
            case 1: //T1
                E = readVector(N); //Введення E
                MC = readMatrix(N); //Введення MC
                break;
            case 2: //T2
                d = 1; //Введення d
                MD = readMatrix(N); //Введення MD
                break;
            case 3: //T3
                B = readVector(N); //Введення B
                p = 1; //Введення p
                break;
            case 4: //T4
                R = readVector(N); //Введення R
                Z = readVector(N); //Введення Z

                break;
            default:
                break;
        }
    }
#pragma omp barrier //Синхронізація по введенню

```

```

int *Bh = getSubVector(B, (T_id - 1) * H, H); // Отримати субвектор Bh
int *Zh = getSubVector(Z, (T_id - 1) * H, H); // Отримати субвектор Zh

a_i = vectorMultiplication(Bh, Zh, H);

#pragma omp critical(CS)          //CS1 - Обчислення 2  a = a + a_i
{
    a += a_i;
}

#pragma omp barrier              //Синхронізація по Обчисленню 2  a = a + a_i

int **MCh = getSubMatrix(MC, N, (T_id - 1) * H, T_id * H); // Отримати суматрицю MCh
int *Sh;

Sh = multiplyVectorAndMatrix(R, MCh);
insertSubVectorIntoVector(Sh, (T_id - 1) * H, T_id * H, S, 1);

#pragma omp barrier              //Синхронізація по Обчисленню 3  S = R * MCh

#pragma omp critical(CS) // Копія a_i = a
{
    a_i = a; // CS2
}

#pragma omp critical(CS) // Копія d_i = d
{
    d_i = d; // CS3
}

#pragma omp critical(CS) // Копія p_i = p
{
    p_i = p; // CS4
}

int **MDh = getSubMatrix(MD, N, (T_id - 1) * H, T_id * H); // Отримати суматрицю MDh
int *Eh = getSubVector(E, (T_id - 1) * H, H); // Отримати субвектор Eh

S_MDh = multiplyVectorAndMatrix(S, MDh);
insertSubVectorIntoVector(S_MDh, (T_id - 1) * H, T_id * H, SDM, 1);

#pragma omp parallel for
for (int i = 0; i < N; i++) {
    A[i] = (SDM[i] * p_i) + (a_i * E[i] * d_i);
}

#pragma omp barrier              //Синхронізація по Обчисленню 4  A = S * MDh * p_i + a_i * E_h * d_i

if (T_id == 1) {
#pragma omp critical
{
    cout << "A: " << endl;
    printVector(A, N);
}
}

// Звільнення пам'яті
delete [] Bh;

```

```

    delete [] Zh;
    delete [] Sh;
    delete [] Eh;

    for (int i = 0; i < N; ++i) {
        delete[] MCh[i];
        delete[] MDh[i];
    }

#pragma omp critical
    cout << "T" << T_id << " finished" << endl;
}

// Звільнення пам'яті
delete[] S;
delete[] A;
delete [] S_MDh;
delete [] SDM;
delete[] Z;
delete[] R;
delete[] B;
delete[] E;

for (int i = 0; i < N; ++i) {
    delete[] MC[i];
    delete[] MD[i];
}

auto stop = chrono::high_resolution_clock::now();
auto duration = chrono::duration_cast<chrono::milliseconds>(stop - start);
cout << "Time: " << duration.count() << " ms" << endl;
return 0;
}

int *readVector(int size) {
    int *v = new int[size];
    for (int i = 0; i < size; ++i)
        v[i] = 1;
    return v;
}

int **readMatrix(int n) {
    int **m = new int *[n];
    for (int i = 0; i < n; ++i)
        m[i] = readVector(n);
    return m;
}

void printVector(int *v, int size) {
    for (int i = 0; i < size; ++i)
        cout << v[i] << " ";
    cout << endl;
}

void printMatrix(int **matrix, int rows, int cols) {
    for (int i = 0; i < rows; ++i) {
        for (int j = 0; j < cols; ++j) {
            cout << matrix[i][j] << " ";
        }
    }
}

```



```

        cout << endl;
    }
}

int **getSubMatrix(int **matrix, int rowCount, int startColumn, int endColumn) {
    int columnCount = endColumn - startColumn;
    int **submatrix = new int *[rowCount];
    for (int i = 0; i < rowCount; ++i) {
        submatrix[i] = new int[columnCount];
        for (int j = startColumn; j < endColumn; ++j) {
            submatrix[i][j - startColumn] = matrix[i][j];
        }
    }
    return submatrix;
}

int *getSubVector(int *v, int start, int size) {
    int *subVector = new int[size];
    for (int i = 0; i < size; ++i) {
        subVector[i] = v[start + i];
    }
    return subVector;
}

int vectorMultiplication(int *v1, int *v2, int size) {
    int result = 0;
    for (int i = 0; i < size; ++i) {
        result += v1[i] * v2[i];
    }
    return result;
}

int *multiplyVectorAndMatrix(int *vector, int **matrix) {
    int *result = new int[H];

    for (int i = 0; i < H; i++) {
        int sum = 0;
        for (int j = 0; j < N; j++) {
            sum += matrix[j][i] * vector[j];
        }
        result[i] = sum;
    }

    return result;
}

void insertSubVectorIntoVector(int *subVector, int startIndex, int endIndex, int *S, int statusVector) {
    for (int i = startIndex; i < endIndex; i++) {
        if (statusVector == 0) {
            subVector[i] = subVector[i - startIndex];
        } else {
            S[i] = subVector[i - startIndex];
        }
    }
}

int *calculateRes(int *S_MDh, int p_i, int a_i, int *Eh, int d_i) {
    int *result = new int[N];
    for (int i = 0; i < N; ++i) {

```

```

    result[i] = S_MDh[i] * p_i + a_i * Eh[i] * d_i;
}
return result;
}

```

## Результат виконання програми

```

T3 started
A:
272 272 272 272 272 272 272 272 272 272 272 272 272 272 272
T1 finished
T3 finished
T2 finished
T4 finished

```

Результат виконання програми при N=16 з використанням pragma for

## Тестування

### Опис комп'ютера:

*Процесор: AMD Ryzen 5 5500U*

*Кількість ядер: 6*

*Кількість логічних ядер: 12*

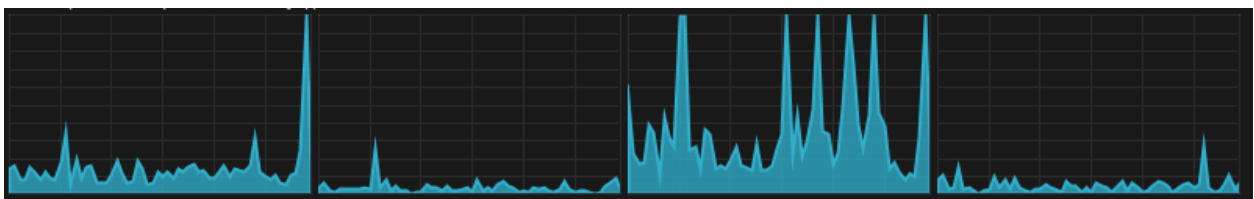
Для N=1000, було проаналізовано процес завантаження програмою ядер багатоядерного процесора за допомогою Диспетчеру задач ОС Windows та вираховано середню швидкість програми

### Програма, в якій використовуються pragma for для:

#### 1 ядра:

- 250 ms
- 288 ms
- 307 ms
- 381 ms
- 299 ms

$$C_{\text{знач}} = (250 + 288 + 307 + 381 + 299) / 5 = 305 \text{ms}$$

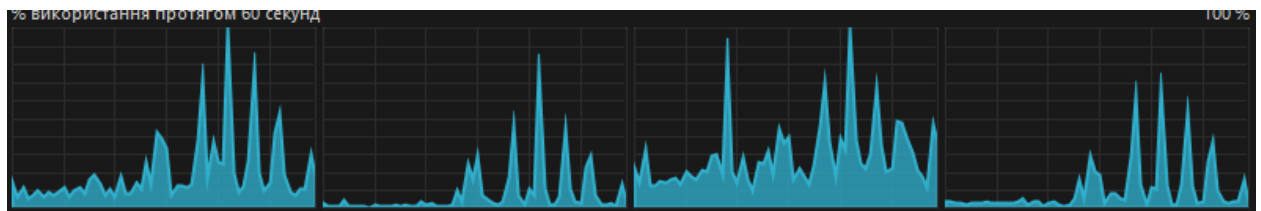


Навантаження на 1 ядро

#### 4 ядра

- 201 ms
- 239 ms
- 170 ms
- 193 ms
- 202 ms

$$C_{\text{знач}} = (201 + 239 + 170 + 193 + 202) / 5 = 201 \text{ ms}$$



Навантаження на 4 ядра

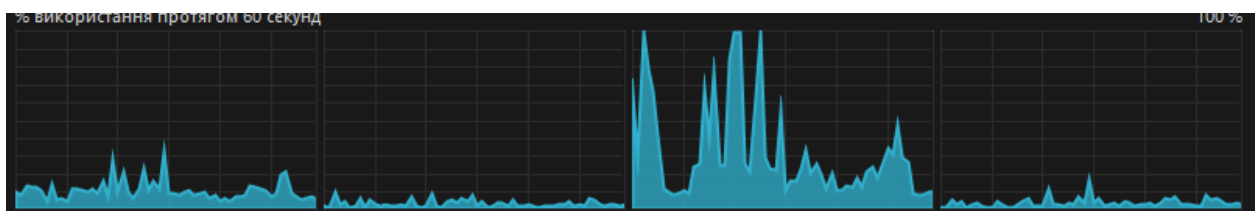
$$K_{\Pi} = 305 \text{ ms} / 201 \text{ ms} \sim 1,52$$

Програма, в якій не використовуються pragma for для:

#### 1 ядра:

- 350 ms
- 291 ms
- 321 ms
- 381 ms
- 287 ms

$$C_{\text{знач}} = (350 + 291 + 321 + 381 + 287) / 5 = 326 \text{ ms}$$



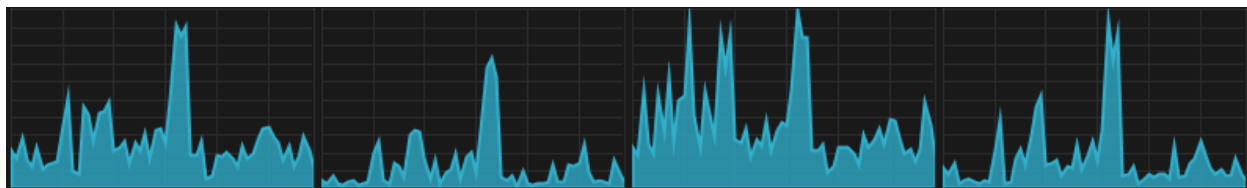
Навантаження на 1 ядро

#### 4 ядра

- 222 ms
- 208 ms
- 171 ms
- 195 ms
- 217 ms

$$C_{\text{знач}} = (222 + 208 + 171 + 195 + 217) / 5 = 213 \text{ ms}$$

$$K_{\Pi} = 326\text{ms} / 213\text{ms} \sim 1,53$$



Навантаження на 4 ядра

## ВИСНОВОК

1. У процесі розробки було паралельний математичний алгоритм, який дає змогу виконати обчислення заданої формули та визначити спільні ресурси:  $R$ ,  $S$ ,  $a$ ,  $d$ ,  $p$
2. Був розроблений алгоритм потоків, в яких визначені відповідні точки синхронізації – введення даних, виконання обчислень, виведення. Визначені критичні ділянки(КД1-4).
3. Було створено схему взаємодії задач, де визначено та позначено засоби організації взаємодії потоків: критичні секції для захисту спільних ресурсів та бар'єри для синхронізації взаємодії потоків.
4. Розробка програми виконувалася на мові C++. Для роботи з потоками було використано бібліотеку OpenMP. У процесі розробки було використано: `#pragma omp parallel` – для створення потоків. `private` – для задання локальних змінних – для кожного потоку буде створена копія цих змінних, `omp_set_num_threads(P)` – задання кількості потоків, `omp_get_thread_num()` – отримання номеру потоку(1-4), `#pragma omp critical` – критичні секції, `#pragma omp barrier` – бар'єри та `#pragma omp parallel for` – щоб автоматично розділити ітерації виконання циклу паралельно між потоками
5. Було проведено тестування ефективності багатопотокової програми для значення  $N = 1000$ . Результати показали, що коефіцієнт прискорення програми без використання `pragma for` становить 1,52, а з його використанням - 1,53. Середня швидкість виконання програми з `pragma for` та без нього на чотирьох ядрах складає відповідно 201 мс та 213 мс. Це свідчить про те, що різниця в швидкості виконання незначна, і обидві програми працюють майже з однаковою ефективністю.